

ICS 2021 LAB02

实验报告

PB20111699 吴骏东

2021.12.07

一. 实验内容

在实验 2 中，我们要将一个数列的第 n 项存储到寄存器 R7 中。

在数学中，斐波那契数通常记为 $F(n)$ 。由斐波那契数形成的序列称为斐波那契序列。

序列中从 0 和 1 开始，之后的每个数都是前两个数的和。即

$$F(0)=0, F(1)=1, F(n)=F(n-1)+F(n-2)$$

——维基百科

由于斐波那契序列增长十分迅速，我们的数列与斐波那契序列略有不同。该数列的通项公式如下：

$$F(0) = 1, \quad F(1) = 1, \quad F(2) = 2$$
$$F(n) = ((n-1) + 2 * F(n-3)) \bmod 1024 \quad (1 \leq n \leq 16384)$$

初始状态： n 存储在寄存器 R0 中。所有其他寄存器的初始值都为 0。

你的任务是：

1. 在寄存器 R7 中存储 $F(n)$ ；
2. 将你的学生号码分成四个长度相等的部分，用 a、b、c 和 d 标记。例如，TA 的学生编号是 PB17000144，所以结果为 $a=17$ ， $b=0$ ， $c=1$ ， $d=44$ 。在代码结尾部分用 `.FILL` 命令存储 $F(a)$ 、 $F(b)$ 、 $F(c)$ 和 $F(d)$ 的值。

二. 程序设计与分析

本实验的思路是十分自然的。利用三个寄存器存储 $f(n-1)$ 、 $f(n-2)$ 、 $f(n-3)$ 的值，将结果存入 R7 中。模 1024 的操作可以通过与 1023(0111 1111)按位与实

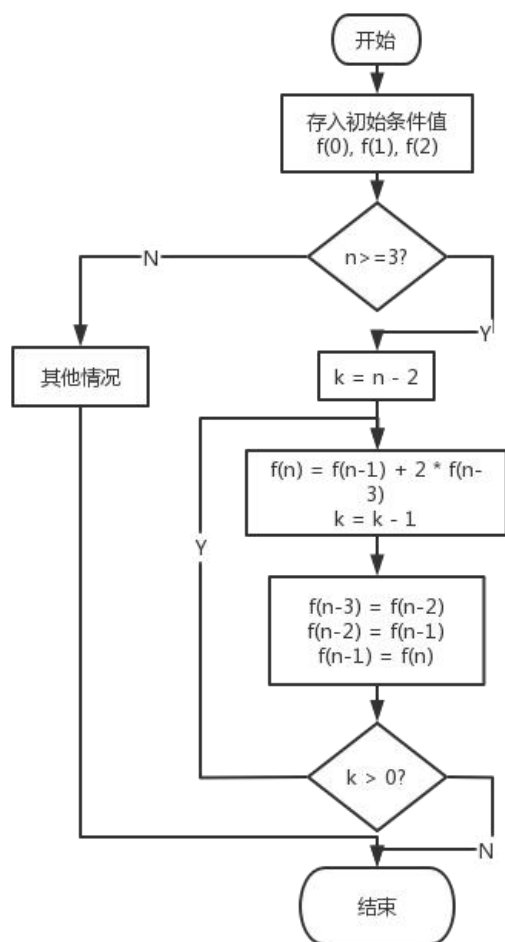


图 2.1

现。上述流程的流程图如图 2.1 所示。

注意到其中的其他情况部分。由于我们提前存入了 $n=0\sim 2$ 的值，所以在后续计算中对 $n\leq 2$ 的情况应当单独进行处理。为此我们可以在 $k=n-2$ 处进行判断：若此时 k 为 0，则 R7 存入 $f(2)=2$ ；若此时 k 为负，则 R7 存入 $f(1)=1$ 。这样我们就实现了对于 $n>0$ 的所有操作。

流程图中没有标出按位与的部分。这一步操作可以在 $f(n)$ 计算后插入，即 $R7 = R7 \& 1023$ 。1023 的产生方式有很多。由于本实验的要求比较宽松，故这里我选择直接循环计算得到 1024 再减 1。

最终的程序如下：其中 R0 存储目标 n 的值，R7 存储计算结果，R1~R3 用于存储前三项，R4~R5 用于计算

1023。最终的代码行数为 27 行，符合要求。

```

;programs start from now
[1] ADD    r7, r7, #1          ;set r7 to f(1)
[2] ADD    r5, r5, #1          ;2^(m)
[3] ADD    r4, r4, #10         ;m
[4] ADD    r0, r0, #-2
[5] BRp    #3
[6] BRn    #1
[7] ADD    r7, r7, #1          ;if n = 2 then r7 = 2
[8] BRnzp  #15

[9] ADD    r5, r5, r5
[10] ADD    r4, r4, #-1
[11] BRnp  #-3                ;r5 is 1024
[12] ADD    r5, r5, #-1        ;r5 is 1023
  
```

```

[13] ADD      r1, r1, #1      ;f(n-3)
[14] ADD      r2, r2, #1      ;f(n-2)
[15] ADD      r3, r3, #2      ;f(n-1)

[16] ADD      r7, r1, r1      ;r7=2f(n-3)
[17] ADD      r7, r7, r3      ;r7=2f(n-3)+f(n-1)
[18] AND      r7, r7, r5

[19] ADD      r1, r2, #0
[20] ADD      r2, r3, #0
[21] ADD      r3, r7, #0

[22] ADD      r0, r0, #-1
[23] BRnp     #-8

[24] .FILL     #930
[25] .FILL     #246
[26] .FILL     #386
[27] .FILL     #854

;programs end from now

```

三. 小结

本实验中可以优化的点有很多。鉴于第三次实验就是代码优化，不妨就留给下一位同学吧。