

Promotor <b>dr hab. inż. Zbigniew Mitura</b>	Imię i nazwisko <b>Witold Kęsek</b>	Data <b>28.09.2020</b>
<b>Sprawozdanie z projektu w ramach praktyk studenckich</b>		

## 1. Cel projektu

Celem projektu było napisanie programu który służy do obliczania natężeń RHEED dla powierzchni arsenku galu (GaAs).

## 2. Metodologia

Aby obliczyć natężenie RHEED dla danej powierzchni będziemy posługiwać się metodami numerycznymi. Najpierw musimy obliczyć amplitudę wiązki elektronów przy pomocy równania:

$$r_w = \left\{ r_{w-1} \left[ 1 + h \left( ik + \frac{v_w}{2ik} \right) + \frac{h^2}{2} (-k^2 + v_w) \right] + h \frac{v_w}{2ik} \right\} / \left\{ 1 - h \left( ik + \frac{v_w}{2ik} \right) + \frac{h^2}{2} (-k^2 + v_w) - r_{w-1} h \frac{v_w}{2ik} \right\}, \quad (6)$$

Przy założeniach, że:

$$r_0 = 0.$$

Oraz, że

$$r = r_w.$$

Oraz:

$$v_w = v \left( \frac{z_{w-1} + z_w}{2} \right).$$

A także skorzystać z wzoru na potencjał  $v_w$ , który będzie sumą potencjałów części dwuwymiarowych siatek atomów równoległych do badanych powierzchni. Wzór na j-tą część:

$$v_j(z) = -\Theta_j \left( 1 + \frac{|q_e|U}{m_0 c^2} \right) \times (Y_{Re} + iY_{Im}) \frac{8\pi^{3/2}}{\Omega} \times \left\{ \sum_l \frac{a_l^{(j)}}{(b_l^{(j)} + B^{(j)})^{1/2}} \exp \left[ -\frac{4\pi^2}{b_l^{(j)} + B^{(j)}} (z - z_j)^2 \right] \right\},$$

W naszym doświadczeniu zakładamy, że mamy na przemian warstwy Arsenu oraz Galu, a odległość między kolejnymi warstwami wynosiła 5,65/4 Å.

### 3. Analiza kodu

Główna funkcja programu (tzw. "main") to funkcja obliczająca nasze "r".

Pierwsza pętla to wyliczenie "pokrycia (0-0.05.....-0.95-1) oraz wyliczenie wszystkich  $v(z)$  przy pomocy funkcji napisanej w innym pliku (opisanej niżej):

```
double covlc=covli+f*(covlf-covli)/ncov;  
ComplexNumber []vz=v(covlc);
```

Później tworzona jest nazwa i otwierany plik do którego będą zapisywane wyniki dla danego pokrycia:

```
double angc=j*(angf-angi)/(nang-1);  
double k = Wyliczenia.KdlaTety( teta: angc/180*Math.PI);
```

Kolejna pętla jest zagnieżdżona w poprzedniej i każde kolejne wykonanie pętli to delikatnie inny kąt oraz inne "k" wyliczane przy pomocy funkcji napisanej w innym pliku (opisanej niżej):

```
double angc=j*(angf-angi)/(nang-1);  
double k = Wyliczenia.KdlaTety( teta: angc/180*Math.PI);
```

Jeśli  $k^2$  wychodzi mniejsze od 0.01 to wynik wynosi -1:

```
if(k*k<0.01){  
    out.println(df.format( number: -1));
```

Jeśli nie to wyliczane są kolejne elementy przy pomocy wzoru:

$$r_w = \left\{ r_{w-1} \left[ 1 + h \left( ik + \frac{v_w}{2ik} \right) + \frac{h^2}{2} (-k^2 + v_w) \right] + h \frac{v_w}{2ik} \right\} / \left\{ 1 - h \left( ik + \frac{v_w}{2ik} \right) + \frac{h^2}{2} (-k^2 + v_w) - r_{w-1} h \frac{v_w}{2ik} \right\}, \quad (6)$$

W środku pętli obliczana jest górna część ułamka:

```
ComplexNumber top1 = new ComplexNumber( real: 0, k);  
  
ComplexNumber top2 = new ComplexNumber( real: vz[g].imaginary / (2 * k), imaginary: -vz[g].real / (2 * k));  
  
ComplexNumber top3 = new ComplexNumber( real: 1 + h * (top1.real + top2.real), imaginary: h * (top1.imaginary + top2.imaginary));  
  
ComplexNumber top4 = new ComplexNumber( real: (-k * k + vz[g].real) * h * h * 0.5, imaginary: 0.5 * h * h * vz[g].imaginary);  
  
top3.add(top4);  
  
ComplexNumber top_result = new ComplexNumber(r_prev.real, r_prev.imaginary);  
  
top_result.multiply(top3);  
  
top_result.add(new ComplexNumber( real: h * top2.real, imaginary: h * top2.imaginary));
```

(**ComplexNumber** to klasa napisana przeze mnie służąca do przechowywania liczb zespolonych oraz obliczeń z nimi związanych).

Następnie obliczana jest dolna część ułamka i dzielone jest jedno przez drugie:

```
ComplexNumber bot_result = new ComplexNumber( real: 1 - h * (top1.real + top2.real), imaginary: 0 - h * (top1.imaginary + top2.imaginary));

ComplexNumber fd = new ComplexNumber( real: r_prev.real * top2.real - r_prev.imaginary * top2.imaginary, imaginary: r_prev.imaginary * top2.real + r_prev.real * top2.imaginary);

bot_result.subtract(new ComplexNumber( real: h * fd.real, imaginary: h * fd.imaginary));

bot_result.add(top4);

top_result.divide(bot_result);

r_prev = top_result;
```

W drugim pliku (Wyliczenia) znajduje się prosta funkcja obliczająca  $k$  dla podanej  $\Theta$ :

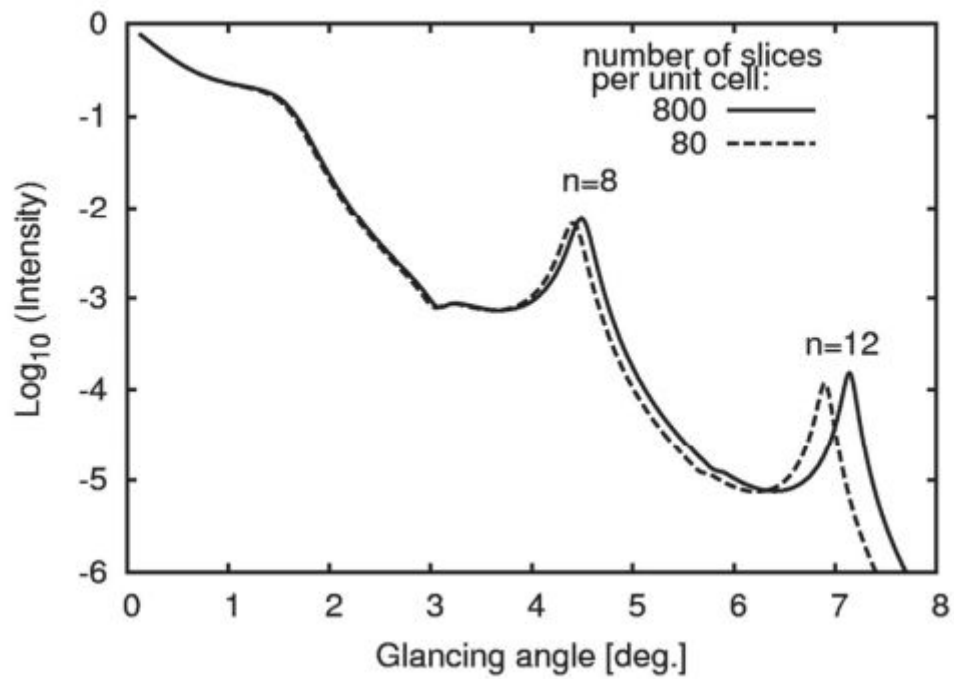
```
public static double KdlaTety(double teta){
    double K2=((2*m0*qe*2*Math.PI*2*Math.PI)/2*(Planck*Planck))*0.01*(1+U/(2*c))*U;
    return Math.sqrt(K2)*Math.sin(teta);
}
```

Oraz funkcja **v(covt)**, która w zależności od podanego pokrycia **covt** oblicza potencjał **vz** na całej wysokości (**22000** punktów pomiarowych między **v** początkowym i końcowym). Główną częścią tej funkcji są dwie zagnieżdżone pętle, z których wewnętrzna wykonuje działania związane z współczynnikami **a** i **b** danego pierwiastka, a zewnętrzna mnoży je przez pozostałe współczynniki.

```
for(int k=0;k<nvcv;k++){
    double zcurr=zb+(k+1)*zstep;
    double vcurr=0;
    for(int j=0;j<natl;j++){
        double z_diff=(zcurr-zpl[j])*(zcurr-zpl[j]);
        for(int l=0;l<5;l++) {
            if (j % 2 == 0) {
                a_tmp[l] = a_As[l];
                b_tmp[l] = b_As[l];
            } else {
                a_tmp[l] = a_Ga[l];
                b_tmp[l] = b_Ga[l];
            }
            double suma_a_b_1 = ((-4 * Math.PI * Math.PI) / b_tmp[l]) * z_diff;
            if (suma_a_b_1 < -15)
                continue;
            double suma_a_b_2 = (a_tmp[l] / Math.sqrt(b_tmp[l])) * Math.exp(suma_a_b_1);
            vcurr += covl[j]*suma_a_b_2;
        }
    }
    double conf=-8*Math.PI*Math.sqrt(Math.PI)/omega;
    vcurr*=conf;
    ComplexNumber tmp=new ComplexNumber( real: YRe*vcurr, imaginary: YIm*vcurr);
    tmpv[k]=tmp;
}
return tmpv;
```

#### 4. Porównanie wyników

Wyniki uzyskane w publikacji:



Wyniki uzyskane w programie napisanym przeze mnie:

