

AKADEMIA GÓRNICZO HUTNICZA IM. STANISŁAWA STASZICA W KRAKOWIE

ALGORYTMY GEOMETRYCZNE

Otoczka wypukła dla zbioru punktów w przestrzeni dwuwymiarowej

SMYDA TOMASZ Wiśniewski Jakub

30 GRUDNIA 2023

Spis treści

1	Dokumentacja										
	1.1	Część techniczna	2								
		1.1.1 Użyte biblioteki oraz narzędzia	2								
		1.1.2 Funkcje pomocnicze	2								
		1.1.3 Specyfikacja	2								
	1.2	Część użytkowa									
2	Spr	Sprawozdanie 3									
	2.1	Opis projektu	3								
		Przebiegi algorytmów									
	2.3	Porównanie czasowe	3								

1 Dokumentacja

1.1 Część techniczna

1.1.1 Użyte biblioteki oraz narzędzia

Implementacje algorytmów zostały napisane w języku Python. Główna część projektu znajduje się w pliku Jupyter Notebook, w którym znajdują się implementacje algorytmów bez wizualizacji, natomiast algorytmy z wizualizacją są importowane z zewnętrznych plików. W projekcie używaliśmy takich bibliotek jak: radnom - do generowania losowych punktów na płaszczyźnie, pandas oraz numpy - do przejrzystej prezentacji wyników pomiarów czasowych dla algorytmów, Seaborn - do wygenerowania wykresów dotyczących czasów działania, time - użyliśmy funkcji perf_counter do porównania czasów działania algorytmów. Do zaprezentowania wizualizacji krokowej algorytmów użyliśmy narzędzia pyplot z biblioteki matplotlib.

1.1.2 Funkcje pomocnicze

Funkcje pomocnicze użyte w programie:

- det(a, b, c) zwraca wartość wyznacznika dla podanych na wejściu punktów a, b, c
- points_orientation(a, b, c, eps = 0) zwraca położenie punktu c względem prostej przechodzącej przez punkty a i b; 1 jeżeli c leży po lewej stronie, -1 jeżeli po prawej, 0 jeżeli na prostej
- points_distance_square(a, b) zwraca odległość (metryka euklidesowa) pomiędzy punktem a i b
- generate_uniform_points(left, right, n) funkcja generuje n losowych punktów, których wartości współrzędnych są z przedziału (left, right)
- generate_circle_points(0, R, n) funkcja generuje n jednostajnie położonych punktów na okręgu o środku w punkcie O i promieniu R
- generate_rectangle_points(a, b, c, d, n) funkcja generuje n punktów rozłożonych losowo na bokach prostokąta o wierzchołkach w punktach a, b, c, d. Ważne jest że wielokąt zadajemy zgodnie z kierunkiem przeciwnym do ruchu wskazówek zegara, wierzchołek a znajduje się w lewym dolnym rogu.
- generate_square_points(a, b, c, d, axis_n, diag_n) funkcja generuje losowo axis_n punktów na dwóch bokach kwadratu oraz diag_n punktów na dwóch przekątnych kwadratu zadanego przez punkty a, b, c, d. Ważne jest że kwadrat zadajemy zgodnie z kierunkiem przeciwnym do ruchu wskazówek zegara, wierzchołek a znajduje się w lewym dolnym rogu.

1.1.3 Specyfikacja

Porównania czasowe algorytmów zostały wykonane na systemie operacyjnym Windows 10 Pro oraz na procesorze Intel Core I5-7500 3.40 GHz.

1.2 Część użytkowa

Aby skorzystać z programu należy uruchomić plik "main" przy pomocy narzędzia Jupyter Notebook oraz po kolei uruchamiać komórki, które zawierają kod. Wszystkie algorytmy przyjmują na wejściu listę n punktów w postaci $[(x_1,y_1),(x_2,y_3),...,(x_n,y_n)]$, dla których wyznaczona ma być otoczka. Algorytmy zwracają listę punktów, które należą do otoczki w postaci $[(x_{h_1},y_{h_1}),(x_{h_2},y_{h_3}),...,(x_{h_m},y_{h_m})]$. Algorytmy z wizualizacją dodatkowo wyświetlają animację GIF, która pokazuje w jaki sposób dany algorytm realizuje znajdywanie otoczki wypukłej.

2 Sprawozdanie

2.1 Opis projektu

Celem projektu było zaimplementowanie oraz porównanie czasu działania algorytmów wyznaczania otoczki wypukłej dla zbioru punktów na płaszczyźnie. Algorytmy, które zaimplementowaliśmy to:

- Algorytm Grahama
- Algorytm Jarvisa
- Algorytm Dziel i rządź
- Algorytm Chana
- Algorytm Przyrostowy
- Algorytm Quickhull
- Algorytm Górnej i dolnej otoczki

2.2 Przebiegi algorytmów

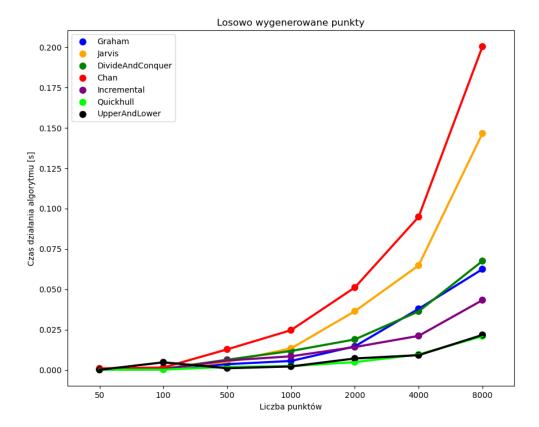
2.3 Porównanie czasowe

Do porównania czasowego algorytmów zostały wyznaczone 4 rodzaje zbiorów wejściowych:

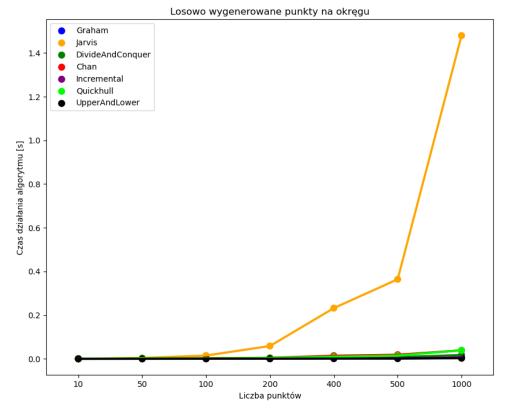
- range punkty losowo rozmieszczone na zadanym przedziale
- circle punkty jednostajnie rozmieszczone na okręgu
- rectangle punkty losowo rozmieszczone na bokach prostokąta
- square punkty losowo rozmieszczone dwóch bokach kwadratu oraz dwóch jego przekątnych

Liczba	Nazwa	Algorytm							
punktów	zbioru	Grahama	Jarvisa	Dziel i rządź	Chana	Przyrostowy	Quickhull	Górnej i dolnej otoczki	
50	range_1	0.000247	0.000641	0.000496	0.000960	0.000253	0.000152	0.000112	
100	range 2	0.000415	0.000653	0.000720	0.001540	0.000437	0.000222	0.004749	
500	range 3	0.003602	0.005008	0.006354	0.012772	0.005878	0.001888	0.001096	
1000	range 4	0.005582	0.013344	0.011750	0.024653	0.008477	0.002432	0.002175	
2000	range_5	0.014620	0.036367	0.018915	0.051079	0.014197	0.004866	0.007127	
4000	range_6	0.037863	0.064739	0.036309	0.094831	0.021120	0.009586	0.009160	
8000	range 7	0.062448	0.146532	0.067494	0.200319	0.043269	0.020924	0.021696	
10	circle_1	0.000053	0.000162	0.000095	0.000150	0.000050	0.000070	0.000025	
50	circle_2	0.000176	0.003660	0.000616	0.001394	0.000246	0.002226	0.000141	
100	circle_3 circle_4	0.000273	0.014930	0.001459	0.002379	0.000501	0.001738	0.000269	
200	circle_4	0.000541	0.058616	0.002866	0.004514	0.001093	0.003846	0.000523	
400	circle_5	0.001134	0.231986	0.006288	0.014203	0.003310	0.009647	0.001223	
500	circle_6	0.001346	0.364017	0.007787	0.018549	0.002496	0.014626	0.001338	
1000	circle_7	0.003796	1.479364	0.017226	0.038672	0.006502	0.038823	0.002749	
20	rectangle_1	0.000087	0.000325	0.000128	0.000404	0.000070	0.000085	0.000043	
100	rectangle_2	0.000651	0.000966	0.000438	0.001927	0.000269	0.000347	0.000228	
200	rectangle_3	0.002476	0.001570	0.001061	0.003285	0.000680	0.000777	0.000427	
500	rectangle_4	0.003641	0.004673	0.002538	0.011356	0.003168	0.001875	0.001066	
1000	rectangle_5	0.007917	0.008832	0.004539	0.022688	0.004021	0.003788	0.002169	
2500	rectangle_6	0.022217	0.021859	0.011478	0.059190	0.007995	0.010075	0.005255	
5000	rectangle_7	0.049170	0.044393	0.023769	0.118070	0.018096	0.021503	0.013008	
94	square_1	0.000970	0.000448	0.000618	0.001619	0.000384	0.000180	0.000198	
204	square_2	0.001621	0.000837	0.001373	0.003408	0.000827	0.000361	0.000404	
304	square_3	0.003885	0.001357	0.001800	0.007390	0.001155	0.000602	0.000573	
704	square_4	0.008380	0.003043	0.004329	0.016342	0.003343	0.002282	0.001323	
2004	square_5	0.025666	0.009642	0.014409	0.045805	0.008860	0.003707	0.003895	
3004	square_6	0.041791	0.013931	0.019597	0.069957	0.012408	0.006329	0.008198	
4004	square_7	0.057950	0.018432	0.029153	0.094352	0.017138	0.007616	0.009157	

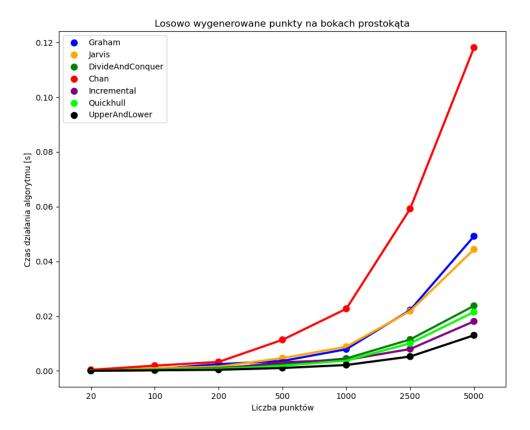
Tabela 1: Wyniki czasowe w sekundach poszczególnych algorytmów dla danych zbiorów



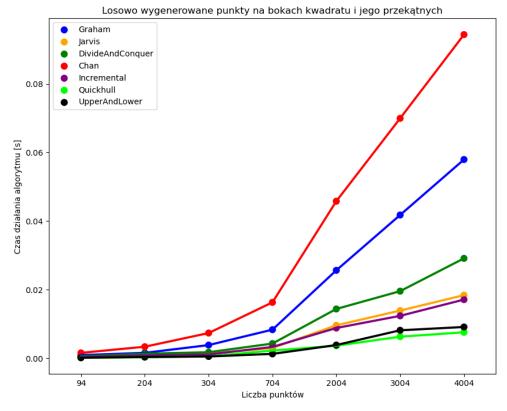
Rysunek 1: Wykres przedstawiający pomiar czasów działania algorytmów dla zbiorów typu range



Rysunek 2: Wykres przedstawiający pomiar czasów działania algorytmów dla zbiorów typu circle



Rysunek 3: Wykres przedstawiający pomiar czasów działania algorytmów dla zbiorów typu rectangle



Rysunek 4: Wykres przedstawiający pomiar czasów działania algorytmów dla zbiorów typu square