

代码优化

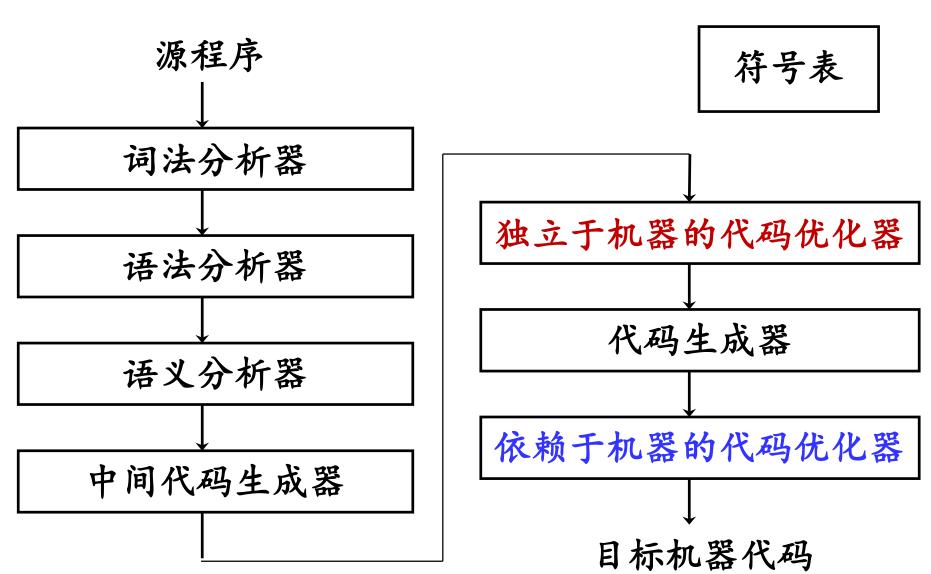
《编译原理和技术》

张昱

0551-63603804, yuzhang@ustc.edu.cn 中国科学技术大学 计算机科学与技术学院



University of Science and Technology of China



□ 代码优化

- 通过**程序变换**(局部变换和全局变换)来改进程序
- 局部: 基本块内; 全局: 跨基本块
- □ 代码改进变换的标准
 - 代码变换必须保程序的含义
 - 采取安全稳妥的策略
 - 通过变换减少程序的运行时间能平均达到某可度量的值
 - 变换所作的努力是值得的
- □ 本章介绍独立于机器的优化
 - 重点:数据流分析及其一般框架



1. 优化的源头和种类

- □ 基本块内优化、全局优化
- □ 公共子表达式删除、复写 传播、死代码删除
- □ 循环优化



优化的主要源头和主要种类

- □ 主要源头:程序中存在程序员无法避免的冗余计算 如 A[i][j]、x.f1等数据访问操作
 - 编译后被展开成多步低级算术运算
 - 对同一数据结构的多次访问会产生许多公共的低级运算

□ 主要种类

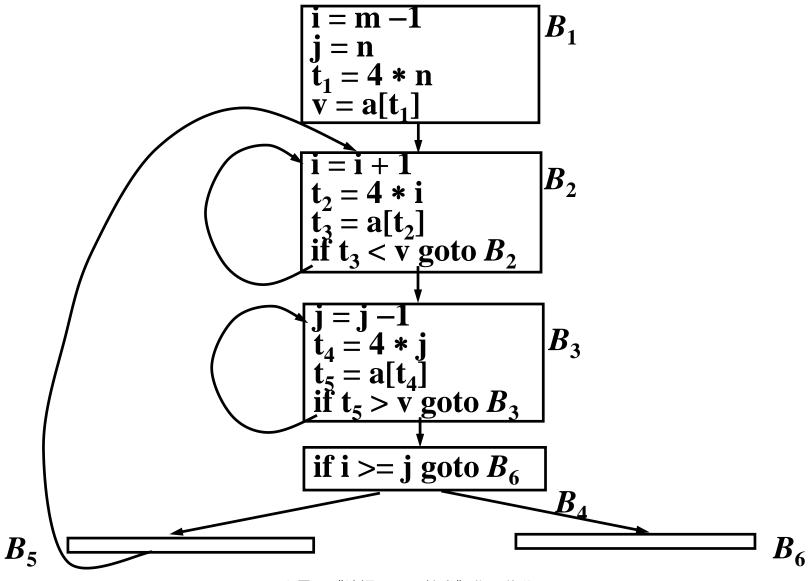
- 公共子表达式删除(common subexpression elimination)
- 复写传播(copy propogation)
- 死代码删除(dead code elimination)
- 代码外提(loop hoisting, code motion)
- • • •



```
(1) i = m - 1
                                        (2) j = n
i = m - 1; j = n; v = a[n];
                                        (3) t1 = 4*n
while (1) {
                                        (4) v = a[t1]
  do i = i + 1;
                                        (5) i = i + 1
   while(a[i]<v);
                                        (6) t2 = 4*i
  do j = j - 1;
   while (a[j]>v);
                                        (7) t3 = a[t2]
                                        (8) if (t3<v) goto (5)
  if (i \ge j) break;
                                        (9) j = j - 1
  x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;
                                        (10)t4 = 4*j
                                        (11)t5 = a[t4]
x=a[i]; a[i]=a[n]; a[n]=x;
                                         (12)...
```



一个实例:程序流图

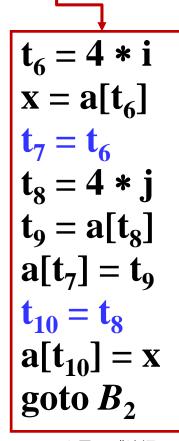




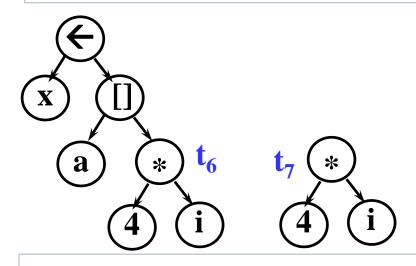


B₅ x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;公共子表达式删除(CSE)

 $\mathbf{t}_6 = \mathbf{4} * \mathbf{i}$ $\mathbf{x} = \mathbf{a}[\mathbf{t}_6]$ $\mathbf{t_7} = \mathbf{4} * \mathbf{i}$ $t_{s} = 4 * j$ $\mathbf{t_0} = \mathbf{a}[\mathbf{t_8}]$ $\mathbf{a}[\mathbf{t_7}] = \mathbf{t_9}$ $t_{10} = 4 * j$ $\mathbf{a}[\mathbf{t}_{10}] = \mathbf{x}$ goto B_2



用DAG表示基本块或函数的一部分,如LLVM中的<u>SelectionDAG</u> 用于简化代码,方便实现优化



应用Value Numbering(值编码)决定两个计算是否等价,并去掉等价计算中的一个以进行保语义优化





基本块内的优化

B_5 x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;

公共子表达式删除(CSE)

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = 4 * i$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_7] = t_9$
 $t_{10} = 4 * j$
 $a[t_{10}] = x$
 $goto B_2$

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = t_6$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_7] = t_9$
 $t_{10} = t_8$
 $a[t_{10}] = x$
 $goto B_2$

复写传播

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = t_6$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_6] = t_9$
 $t_{10} = t_8$
 $a[t_8] = x$
 $goto B_2$

复写传播变 换的做法是 在复写语句 f = g f , 尽 可能用g代 表f

基本块内的优化

1958 Sally S

B₅ x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;公共子表达式删除(CSE)

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = 4 * i$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_7] = t_9$
 $t_{10} = 4 * j$
 $a[t_{10}] = x$
 $goto B_2$

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = t_6$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_7] = t_9$
 $t_{10} = t_8$
 $a[t_{10}] = x$
 $goto B_2$

University of Science and Technology of China ______

复写传播本身不是优化,但给其他 优化(常量合并、DCE等)带来机会

复写传播

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = t_6$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_6] = t_9$
 $t_{10} = t_8$
 $a[t_8] = x$
 $goto B_2$

死代码删除

(DCE)

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_6] = t_9$
 $a[t_8] = x$
 $goto B_2$

□ 死代码

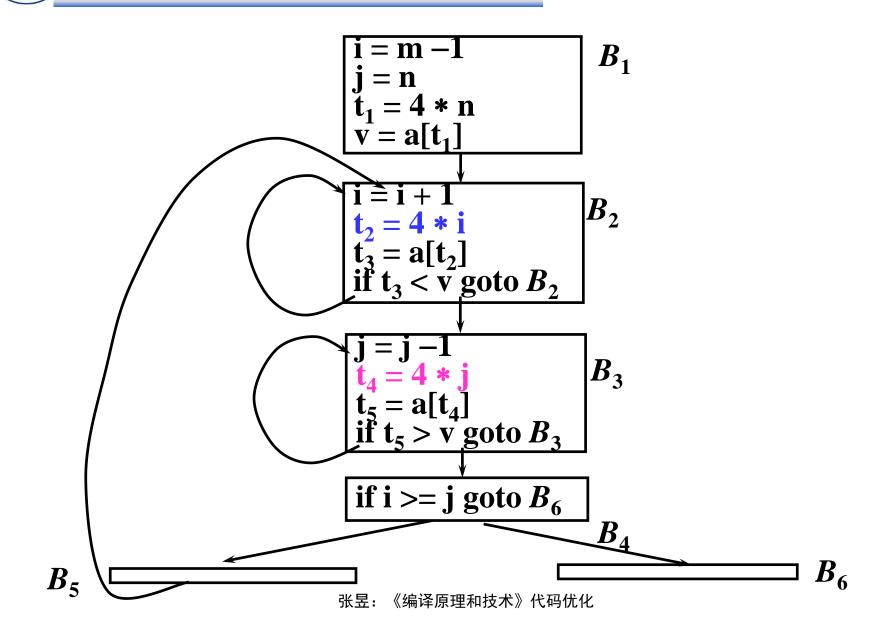
- 死代码指计算的结果绝不被引用的语句
- 一些优化变换可能会引起死代码

例: 为便于调试,可能在程序中加打印语句,测试后改成右边的形式

debug = true;debug = false;...|if (debug) print ...if (debug) print ...靠优化来保证目标代码中没有该条件语句部分







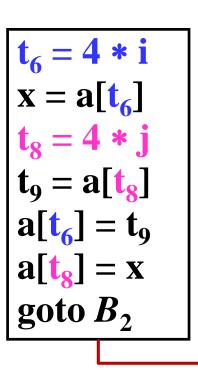


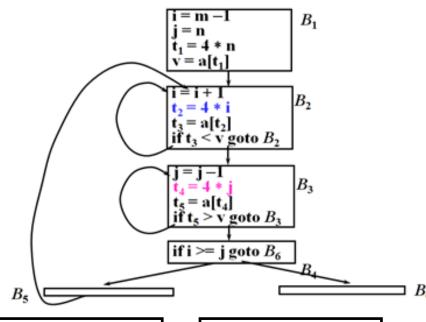
基本块间的优化

 B_5 x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;

全局CSE、复写传播、DCE

$$t_6 = 4 * i$$
 $x = a[t_6]$
 $t_7 = 4 * i$
 $t_8 = 4 * j$
 $t_9 = a[t_8]$
 $a[t_7] = t_9$
 $t_{10} = 4 * j$
 $a[t_{10}] = x$
 $goto B_2$





$$x = a[t_2]$$
 $t_9 = a[t_4]$
 $a[t_2] = t_9$
 $a[t_4] = x$
 $goto B_2$

$$x = t_3$$

$$t_9 = a[t_4]$$

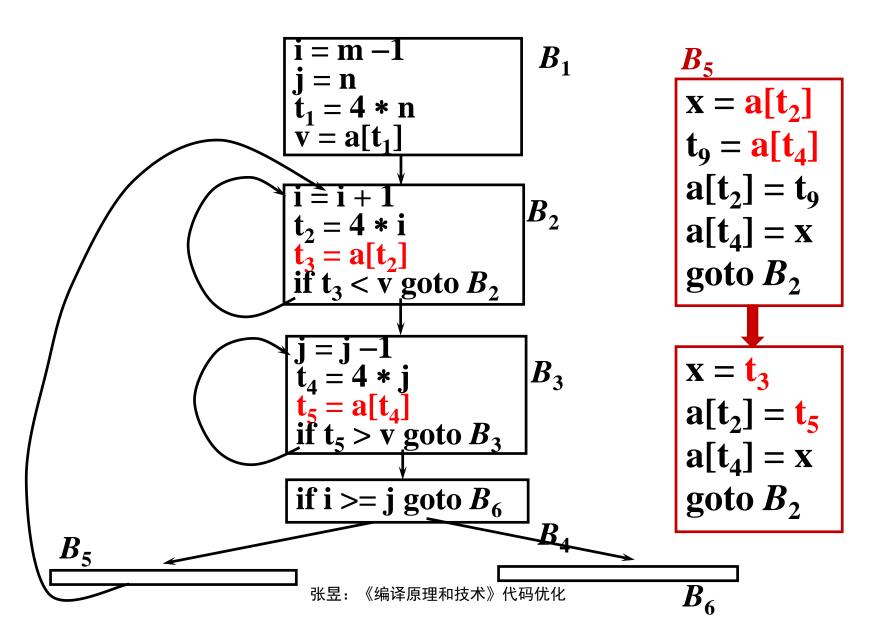
$$a[t_2] = t_5$$

$$a[t_4] = x$$

$$goto B_2$$



基本块间的优化





实例: B6的优化

$$B_6$$
 x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;

$$B_1: t_1 = 4 * n$$

$$B_2$$
: $t_2 = 4 * i, t_3 = a[t_2]$

$$t_{11} = 4 * i$$

$$x = a[t_{11}]$$

$$t_{12} = 4 * i$$

$$t_{13} = 4 * n$$

$$t_{14} = a[t_{13}]$$

$$a[t_{12}] = t_{14}$$

$$t_{15} = 4 * n$$

$$a[t_{15}] = x$$

基本块内和 基本块间的优化

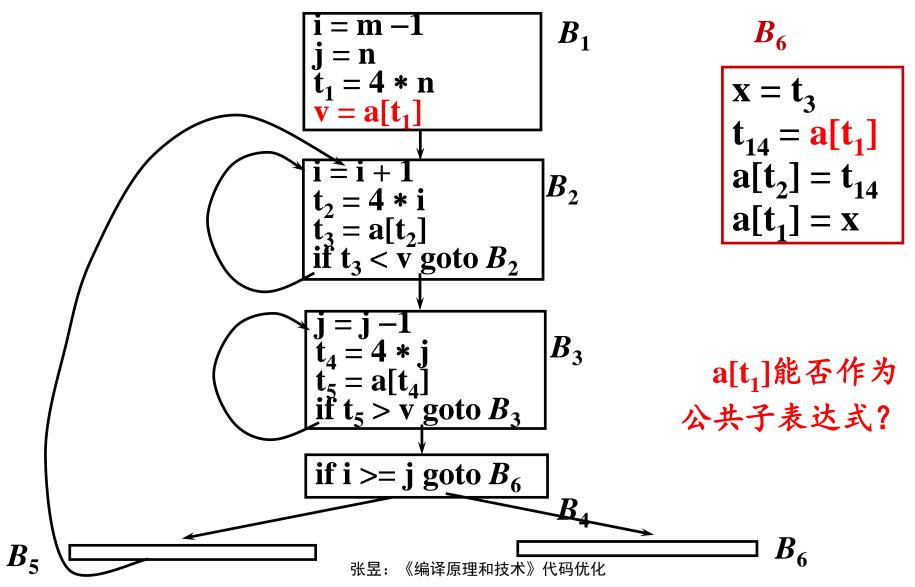


$$x = t_3$$
 $t_{14} = a[t_1]$
 $a[t_2] = t_{14}$
 $a[t_1] = x$



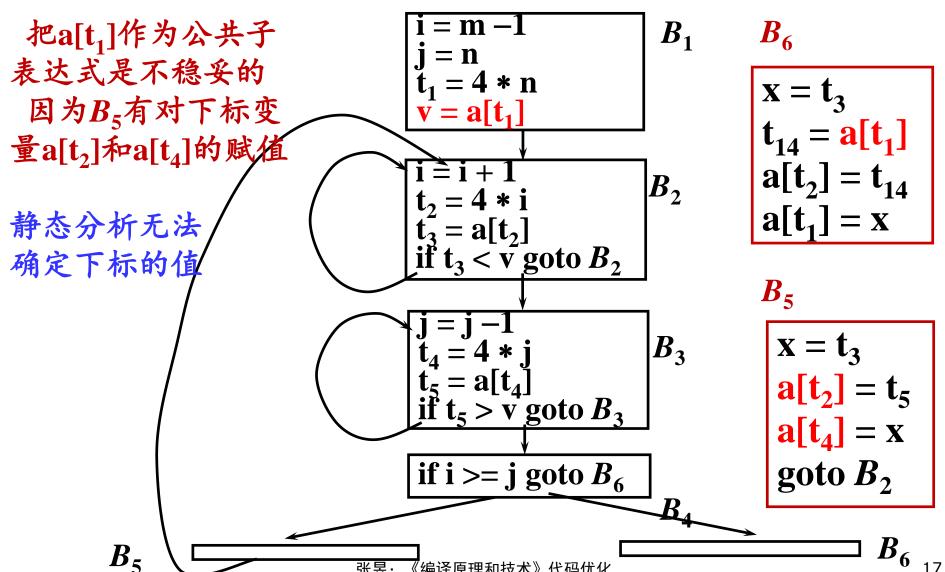
控制流对优化的影响

University of Science and Technology of China





控制流对优化的影响



《编译原理和技术》代码优化



□ 循环优化的主要技术

- 归纳变量删除(induction variable elimination)
- 强度削弱(strength reduction): 如将乘法变换成加法
- 代码外提(loop hoisting, code motion): 将循环不变的运 算外提

□ 代码外提

例: while (i <= limit - 2) ... limit - 2是循环不变式 代码外提后变换成







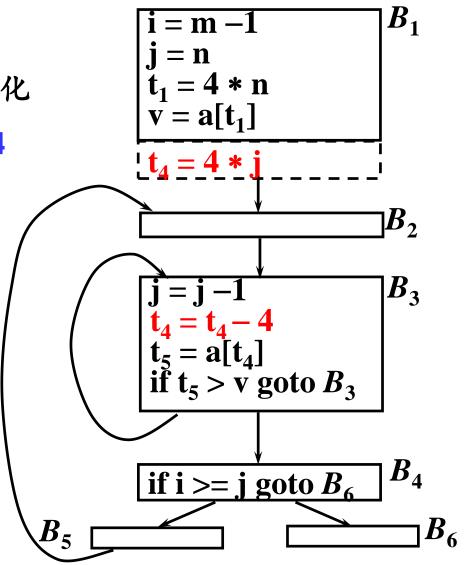
循环优化-强度削弱

强度削弱

- ■j和t₄的值步调一致地变化
- $t_4 = 4 * j$ 变换为 $t_4 = t_4 4$
- 在循环前增加 $t_a = 4 * j$

$$B_3$$

 $j = j - 1$
 $t_4 = 4 * j$
 $t_5 = a[t_4]$
if $t_5 > v$ goto B_3





循环优化-强度削弱

University of Science and Technology of China

□ 强度削弱

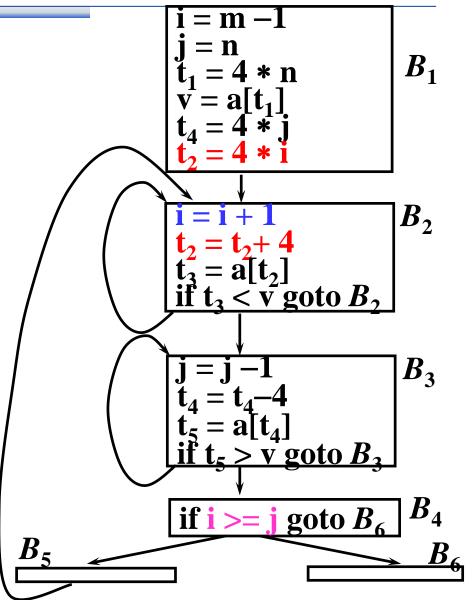
■ B₂也可以类似地变换

□ 归纳变量删除

■ 循环控制条件i>= j 可以表示为t₂>=t₄

$$\boldsymbol{B_2}$$

$$i = i + 1$$
 $t_2 = 4 * i$
 $t_3 = a[t_2]$
if $t_3 < v$ goto B_2





循环优化-强度削弱

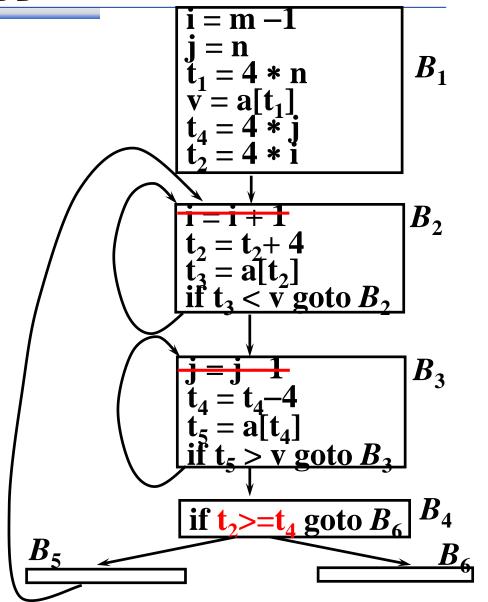
University of Science and Technology of China

□ 强度削弱

■ B_2 也可以类似地变换

□ 归纳变量删除

- 循环控制条件i >= j 可以表示为t₂ >=t₄
- 归纳变量 i和j 可删除



- 基本块内的优化
- 窥孔(peephole)优化:仅分析一个滑动窗口内的指令。 每次转换后可能还会暴露相邻窗口间的某些优化机会
- ✓ 冗余指令删除:如

```
mov r0, a // r0 => a
mov a, r0 // a => r0, 可删除
```

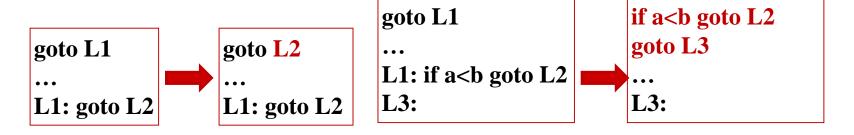
✓ 删除死代码

goto L1

goto L2

// 语句前无标号,死代码

- 基本块内的优化
- 窥孔(peephole)优化:仅分析一个滑动窗口内的指令。 每次转换后可能还会暴露相邻窗口间的某些优化机会
- ✓ 冗余指令删除、删除死代码
- ✓ 控制流优化



- 基本块内的优化
- 窥孔(peephole)优化:仅分析一个滑动窗口内的指令。 每次转换后可能还会暴露相邻窗口间的某些优化机会
- ✔ 冗余指令删除、删除死代码、控制流优化
- ✓ 强度削弱、删除无用指令
 mul \$8, r0 => shiftleft \$3, r0
 add \$0, r1 mul \$1, r2 // 均可删除
- ✓ 利用目标机指令特点 如 inc、enter(建立栈帧)、leave(清除栈帧)、 龙芯的乘加指令、向量扩展指令等等

- 基本块内的优化
- 窥孔(peephole)优化:仅分析一个滑动窗口内的指令。 每次转换后可能还会暴露相邻窗口间的某些优化机会

□ 全局优化

- 基本块间优化(过程内)
- 过程间优化:程序全局优化



2. 程序分析

- □ 控制流分析
- □ 数据流分析: 到达-定值分析、数据流分析模式、活跃变量分析、 可用表达式分析等



控制流分析与数据流分析

□ 控制流分析

- 发现每一个过程内的控制流层次结构
- 从构成过程的基本块开始,然后构造流图
- 使用必经结点来找出循环

□ 数据流分析

- 确定一个过程中与数据处理有关的全局信息
- 例如,常量传播分析是力求判定对一个特定变量的所有 赋值在某个特定程序点是否总是给定相同的常数值。 如果是这样,则在那一点可用一个常数来替代该变量





程序点(5)的所有程序状态

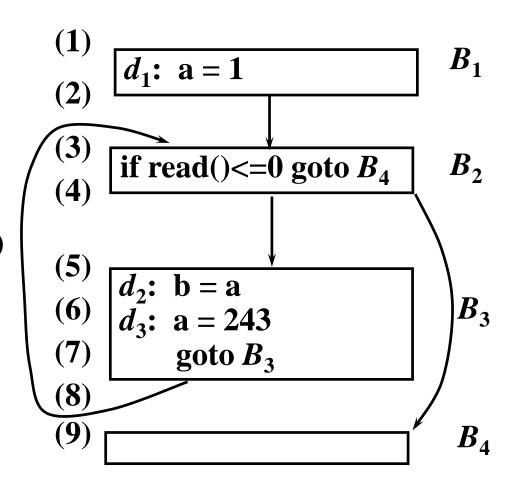
- $a \in \{1, 243\}$
- a由{d₁, d₃}定值

1. 到达-定值

 $\{d_1, d_3\}$ 的定值到达点(5)

2. 常量合并

a在点(5)不是常量



□ 数据流分析

- 分析程序行为时,必须在其流图上考虑所有的执行路径 (在调用或返回语句被执行时,还需要考虑执行路径在 多个流图之间的跳转)
- 由于存在循环,从流图得到的程序执行路径数无限,且 执行路径长度没有有限的上界
- 每个程序点的不同状态数也可能无限 程序状态:存储单元到值的映射

不可能清楚所有执行路径上的所有程序状态

□ 数据流分析不打算

- 区分到达一个程序点的不同执行路径
- 掌握该程序点的每个完整的状态

□ 数据流分析要点

- 从程序状态中抽取特定数据流分析所需信息→数据流值
- 总结出用于该分析目的的一组有限的事实,且这组事实和到达这个程序点的路径无关,即从任何路径到达该程序点都有这样的事实

保守的: 得到的信息不会误解程序的行为

■ 分析的目的不同,从程序状态提炼的信息也不同





□ 数据流值: 到达一个程序点的所有定值

■ 每个定值语句有唯一编号,数据流值:定值编号的集合可用来判断一个变量在某程序点是否为常量、是否无初值

□ 别名给到达-定值的计算带来困难

- 过程参数、数组访问、间接引用等都有可能引起别名 例如:若p==q,则p->next和q->next互为别名
- 程序分析必须是稳妥的
- 本章其余部分仅考虑变量无别名的情况

□ 定值的注销(kill)

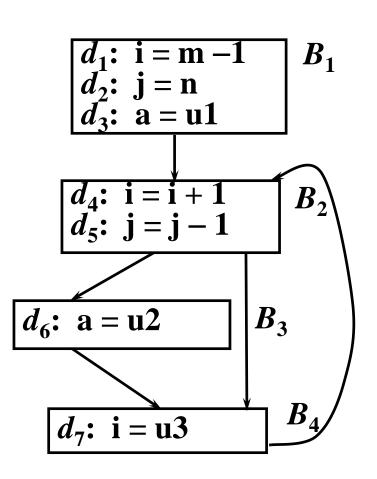
在一条执行路径上,对x的赋值会注销先前对x的所有赋值

□ 基本块向下暴露的定值

- gen[B]: 基本块B生成的定值
- kill[B]: 基本块B注销的定值

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$
gen $[B_2] = \{d_4, d_5\}$
kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$
gen $[B_3] = \{d_6\}$
kill $[B_3] = \{d_3\}$
gen $[B_4] = \{d_7\}$
kill $[B_4] = \{d_1, d_4\}$





基本块的gen 和 kill 的计算



- 对三地址指令 d: u = v + w,它的状态迁移函数是 $f_d(x) = gen_d \cup (x kill_d),$ x为到达指令入口点的定值
- 若 $f_1(x) = gen_1 \cup (x kill_1), f_2(x) = gen_2 \cup (x kill_2)$ 則: $f_2(f_1(x)) = gen_2 \cup (gen_1 \cup (x kill_1) kill_2)$ = $(gen_2 \cup (gen_1 kill_2)) \cup (x (kill_1 \cup kill_2))$
- 若基本块B有n条三地址指令 $kill_B = kill_1 \cup kill_2 \cup ... \cup kill_n$ $gen_B = gen_n \cup (gen_{n-1} kill_n) \cup (gen_{n-2} kill_{n-1} kill_n) \cup ... \cup (gen_1 kill_2 kill_3 ... kill_n)$



到达-定值的数据流方程

- □ 数据流方程/等式(flow equation)
 - \blacksquare gen_B: B中生成的且能到达B的结束点的定值
 - kill_R: B注销的定值
 - IN[B]: 能到达B的开始点的定值集合
 - lacksquare OUT[B]: 能到达B的结束点的定值集合 两组等式(根据gen和kill定义IN和OUT)
 - $IN[B] = \bigcup_{P \not\in B} OUT[P]$
 - $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] kill_B)$
 - lacksquare OUT[ENTRY] = \varnothing

到达-定值方程组的迭代求解,最终到达不动点(MFP)



到达-定值的迭代计算算法

// 正向数据流分析

- (1) $OUT[ENTRY] = \emptyset$;
- (2) for (除了ENTRY以外的每个块B) OUT[B] = Ø;
- (3) while (任何一个OUT出现变化)
- (4) for (除了ENTRY以外的每个块B) {
- (5) $IN[B] = \bigcup_{P \not\in B} OUT[P];$
- (6) OUT[B] = $f_B(IN[B])$;

 $//f_B(IN[B]) = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

(7) }

这里采用**流不敏** 感的算法,即没 有按基本块的执 行次序依次处理 每个基本块

- - □ 引用-定值链(简称ud链)
 - 对于变量的每一个引用, 记录到达该引用的所有定值

通过到达-定值数据流分析计算并形成ud链

- 如果块B中变量a的引用之前有a的定值, 那么只有a的最后一次定值会在该引用 的ud链中
- 如果块B中变量a的引用之前 $\mathcal{L}a$ 的定值, 那么该引用的ud链就是IN[B]中a的定值 的集合



1958 augustin of Grove and Technical

IN [B]

OUT [B]

 $\boldsymbol{B_1}$

000 0000

 B_2

000 0000

 B_3

000 0000

 B_4

000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

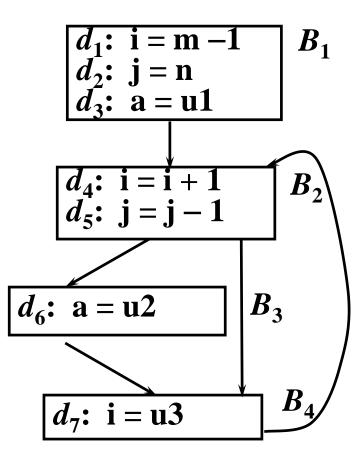
kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$



gen
$$[B_4] = \{d_7\}$$

kill $[B_4] = \{d_1, d_4\}$



$\mathbf{IN}[B] = \bigcup_{P \not\in B}$ 的前驱 $\mathbf{OUT}[P]$ $\mathbf{OUT}[B] = gen_B \cup (\mathbf{IN}[B] - kill_B)$

$$B_1 = 000 \ 0000 = 000 \ 0000$$

$$B_2$$
 000 0000

$$B_3$$
 000 0000

$$B_{4}$$
 000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

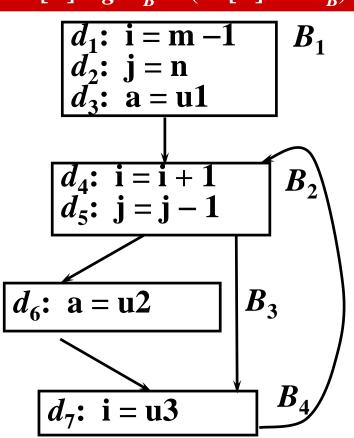
kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

gen
$$[B_4] = \{d_7\}$$

kill $[B_4] = \{d_1, d_4\}$





$IN[B] = \bigcup_{P \not\in B} honorem OUT[P]$ $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 000 0000

$$B_3$$
 000 0000

$$B_4$$
 000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

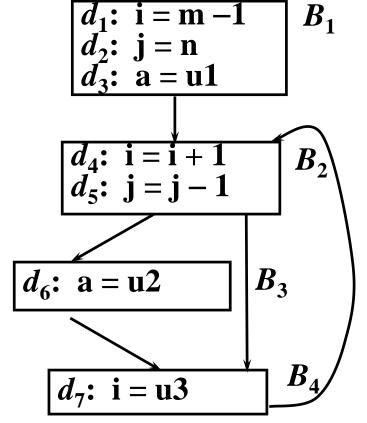
kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$



gen
$$[B_4] = \{d_7\}$$

kill $[B_4] = \{d_1, d_4\}$



 $\boldsymbol{B_1}$

$IN[B] = \bigcup_{P \not \in B}$ 的前驱 OUT[P] $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

 d_1 : i = m -1

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 000 0000

$$B_3$$
 000 0000

$$B_{4}$$
 000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_{2}: j = n$$

$$d_{3}: a = u1$$

$$d_{4}: i = i + 1$$

$$d_{5}: j = j - 1$$

$$B_{2}$$

$$d_{6}: a = u2$$

$$B_{3}$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



 $\boldsymbol{B_1}$

$IN[B] = \bigcup_{P \not\in B}$ 的前驱 OUT[P] $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

 d_1 : i = m -1

 d_2 : j = n

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

$$B_3$$
 000 0000

$$B_{4}$$
 000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_{3}: a = u1$$

$$d_{4}: i = i + 1$$

$$d_{5}: j = j - 1$$

$$B_{2}$$

$$d_{6}: a = u2$$

$$B_{3}$$

$$A_{7}: i = u3$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



$\mathbf{IN}[B] = \bigcup_{P \not\in B}$ 的前驱 $\mathbf{OUT}[P]$ $\mathbf{OUT}[B] = gen_B \cup (\mathbf{IN}[B] - kill_B)$

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

$$B_3$$
 001 1100 000 0000

$$B_4$$
 000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_1: i = m - 1$$

$$d_2: j = n$$

$$d_3: a = u1$$

$$d_4: i = i + 1$$

$$d_5: j = j - 1$$

$$B_2$$

$$d_6: a = u2$$

$$B_3$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



$IN[B] = \bigcup_{P \not\equiv B} OUT[P]$

$$\mathbf{IN}[B] = \bigcup_{P \not\in B} \hat{\mathbf{n}} \hat{\mathbf{n}} \mathbf{w} \mathbf{OUT}[P]$$
 $\mathbf{OUT}[B] = gen_B \cup (\mathbf{IN}[B] - kill_B)$

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

$$B_3 \quad 001 \ 1100 \qquad 000 \ 1110$$

$$B_4$$
 000 0000

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

gen
$$[B_4] = \{d_7\}$$

kill $[B_4] = \{d_1, d_4\}$

$$d_1: i = m - 1$$

$$d_2: j = n$$

$$d_3: a = u1$$

$$d_4: i = i + 1$$

$$d_5: j = j - 1$$

$$B_2$$

$$d_6: a = u2$$

$$B_3$$

《编译原理和技术》代码优化 张杲:



$IN[B] = \bigcup_{P \not\in B}$ 的前驱 OUT[P] $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

$$B_3 \quad 001 \ 1100 \qquad 000 \ 1110$$

$$B_A = 001 \ 1110 = 000 \ 0000$$

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_1: i = m - 1$$

$$d_2: j = n$$

$$d_3: a = u1$$

$$d_4: i = i + 1$$

$$d_5: j = j - 1$$

$$B_2$$

$$d_6: a = u2$$

$$B_3$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



$IN[B] = \bigcup_{P \not\equiv B} \widetilde{\text{OUT}}[P]$

$$\mathbf{IN}[B] = \bigcup_{P \not\in B} \hat{\mathbf{n}}_{\mathbb{B}} \mathbf{OUT}[P]$$
 $\mathbf{OUT}[B] = gen_B \cup (\mathbf{IN}[B] - kill_B)$

 d_1 : i = m -1

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0000 001 1100

$$B_3$$
 001 1100 000 1110

$$B_A = 001 \ 1110 = 001 \ 0111$$

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_1: i = m - 1$$

$$d_2: j = n$$

$$d_3: a = u1$$

$$d_4: i = i + 1$$

$$d_5: j = j - 1$$

$$B_2$$

$$d_6: a = u2$$

$$B_3$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

《编译原理和技术》代码优化 张杲:



 $\boldsymbol{B_1}$

$IN[B] = \bigcup_{P \not\in B}$ 的前驱 OUT[P] $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

 d_1 : i = m -1

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0111 001 1100

$$B_3$$
 001 1100 000 1110

$$B_A = 001 \ 1110 = 000 \ 0000$$

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_{2}: j = n$$

$$d_{3}: a = u1$$

$$d_{4}: i = i + 1$$

$$d_{5}: j = j - 1$$

$$B_{2}$$

$$d_{6}: a = u2$$

$$B_{3}$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



$IN[B] = \bigcup_{P \not\in B}$ 的前驱 OUT[P] $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

$$B_1 = 000 \ 0000 = 111 \ 0000$$

$$B_2$$
 111 0111 001 1110

$$B_3$$
 001 1100 000 1110

$$B_{A} = 001 \ 1110 = 001 \ 0111$$

不再继续演示迭代计算

gen
$$[B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

kill $[B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

gen
$$[B_2] = \{d_4, d_5\}$$

kill $[B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$$d_1: i = m - 1$$

$$d_2: j = n$$

$$d_3: a = u1$$

$$d_4: i = i + 1$$

$$d_5: j = j - 1$$

$$B_2$$

$$d_6: a = u2$$

$$B_3$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



2. 程序分析

- □ 控制流分析
- □ 数据流分析: 到达-定值分析、数据流分析模式、活跃变量分析、可用表达式分析等

- □ 到达-定值数据流等式(方程)是正向的方程
 - OUT $[B] = gen [B] \cup (IN [B] kill [B])$
 - IN $[B] = \bigcup_{P \neq B \text{ on } f \in W} \text{OUT } [P]$ 某些数据流等式是反向的
- □ 到达-定值数据流等式的合流运算是求并集
 - IN $[B] = \bigcup_{P \neq B \text{ bh hw}} \text{OUT } [P]$ 某些数据流等式的合流运算是求交集
- □ 对到达-定值数据流等式, 迭代求它的最小解 某些数据流方程可能需要求最大解



□ 数据流值

- 数据流分析总把程序点和数据流值联系起来
- 数据流值代表在程序点能观测到的所有可能程序状态集合的一个抽象

- 语句s前后两点数据流值用IN[s]和OUT[s]来表示
- 数据流问题就是通过基于语句语义的约束(迁移函数)和基于控制流的约束来寻找所有语句s的IN[s]和OUT[s]的一个解





□ 迁移函数(transfer function) f

- 语句前后两点的数据流值受该语句的语义约束
- 若沿执行路径正向传播,则OUT[s] = f_s (IN[s])
- 若沿执行路径逆向传播,则 $IN[s] = f_s(OUT[s])$

若基本块B由语句 $s_1, s_2, ..., s_n$ 依次组成,则

- 正向: $IN[s_{i+1}] = OUT[s_i], i = 1, 2, ..., n-1$ 逆向: $OUT[s_{i-1}] = IN[s_i], i = 2, 3, ..., n$
- 正向: $f_B = f_n \circ \dots \circ f_2 \circ f_1$ 逆向: $f_B = f_1 \circ \dots \circ f_{n-1} \circ f_n$
- 正向: $OUT[B] = f_B (IN[B])$ 逆向: $IN[B] = f_B (OUT[B])$



□ 控制流约束

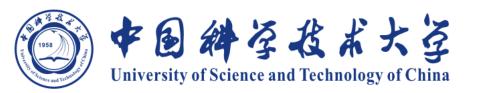
正向传播

逆向传播

$$OUT[B] = Y_{S \notin B} \circ f(S)$$

□ 约束方程组的解通常不是唯一的

求解的目标是要找到满足这两组约束(控制流约束和迁 移约束)的最"精确"解



2. 程序分析

- □ 控制流分析
- □ 数据流分析: 到达-定值分析、数据流分析模式、活跃变量分析、可用表达式分析等

□ 定义

- 变量 x的值在p点开始的某条执行路径上被引用,则说x 在p点活跃,否则称x在p点已经死亡
- IN[B]: 块B开始点的活跃变量集合
- lacksquare OUT[B]: 块B结束点的活跃变量集合
- use_B:块B中有引用且在引用前无定值的变量集
- lacksquare def_R : 块B中有定值的变量集

□ 应用

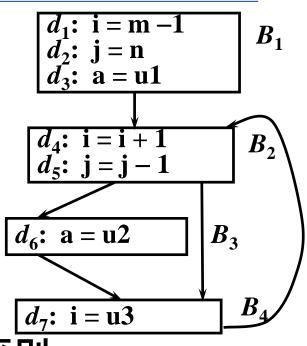
■ 一种重要应用就是基本块的寄存器分配



□例

 $use[B_2] = \{ i, j \}, def[B_2] = \{ i, j \}$

- □ 活跃变量数据流等式
 - IN $[B] = use_B \cup (OUT [B] def_B)$
 - OUT[B] = $Y_{S \notin B} \in \mathcal{B}_{B}$ IN [S]
 - IN $[EXIT] = \emptyset$
- □ 和到达-定值等式之间的联系与区别
 - 汇合算符: 都是集合并算符
 - 信息流动方向相反, IN和OUT的作用相互交换
 - use和def分别取代gen和kill
 - 仍然需要最小解







□ 定值-引用链(du链)

设变量x有某定值d,该定值能到达的所有引用u的集合 称为x在d处的定值-引用链,简称du链

□ 通过活跃变量分析来计算du链

OUT[B]: 从B的末尾处能到达的引用集合

- 如果B中x的定值d之后有x的第一个定 值d',则d和d'之间x的所有引用构成d 的du链
- 如果B中x的定值d之后无x的新的定值, 则B中d之后x的所有引用以及OUT[B] 中x的所有引用构成d的du链

《编译原理和技术》代码优化

$$d: x = \cdots$$

$$\cdots = \cdots \times \cdots$$

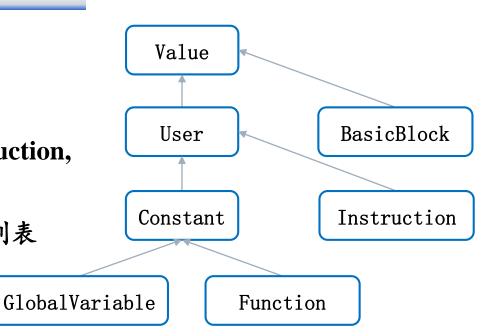
$$d': x = \cdots$$

$$d: x = \cdots$$

$$\cdots = \cdots \times \cdots$$

□ Value类

- 代表一个带类型的数据
 Constant, Argument, Instruction,
 Function 等
- 维护一个该数据使用者的列表
 - □ 该表描述def-use信息
- 主要方法
 - □ Type* getType(): 获取 Value 的类型
 - □ use 迭代器
 - Value::use_iterator/Value::const_use_iterator
 - use_size(), use_empty(), use_begin(), use_end()
 - □ use 替换: void replaceAllUsesWith(Value *V)



BasicBlock

Instruction

□ User类

- 代表一个使用者,维护该User 使用的所有Value,即操作数表
 - □ 提供了use-def信息

GlobalVariable Function

Constant

Value

User

■ 主要方法

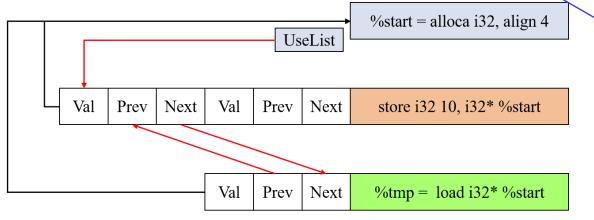
- □ 获取操作数
 - Value *getOperand(unsigned i),获取第i个操作数
 - unsigned getNumOperands(), 获取操作数的个数
- □ 操作数迭代器,User::op_iterator
 - op_begin(), op_end()



LLVM IR的UD和DU链

- <u>Value</u>、<u>Use</u>、<u>User</u>组成的双向链保存DU、UD关系
 - □ 每个<u>Value</u>对象有一个<u>Use</u> ** UseList双向链表,维护所有的使用者
 - □ 每个<u>Use</u>对象代表一条从User→Value的边
 - □ 每个User对象维护一个Value列表
 - 固定数目操作数的User
 - 可变数目操作数的User







LLVM IR的UD和DU链

- <u>Value</u>、<u>Use</u>、<u>User</u>组成的双向链保存DU、UD关系
 - □ 每个Value对象有一个Use ** UseList双向链表,维护所有的使用者 遍历使用者
 - □ 每个<u>Use</u>对象代表一条从User→
 - □ 每个<u>User</u>对象维护一个Value列
 - 固定数目操作数的User
 - 可变数目操作数的User

```
Function *F = ...;

for (User *U : F->users())
  if (Instruction *Inst =
  dyn_cast<Instruction>(U)) {...}
```

P | P | P | P | User

Val Prev Next Val Prev Next store i32 10, i32* %start

Val Prev Next Wext %tmp = load i32* %start

```
遍历操作数
Instruction *pi = ...;

for (Use &U : pi->operands()) {
   Value *v = U.get();
   // ...
}
```

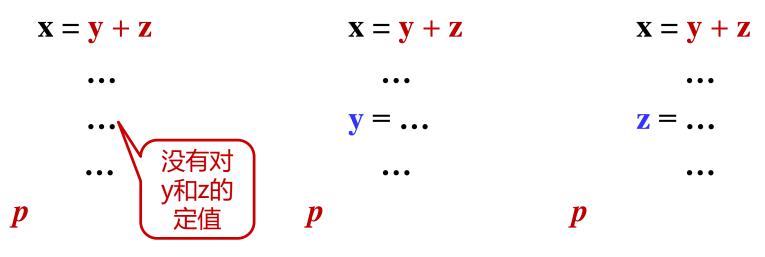


2. 程序分析

- □ 控制流分析
- □ 数据流分析: 到达-定值分析、数据流分析模式、活跃变量分析、 可用表达式分析等



□ 可用表达式(available expressions)

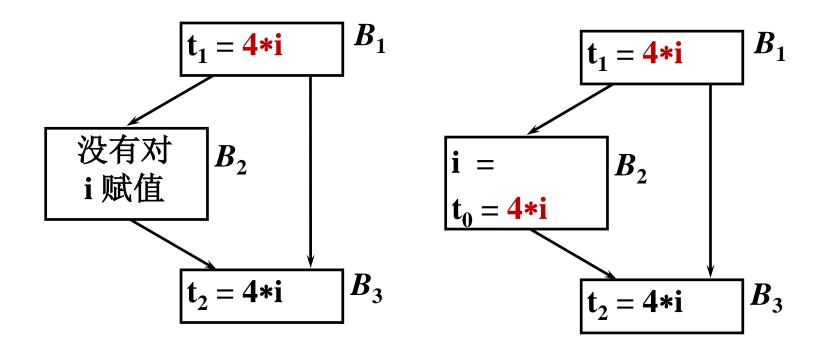


$$y+z$$
在 p 点 $y+z$ 在 p 点 可用 不可用

$$y+z$$
 在 p 点
不可用



下面两种情况下,4*i在 B_3 的入口都可用



□ 定义

- 若到点p的每条执行路径都计算x+y,并且计算后没有对x或y赋值,那么称x+y在点p可用
- $e_{gen_{B}}$: 块B产生的可用表达式集合
- $e_{kill_{R}}$: 块B注销的可用表达式集合
- IN [B]: 块B入口的可用表达式集合
- OUT [B]: 块B出口的可用表达式集合

□ 应用

■ 公共子表达式删除



- □ 数据流等式
 - OUT $[B] = e_gen_B \cup (IN [B] e_kill_B)$
 - IN $[B] = Y_{P \not\in B}$ OUT [P]
 - IN $[ENTRY] = \emptyset$
- □ 同先前的主要区别
 - 汇合算符: 使用○而不是∪
 - 求最大解而不是最小解

值编码Value Numbering

- Value Numbering
 - **Balke 1968 or Ershov 1954**
 - 早期面向低级的线性IR(如三地址码)
 - 现在也存在面向树或图的等价方法
- □ 优化的范围
 - 基本块: Local value numbering
 - 扩展的基本块: Superlocal value numbering (SVN)
 - 支配关系:基于支配的值编码 (DVN)

Local Value Numbering

□ 每个值不同的表达式有一个值编号

<u>Original Code</u>

$$a \leftarrow x + y$$

 $z \leftarrow y$

$$c \leftarrow x + z$$

With VNs	Hash Table for VN
$a^3 \leftarrow x^1 + y^2$	{ <x,1>, <y,2>, <<+,1,2>,3>, <a,3>}</a,3></y,2></x,1>

$$z^2 \leftarrow y^2$$
 {..., $\langle z, 2 \rangle$ }

$$d^4 \leftarrow 17$$
 {..., $\langle z, 2 \rangle$, $\langle 17, 4 \rangle$, $\langle d, 4 \rangle$ }

$$c^3 \leftarrow x^1 + z^2$$
 {..., , <17,4>, , }

□ 冗余消除(Redundancy Elimination)

Rewritten

$$a \leftarrow x + y$$

$$z \leftarrow y$$

值编号作为key, value为存放值的变 量或者常量

Hash Table for Rewritten

》LVN:解决重写问题

Original Code

Two redundancies marked by *

With VNs

$$a^{3} \leftarrow x^{1} + y^{2}$$

$$z^{2} \leftarrow y^{2}$$

$$* b^{3} \leftarrow x^{1} + y^{2}$$

$$a^{4} \leftarrow 17$$

$$* c^{3} \leftarrow x^{1} + y^{2}$$

Rewritten

$$a \leftarrow x + y$$

$$z \leftarrow y$$

$$* b \leftarrow a$$

$$a \leftarrow 17$$

$$* c \leftarrow a$$

<u>Hash Table for Rewritten</u>

根据引用的值编号来查找值并计算,记录当前定值所关联的值编号到值的映射对a重写时,并不去查询value为a的pair

Optional Solutions:

- Use c³ ← b³
- Save a³ in t³
- Rename around it (best)

□ 重命名: 给每个值唯一的名字 => SSA

Original Code

$$a_0 \leftarrow x_0 + y_0$$

$$z_0 \leftarrow y_0$$

$$* b_0 \leftarrow x_0 + y_0$$

$$a_1 \leftarrow 17$$

* $c_0 \leftarrow x_0 + y_0$

With VNs

$$a_0^3 \leftarrow x_0^{1} + y_0^{2}$$

$$z^2_0 \leftarrow y_0^{2}$$

$$* b_0^3 \leftarrow x_0^{1} + y_0^{2}$$

$$a_1^4 \leftarrow 17$$

$$* c_0^3 \leftarrow x_0^{1} + y_0^{2}$$

Rewritten

$$a_0 \leftarrow x_0 + y_0$$

$$z_0 \leftarrow y_0$$

$$* b_0 \leftarrow a_0$$

$$a_1 \leftarrow 17$$

$$* c_0 \leftarrow a_0$$

Hash Table for Rewritten

$$\{<1,x_0>, <2,y_0>, <3,a_0>\}$$

 $\{<1,x_0>, <2,y_0>, <3,a_0>\}$
 $\{<1,x_0>, <2,y_0>, <3,a_0>, <4,17>\}$
 $\{<1,x_0>, <2,y_0>, <3,a_0>, <4,17>\}$

Result:

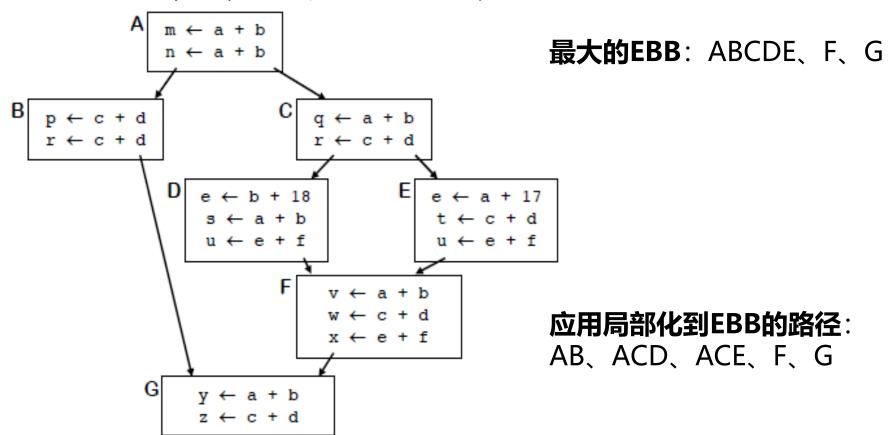
- a₀ is available
- Rewriting just works





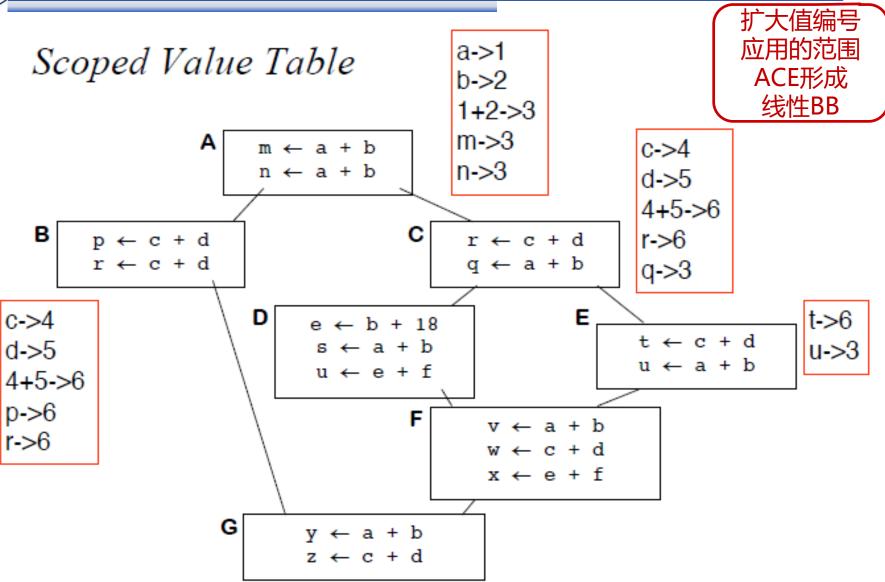
□ 扩展的基本块EBB

■ B1, B2,...Bn, 2<= i <= n, Bi有唯一的前驱









《编译原理和技术》代码优化



University of Science and Technology of China

数据流问题的组成

见书上表9.2

数据流值的论域、数据流的方向、迁移函数、 边界条件、汇合算符、数据流等式

	数据流值 的定义域	方向	应用
到达-定值	定值点集合	正向	用于DCE的def-use链
活跃变量	变量集合	反向	寄存器分配、未初始 化检测、SSA构造、 无用存储消除等
可用表达式	表达式集合	正向	CSE
非常忙表达式	表达式集合	反向	循环外提
常量传播	<v,c>集合</v,c>	正向	常量折叠

《编译原理和技术》代码优化

流敏感(flow-sensitivity)

- □ 流不敏感分析(flow-insensitive analysis)
 - 不考虑程序中语句执行的顺序.
 - 把程序中语句随意交换位置(即:改变控制流). 果分析结果始终不变,则该分析为流非敏感分析。

前面的数据流分析算法中(4)没有规定对基本块的操作次序

□ 流敏感分析(flow-sensitive analysis)

考虑程序中过程内的控制流情况(顺序、分支、循环)

《编译原理和技术》代码优化

国科学技术大学

University of Science and Technology of China



上下文敏感、域敏感、路径敏感



- □ 上下文不敏感分析Context-insensitive analysis
 - 在过程调用的时候忽略调用的上下文
- □ 上下文敏感分析Context-sensitive analysis
 - 考虑过程调用的上下文(调用点的实参、返回值的使用)
- □ 域(不)敏感分析field-sensitive analysis
 - 分析中是否考虑结构体中的不同域、数组中的不同下标 元素
- □ 路径(不)敏感分析path-sensitive analysis
 - 是否依据分支语句的不同谓词来计算不同的分析信息



3. 符号执行



□ 能分析程序中所有可能的运行

- 有许多有趣的想法和工具
- 很多只是在论文上展示有好的效果
- 学术界推出的被企业认可的商用工具寥寥无几 <u>Dawson Engler</u>: <u>coverity</u> [<u>CACM2010</u>]



但是,开发者使用起来....

- 不容易,论文中的结果描述的是静态分析专家所用的
- 有生命力的商用工具:要能处理误报(false positives)、 开发者的困惑、错误管理、...

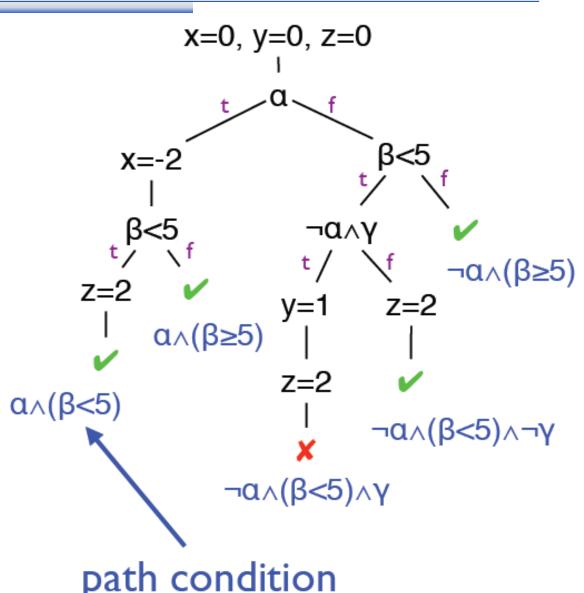
[CACM2010] A few billion lines of code later: using static analysis to find bugs in the real world, Communication of the ACM, 53(2):66-75, 2010.

- □ 抽象的作用
 - 让静态分析对所有可能的运行进行建模,但引入保守性
 - *-敏感性方法试图改进之,但是远远不够
- □ 静态分析的抽象 ≠ 开发者的抽象
- □测试
 - 每个测试只能考察一种可能的执行
 - 希望测试用例更具有一般性,但是却没有保障
- □ 符号执行:对测试的泛化,引入符号值来计算



符号执行举例

- 1. int $a = \alpha$, $b = \beta$, $c = \gamma$;
- 2. // symbolic
- 3. int x = 0, y = 0, z = 0;
- 4. if (a) {
- 5. x = -2;
- 6. }
- 7. if (b < 5) {
- 8. if $(!a \&\& c) \{ y = 1; \}$
- 9. z = 2;
- 10.}
- 11. assert(x+y+z!=3)



张云:《编译原理和技不》代码优化



- □ 每个符号执行路径代表多个实际的程序运行
 - 实际运行的具体值满足符号执行的路径条件 相比测试,符号执行可以覆盖更多的程序执行空间
- □ 符号执行的发展
 - 早期的工作: James C. King. <u>Symbolic execution and program testing</u>. CACM, 19(7):385–394, 1976. (高引)
 - 问题: 1980's 当时的机器内存小且慢
 - 符号执行代价极高:大量可能的执行路径,需要求解器 判断哪些路径是可行的,程序状态有许多位

- □ 计算机:速度快、内存便宜
- □ 有非常强大的SMT/SAT求解器
 - **SMT**= Satisfiability Modulo Theories =**SAT**++
 - 快速解决非常多的问题:检查断言、削减可行路径
 - 求解器: Z3(已集成到LLVM中)、STP、Yices等
- □ 近10年来的有代表性论文
 - <u>KLEE</u> (OSDI2008, <u>C. Cadar</u>、<u>D.Engler</u>等,用于LLVM)
 - **■** [CACM2013] Symbolic execution for software testing(30y+)
 - **■** [CSUR2018] A Survey of Symbolic Execution Techniques

□ SAT求解器是SMT求解器的核心

- SMT(可满足性模理论): 接受不同格式的等式系统
- SAT: 必须是合取CNF范式的布尔等式
- 理论上,所有SMT查询可以约减到SAT查询
- 实践上,SMT和高级优化是关键的

- 简单的等式 x+0=x
- 数组理论: read(x, write(42, x, A)) =42
 - □ x是下标, A是数组, write(42, x, A)表示A[x]=42后的数组
- 缓存:记住求解器的查询; 删除无用变量;...

- □ 两个关键的系统
 - DART (Godefroid and Sen, PLDI 2005)
 - **EXE** (Cadar, Ganesh, Pawlowski, Dill, and Engler, CCS2006)
- □ SAGE: Microsoft的concolic执行器(动态符号执行)
- ☐ Mayhem(CMU), Angr(UCSB), Triton
- ☐ Java Symbolic PathFinder



简单命令式语言IMP的符号执行

a ::= n | X | -a | a0+a1 | a0-a1 | a0×a1 | a0/a1
b ::= bv | ¬b | b0 \wedge b1 | b0 \wedge b1 | a0=a1 | a0<a1 | a0>a1
c ::= skip | input(s) | X:=a | if b then c else c
| c0; c1 | while b do c | assert b

- n是整数、X是变量、bv是布尔值
- c是命令、a和b分别是整型和布尔型表达式
- Sym-while的 OCaml实现: https://github.com/Isweet/sym-while
 - □ <u>syswhile.ml</u> 包含总控程序,即main,具体执行或符号执行
 - □ <u>lexer.mll</u>(词法描述)、<u>parser.mly</u>(语法描述)、<u>ast.ml</u>(AST)
 - □ <u>concrete.ml</u>:解释执行,状态是变量到整数的映射,<u>Imp.run s</u>
 - □ <u>symbol.ml</u>, <u>symbolic.ml</u>: 符号执行,状态时变量到符号表达式和路径条件的映射

□ 符号表达式可能包含变量

ast.ml

```
type boolean =
    | BETrue
    | BEFalse
    | BENot of boolean
    | BEAnd of boolean * boolean
    | BEOr of boolean * boolean
    | BELT of arith * arith
    | BEGT of arith * arith
    | BEEq of arith * arith
```

□ 具体状态: 变量到整数

type conc_state = int StringMap.t

concrete.ml

□ 符号状态: 变量到符号表达式和路径条件 symbolic.ml

type sym_state = (Symbol.int_t StringMap.t) * Symbol.t

- Symbol.t:布尔型符号表达式类型
- Symbol.int_t:整型符号表达式类型





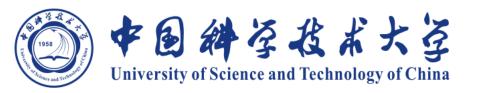
□ 如何判断哪个分支可行(feasible)?

```
let rec eval (s : stmt) (s st : sym state) : answer =
  let (env, pc) = s st in
| SIf (b, s1, s2) ->
  let I = t of boolean b env in (* branch cond *)
  let cond true = LAnd (I, pc) in (* ... and path cond *)
  let cond_false = LAnd ((LNot I), pc) in
  let sat_true = check (z3_of_t cond_true) in
  let sat_false = check (z3_of_t cond_false) in
(match sat true with
                                      (* might do both branches *)
   Some _ -> ...(eval s1 (env, cond_true))
  | None -> ...);
  (match sat_false with
   Some -> ...(eval s2 (env, cond false))
   None -> ...);
```

□ 顶层策略

- 初始化状态: pc=0, 路径条件为true, 状态为empty
- 对每条语句符号求值
- 一旦执行分叉,则对两个分支都分别求值(DepthFS)
- 执行完后,返回多个符号状态
- □ 路径爆炸(path explosion): 分支、循环
- □ 搜索策略

DFS(容易在某部分stuck)、BFS; 树→图 优先权搜索、随机搜索、覆盖引导的启发式搜索、分代...



4. 面向AI的优化

传统的优化编译器





A C compiler

understands C constructs;
hardcoded basic knowledge (e.g.
linear algebraic identities);
hardcoded optimization heuristics

Derived program properties

def-use; dependence; control flow;

••

Low-level code transformations

loop transformations common subexpression elimination vectorization/parallelization

...

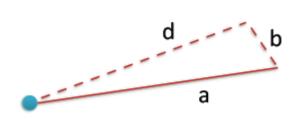
高级语义驱动的编译

- □ 高级语义
 - DSL: 如矩阵运算 b= a+c
 - 泛化的编译技术
 - □ 强度削弱
 - □ 循环冗余消除

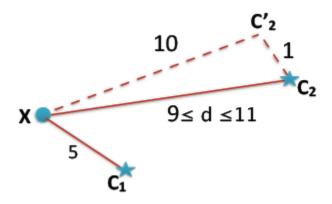
高级语义驱动的编译

■ 强度削弱

传统: b/2 → b>>1



 $a-b \le d \le a+b$



```
for (i=0; i<N; i++) {
    a[i] = b/c;
}
```

Elusive to existing techniques.

```
w = w_0;
while (d > 0.01) \{
d = 0;
for (i = 0; i < M; i++) \{
d += a[i] + b[i] * w;
w = w - 0.001 * d;
}
```

Stay the same across *while* loop, but vary across *for* loop.

Stay the same across *for* loop, but change across *while* loop

University of Science and Technology of China

An equivalent form of the example.

$$O(M*K) \longrightarrow O(M+K)$$

```
\mathbf{w} = \mathbf{w_0};
                                                      \mathbf{w} = \mathbf{w}_0;
while (d > 0.01){
                                                     while (d > 0.01){ // K iterations
                                                          for (i = 0; i \le M; i++){

d += a[i] + b[i] * w;
      d = A + B * w;
      w = w - 0.001 * d
                                                           w = w - 0.001 * d;
```



5. 数据流分析的基础



- □ 数据流分析框架 (D, V, \land, F) 包括
 - \blacksquare 数据流分析的方向D,它可以是正向或逆向
 - 数据流值的论域: 半格V、汇合算子^
 - V到V的迁移函数族F,包括适用于边界条件(ENTRY和 EXIT结点)的常函数
- □ 半格(V, ∧)
 - 是一个集合V和一个二元交运算(汇合运算) A, 满足:
 - 幂等性:对所有的x, $x \land x = x$
 - 交换性:对所有的x和y,x∧y=y∧x
 - 结合性:对所有的x,y和 $z,x \wedge (y \wedge z) = (x \wedge y) \wedge z$

- □ 半格有顶元T(最大元素),可以还有底元上(最小元素)
 - 对V中的所有x, $T \land x = x$
 - 对V中的所有x, $\bot \land x = \bot$
- □ 偏序关系: 集合V上的关系≤
 - 自反性: 对所有的 $x, x \leq x$
 - 反对称性:对所有的x和y,如果 $x \leq y$ 且 $y \leq x$,那么x = y
 - 传递性: 对所有的x, y和z, 如果 $x \le y$ 且 $y \le z$, 那么 $x \le z$ 此外,关系<的定义

x < y当且仅当 $(x \le y)$ 并且 $(x \ne y)$

□ 半格和偏序关系之间的联系

- 半格(V, \wedge)的汇合运算 \wedge 确定了半格值集V上一种偏序 \leq :

 对V中所有的x和y, $x \leq y$ 当且仅当 $x \wedge y = x$
- 若x∧y等于g,则g就是x和y的最大下界

例 半格的论域V是先前全域U的幂集

- $lacksymbol{\blacksquare}$ 汇合运算为集合并: $egin{aligned} arnothing & egin{aligned} arnothing & egin{aligned} U 是底元,偏序关系是<math>lacksymbol{\blacksquare} \end{aligned}$
- lacksquare 汇合运算为集合交:U是顶元, \emptyset 是底元,偏序关系是 \subseteq
- 按偏序≼意义上的最大解是最精确的
 - (1) 到达-定值: 最精确的解含最少定值
 - (2) 可用表达式: 最精确的解含最多表达式

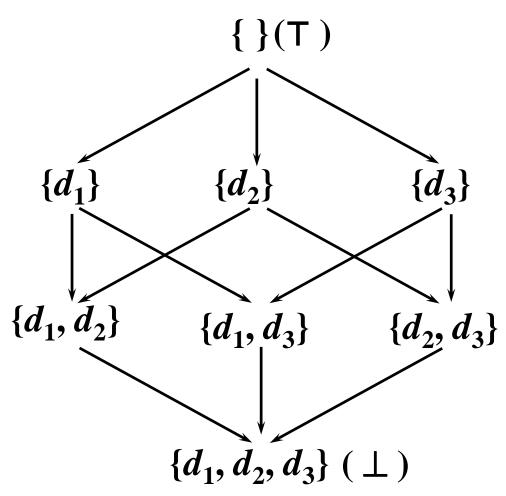


□ 格图

- 结点是V中的元素
- 如果 $y \le x$,则有从 x朝下到y的有向边

右图是定值子集之间 形成的格:

- 到达-定值的≼是⊃
- $x \wedge y$ 的最大下界是 $x \cup y$



如何降低格图的规模?

- □ 到达-定值格图存在的问题
 - 数据流值的集合是定值集合的幂集=>格图结点数随变量数呈指数级增长
- 每个变量的定值可达性独立于其他变量的定值可达性 定值半格表示为从<u>每个变量的简单定值半格</u>构造出的<u>积半格</u>
- □ 积半格(假定 (A, \land_A) 和 (B, \land_B) 是半格)
 - 论域是A×B
 - 汇合运算∧: $(a,b) \wedge (a',b') = (a \wedge_A a', b \wedge_B b')$



数据流分析算法的收敛速度

□ 半格的高度

- 偏序集合 (V, \leq) 中的一个上升链是序列 $x_1 < x_2 < ... < x_n$
- 半格的高度就是其中最长上升链中<的个数例,在一个有n个定值的程序中,到达-定值的高度是n

□ 数据流分析算法的收敛

- 半格的高度有限 => 数据流分析迭代算法收敛
- 半格的值论域有限 => 半格的高度有限
- 半格的值论域无限 => 半格的高度可能有限 如, 常量传播算法中使用的半格



□ 迁移函数族 $F:V \rightarrow V$ 有下列性质

- F包括恒等函数 I, 即对V中所有的x, 有I(x) = x
- F封闭于复合,即对F中任意两个函数f和g, gof $\in F$
- 若F中所有函数f都有单调性,即 $x \le y$ 蕴涵 $f(x) \le f(y)$,或 $f(x \land y) \le f(x) \land f(y)$ 则称框架 (D, V, \land, F) 是单调的
- 框架(D, V, ∧, F)的分配性 对F中所有的f, $f(x \land y) = f(x) \land f(y)$

框架单调=>所求得的解是数据流方程组的最大不动点

□ 例 到达-定值分析

$$若f_1(x) = G_1 \cup (x - K_1), \ f_2(x) = G_2 \cup (x - K_2)$$

- 若G和K是空集,则f是恒等函数
- $f_2(f_1(x)) = G_2 \cup ((G_1 \cup (x K_1)) K_2)$ $= (G_2 \cup (G_1 K_2)) \cup (x (K_1 \cup K_2))$ 因此 f_1 和 f_2 的复合f为 $f = G \cup (x K)$ 的形式
- 分配性可以由检查下面的条件得到

$$G \cup ((y \cup z) - K) = (G \cup (y - K)) \cup (G \cup (z - K))$$

分配性: $f(y \wedge z) = f(y) \wedge f(z)$

一般框架的迭代算法

□ 以正向数据流分析为例

- (1) OUT[ENTRY] = v_{ENTRY} ;
- (2) for (除了ENTRY以外的每个块B) OUT[B] = T;
- (3) while (任何一个OUT出现变化)
- (4) for (除了ENTRY以外的每个块B) {
- (5) $IN[B] = \bigwedge_{P \not\in B} OUT[P];$
- (6) OUT[B] = $f_B(IN[B])$;
- **(7)** }

- □ 结论: 算法所得解是理想解的稳妥近似
- □ 理想解所考虑的路径
 - 执行路径集:流图上每一条路径都属于该集合 若流图有环,则执行路径数是无限的
 - 程序可能的执行路径集:程序执行所走的路径属于该集合——这是理想解所考虑的路径集
 - 可能的执行路径集 ⊆ 执行路径集
 - 寻找所有可能执行路径是不可判定的
- □ 以下讨论以正向数据流分析为例



□ 理想解

若路径 $P = \text{ENTRY} \rightarrow B_1 \rightarrow B_2 \rightarrow ... \rightarrow B_k$,定义

- $f_P = f_{k-1} \circ \dots \circ f_2 \circ f_1$
- IDEAL[B] = $\bigwedge_{P \in \mathcal{A} \in \mathcal{A}} f_P(v_{\text{ENTRY}})$

□ 有关理解解的结论

- 任何大于理想解IDEAL的回答一定是不对的
- 任何小于或等于IDEAL的值是稳妥的
- 在稳妥的值中,越接近IDEAL的值越精确

□ MFP最大不动点解 maximal fixed point

- 访问每个基本块(不 一定按照程序执行时 的次序)
- 在每个汇合点,把汇合运算作用到当前得到的数据流值,所用的数据流值,所用的一些初值是人工引入的

□ MOP执行路径上的解 meet over paths

- $lacksquare MOP[B] = igwedge_{P \in \mathcal{A}ENTRY}$ $glide{Amorem MOP}$ $glide{Amorem MO$
- MOP解汇集了所有可 能路径的数据流值, 包括那些不可能被执 行路径的数据流值
- 对所有的块B, MOP[B] \leq IDEAL[B]

■ MFP与MOP的联系

- MFP访问基本块未必遵循执行次序 由各块的初值和迁移函数的 □ 单调性保证结果一致
- MFP较早地使用汇合运算

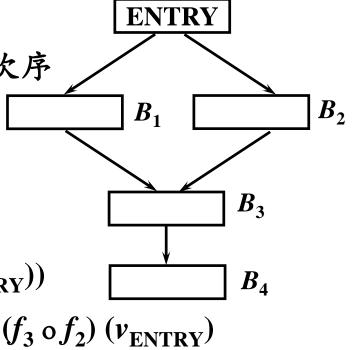
$$\mathbf{IN}[B_4] = f_3(f_1(v_{\text{ENTRY}}) \land f_2(v_{\text{ENTRY}}))$$

 $mathbb{m} \mathbf{MOP}[B_4] = (f_3 \circ f_1) \ (v_{\mathbf{ENTRY}}) \land (f_3 \circ f_2) \ (v_{\mathbf{ENTRY}})$

在数据流分析框架具有分配性时,二者的结果是一样的

《编译原理和技术》代码优化

 \square MFP \leq MOP \leq IDEAL







一个C语言程序如下,右边是优化后的目标代码

```
main()
                   pushl %ebp
                          movl %esp,%ebp
                          movl $1,%eax
   int i,j,k;
                                             -- j=1
                          movl $6,%edx
   i=5;
                                             -- k=6
   j=1;
                     L4:
   while(j<100){
                          addl %edx, %eax -- j=j+6
                          cmpl $99,%eax
      k=i+1;
      j=j+k;
                          jle .L4
                                             -- while(j≤99)
   完成了哪些优化?
```



```
一个C语言程序如下,右边是优化后的目标代码
```

```
pushl %ebp
main()
                      movl %esp,%ebp
                      movl $1,%eax
  int i,j,k;
                                       -- j=1
                      movl $6,%edx
  i=5;
                                       -- k=6
  j=1;
                  L4:
   while(j<100){
                      addl %edx, %eax -- j=j+6
                      cmpl $99,%eax
     k=i+1;
     j=j+k;
                      jle .L4
                                       -- while(j≤99)
      复写传播、常量合并、代码外提、删除无用赋值
      对i, j和k分配内存单元也成为多余, 从而被取消
```



```
pushl %ebp
一个C语言程序
                            movl %esp,%ebp
                                               while E1 do S1
                            subl $8,%esp
main()
                                                      E1的代码
                                               L2:
                         .L2:
                                                      真转 L4
                            cmpl $0,-4(%ebp)
                                                      无条件转 L3
                            jne .L4
   long i,j;
                                                      S1的代码
                                               L4:
                            jmp .L3
                                                      JMP L2
                         .L4:
                                               L3:
                            cmpl $0,-8(%ebp)
                                               if E2 then S2
   while (i) {
                                                      E2的代码
                            je .L5
      if (j) \{ i = j; \}
                                                      假转 L5
                            movl - 8(\%ebp), \%eax
                                                      S2的代码
                            movl \%eax,-4(\%ebp)
                                               L5:
                         .L5:
   生成的汇编码见右边
                            jmp .L2
                         .L3:
为什么会有连续跳转?
```



```
pushl %ebp
一个C语言程序
                            movl %esp,%ebp
                            subl $8,%esp
main()
                                                L2:
                         .L2:
                            cmpl $0,-4(%ebp)
                            jne .L4
   long i,j;
                                                L4:
                            jmp .L3
                          .L4:
                            cmpl $0,-8(%ebp)
   while (i) {
                                                L5:
                            je .L5
       if (j) { i = j; }
                                                L3:
                            movl - 8(\%ebp), \%eax
                            movl %eax,-4(%ebp)
                         .L5:
   生成的汇编码见右边
                            jmp .L2
                          .L3:
为什么会有连续跳转?
```

嵌套时代码结构变成

E1的代码 真转 L4 无条件转 L3

S1的代码

E2的代码

假转 L5

S2的代码

JMP L2

if E2 then S2

E2的代码 假转 L5 S2的代码

L5:

《编译原理和技术》代码优化

```
一个C语言程序
                                pushl %ebp
                                movl %esp,%ebp
main()
                              .L7:
                                testl %eax,%eax
   long i,j;
                                je .L3
                                testl %edx,%edx
   while (i) {
                                je .L7
      if (j) \{ i = j; \}
                                movl %edx,%eax
                                jmp .L7
                              .L3:
优化编译的汇编码见右边
```

《编译原理和技术》代码优化



例题 3 尾递归

求最大公约数的函数

long gcd(p,q)

long p,q;

if (p%q == 0)

return q;

else

return gcd(q, p%q);

- 其中的递归调用称为尾递归
- 对于尾递归,编译器应怎样产生代码,使得这种递归调用所需的时空开销大大减少?
- 计算实在参数q和p%q, 存放 在不同的寄存器中
- 将上述寄存器中实在参数的值 存入当前活动记录中形式参数 p和q的存储单元
- 转到本函数第一条语句的起始 地址继续执行



例题 3 尾递归



```
求最大公约数的函数
                                  movl 8(%ebp),%esi
                                  movl 12(\%ebp),\%ebx q
long gcd(p,q)
                                .L4:
                                  movl %esi,%eax
long p,q;
                                                    扩展为64位
                                  cltd
                                  idivl %ebx
                                  movl %edx,%ecx
                                                   p%q
   if (p\%q == 0)
                                  testl %ecx,%ecx
                                                   p%q
                                  je .L2
      return q;
                                  movl %ebx,%esi
                                                   q⇒p
   else
                                  movl %ecx,%ebx
                                                    p%q⇒q
                                  jmp .L4
      return gcd(q, p%q);
                                .L2:
```

 $Program \rightarrow Stmt$

Stmt \rightarrow id := Exp | read (id) | write (Exp) |

Stmt; Stmt |

while (Exp) do begin Stmt end |

if (Exp) then begin Stmt end

else begin Stmt end

 $\mathbf{Exp} \qquad \rightarrow \qquad \mathbf{id} \mid \mathbf{lit} \mid \mathbf{Exp} \ \mathbf{OP} \ \mathbf{Exp}$

定义Stmt的两个属性

- MayDef表示它可能定值的变量集合
- MayUse表示它可能引用的变量集合
- 写一个语法制导定义或翻译方案,它计算Stmt的上述 MayDef和MayUse属性

```
Stmt \rightarrow id := Exp
       \{ Stmt.MayDef = \{ id.name \} ;
        Stmt.MayUse = Exp.MayUse }
Stmt \rightarrow read (id)
       { Stmt.MayUse = \emptyset ; Stmt.MayDef = \{id.name\}\}
Stmt \rightarrow write (Exp)
       { Stmt.MayDef = \emptyset ; Stmt.MayUse = Exp.MayUse }
Stmt \rightarrow Stmt_1; Stmt_2
       { Stmt.MayUse = Stmt_1.MayUse \cup Stmt_2.MayUse ;
        Stmt.MayDef = Stmt_1.MayDef \cup Stmt_2.MayDef }
```

```
if (Exp) then begin Stmt<sub>1</sub> end
Stmt
                                               else begin Stmt<sub>2</sub> end
        { Stmt.MayUse = Stmt_1.MayUse \cup
                                  Stmt_2.MayUse \cup Exp.MayUse;
         Stmt.MayDef = Stmt_1.MayDef \cup Stmt_2.MayDef }
Stmt \rightarrow
                 while (Exp) do begin Stmt<sub>1</sub> end
        { Stmt.MayUse = Stmt<sub>1</sub>.MayUse \cup Exp.MayUse;
          Stmt.MayDef = Stmt_1.MayDef
                                  \{ Exp.MayUse = \{ id.name \} \}
Exp
                id
        \rightarrow
                                  \{ Exp.MayUse = \emptyset \}
Exp
      \rightarrow lit
      \rightarrow
                Exp<sub>1</sub> OP Exp<sub>2</sub>
Exp
        \{ Exp.MayUse = Exp_1.MayUse \cup Exp_2.MayUse \}
```

基于MayDef和MayUse属性,说明Stmt₁;Stmt₂和Stmt₂;Stmt₁在什么情况下有同样的语义

Stmt₁. $MayDef \cap Stmt_2$. $MayUse = \emptyset$ and Stmt₂. $MayDef \cap Stmt_1$. $MayUse = \emptyset$ and Stmt₁. $MayDef \cap Stmt_2$. $MayDef = \emptyset$