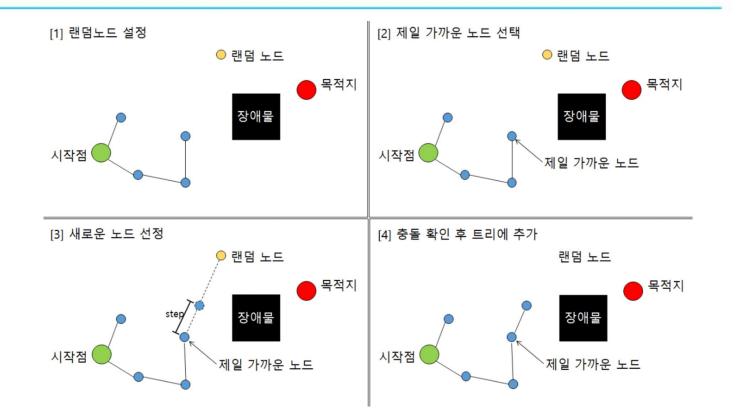
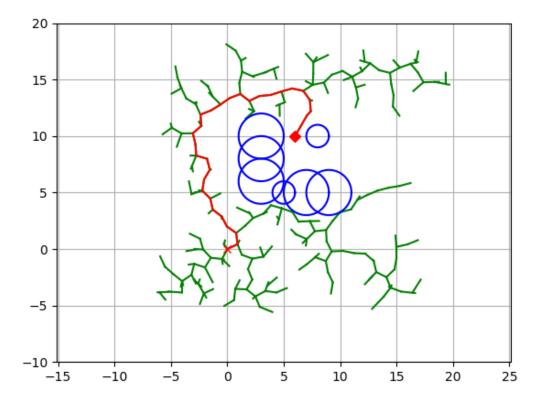
- RRT
  - Rapidly exploring random tree
    - 시작점에서 목표점까지 빠르게 도달하는 경로 생성
  - 알고리즘 순서

    - ① 랜덤 노드 생성 ② 랜덤 노드로부터 가장 가까운 노드 선택
    - ③ 랜덤노드로 향하는 방향(직선) 으로 step 만큼 늘려 새로운 노드 생성
    - ④ 장애물과의 충돌 체크 후 (Euclidean distance 기반) 새로운 노드로 트리에 추가
    - ⑤ 1~4 목적지에 도달할때까지 진행

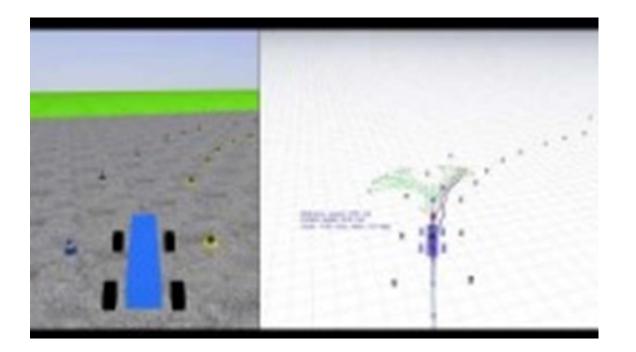




- RRT
  - Result
    - RRT 알고리즘을 이용한 예시 결과
    - Green line: 트리에 추가된 node, edge
    - Blue circle: 장애물
    - Red line: optimal path



- RRT
  - Example
    - Video: https://youtu.be/kjssdifs0DQ
    - Code: <a href="https://github.com/MaxMagazin/ma">https://github.com/MaxMagazin/ma</a> rrt path plan



### • RRT\*

- RRT 개선 Rewiring
  - RRT\* 는 RRT 와 다르게 트리내의 노드를 대체하여 cost 를 줄일 수 있는 경우 기존 노드를 대체하여 트리를 구성
  - 따라서 기존 RRT 보다 최적의 경로 생성 가능
- 알고리즘 순서
  - ① 랜덤 노드 생성
  - ② 랜덤 노드로부터 가장 가까운 노드 선택
  - ③ 랜덤노드로 향하는 방향으로 step 만큼 늘려 새로운 노드 생성
  - ④ 장애물과의 충돌 체크 후 (충돌이 없을 시) 새로운 노드로부터 가까운 노드들 선택 (특정 반경 내), (c) 가까운 노드들 중 lowest cost 를 가진 노드를 새로운 노드와 연결하며 새로운 노드의 부모 노드로 설정, (d) 가까운 노드들 중 새로운 노드를 부모 노드로 할 때 더 낮은 cost 를 갖는 노드가 있는지 탐색, (e) 있다면 트리 재구성 (rewiring) 진행, (f)
  - ⑤ 목적지에 도달할 때까지 ① ~ ④ 진행

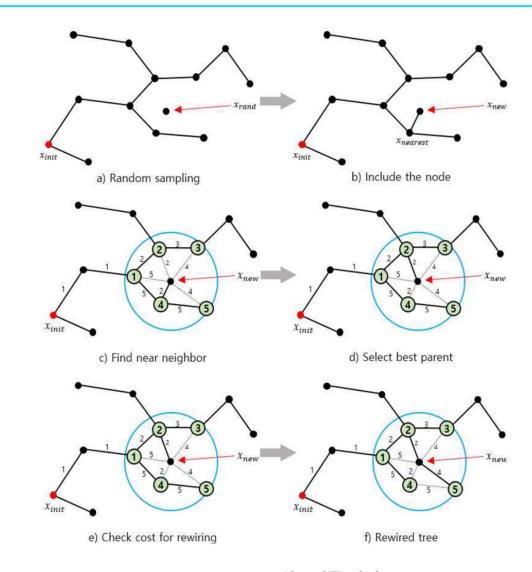
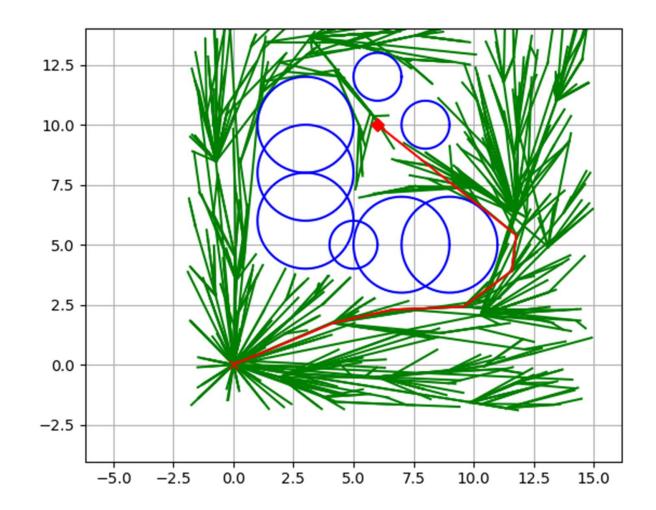


Figure 1. RRT\* 알고리즘 과정



- RRT\*
  - RRT\* result
    - Green line: 트리에 추가된 node, edge
    - Blue circle: 장애물
    - Red line: optimal path
    - 트리 재구성 파트를 통해 path 가 반듯하게 펴진 형태





- Connection method: Dubis path
  - Dubins path
    - 두점 (A, B) 가 주어졌을때, curvature constraint 를 고려하여 두점을 잇는 shortest curve 를 말함
    - Forward 방향으로만 이동 가능하며 right, straight, left 의 세 조합으로 구성
    - Optimal path 로 총 6 type 존재 (RSR, RSL, LSR, LSL, RLR, LRL)
    - Ref: https://en.wikipedia.org/wiki/Dubins\_path

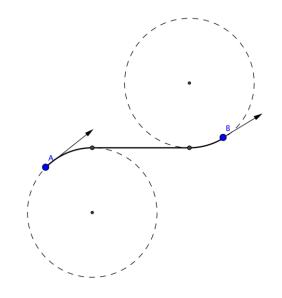


Figure 1. RSL Dubins path 예시

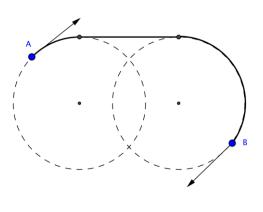


Figure 2. RSR Dubins path 예시

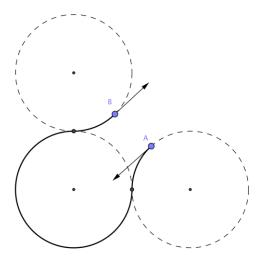
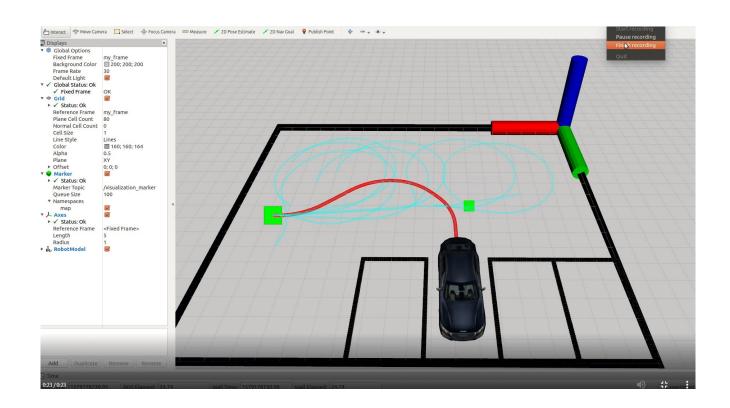


Figure 3. LRL Dubins path 예시



- RRT\* with Dubins path
  - Example
    - 전진 주차 시나리오
    - RRT\* 알고리즘에서 expansion 시 단순한 직선이 아니라 Dubins path 이용
    - 따라서 차량이 전진주행을 통해 tracking 가능한 경로가 생성됨



- Connection method: CCRS
  - Reeds-sheep path
    - 원과 직선의 조합으로 path 를 생성
    - Forward 와 reverse 방향 모두 가능
    - Optimal path 로 총 46 type 존재
    - 조합의 사이사이에서 차량이 정지한 후 조향각을 바꾸고 다시 이동해야 함 (curvature 가 연속적이지 않기 때문)
  - Continuous curvature reeds-sheep path
    - Fraichard et el. From Reeds and Shepp's to continuous-curvature paths. IEEE T-R. 논문 참조
    - Continuous 한 curvature 을 갖는 Reeds-Sheep path 생성
    - gear 변속이 없는 한 조향을 바꾸기 위해 차량을 멈춰야 할 필요가 없음 (curvature 가 연속적이기 때문)

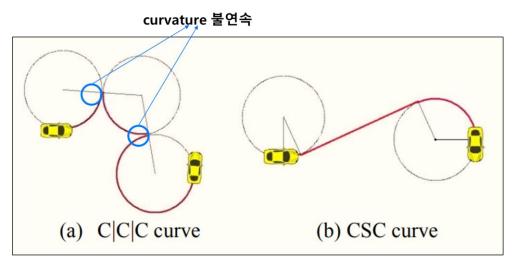


Figure 1. Reeds-Sheep path 예시

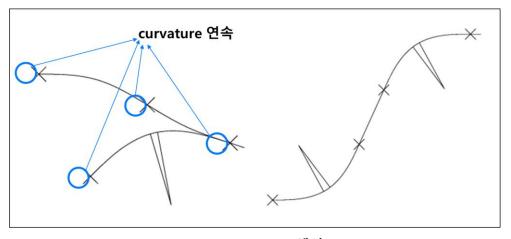
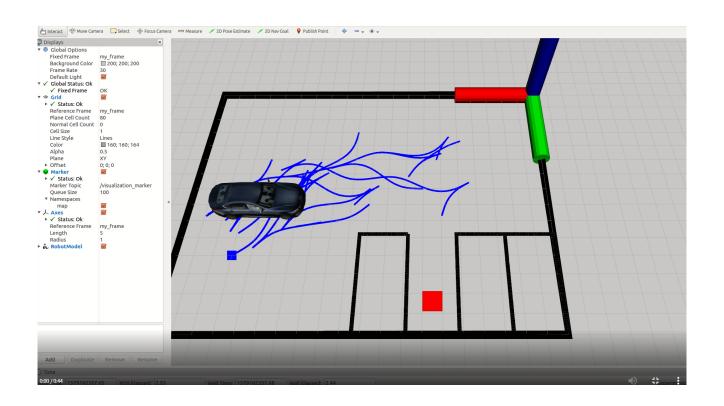


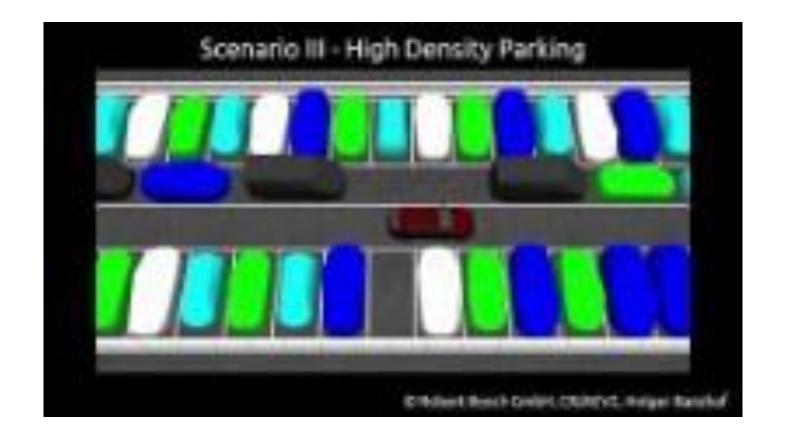
Figure 2. CC path 예시



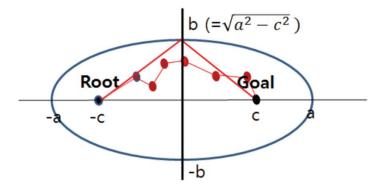
- RRT\* with CCRS
  - Example
    - 후진 주차 시나리오
    - RRT\* 알고리즘에서 expansion 시 단순한 직선이 아니라 CCRS path 이용
    - 따라서 차량이 전진/후진주행을 통해 tracking 가능한 경로가 생성됨



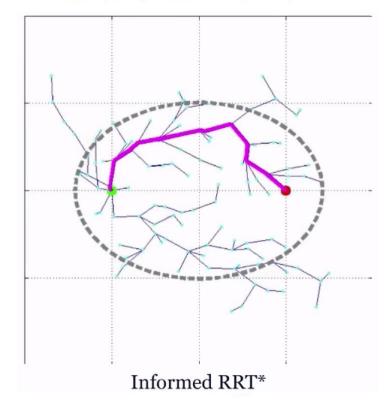
- RRT\* with CCRS
  - Example
    - Video: <a href="https://youtu.be/DLjeuGgDcTM">https://youtu.be/DLjeuGgDcTM</a>



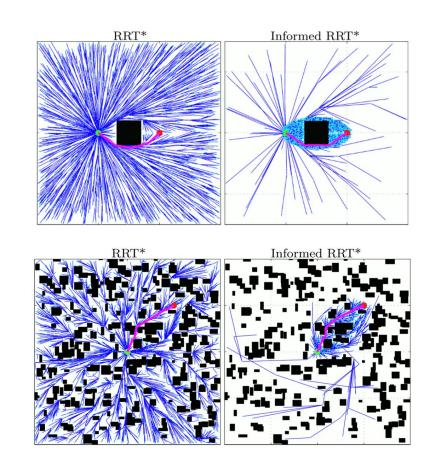
- Informed RRT\* Algorithm
  - 기존 RRT\*의 단점
    - Sampling의 효율성이 떨어짐
    - Large planning problem 에서 좋은 quality 의 solution 얻기 힘들어짐
  - Informed RRT\*로 단점 개선
    - Searching area 를 제한해서 planning 효율성을 높이는 방식
    - 타원 위의 한 점에서 두 초점을 잇는 직선 길이의 합이 장축의 길이와 동일하다는 타원의 성질 이용
    - ① 우선 start 에서 goal 로 도달하는 initial solution 을 구함
    - ② 얻은 solution의 경로 길이를 장축길이로 하며 start 과 goal 을 초점으로 하는 타원 생성 → 타원의 특성으로 인해 타원 밖 영역에는 worse candidate 만 존재
    - ③ 타원 내부에서 sampling 을 진행하며 solution 을 발전시켜나감

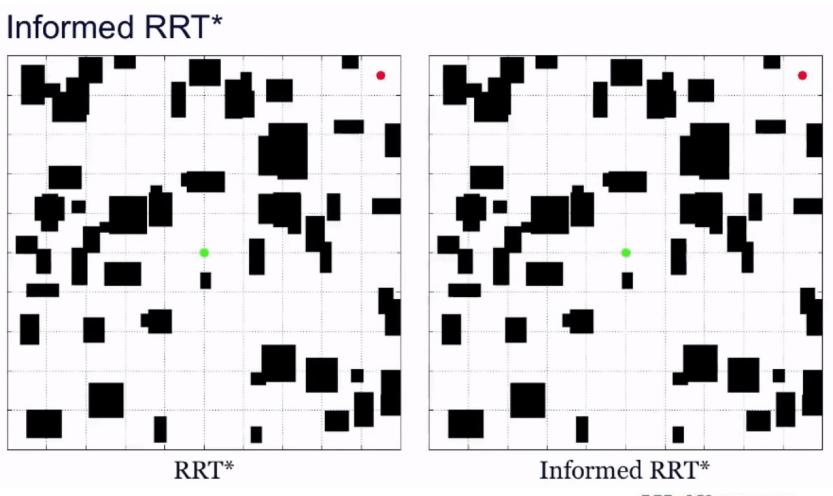


(장축길이 = 경로 길이 = 2a)



- Informed RRT\* Algorithm
  - Example





### NetworkX package

### Powerful tool for some applications using graph structure

- It provides classes for graphs which allow multiple edges between any pair of nodes

### Helpful guide for NetworkX

- <a href="https://networkx.org/documentation/stable/tutorial.html">https://networkx.org/documentation/stable/tutorial.html</a>

#### Create graph

```
>>> import networkx as nx
>>> G = nx.Graph()
```

#### Add nodes

```
>>> G.add_nodes_from([
... (4, {"color": "red"}),
... (5, {"color": "green"}),
... ])
```

### Add edge

```
>>> G.add_edge(1, 2)
>>> e = (2, 3)
>>> G.add_edge(*e) # unpack edge tuple*
```

#### **Contact**

Mailing list Issue tracker Source

#### Releases

Stable (notes)

2.5.1 — April 2021 download | doc | pdf

Latest (notes)

2.6 development github | doc | pdf

#### Archive

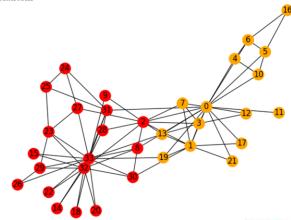


NetworkX is a Python package for the creation, manipulation, and study of the structure, dynamics, and functions of complex networks.



### Software for complex networks

- · Data structures for graphs, digraphs, and multigraphs
- · Many standard graph algorithms
- Network structure and analysis measures
- Generators for classic graphs, random graphs, and synthetic networks
- Nodes can be "anything" (e.g., text, images, XML records)
- Edges can hold arbitrary data (e.g., weights, time-series)
- Open source 3-clause BSD license
- Well tested with over 90% code coverage
- Additional benefits from Python include fast prototyping, easy to teach, and multiplatform







# Thank You

