Priority Queue & Heap Sorting

V2017117 강현민



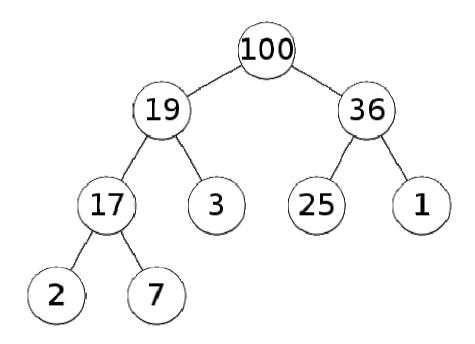
Itroduction

- Queue는 연산의 결과로 먼저 들어간 데이터가 먼저 나옴.
- Priority Queue는 들어간 순서에 상관없이 우선순위가 높은 데이터가 먼저 나옴.
- 데이터를 근거로 우선순위를 판단, 목적에 맞게 우선순위를 결정.
- 우선순위 큐를 구현하는 방법
 - 배열을 기반으로 구현
 - 연결리스트(Linked List)를 기반으로 구현
 - 힙(Heap)을 이용하는 방법
- 배열: 데이터 삽입, 삭제 시 데이터를 한 칸씩 당기거나 미는 연산을 하게 되며, 삽입의 위치를 찾기 위해 배열에 저장된 모든 데이터와 비교를 해야 하는 단점.
- 연결리스트: 배열의 첫번 째 단점은 없지만, 삽입의 위치를 찾기 위해서 첫번째 노 드부터 시작해 마지막 노드까지 비교를 진행해야 한다.
- 그래서 우선순위 큐는 주로 힙을 이용해 구현하는 것이 일반적.



Heap

• 힙은 한 노드가 최대 두 개의 자식노드를 가지며, 마지막 레벨을 제외한 모든 레벨에서 노드들이 꽉 채워진 완전이진트리(Complete binary tree)를 기본으로 한다.

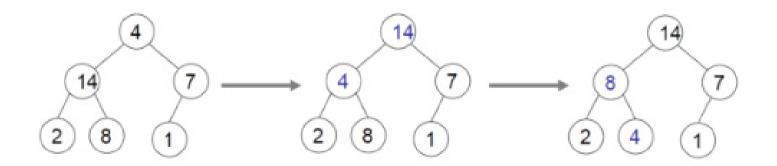


Complete binary tree



Heapify

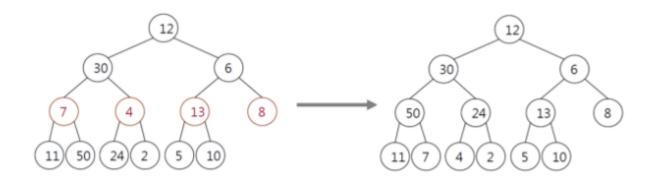
- 주어진 자료구조에서 힙 성질을 만족하도록 하는 연산을 heapify라고 한다.
- 먼저 4를 보면 4는 왼쪽 자식노드 14보다 작으므로 힙 성질을 만족하지 않는다.
- 4와 14위치를 바꾼다. 4는 새로운 왼쪽 자식노드 2보다 크지만 오른쪽 8보단 작다.
- 힙성질을 만족하지 않으니 4와 8의 위치를 바꾼다.





Heap Sorting

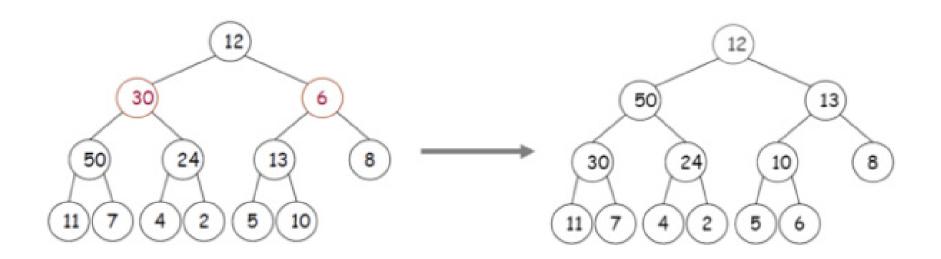
- 예를들어 12, 30, 6, 7, 4, 13, 8, 11, 50, 24, 2, 5, 10가 주어졌다.
- 왼쪽 그림처럼 8, 13, 4, 7순서로 위에서 아래로 heapify를 수행한다.
- 우선 8부터 살펴보만 8은 자식노드가 없으므로 heapify를 수행하지 않는다.
- 13은 5, 10보다 크므로 힙 성질을 이미 만족.
- 4는 왼쪽 자식노드인 24보다 작으므로 4와 24위치를 바꾼다.
- 다음은 7은 왼쪽 자식노드인 11보다 크고, 오른쪽 자식노드인 50보다 크므로 힙성질을 만족하지 않으므로 7과 50을 바꾼다.





Heap Sorting

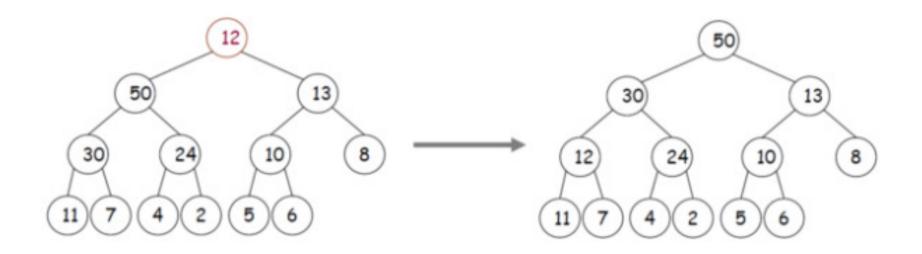
• 여기서도 역시 이전 장처럼 6과 30을 heapify를 수행하면 오른쪽 그림과 같이 나오게 된다.





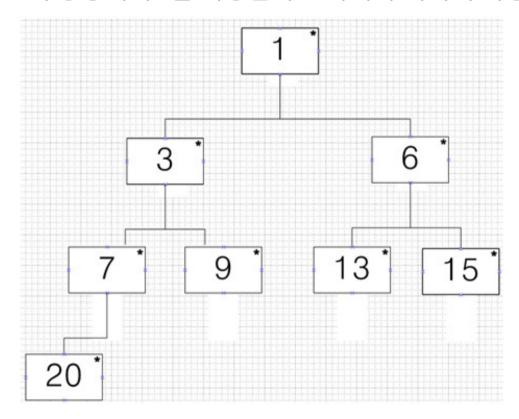
Heap Sorting

• 마지막 루트노드 역시 heapify를 수행하면 다음 그림과 같이 나오게 된다.



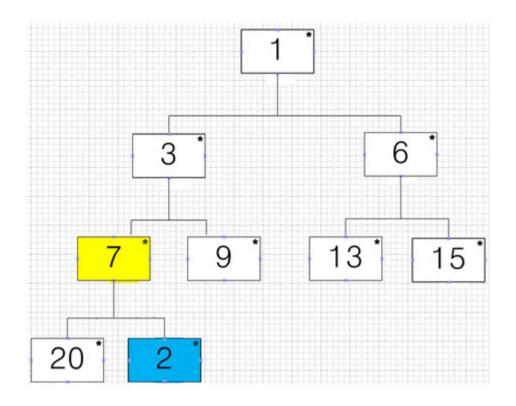


- 힙을 기반으로한 우선순위 큐.
- 힙 구조안에 잇는 숫자를 수선순위라고 하고 숫자가 작을수록 높다고 가정하자.
- 아래와 같이 그림의 상황에서 2를 저장한다면 마지막 위치에 저장한다.



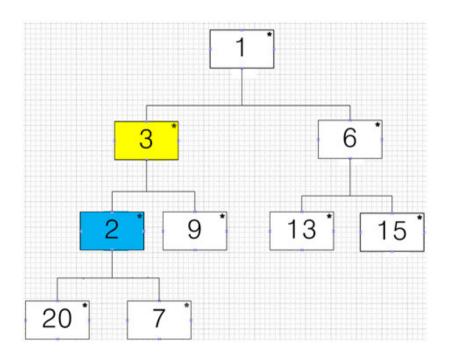


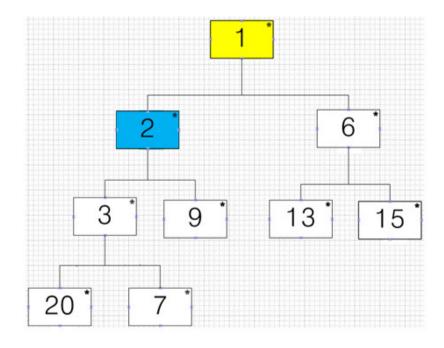
- 그리고 부모 노드와 우선순위를 비교하여 위치가 바뀌어야 하는지를 판단한다.
- 2의 부모 노드인 7과 비교하여 스왑 해준다.





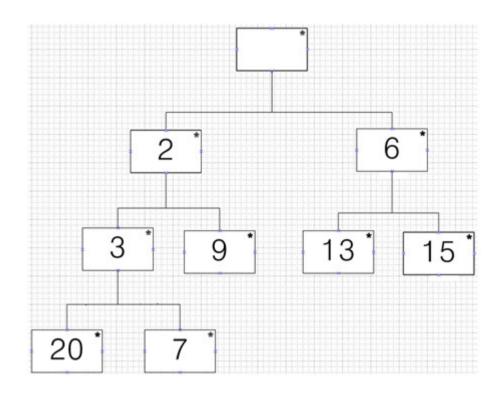
- 2와 7을 비교 후 스왑한 후에 다시 부모노드인 3과비교.
- 다시 2의 부모 노드인 1과 비교하여 부모 노드가 우선순위가 높으니 종료한다.





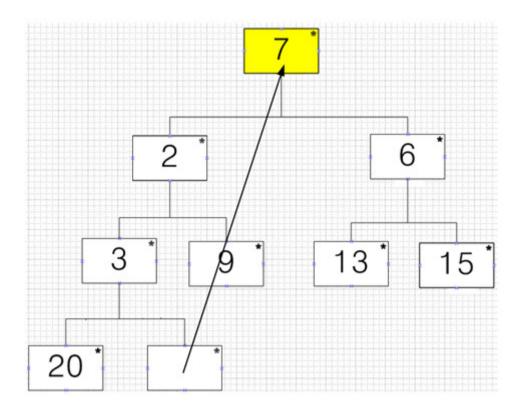


- 우선순위 큐의 삭제 는 가장 높은 우선순위의 데이터 삭제를 의미 한다.
- 아래 그림과 같이 데이터가 삭제되면 다시 루트노드를 채워야한다.



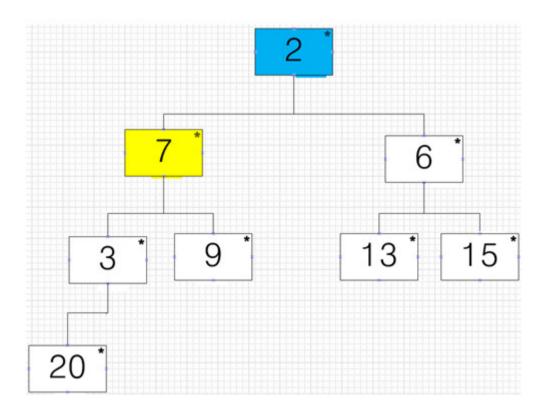


- 먼저 마지막 노드를 루트 노드로 이동 시킨 뒤 자식 노드와의 비교를 한다.
- 계속해서 자식노드와 비교를 통해 제자리를 찾아가면 된다.





- 자식 노드와 교환할 때 가장 높은 우선순위를 가지는 노드와 교환해야 한다.
- 아래 그림과 같이 2,6중 우선순위가 높은 2와 교환한다.
- 계속해서 7을 3,9와 비교하여 우선순위가 높은 3과 교환한다.





- 마지막으로 7과 20을 비교하여 7이 높으므로 비교를 중단 한다.
- 이런 방식으로 우선순위 큐를 힙으로 구현이 가능하게 된다.
- 배열(Array), 연결리스트(Linked list)의 단점이 보안된 완전이진트리를 힙정렬을 이용한 우선순위 큐를 구현한다.

