

## 10 Класс, ограничение на показательную, и различие степени с радикалом..

Почему основание у показательной функции должно быть нестрого положительное?

Когда в 10 классе вводят степенную функцию, часто её вводят как

$$f(x) = a^x \text{ где } a \in \mathbb{R}_+^2 \cup \{0\} \text{ и } x \in \mathbb{R}.$$

Например, возьмём функцию  $4^x$ , где  $x \in R$ .

И найдём значение в точке  $\frac{1}{2}, 4^{\frac{1}{2}} \leftrightarrow \sqrt{4}$ , но, мы ведь можем умножить числитель и знаменатель дроби на любое число кроме нуля, умножим например на 2, и получим  $4^{\frac{2}{4}} = \sqrt[4]{4^2} = \sqrt[4]{16} = 2$ . Приведём такой же пример, для числа -27 и степени  $\frac{1}{3}$

$$(-27)^{\frac{1}{3}} = (-27)^{\frac{2}{6}} = \sqrt[6]{(-27)^2} = \sqrt[6]{729} = 3, \text{ и сделаем это ещё раз, но без умножения дроби на 2, } (-27)^{\frac{1}{3}} = -3$$

Отсюда, мы получаем противоречие определению функции.

То есть, не может быть такого случая что

<b>Вариант 1</b>	$f(x) = a, f(x) = b$ Когда $x \in R$ и $a \neq b$ .
<b>Вариант 2</b>	Система $\begin{cases} f(x) = a \\ f(x) = b \\ a \neq b \end{cases}$ имеет решение в вещественных числах
<b>Вариант 3</b>	$f(x) = a = b$ где $a \neq b$

В целом, это одно и тоже, но некоторые различия всё же есть

---

<sup>1</sup> В целом, это и объясняет почему  $\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$

<sup>2</sup>  $\mathbb{R}_+$  – множество вещественных(действительных) положительных чисел