

パターン情報学 プログラミングレポート課題

03-140299 東京大学機械情報工学科 3年 和田健太郎

2015年1月22日

1 課題1

課題1

2クラス(ω_1, ω_2)の識別問題を考える。データは2次元とする。配布するデータセットの説明を以下に示す。

- Train1.txt, Train2.txt: ω_1, ω_2 に属する訓練データ集合。各データ数 50。
- Test1.txt, Test2.txt: ω_1, ω_2 に属するテストデータ集合。各データ数 20。

2クラスで、2次元のデータに対するウィドロー・ホフのアルゴリズムを実装し、訓練データから分離超平面を学習せよ。また、テストデータの識別率(全テストデータ数に対する正しく識別されたテストデータ数の比率)を求めよ。さらに、訓練データ、テストデータ、学習された識別面を図示せよ。

ウィドロー・ホフのアルゴリズムを初期の重みはランダムとし、指定した回数だけ繰り返し重みの更新を行うように実装した。

2次元の訓練データ 100 件を用いて識別器の学習を行い、40 件のテストデータで性能を測定したところ、0.875 という結果が出た。

また、訓練データ、テストデータのそれぞれ 2 クラスと識別面を図示したものが図 1 である。

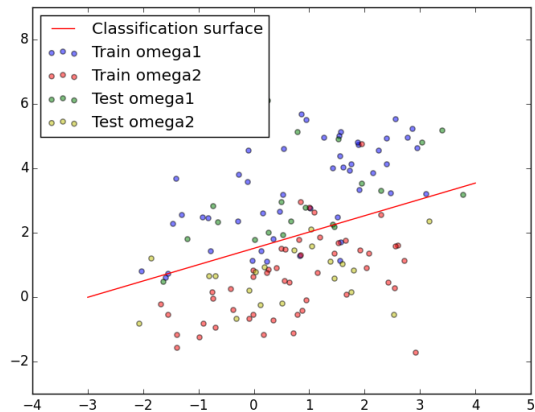


図 1: データおよび識別面

2 課題2

課題2

擬似逆行列を計算するプログラムを書き、課題1と同じ訓練データから分離超平面を学習せよ。また、テストデータの識別率を求めよ。クラスラベルについて、 ω_1 に属するものを 1, ω_2 に属するものを -1 などとせよ。さらに、学習された識別面を課題1と同じ図に示せ。

擬似逆行列を数値計算ライブラリである numpy を利用して実装した。

$$A^+ = (A^T \cdot A)^{-1} \cdot A^T$$

擬似逆行列を用いて訓練データに関して重みを計算し、テストデータによって識別性能を測定したところ、1 と同様に 0.875 という結果だった。

訓練データ、テストデータおよび識別面を図示したものが図 2 で、識別面の位置をウィドロー・ホフのアルゴリズムによるものと比べてみると、ほぼ同じ位置にあることがわかる。

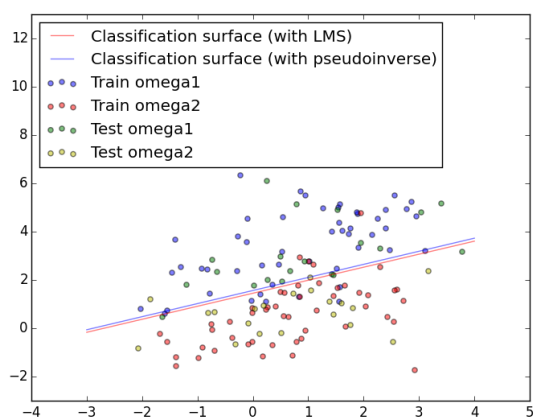


図 2: データおよび識別面

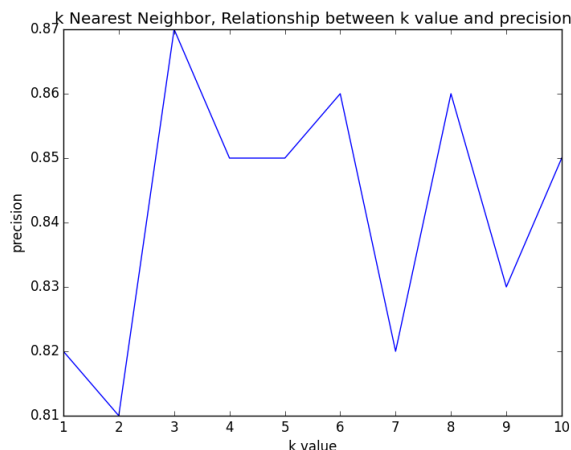


図 3: k 値と LOO 法による kNN の識別率の関係

3 課題 3

課題 3

本課題も課題 1 と同じデータセットを利用する。

1. テストデータの集合を k 近傍法 (kNN) を用いて識別することを考える。訓練データに対して一つ抜き出し, (LOO: leave-one-out) 法により k の値を 1 から 10 まで変化させ, 最適な k の値を求めよ。また, 横軸に k, 縦軸に識別率としてグラフを作成せよ。
2. LOO により得られた k の値を用いてテストデータを識別せよ。そして, 識別率を求めよ。

訓練データに対して LOO により識別を行い, k の値を 1 から 10 まで変化させて識別率を測定した。その関係を示したのが図 3 である。図 3 より, k が 3 の時に最も識別性能が高くなっていることがわかる。

4 課題 4

課題 4

表にあるデータを利用する。また潜在的な確率密度分布は正規分布であるとする。 $P(\omega_i)=1/3$ とする。表にあげた各クラスのデータセットは omega1.txt, omega2.txt, omega3.txt である。このとき次の問いに答えよ。

1. テスト点: $(1, 2, 1)^T$, $(5, 3, 2)^T$, $(0, 0, 0)^T$, $(1, 0, 0)^T$ と各クラスの平均との間のマハラノビス距離を求めよ。
2. これらの点を識別せよ。
3. 次に $P(\omega_1)=0.8$ かつ $P(\omega_2) = P(\omega_3)=0.1$ と仮定し, テスト点をもう一度識別せよ

テスト点: $(1, 2, 1)^T$, $(5, 3, 2)^T$, $(0, 0, 0)^T$, $(1, 0, 0)^T$ に関して, 各クラス集合の平均とのマハラノビス距離

$$M_D(x) = \sqrt{(x - \mu_i)^T \sum (x - \mu_i)} \quad (1)$$

を表 1 に計算した。

確率的生成モデルを用いて, これらのテスト点を識別したところ, 表 2 に示す識別結果となった。 ($P(\omega_i) = 1/3$)

$P(\omega_1) = 0.8$, $P(\omega_2) = P(\omega_3) = 0.1$ として識別を行ったところ表 3 に示す識別結果となり, 表 2 と同じ結果となった。

sample points	ω_1	ω_2	ω_3
$(1, 2, 1)^T$	21.275575	15.5762194	9.85157479
$(5, 3, 2)^T$	39.1226698	37.4144013	9.82164589
$(0, 0, 0)^T$	9.175011	4.78336417	23.4702917
$(1, 0, 0)^T$	12.0187365	9.85778568	20.7996021

表 1: テスト点の各クラス集合の平均とのマハラノビス
距離

$(1, 2, 1)^T$	$(5, 3, 2)^T$	$(0, 0, 0)^T$	$(1, 0, 0)^T$
ω_2	ω_2	ω_1	ω_1

表 2: $P\omega_i = 1/3$ での識別結果

$(1, 2, 1)^T$	$(5, 3, 2)^T$	$(0, 0, 0)^T$	$(1, 0, 0)^T$
ω_2	ω_2	ω_1	ω_1

表 3: $P\omega_1 = 0.8, P\omega_2 = P\omega_3 = 0.1$ での識別結果