This is a note for the paper: Thomas N. Kipf, Max Welling, Semi-Supervised Classification with Graph Convolutional Networks (ICLR 2017)

paper and code have been published by the author

问题背景

问题的抽象描述:有一张无向图G(V,E),节点数N,边数E,每个节点各有一个特征向量 $x \in R^d$,x表示了某种属性,比如一个词的嵌入向量。现在已有图上一些节点的标签,希望对图上剩余的节点进行分类。

问题的一个实例:文献分类。每个节点代表一篇文献,如果两篇文献有引用关系(不管谁引用谁),则两个节点连一条边。现在已经对一部分文献进行了类别标注(每个类别都标注了一些),希望知道剩余文献的类别。每个节点的特征向量为文献的词向量,维度为词典大小,某一维为1则这个词在此文献中出现过。

图上的前向传播

- 一次前向传播(作者定义为卷积):
- 1、将特征向量经过一个线性变换 $X \to XW$,线性变换的参数是待定系数 $\in \mathbb{R}^{d \times d_1}$
- 2、对于一个节点,将其周围节点(包括自己)的特征向量加权求和,权重是拉普拉斯矩阵的元素(归一化的邻接矩阵),具体表达式为 $\frac{1}{\sqrt{d_id_j}}$,分母为当前节点和邻居节点的度的几何平均

3、将每个节点的特征向量通过激活函数,比如relu

一次前向传播后,每个节点特征向量的维度改变 d_1 。若干次变换后,维度变为K,K为分类的类别数量。然后将有标签的节点加入损失函数(比如 cross-entropy),然后反向传播更新参数。参数用均匀分布进行初始化。

从图傅里叶变换的角度理解

x为图上的一个信号,为N维向量(N为节点个数) $g*x pprox \sum_{i=1}^K heta_i T_i x*$ 表示卷积

这个式子是切比雪夫多项式近似的结果(待之后理解和更新)

采用一阶近似,且令 $heta_0 = - heta_1 = heta$ 时g*x = heta imes L imes x,L为拉普拉斯矩阵

 $X \in R^{N imes d}$ 看作d路信号 一个滤波器将d路信号变为一路信号,共F组滤波器 故输出为 $LX\Theta$ 其中 $\Theta \in R^{d imes F}$ 其中每一列为一组滤波器