

# Zakład Systemów Elektronicznych i Telekomunikacyjnych Metody numeryczne

# 6 - PROJEKT

#### I. Cel ćwiczenia

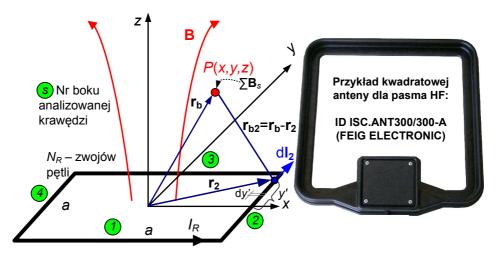
Celem ćwiczenia projektowego jest samodzielne rozwiązanie zadanego problemu w środowisku programu Scilab. Oceniane będą: a) umiejętność posługiwania się narzędziem programowym, b) sposób rozwiązania problemu, c) uzyskane wyniki, d) wizualizacja danych, e) wnioski.

# II. Zagadnienie pola magnetycznego w otoczeniu pętli antenowej układu czytnika/programatora indukcyjnie sprzężonego systemu RFID

Opracowanie prawidłowego modelu bilateralnego oddziaływania obiektów przy dynamicznej zmianie ich wzajemnej orientacji w przestrzeni ma zwykle kluczowy wpływ na późniejsze, poprawne funkcjonowanie układu w środowisku rzeczywistym [1, 2]. Tego typu dwustronna interakcja elementów jest również podstawą działania systemów radiowej identyfikacji obiektów RFID (*Radio Frequency IDentification*), a głównym parametrem determinującym jakość oddziaływania pomiędzy czytnikiem/programatorem (RWD – *Read/Write Device*) i elektronicznym identyfikatorem (*transponder*) jest obszar poprawnej pracy (*Interrogation Zone*) [3].

W znacznej grupie aplikacji użytkowych stosowane są systemy indukcyjnie sprzężone ( $inductive\ coupling$ ), funkcjonujące w zakresie fal średnich i krótkich. W paśmie LF wykorzystywana jest częstotliwość od 100 kHz do 135 kHz (typowo:  $f_0$ =125 kHz). Systemy indukcyjnie sprzężone pasma HF funkcjonują z częstotliwością roboczą  $f_0$ =13,56 MHz. W indukcyjnie sprzężonych systemach RFID wykorzystywany jest obszar pola bliskiego ( $near\ field$ ), gdzie występuje niejednorodne pole magnetyczne oraz silne sprzężenie pomiędzy antenami układu komunikacyjnego, zbudowanego z czytnika/programatora i identyfikatorów. Niejednorodne pole magnetyczne jest nośnikiem energii i stanowi medium dla transmisji danych.

Elementarnym parametrem charakteryzującym obszar poprawnej pracy i maksymalną odległość (zasięg) funkcjonowania indukcyjnie sprzężonych systemów RFID, jest minimalna wartość natężenia pola magnetycznego  $H_{min}$  (lub minimalna wartość indukcji magnetycznej  $B_{min}$ ), dla której następuje poprawna transmisja danych pomiędzy układem RWD i identyfikatorem. Porównując ten parametr z wartością natężenia pola wytworzonego w określonym punkcie P(x,y,z) przez antenę układu RWD, można wyznaczyć trójwymiarowy obszar poprawnej pracy indukcyjnie sprzężonego systemu RFID w odniesieniu do prawidłowego zasilania pasywnych identyfikatorów radiowych.



Rys. 1. Model i przykład kwadratowej pętli antenowej układu RWD

Podczas dalszych rozważań rozpatrywany będzie przypadek kwadratowej anteny RWD systemu RFID pasma HF, której pętla posiada  $N_R$  zwojów i długość boku a (Rys. 1). Podczas analizy jej działania można założyć, że prąd pętli ( $I_R$ ) jest stały wzdłuż całej drogi przepływu. Oznacza to, że natężenie prądu jest stałe (w rozumieniu jego rozciągłego rozkładu) na każdym odcinku tej pętli [4]. Założenie to pozwala na stosowanie praw

magnetostatyki (prawa Biota-Savarta uzupełnionego o zasadę superpozycji), które pozwalają na zsumowanie w punkcie *P* wektorów indukcji magnetycznej pochodzących od poszczególnych fragmentów *s* anteny.

Mając na uwadze powyższe założenia, niejednorodne pole magnetyczne wokół kwadratowej pętli antenowej można przedstawić w postaci trzech równań, za pomocą których możliwe jest numeryczne wyznaczenie wartości poszczególnych składowych  $B_x$ ,  $B_y$  i  $B_z$  indukcji magnetycznej w dowolnym punkcie przestrzeni o współrzędnych (x,y,z):

$$B_{x} = \frac{\mu_{0} I_{R} N_{R}}{4\pi} \left[ \int_{\frac{-a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{z}{\left[ \left( x - \frac{a}{2} \right)^{2} + \left( y - y' \right)^{2} + z^{2} \right]^{3/2}} dy' + \int_{\frac{a}{2}}^{\frac{-a}{2}} \frac{z}{\left[ \left( x + \frac{a}{2} \right)^{2} + \left( y - y' \right)^{2} + z^{2} \right]^{3/2}} dy' \right]$$
(1)

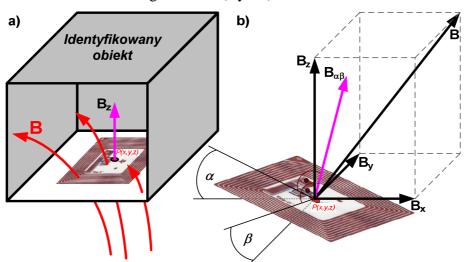
$$B_{y} = \frac{\mu_{0}I_{R}N_{R}}{4\pi} \left| \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{-z}{\left[\left(x-x'\right)^{2} + \left(y+\frac{a}{2}\right)^{2} + z^{2}\right]^{3/2}} dx' + \int_{\frac{a}{2}}^{\frac{-a}{2}} \frac{-z}{\left[\left(x-x'\right)^{2} + \left(y-\frac{a}{2}\right)^{2} + z^{2}\right]^{3/2}} dx' \right|$$
(2)

$$B_{z} = \frac{\mu_{0}I_{R}N_{R}}{4\pi} \left[ \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{y + \frac{a}{2}}{\left[ (x - x')^{2} + \left( y + \frac{a}{2} \right)^{2} + z^{2} \right]^{3/2}} dx' + \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{-x + \frac{a}{2}}{\left[ \left( x - \frac{a}{2} \right)^{2} + \left( y - y' \right)^{2} + z^{2} \right]^{3/2}} dy' \right]$$

$$+ \int_{\frac{a}{2}}^{-\frac{a}{2}} \frac{y - \frac{a}{2}}{\left[ (x - x')^{2} + \left( y - \frac{a}{2} \right)^{2} + z^{2} \right]^{3/2}} dx' + \int_{\frac{a}{2}}^{-\frac{a}{2}} \frac{-x - \frac{a}{2}}{\left[ (x + \frac{a}{2})^{2} + \left( y - y' \right)^{2} + z^{2} \right]^{3/2}} dy'$$

$$(3)$$

Korzystając z zależności (1)-(3) możliwe jest także wyznaczenie kierunku i zwrotu wektora indukcji magnetycznej  $\bf B$ . Niejednorodność pola wskazuje na problem poprawnej orientacji identyfikatora RFID względem poszczególnych składowych  $\bf B_x$ ,  $\bf B_y$  i  $\bf B_z$  wektora indukcji magnetycznej, podczas realizacji procesu rozpoznawania elektronicznie oznakowanego obiektu (Rys. 2).



Rys. 2. Orientacja identyfikatora RFID: a) równoległego względem anteny układu RWD, b) odchylonego o kąty  $\alpha$  i  $\beta$ 

W wielu typowych zastosowaniach systemów RFID niejednokrotnie wystarczy rozważanie tylko równoległego ułożenia identyfikatora (jego anteny) względem pętli RWD (Rys. 2-a). Taka konfiguracja pozwala na ograniczenie rozważań dotyczących spełnienia warunku  $B_{min}$  tylko do składowej  $\mathbf{B}_{\mathbf{z}}$  wektora indukcji magnetycznej w punkcie P(x,y,z). Analizowany przypadek jest jednak odpowiedni tylko dla statycznych procesów automatycznej identyfikacji obiektów, gdzie w czasie odczytywania lub zapisywania informacji do wewnętrznej pamięci identyfikatora nie następuje zmiana jego lokalizacji i/lub orientacji.

W bardziej ogólnym przypadku identyfikator może przyjmować różną lokalizację i orientację w przestrzeni, jak np. produkt wrzucany do koszyka podczas zakupów w sklepie samoobsługowym. Z praktycznego punktu widzenia rozwiązanie takiego problemu ma szansę zapewnić w przyszłości prawidłowe szacowanie efektywności funkcjonowania systemów RFID.

Zagadnienie dowolnej orientacji identyfikatora względem trzech osi x-y-z można sprowadzić do odchylenia o kąty  $\alpha$  i  $\beta$  od płaszczyzny jego anteny, która początkowo była ułożona równolegle względem pętli antenowej układu RWD (Rys. 2-b). Zgodnie z zaproponowanym modelem, odchylenie o kąt  $\alpha$  następuje w płaszczyźnie z-x, natomiast odchylenie o kąt  $\beta$  w płaszczyźnie  $\alpha$ -y. Wartość składowej prostopadłej wektora indukcji magnetycznej dla identyfikatora odchylonego o kąty  $\alpha$  i  $\beta$  ( $B_{\alpha\beta}$ ) można wyznaczyć korzystając z zasady superpozycji:

$$B_{\alpha\beta} = B_{\alpha} \cos(\alpha) \cos(\beta) + B_{\alpha} \sin(\alpha) \cos(\beta) + B_{\alpha} \sin(\beta) \tag{4}$$

Dokonując odpowiednich przekształceń z wykorzystaniem równania materiałowego:

$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H} \tag{5}$$

z zależności (1)-(4) można także wyznaczyć poszczególne składowe  $\mathbf{H}_x$ ,  $\mathbf{H}_y$ ,  $\mathbf{H}_z$  i  $\mathbf{H}_{\alpha\beta}$  wektora natężenia pola magnetycznego.

## III. Charakterystyka problemu do rozwiązania

W systemie RFID funkcjonuje układ czytnika/programatora z wbudowanym multiplekserem, do którego podłączone są cztery jednakowe anteny (Rys. 3). W danej chwili (zadana pozycja multipleksera) prąd płynie przez jedną antenę i tylko wokół jej pętli wytwarzane jest pole magnetyczne, które umożliwia prowadzenie procesu komunikacji, pod warunkiem spełnienia minimalnych warunków zasilania identyfikatorów. Składowe prostopadłe wektora natężenia pola magnetycznego ( $H_{\alpha\beta}$ ) pochodzące od poszczególnych anten, symbolicznie zaznaczono w punktach losowej lokalizacji i orientacji identyfikatorów.

Po pojedynczym losowaniu lokalizacji i orientacji n-identyfikatorów, j-ty identyfikator posiada następujące współrzędne odnoszące się do poszczególnych anten układu RWD:

$$P_{j}(x_{i,j}, y_{i,j}, z_{i,j}, \alpha_{i,j}, \beta_{i,j})$$

$$(6)$$

gdzie i=1..4 (i – numer anteny i jej układu współrzędnych), j=1..n.

W ustalonej notacji przykładowy zapis  $P_2(x_{1,2}, y_{1,2}, z_{1,2}, \alpha_{1,2}, \beta_{1,2})$  oznacza współrzędną drugiego identyfikatora, która jest rozważana dla pierwszej anteny układu RWD.

#### **UWAGA**

Po dokonaniu losowania lokalizacji i orientacji n-identyfikatorów, współrzędne j-tego identyfikatora w układzie drugiej  $(x_{2,j},y_{2,j},z_{2,j},\alpha_{2,j},\beta_{2,j})$ , trzeciej  $(x_{3,j},y_{3,j},z_{3,j},\alpha_{3,j},\beta_{3,j})$  i czwartej anteny  $(x_{4,j},y_{4,j},z_{4,j},\alpha_{4,j},\beta_{4,j})$  można bezpośrednio wyliczyć na podstawie parametrów układu pierwszej anteny  $(x_{1,j},y_{1,j},z_{1,j},\alpha_{1,j},\beta_{1,j})$ . Przykładowo, współrzędne j-tego identyfikatora w układzie drugiej anteny można obliczyć na podstawie zależności:

$$\begin{pmatrix} x_{2,j} \\ y_{2,j} \\ z_{2,j} \\ \boldsymbol{\alpha}_{2,j} \\ \boldsymbol{\beta}_{2,j} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} z_{ID} - z_{1,j} \\ y_{1,j} \\ z_{ID} + x_{1,j} \\ 90^{\circ} + \boldsymbol{\alpha}_{1,j} \\ \boldsymbol{\beta}_{1,j} \end{pmatrix}$$
(7)

W trakcie poszukiwania rozwiązania zadanego problemu, pozostałe zależności dla trzeciej  $(x_{3,j},y_{3,j},z_{3,j},\alpha_{3,j},\beta_{3,j})$  i czwartej anteny  $(x_{4,j},y_{4,j},z_{4,j},\alpha_{4,j},\beta_{4,j})$  należy wyznaczyć samodzielnie.

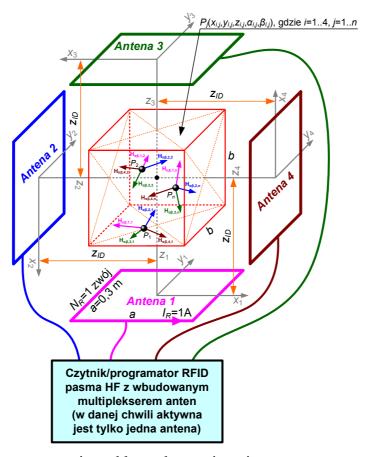
Wewnątrz sześcianu o boku *b*, ulokowanego w odległości *z*<sub>ID</sub> od początku danego układu współrzędnych (odległość taka sama w przypadku wszystkich anten i ich układów współrzędnych), <u>należy zbadać możliwość występowania prawidłowej identyfikacji dla różnych parametrów procesu RFID</u> (dane wejściowe poniżej). W tym kontekście należy mieć na uwadze fakt, że prawidłowa identyfikacja *j*-tego identyfikatora oznacza spełnienie poniższego warunku przynajmniej dla jednej z multipleksowanych anten układu RWD:

$$\left|H_{\alpha\beta,i,j}\right| \ge H_{\min}$$
, gdzie  $i = 1..4$  (8)

Niespełnienie tego warunku oznacza, że *j*-ty identyfikator nie zostanie wykryty w systemie RFID (brak identyfikacji). Sprawność identyfikacji w wielokrotnym systemie RFID definiowana jest za pomocą równania:

$$\eta = \frac{k}{n \cdot m} \cdot 100\% \tag{9}$$

gdzie: k – liczba prawidłowych identyfikacji, m – liczba losowań współrzędnych n-identyfikatorów.



Rys. 3. Graficzna prezentacja problemu do rozwiązania

Przedmiotowe obliczenia stanowią cząstkowe poszukiwanie obszaru poprawnej pracy wielokrotnego systemu RFID w odniesieniu do prawidłowego zasilania wielu, dowolnie zorientowanych i dowolnie rozlokowanych identyfikatorów.

#### Dane wejściowe

Podczas prac badawczych należy rozważyć 8 przypadków dla następujących danych:

- parametry jednakowych, kwadratowych anten czytnika/programatora:  $N_R$ =1 zwój,  $I_R$ =1 A, a=0,3 m;
- minimalna wartość natężenia pola magnetycznego dla identyfikatorów:  $H_{min}$ =98 dB $\mu$ A/m (0,0794 A/m);
- liczba identyfikatorów: *n*=10;
- wysokość: *z*<sub>ID</sub>=0,2 m, 0,3 m;
- długości boku sześcianu:  $b=2\cdot z_{ID}$ ,  $b=z_{ID}$
- liczba losowań współrzędnych *n*-identyfikatorów wewnątrz sześcianu o boku *b*: *m*=100, 1000.

#### Wskazówki do rozwiązania problemu

W przygotowanym programie m. in. należy przygotować funkcje ułatwiające obliczenia:

- $H_x(N_R, I_R, a, x, y, z)$ ,  $H_y(N_R, I_R, a, x, y, z)$ ,  $H_z(N_R, I_R, a, x, y, z)$ ,  $H_{\alpha\beta}(N_R, I_R, a, x, y, z, \alpha, \beta)$ , których wynikiem będzie wartość poszczególnych składowych natężenia pola magnetycznego w punkcie o współrzędnych (x, y, z);
- *MPLX*(*N<sub>R</sub>*, *I<sub>R</sub>*, *a*, *H<sub>min</sub>*, *n*, *m*, *z<sub>ID</sub>*, *b*), której wynikiem będzie sprawność (9) wyliczona dla parametrów jej wywołania (**UWAGA: w rozwiązaniu zagadnienia należy podać sprawność cząstkową, pochodzącą z poszczególnych anten i całkowitą, która jest ich sumą);**
- i inne (w miarę własnego uznania i potrzeb).

# IV. Sprawozdanie z ćwiczenia laboratoryjnego

Sprawozdanie należy przygotować w pliku \*.docx (\*.doc) na podstawie formatki *mn\_formatka.doc*, przy wykorzystaniu zawartych w niej zasad i stylów. Sprawozdania należy przesłać na adres <u>pjanko@prz.edu.pl</u>, <u>do dnia 09.06.2015</u>. Odbiór każdego sprawozdania zostanie potwierdzony wiadomością zwrotną. Sprawozdania powinny być opisane: nazwą roku, datą wykonania projektu, numerem grupy laboratoryjnej, numerem zespołu ćwiczącego (1-4) i jego składem osobowym.

## Literatura podstawowa

- [1] Marrocco G., Di Giampaolo E., Aliberti R.: Estimation of UHF RFID Reading Regions in Real Environments, IEEE Antennas and Propagation Magazine, Vol. 51, No. 6, 2009, pp. 44-57.
- [2] Mannings R.: Ubiquitous Positioning. Artech House, 2008.
- [3] Finkenzeller K.: RFID Handbook: Fundamentals and Applications in Contactless Smart Cards, Radio Frequency Identification and Near-Field Communication. 3-rd Ed., Wiley, 2010.
- [4] Griffiths D. J.: Podstawy elektrodynamiki. PWN, 2009.

## Literatura uzupełniająca

- [5] Jankowski-Mihułowicz P., Kalita W., Węglarski M., Jamróz T.: Stanowisko pomiarowe parametrów procesu automatycznej identyfikacji RFID w warunkach dynamicznej zmiany lokalizacji obiektu w przestrzeni, Pomiary Automatyka Kontrola, Vol. 57, No. 12, s. 1473-1476, 2011.
- [6] Jankowski-Mihułowicz P.: Synteza anteny czytnika/programatora indukcyjnie sprzężonego systemu RFID dalekiego zasięgu funkcjonującego w paśmie HF. SIGMA NOT, Elektronika, nr 8, s. 73-77, 2010.
- [7] Jankowski-Mihułowicz P., Kalita W.: Application of Monte Carlo Method for Determining the Interrogation Zone in Anticollision Radio Frequency Identification Systems, RFID/Book 1, Cristina Turcu (Ed.), ISBN 978-953-307-356-9, INTECH, 2011.