

4. Práctica Árboles

TUIA - Programación 2

2025 - 2C

Árboles

Árboles Binarios

A lo largo de esta práctica trabajaremos con la siguiente estructura, observe lo similar que es a `Node` de Listas Enlazadas, pero en lugar de `next`, posee `left` y `right`.

```
class Tree:  
    def __init__(self, cargo, left = None, right = None):  
        self.cargo = cargo  
        self.left = left  
        self.right = right
```

Ejercicio 1

Dibuje ejemplos de árboles en su hoja con las siguientes características, luego, construya sus ejemplos en Python.

1. Un árbol con únicamente su raíz.
2. Un árbol parecido a una lista de largo 3.
3. Un árbol completo de altura 1.
4. Un árbol vacío ¿Puede hacerlo?

Ejercicio 2

Implemente en la clase `Tree` los siguientes métodos:

Ayuda: pensar que cada árbol tiene a su izquierda y derecha objetos árboles como sus hijos.

- **nodos:** devuelve la cantidad de nodos del árbol
- **menor_mayor:** devuelve el menor y el mayor elemento del árbol en una tupla.
- **buscar:** busca si un elemento está o no en el árbol.
- **altura:** calcula la altura del árbol, la distancia desde la raíz hasta la hoja más lejana

Ejercicio 3

- a. Pensar y dibujar un ejemplo de árbol en papel, escribir los resultados de *PreOrder*, *InOrder* y *PostOrder*.
- b. Implementar los recorridos *PreOrder*, *InOrder* y *PostOrder* como funciones recursivas, verificar sus resultados.

- c. Implementar los recorridos *PreOrder*, *InOrder* y *PostOrder* como funciones iterativas, verificar sus resultados.

Ayuda: Para las versiones iterativas, necesitará utilizar una **Pila** como estructura de datos auxiliar. Puede importar una implementación cualquiera de **Pila** que haya realizado en Prácticas anteriores.

Ejercicio 4

Escriba una función **copiar** que reciba un árbol y devuelva un **nuevo** árbol idéntico al original.

Ejercicio 5

Escriba una función **invertir** que reciba un árbol binario e intercambie los hijos derechos por los hijos izquierdos en todos los nodos.

Ejercicio 6

Escriba una función **sumatoria** que reciba un árbol binario que contiene números en sus nodos y devuelva la suma de todos los nodos.

Ejercicio 7

Escriba una función **sumatoria_rango** que reciba un árbol binario **A** cuyos nodos contienen números y que dado un entero **M**, una clave inicial **inicio** y una clave final **final**, calcula la suma de todos los números del árbol que se encuentren entre **inicio** y **final**, a lo sumo hasta el nivel **M**.

Árboles Binarios de Búsqueda

Ejercicio 8

Dibuje un árbol binario de búsqueda de palabras, con al menos 5 palabras, utilizando orden de diccionario (lexicográfico). Acomódelo como más le guste, mientras sea correcto. Luego indique en qué lugar del árbol se insertaría la palabra **python**.

Ejercicio 9

Utilizando la misma clase **Tree** de la sección anterior, implemente otra clase llamada **BSTree** que herede de esta, reimplemente los métodos **menor_mayor**, **buscar** e implemente un nuevo método llamado **insertar** que inserte un elemento.

Ayuda: puede optar por definir métodos **menor** y **mayor internamente** por separado para hacer la implementación más sencilla, pero no es estrictamente necesario.

Ejercicio 10

Escriba una función **combinar** que combine dos árboles binarios de búsqueda en uno solo. El resultado también debe ser un árbol binario de búsqueda.

Ayuda: quizás resulte conveniente implementar una función de copia pero para **BSTree**.

Ejercicio 11

Escriba una función **borrar_raiz**. Dado un árbol binario de búsqueda, esta función debería devolver un nuevo árbol binario de búsqueda que contenga los mismos datos, a excepción de la raíz.

Ejercicio 12

Escriba una función `borrar_valor` que dado un árbol binario de búsqueda y un valor, devuelva un árbol binario de búsqueda sin ese valor.

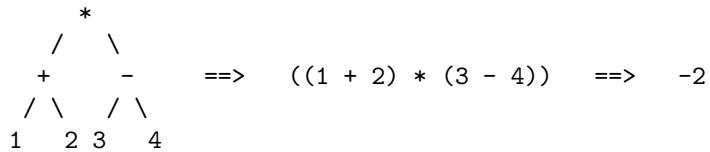
Ejercicios adicionales

Ejercicio 13

En la unidad anterior mencionamos cómo utilizamos notación post-fija de expresiones para evaluar en un `Stack` y sin usar paréntesis. Con árboles podemos representar expresiones in-fijas sin paréntesis. Cada nodo interno del árbol representa un operador, izquierda y derecha son sub-expresiones, y las hojas son números. Implementar una clase `Expression` que herede de `Tree`, un árbol de expresiones infijas, con dos métodos.

- **imprimir:** que imprime la expresión de forma infija con paréntesis.
- **evaluar:** evalúa todo el árbol y lo reduce a un número.

Ejemplo:



Ejercicio 14

¿Se podrían representar los árboles (pensados como TAD) utilizando una estructura de datos contigua - por ejemplo un arreglo? ¿Porque?