Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого Институт компьютерных наук и технологий Кафедра компьютерных систем и программных технологий

Отчет по расчетной работе №2

по дисциплине «Вычислительная математика» Исследование погрешности для методов LU и QR

> Работу выполнил: Ильин В.П. Группа: 35300901/10005 Преподаватель: Куляшова З.В.

Санкт-Петербург 2023

1. Задача

Исследовать погрешности методов LU и QR разложения матрицы.

2. Ход работы

2.1. LU-разложение

```
1 clear all;
 2 A = rand(10);
 3 [S, J] = eig(A);
   for i = 1:15
       J(1,1) = J(1,1) * 10 ^ (i);
 5
 6
       A = S * J * inv(S);
 7
       X = rand(10, 1);
 8
       B = A * X;
9
       [L, U] = lu(A);
       Y = inv(L) * B;
10
11
       X1 = inv(U) * Y;
       pogr(i) = norm(X - X1) / norm(X);
12
       con(i) = cond(A);
13
14 \,\, end
15 plot(1:15, log10(pogr), 'b');
16 pause;
   plot(1:15, log10(con), 'r');
```

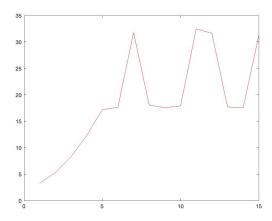


Рис. 2.1: Числа обусловленности

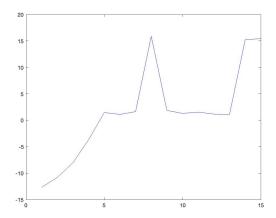


Рис. 2.2: Погрешность метода LU

2.2. QR-разложение

```
1 clear all;
 2 A = rand(10);
 3 [S, J] = eig(A);
   for i = 1:15
        J(1,1) = J(1,1) * 10 ^ (i);
 5
        A = S * J * inv(S);
 6
 7
       X = rand(10, 1);
 8
       B = A * X;
9
        [Q, R] = qr(A);
       Y = inv(Q) * B;
10
       X1 = inv(R) * Y;
11
12
       pogr(i) = norm(X - X1) / norm(X);
13 \quad \mathtt{end} \quad
14 plot(1:15, log10(pogr), 'b');
```

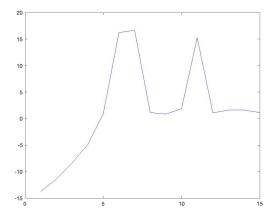


Рис. 2.3: QR-разложение