```
return 0;
}
```

## **I** 最大子段和

难度	考点
5	贪心、动态规划

## 题目分析

由题意可知,我们要找出数列中**连续且非空**的一段,使其和最大,如果不看数据范围的话,我们可以很容易想到一种暴力的解法:直接枚举数列中所有存在的**连续且非空**的子列,将其和分别求出来,再用 ans 记录它们的最大值并输出,代码大致如下。

```
#include<stdio.h>
int main()
{
   int n,a[200005],ans=-100000000;
    scanf("%d",&n);
   for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",&a[i]);
   for(int i=1;i<=n;i++)//枚举数列的左边界
       for(int j=i;j<=n;j++)//枚举数列的右边界
       {
           int sum=0;
           for(int k=i; k <= j; k++)
               sum+=a[k];//求和
           if(sum>ans) ans=sum;//记录最大子段和
       }
   printf("%d",ans);
    return 0;
}
```

但我们会发现这种思路只能通过30%的数据点,因为对于 n 在 $10^5$ 的数量级时会时间超限(<del>题目背景有说 ddl 快到了</del>),所以要想一个更优的做法。

首先,我们用一个数组 dp[i] 表示数列中以  $a_i$  结尾的子列的最大子段和,之后顺序遍历整个数列。可以发现,对于 dp[i] 的取值分为两种可能:一种可能是将  $a_i$  与前面的子列合并,另一种是只取  $a_i$  (这是因为如果前面的子段和加上  $a_i$  的值比  $a_i$  小,还不如不合并,只要  $a_i$  ),因此可以得到如下状态转移方程:

```
dp[1] = a[1] \quad (i = 1)
```

 $dp[i] = max(dp[i-1] + a[i], a[i]) \quad (2 \le i \le n)$ 

由于数列可能分出很多段子列,最后要遍历 dp[i] 找出其中的最大值即为整个数列的最大子段和 ans。

## 示例代码

```
#include<stdio.h>
int main()
{
   int n;
   int a[200005],dp[200005];
    scanf("%d",&n);
    for(int i=1;i <=n;i++)
    {
        scanf("%d",&a[i]);
    }
    int ans=dp[1]=a[1];
    for(int i=2;i <=n;i++)
    {
        //按状态转移方程求dp[i]的值
       if(dp[i-1]+a[i]>a[i])
            dp[i]=dp[i-1]+a[i];
        }
        else
        {
            dp[i]=a[i];
        }
        //ans始终为dp[i]中最大值
        if(dp[i]>ans)
        {
            ans=dp[i];
        }
    printf("%d",ans);
    return 0;
}
```