# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

# Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет)

Институт компьютерных	наук и	прик	ладной	математики
Кафедра вычислительной	матема	тики 1	и прогр	аммирования

Журнал по ознакомительной практике

Студент: Филимонов Н. Н. Группа: M80-101Б-21

Оценка: Дата:

Подпись:

# **ИНСТРУКЦИЯ**

# о заполнении журнала по производственной практике

Журнал по производственной практике студентов имеет единую форму для всех видов практик.

Задание в журнал вписывается руководителем практики от института в первые три-пять дней пребывания студентов на практике в соответствии с тематикой, утверждённой на кафедре до начала практики. Журнал по производственной практике является основным документом для текущего и итогового контроля выполнения заданий, требований инструкции и программы практики.

Табель прохождения практики, задание, а также технический отчёт выполняются каждым студентом самостоятельно.

Журнал заполняется студентом непрерывно в процессе прохождения всей практики и регулярно представляется для просмотра руководителям практики. Все их замечания подлежат немедленному выполнению

В разделе "Табель прохождения практики" ежеднев- но должно быть указано, на каких рабочих местах и в качестве кого работал студент. Эти записи проверяются и заверяются цеховыми руководителями практики, в том числе мастерами и бригадирами. График прохождения практики заполняется в соответствии с графиком распределения студентов по рабочим местам практики, утверждённым руководителем предприятия. В разделе "Рационализаторские предложения" должно быть приведено содержание поданных в цехе рационализаторских предложений со всеми необходимыми расчётами и эскизами. Рационализаторские предложения подаются индивидуально и коллективно.

Выполнение студентом задания по общественно-политической практике заносятся в раздел "Общественно-политическая практика". Выполнение работы по оказанию практической помощи предприятию (участие в выполнении спецзаданий, работа сверхурочно и т.п.) заносятся в раздел журнала "Работа в помощь предприятию" с последующим письменным подтверждением записанной работы соответствующими цеховыми руководителями. Раздел "Технический отчёт по практике" должен быть заполнен

особо тщательно. Записи необходимо делать чернилами в сжатой, но вместе с тем чёткой и ясной форме и технически грамотно. Студент обязан ежедневно подробно излагать содержание работы, выполняемой за каждый день. Содержание этого раздела долж-но отвечать тем конкретным требованиям, которые предъявляются к техническому отчёту заданием и программой практики. Технический отчёт должен показать умение студента критически оценивать работу данного производственного участка и отразить, в какой степени студент способен применить теоретические знания для решения конкретных производственных задач.

Иллюстративный и другие материалы, использованные студентом в других разделах журнала, в техническом отчёте не должны повторяться, следует ограничиваться лишь ссылкой на него. Участие студентов в производственно-технической конференции, выступление с докладами, рационализаторские предложения и т.п. должны заноситься на свободные страницы журнала.

**Примечание.** Синьки, кальки и другие дополнения к журналу могут быть сделаны только с разрешения администрации предприятия и должны подшиватьсяв конце журнала.

Руководители практики от института обязаны следить за тем, чтобы каждый цеховой руководитель практики перед уходом студентов из данного цеха в другой цех вписывал в журнал студента отзывы об их работе в цехе.

Текущий контроль работы студентов осуществляется руководители практики от института и цеховыми руководителями практики заводов. Все замечания студентам руководители делают в письменном виде на страницах журнала, ставя при этом свою подпись и дату проверки.

Результаты защиты технического отчёта заносятся в протокол и одновременно заносятся в ведомость и зачётную книжку студента.

**Примечание.** Нумерация чистых страниц журнала проставляется каждым студентом в своём журнале до начала практики.

С инструкцией о заполнении журнала ознакомлены:

29 <u>июня</u> 2022 г.

Студент Филимонов Н.Н.

# **ЗАДАНИЕ**

Принять участие в учебно-тренировочных контестах по олимпиадному программирован дентов первого курса в течении 9 дней: посетить и проработать установочные лекци дорешивать конкурсные задания, принять участие в разборах контестов. Составить от журнала установленной формы и пройти процедуру защиты практики.  Объём практики 108 часов в течение 12 учебных дней.	ии, решать и
Руководитель практики от института:	
29 <u>июня</u> 2022 г	(подпись)

# табель прохождения практики

Nº	Дата	Наименование	Время	Место	Решено	Дорешано	Подпись
		работы или контеста	проведения	проведения	задач	задач	
1	29.06.2022	Организационное собрание.	10:30 - 19:30	МАИ			
		Выдача задания					
2	30.06.2022	Основы С++	9:00 - 18:00	Дистанционно	3	2	
3	01.07.2022	Библиотека С++	9:00 - 18:00	Дистанционно	0	2	
4	02.07.2022	Динамическое	9:00 - 18:00	Дистанционно	2	0	
		программирование					
		Префиксные суммы,					
5	04.07.2022	сортировка событий,	9:00 - 18:00	Дистанционно	0	1	
		два указателя					
6	05.07.2022	ДП, задача о рюкзаке	9:00 - 18:00	Дистанционно	0	2	
7	06.07.2022	Длинная арифметика	9:00 - 18:00	Дистанционно	0	0	
8	07.07.2022	Основы теории графов	9:00 - 18:00	Дистанционно	0	2	
9	08.07.2022	Кратчайшие пути во	9:00 - 18:00	Дистанционно	4	0	
		взвешенных графах					
10	09.07.2022	Алгоритмы на строках	9:00 - 18:00	Дистанционно	2	0	
11	11.07.2022	Оформление журнала с	9:00 - 18:00	Дистанционно			
		электронным приложением					
12	12.07.2022	Защита практики	11:00 - 20:00	МАИ			
		Итого часов	108				

# Отзывы цеховых руководителей практики

Принято	уча	астие в	з <i>8</i> контеста	ах, прослуш	іаны уст	ановочны	е л	екции и разбо	ры задач, реш	ено 11 и
дорешано	9	задач	контестов,	оформлен	журнал	практики	C	электронным	приложением.	Задание
практики	ВЬ	иполн€	ено. Рекоме	ндую оцені	ку					

Тренер Инютин М. А.	
• •	(полимсь)

# Работа в помощь предприятию

Встречи с представителями ИТ-компаний, сотрудничающих с МАИ.

# протокол

# защиты технического отчёта

по ознакомительной практике

студентом: Филимоновым Николаем Николаевичем

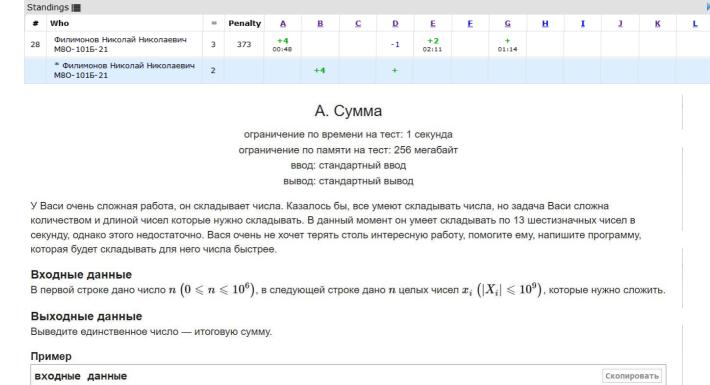
Слушали		Постановили	
Отчёт практиі	канта	Считать практику выполненной и защищённой на	
		Общая оценка:	
Председатель: Зайцев В. Е. Члены: Артемьев Д. И. Инютин М. А.			

Дата: 12 июля 2022 г.

# ТЕХНИЧЕСКИЙ ОТЧЁТ ПО ПРАКТИКЕ

# Первое соревнование: Основы С++





Решение: суммируем всё, убрам задержку ввода. Сложность O(n)

#### Код программы:

выходные данные

1 2 3

```
1. #include <iostream>
2. using namespace std;
3. int main(){
      ios::sync with stdio(false);
4.
5.
      cin.tie(0);
6.
       long long a, b, c, i;
7.
      b=0;
8.
      cin >> c;
9.
      for (i=0; i<c; i++) {
10.
        cin >> a;
11.
        b=b+a;
12.
13.
         cout << b << endl;</pre>
14. }
```

Скопировать

**Вывод:** Задача решена. Была ошибка "превышено ограничение времени на тесте 3", не учел задержку ввода и вышел за данный временной интервал.

# Е. В последний момент

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Авторы не успели придумать условие этой задачи, поэтому вместо условия здесь дырка от бублика.

#### Входные данные

Формат ввода описать тоже не успели.

#### Выходные данные

Как и формат вывода.

**Решение:** нужно найти количество дырок в вводимом числе. Читаем символ, считаем в нем количество дырок, прибавляем к счетчику. Сложность O(n)

#### Код программы:

```
1. #include <iostream>
2. using namespace std;
3. int main(){
4.
    ios::sync with stdio(false);
5.
      cin.tie(0);
      string str;
6.
7.
      cin >> str;
      long long a, k, l, s;
8.
      s=0;
9.
10.
       k=a;
       for (int i=0; i<str.size(); i++){</pre>
11.
            if (str[i]=='0' || str[i]=='4' || str[i]=='6' || str[i]=='9'){
12.
13.
                 s=s+1;
14.
15.
            if (str[i]=='8'){
16.
                 s=s+2;
17.
18.
        }
19.
        cout << s << endl;</pre>
20. }
```

# Второе соревнование: Библиотека С++

#### Фрагмент турнирной таблицы контеста

Sta	Standings <b>≣</b>														
#	Who	=	Penalty	A	<u>B</u>	<u>c</u>	<u>D</u>	<u>E</u>	E	<u>G</u>	<u>H</u>	Ī	<u> j</u>	<u>K</u>	<u>L</u>
	* Филимонов Николай Николаевич М80-1015-21	2		+1	+										

# А. Никогда не играйте с незнакомцами

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Фёдор очень любит гулять неподалёку от Патриарших прудов. Во время очередной прогулки к нему подошёл незнакомец и предложил сыграть в карты. Фёдор согласился, и незнакомец объяснил ему правила.

Игра происходит колодой из карт на каждой из которых написано некоторое число — сила карты, известно, что правильный набор карт включает в себя N карт с силами  $A, A+1, A+2, \ldots, A+N-1$ , где A выбирается произвольным образом. На каждом ходу атакующий игрок выбирает некоторый набор карт из своей руки и выкладывает их на стол, защищающийся игрок либо выкладывает некоторый набор карт с суммарной силой строго большей чем сила карт атакующего игрока и отбивает эту атаку, либо берёт атакующий набор карт себе. После этого игроки добирают из колоды случайные карты, таким образом чтобы в руке каждого стало не менее 10 карт. Если защищающийся отбил атаку, то игроки меняются ролями и начинается новый раунд, побеждает игрок у которого в руке не осталось карт.

Фёдор крайне азартен и, к сожалению, проиграл кучу денег. Но он не готов признавать свои ошибки, по какой-то странной причине его оппонент оставил игральную колоду Фёдору, и Фёдор решил проверить, а действительно ли колода является правильной колодой для этой игры или же незнакомец его обманул.

#### Входные данные

В первой строке вам дано число N ( $1\leqslant N\leqslant 10^5$ ) размер колоды. В следующей строке даны N чисел: силы карт в колоде  $c_i$  ( $1\leqslant c_i\leqslant 10^9$ ).

#### Выходные данные

Если колода является корректной колодой для игры выведите «Deck looks good» без кавычек, в противном случае выведите «Scammed» без кавычек.

**Решение:** Сортируем массив. Проходим по нему, проверяя, что каждый следующий элемент больше предыдущего на 1. Сложность O(n)

```
1. #include <iostream>
2. #include <vector>
3. #include <algorithm>
4. using namespace std;
5.
6. int main() {
7. ios::sync_with_stdio(false);
8.
      cin.tie(0);
9.
     int n;
     long long x;
10.
11.
       cin >> n;
12.
       vector<long long> deck;
13.
14.
        for (int i = 0; i < n; ++i) {
15.
            cin >> x;
16.
            deck.push back(x);
17.
        }
18
19.
        sort(deck.begin(), deck.end());
20.
```

#### В. Анаграммы

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Два слова называются анаграммами, если одно можно получить из другого путём перестановки букв. Например, «кот — ток» и «равновесие — своенравие» являются парами анаграмм, а «кот — кит» не являются анаграммами. У Пети есть большая коллекция различных слов, так как она очень разрослась и её уже тяжело просмотреть всю за один раз, он хочет её как-нибудь уменьшить. Он решил, что меньше всего его коллекция пострадает если он оставит такое подмножество слов, что среди них не будет анаграмм и при этом невозможно будет больше взять ни одного слова из изначальной коллекции так, чтобы предыдущее условие не нарушилось. Помогите ему определить новый размер коллекции, чтобы он мог решить стоит ли всё это затевать или от этого его коллекция уменьшится недостаточно.

#### Входные данные

В первой строке дано единственное число N ( $1\leqslant N\leqslant 2\cdot 10^5$ ) — количество слов в коллекции. В следующих N строках даны слова  $s_i$  ( $1\leqslant |s_i|\leqslant 20$ ) состоящие из маленьких латинских букв — изначальная коллекция Пети.

#### Выходные данные

Выведите единственное число — размер новой коллекции, которая останется у Пети, если он будет следовать своему плану.

**Решение:** создать множество. Читая из ввода по 1 слову, сортируем буквы в нём в лексикографическом порядке и вставляем во множество. Если слово является анаграммой уже внесённого во множество слово, то во множество не вносим. Сложность O(n)

```
1. #include <bits/stdc++.h>
2. using namespace std;
3.
4. bool isBigger(char a, char b) {
      return a - 'a' < b - 'a';
5.
6. }
7.
8. string lexGr(string str) {
9.
       short length = str.length();
        for (int i = 0; i < length; ++i) {
10.
11.
             for (int j = 0; j < length - 1; ++j) {
12.
                 if (!isBigger(str[j], str[j + 1])) {
13.
                     swap(str[j], str[j + 1]);
14.
15.
16.
        }
17.
        return str;
18. }
19.
20.
21. int main() {
```

```
22.
        ios::sync with stdio(false);
23.
        cin.tie(0);
24.
25.
      long n, counter = 0;
string word;
26.
27.
       set<string> book;
28.
      cin >> n;
29.
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
30.
31.
           cin >> word;
32.
           string newWord = lexGr(word);
33.
           if (book.find(newWord) == book.end()) {
34.
                book.insert(newWord);
35.
                counter++;
           }
36.
37.
       }
38.
       cout << counter << endl;</pre>
39.
40.
        return 0;
41. }
```

# Третье соревнование: Динамическое программирование

Фрагмент турнирной таблицы контеста

Stan	Standings <b>≡</b>														
#	Who	=	Penalty	A	<u>B</u>	<u>C</u>	<u>D</u>	E	E	<u>G</u>	<u>H</u>	I	<u> 1</u>	<u>K</u>	L
28	Филимонов Николай Николаевич M8O-1015-21	2	555	+ 03:58		+1 04:57									

# А. Кузнечик

ограничение по времени на тест: 2 секунды ограничение по памяти на тест: 64 мегабайта ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Кузнечик Пётр живёт на числовой прямой и ему нужно попасть из точки 0 в точку n, он может прыгать только в сторону увеличения координат не более чем на k шагов, то есть первый прыжок он может осуществить только в точки 1, 2, ..., k. Помогите ему определить сколькими путями он сможет это сделать, так как ответ может быть очень большой выведите его по модулю  $10^9 + 7$ .

# Входные данные

В единственной строке вам даны два числа n и k ( $1 \le n, k \le 2 \cdot 10^4$ ) — пункт назначения и максимальная длина прыжка кузнечика.

#### Выходные данные

Выведите единственное число — ответ на задачу.

**Решение:** создаём вектор, в первую ячейку которого ставим число 1, а далее, в каждую последующую ячейку ставим сумму чисел, стоящих в k предыдущих ячейках. Сложность O(n\*k)

```
    #include <iostream>
    #include <vector>
    using namespace std;
    d.
```

```
7. int main() {
8. ios::sync_with_stdio(false);
9. cin.tie(0);
10. int n, k;
11. cin >> n >> k;
12. vector<long long> v(n + 1);
13. v[0] = 1;
14. for (int i = 1; i <= n; i++) {
15. for (int j = 1; j <= min(i, k); j++) {
16. v[i] = (v[i] + v[i - j]) % 1000000007;
17. }
18. }
19. cout << v[n];
20. return 0;
21. }</pre>
```

# Четвертое соревнование: Префиксные суммы, сортировкасобытий, два указателя

## Фрагмент турнирной таблицы контеста

Standings <b>Ⅲ</b>															
#	Who	=	Penalty	<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>	<u>D</u>	<u>E</u>	E	<u>G</u>	<u>H</u>	Ī	<u>J</u>	<u>K</u>	L
	* Филимонов Николай Николаевич М80-101Б-21	1		+											

# А. Суммы подотрезков

ограничение по времени на тест: 2 секунды ограничение по памяти на тест: 64 мегабайта ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Для заданного массива ответьте на запросы суммы на подотрезке массива.

#### Входные данные

В первой строке дано единственное число N ( $1 \le N \le 2 \cdot 10^5$ ) — количество элементов в массиве. В следующей строке даны N чисел разделённых пробелом  $a_i$  ( $|a_i| \le 10^9$ ) — элементы входного массива. В следующей строке дано число Q ( $1 \le Q \le 2 \cdot 10^5$ ) — количество запросов к вашей программе. В следующих Q строках заданы сами запросы в виде пар чисел разделённых пробелом  $l_i$  и  $r_i$  ( $1 \le l_i \le r_i \le n$ ) — левая и правая граница запроса соответственно.

#### Выходные данные

Выведите О чисел — ответы на запросы.

#### Решение:

создаём вектор, в который записываем все числа из ввода. Создаём ещё один вектор, в котором в каждую ячейку an[i] записываем сумму чисел записанных в v[i-1] и s[i-1]. В результате в векторе an в каждой ячейке s[i] будет записана сумма чисел отначала вектора v до v[i-1]. Когда нужно будет найти сумму чисел на подотрезке вектораа, можно будет просто вычесть из числа в s[r], число an[l-1]. Где r – индекс правой границы подотрезка, а l – левой. Сложность O(n)

#### Код программы:

1. #include <iostream>

```
2. #include <vector>
3. using namespace std;
4. int main()
5. {
     ios::sync with stdio(false);
6.
     cin.tie(0);
7.
8.
9.
    int n, q, l, r;
10.
      cin >> n;
11.
      vector<long long> v(n+1);
12.
      for (int i = 0; i < n; i++)
13.
14.
         cin >> v[i];
15.
      }
16.
      vector<long long> s(n + 1);
17.
      s[0] = 0;
      for (int i = 1; i < n + 1; i++)
18.
19.
         s[i] = s[i - 1] + v[i - 1];
20.
21.
      cin >> q;
22.
23.
      for (int i = 0; i < q; i++)
24.
25.
        cin >> 1 >> r;
         cout << s[r] - s[l-1] << endl;
26.
27.
28. }
```

# Пятое соревнование: ДП, задача о рюкзаке

## Фрагмент турнирной таблицы контеста



#### А. Старинный шифр

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Рассматривая шифровки, полученные от русской пианистки и шведского профессора, Мюллер вдруг вспомнил, как он с двумя стариками, Рафке и Хилли, распутывал в двадцатые годы одно дело. Там тоже была весьма сложная шифровка, которая пересылалась в двух различных экземплярах. Содержимое каждого экземпляра по отдельности не предоставляло интереса, однако вместе эти шифровки обозначали конкретную информацию о канале, через который связывались заговорщики НСДАП. Чтобы получить ее, нужно было выделить в обеих шифровках некоторую одинаковую последовательность (которая могла разделяться любым количеством любых символов, как внутри одной части шифровки, так и внутри другой) и вычислить ее длину. При этом заговорщики были настолько хитры, что считали только максимальную длину всех возможных последовательностей, совпадающих в шифровках. Тогда Мюллер разгадал шифр. Сейчас годы брали свое — он видел два листа, в которых, очевидно, было зашифрованно одно и то же сообщение, но расшифровать его не мог.

Вашей задачей будет не разгадать хитроумный код полковника Исаева, а попытаться расшифровать код заговорщиков НСДАП, так легко раскрытый Мюллером.

#### Входные данные

В двух строках даны соответственно первая и вторая шифровки, перехваченные у НСДАП. Обе шифровки состоят из латинских букв в верхнем регистре. Длина обеих шифровок не превосходит 500.

### Выходные данные

В единственной строке вывода должна содержаться максимальная длина совпадающей подпоследовательности символов в двух шифровках.

Решение: создаём двумерный вектор, размерами (n+1) х (m+1), где n – длина первой строки, а m – второй. Запускаем 2 цикла, один из которых вложен в другой, с итераторами i и j, идущими от 1 до n+1 и m+1 соответственно, и заполняем двумерный вектор таким образом, что в ячейку, на которой мы в данный момент находимся, вносится максимум из 2 чисел, стоящих либо в ячейке слева, либо в ячейке сверху. В данном векторе в любой ячейке с индексом [i][j] будут стоять числа, показывающие, какова длина максимальной совпавшей последовательности букв в двух частях слов, где первая часть, это часть первого слова от 1 буквы до i-ой буквы, а вторая часть, это часть второго слова от 1 до j-ой буквы. Сложность O(n\*m)

### Код программы:

```
1. #include <bits/stdc++.h>
3.
4. using namespace std;
6. using pii = pair<int, int>;
8.
9. int main() {
10.
       ios::sync with stdio(false);
11.
        cin.tie(0);
12.
13.
        string first, second;
14.
       cin >> first >> second;
15.
        long long n = first.size(), m = second.size();
16.
        vector<vector<long long>> dp(m + 1, vector<long long>(n + 1, 0));
17.
18.
        for (int i = 1; i <= m; ++i) {
            for (int j = 1; j \le n; ++j) {
19.
                 if (first[j-1] == second[i-1]) {
20.
                    dp[i][j] = 1 + dp[i - 1][j - 1];
21.
22.
                 }
23.
                 else {
24.
                     dp[i][j] = max(dp[i - 1][j], dp[i][j - 1]);
25.
26.
            }
27.
28.
         /*for (int i = 0; i < m + 1; ++i) {
29.
            cout << endl;
            for (int j = 0; j < n + 1; ++j) {
30.
                cout << dp[i][j] << ' ';
31.
32.
            }
        } */
33.
34.
        cout << dp[m][n] << endl;</pre>
35.
36.
        return 0;
37. }
```

# Седьмое соревнование: Основы теории графов

### Фрагмент турнирной таблицы контеста



### А. Поиск в глубину

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 64 мегабайта ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Вам дан простой неориентированный граф, выведите для каждой вершины её номер в порядке обхода в глубину. Рёбра, исходящие из вершины, следует перебирать в порядке, в котором они заданы во входном файле.

#### Входные данные

В первой строке даны n, m и  $k(1 \le k \le n \le 100000, 0 \le m \le \min(\frac{n(n-1)}{2}, 300000))$ — количество вершин и рёбер в графе и номер вершины, с которой следует начинать обход, соответственно. Далее в m строках описаны рёбра графа в виде пар соединяемых ими вершин.

#### Выходные данные

Выведите n чисел — номера вершин в порядке обхода в глубину от заданной вершины, если добраться из какой-либо вершины до заданной невозможно, то вместо номера выведите - 1.

**Решение:** строим матрицу смежности, потом вызываем функцию поиска в глубину dfs и запускаем счетчик, который инкрементируется каждый раз, когда функция dfs вызвана в вершине, в которой мы ещё не были. В каждой такой вершине вносим нынешнее значение счетчика. После полного прохода в глубину, выводим массив when. Сложность O(n+m)

```
1. #include <bits/stdc++.h>
2.
3. using namespace std;
4 .
5. using pii = pair<int, int>;
6. using graph = vector<vector<int>>;
7.
8. void dfs(int u, const graph & g, vector<bool> & visited, int & counter, vector<int>
   & when) {
9.
      if (visited[u]) {
10.
            return;
11.
        }
12.
        when[u] = counter;
13.
        counter++;
14.
        visited[u] = true;
15.
        for (int v : g[u]) {
16.
            //cout << v << ' ';
17.
            dfs(v, g, visited, counter, when);
18.
19. }
20.
21. int main() {
22.
        ios::sync with stdio(false);
23.
        cin.tie(0);
24.
25.
        int n, m, k;
        cin >> n >> m >> k;
26.
```

```
27.
      graph g(n);
28.
        for (int i = 0; i < m; ++i) {
29.
         int u, v;
30.
          cin >> u >> v;
31.
           --u;
32.
           --v;
33.
           g[u].push back(v);
34.
           g[v].push back(u);
       }
35.
     vector<bool> visited(n + 1);
36.
37.
      vector<int> when (n + 1, -10);
38.
      int counter = 0;
39.
      dfs(--k, g, visited, counter, when);
40.
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
41.
           if (visited[i]) {
               cout << when[i] << ' ';
42.
43.
44.
           else {
               cout << -1 << ' ';
45.
46.
47.
       }
48.
       return 0;
49. }
```

#### В. Поиск в ширину

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Вам дан простой неориентированный граф, найдите в нём длины кратчайших путей от всех вершин до заданной.

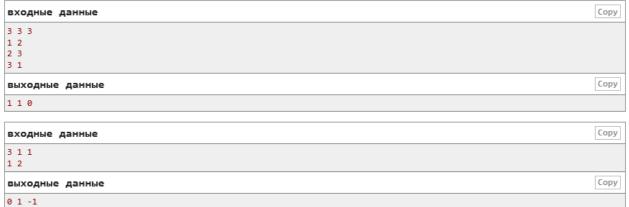
#### Входные данные

В первой строке даны n, m и k  $\left(1 \le k \le n \le 100000, 0 \le m \le \min\left(\frac{n(n-1)}{2}, 300000\right)\right)$  — количество вершин и рёбер в графе, и номер вершины, расстояния до которой нужно найти, соответственно. Далее в m строках описаны рёбра графа в виде пар соединяемых ими вершин.

#### Выходные данные

Выведите n чисел — расстояния от каждой вершины до заданной вершины, если добраться из какой-либо вершины до заданной невозможно, то вместо расстояния выведите -1.

#### Примеры



**Решение:** строим матрицу смежности, вызываем функцию поиска в ширину, в зависимости от условия выводим либо длину пути, либо -1 при отсутствии пути. Сложность O(n+m)

```
1. #include <bits/stdc++.h>
3. using namespace std;
4. using pii = pair<int, int>;
6. const long long int INF = 1e15;
8. void bfs(int start, vector<vector<int>> &g, vector<long long int> &d, vector<int>
(q&
9. {
10.
              d[start] = 0;
11.
              queue<int> q;
12.
              q.push(start);
              while (!q.empty())
13.
14.
                   int u = q.front();
15.
16.
                   q.pop();
17.
                   for (int v : g[u])
18.
19.
                       if (d[v] == INF)
20.
21.
                           d[v] = d[u] + 1;
22.
                           p[v] = u;
23.
                           q.push(v);
24.
                       }
25.
                   }
26.
               }
27.
          }
28.
29.
          int main()
30.
31.
               ios::sync with stdio(false);
32.
              cin.tie(0);
33.
34.
              int n, m, vertex;
35.
               cin >> n >> m >> vertex;
36.
              vector<vector<int>> g(n);
37.
              vertex--;
38.
               for (int i = 0; i < m; i++)
39.
40.
                   int u, v;
41.
                   cin >> u >> v;
42.
                   u--;
43.
                   v--;
44.
                   g[u].push back(v);
45.
                   g[v].push back(u);
46.
47.
              int start = vertex - 1;
48.
              vector<long long int> d(n, INF);
49.
              vector<int> p(n, -1);
50.
              bfs(vertex, g, d, p);
51.
              for (int i = 0; i < n; i++)
52.
53.
                   if (d[i] == INF)
54.
55.
                       cout << -1 << " ";
56.
                   }
57.
                   else
58.
59.
                       cout << d[i] << " ";
60.
61.
               }
62.
               return 0;
```

# Восьмое соревнование: Кратчайшие пути во взвешенных графах

Фрагмент турнирной таблицы контеста

Stan	dings <b>≣</b>										<b>▶</b>
#	Who	=	Penalty	<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>	<u>D</u>	<u>E</u>	E	<u>G</u>	<u>H</u>
14	Филимонов Николай Николаевич М8О-1015-21	4	908	+ 01:33	+ 03:49	+ 04:52	+ 04:54				

# А. Алгоритм Форда — Беллмана

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Задан неориентированный взвешенный граф, вершины которого пронумерованы от 1 до n. Ваша задача найти длины кратчайших путей от заданной вершины до всех остальных.

#### Входные данные

В первой строке вам дано числа n,m и s  $(1 \le n,m \le 10^4,1 \le s \le n)$  — количество вершин в графе, количество рёбер в графе, стартовая вершина. В следующих m строках вам даны рёбра в виде троек чисел u,v,w  $(1 \le u,v \le n,|w| \le 10^5)$  — пара вершин соединяемых ребром и его длина.

#### Выходные данные

Выведите n чисел  $d_i$  — длины кратчайших путей из заданной стартовой вершины до вершины i. Если пути до i не существует, выведите -1.

Если граф содержит отрицательный цикл, выведите «Negative cycle» без кавычек.



**Решение:** Реализуем алгоритм Форда-Беллмана, создавая двумерный массив. Сложность  $O(n^*m)$ 

```
1. #include <bits/stdc++.h>
2.
3. using namespace std;
4.
5. using pii = pair<int, int>;
6. const int64_t INF = 1e18;
7. struct wedge {
8. int u, v;
9. int64_t w;
10. };
11.
12.
13. int main()
```

```
14. {
15.
           ios::sync with stdio(false);
16.
           cin.tie(0);
17.
18.
           int n, m, start;
19.
           cin >> n >> m >> start;
20.
21.
           vector<wedge> g;
22.
           for (int i = 0; i < m; i++) {
23.
24.
                    int u, v;
25.
                    int64 t w;
26.
                    cin >> u >> v >> w;
27.
                    --v;
28.
                    --u;
29.
                    g.push back({ u,v,w });
30.
                    g.push back({ v,u,w });
31.
            }
32.
           start--;
33.
34.
35.
           vector<int64 t> d(n, INF);
36.
           d[start] = 0;
37.
            bool flag = false;
38.
            for (int i = 0; i < n; i++)
39.
40.
                    flag = false;
41.
                    for (wedge elem : g) {
42.
                            int u = elem.u;
43.
                            int v = elem.v;
44.
                            int64 t w = elem.w;
45.
                            if (d[u] + w < d[v]) {
                                    flag = true;
46.
47.
                                    d[v] = d[u] + w;
48.
                            }
49.
50.
                    if (!flag) {
51.
                            break;
52.
                    }
53.
54.
55.
            if (flag) {
56.
                    cout << "Negative cycle";</pre>
57.
58.
            }
59.
            else {
60.
                    for (int64 t elem : d)
61.
                            if (elem == INF) cout << "-1" << " ";
62.
63.
                            else cout << elem << ' ';</pre>
64.
                    }
                    cout << "\n";
65.
66.
            }
67.
68. }
```

# В. Алгоритм Флойда — Уоршелла

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Задан неориентированный взвешенный граф, вершины которого пронумерованы от  $\mathbf{1}$  до  $\mathbf{n}$ . Ваша задача найти длины кратчайших путей между всеми парами вершин.

#### Входные данные

В первой строке вам дано число n ( $1 \le n \le 500$ ) — количество вершин в графе. В следующих n строках вам даны по n чисел  $a_{ij}$  ( $0 \le a_{ij} \le 10^9$ ,  $a_{ii} = 0$ ) — длины рёбер из i-й вершины в j-ю.

#### Выходные данные

Выведите n строк по n чисел  $d_{ij}$  — длины кратчайших путей из вершины i в вершину j.

#### Примеры



**Решение:** Реализуем алгоритм Флойда-Уоршелла, выводим двумерный массив, который представляет таблицу наименьших путей между вершинами графа. Сложность (n\*n)

```
1. #include <bits/stdc++.h>
3. using namespace std;
4.
5. using pi = pair<int, int>;
6.
7. const int64 t INF = 1e18;
8.
9. int main(){
10. ios::sync with stdio(false);
11.
        cin.tie(0);
12.
        int n, m;
13.
        cin >> n;
        vector< vector<int64 t> > d(n+1, vector < int64 t > (n+1, INF));
14.
        for (int i = 0; i < n; ++i) {
15.
            for (int j = 0; j < n; ++j) {
16.
17.
            int u, v;
18.
            int64 t w;
             cin >> w;
19.
            d[i][j]=w;
20.
```

```
21. }
22.
23.
        for (int k = 0; k < n; ++k) {
24.
         for (int u = 0; u < n; ++u) {
25.
               for (int v = 0; v < n; ++v) {
26.
                   d[u][v]=min(d[u][v],d[u][k] + d[k][v]);
27.
28.
       }
29.
30.
       for (int u = 0; u < n; ++u) {
31.
           for (int v = 0; v < n; ++v) {
32.
               cout << d[u][v] << ' ';
33.
           cout << endl;
34.
35.
       }
36.
37. }
```

## Контест С++ [Кратчайшие пути во взвешенных графах] (08.07.2022)

## С. Алгоритм Дейкстры

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Задан неориентированный взвешенный граф, вершины которого пронумерованы от 1 до n. Ваша задача найти длины кратчайших путей от заданной вершины до всех остальных.

#### Входные данные

В первой строке вам дано числа n,m и s  $(1 \le n \le 10^4, 1 \le m \le 5 \cdot 10^5, 1 \le s \le n)$  — количество вершин в графе, количество рёбер в графе, стартовая вершина. В следующих m строках вам даны рёбра в виде троек чисел u,v,w  $(1 \le u,v \le n,0 \le w \le 10^5)$  — пара вершин соединяемых ребром и его длина.

#### Выходные данные

Выведите n чисел  $d_i$  — длины кратчайших путей из заданной стартовой вершины до вершины i. Если пути до i не существует, выведите -1.

#### Решение:

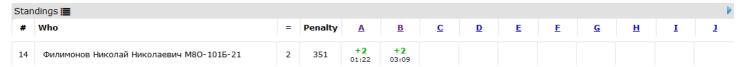
По входным данным мы строим список смежности и после запускаем поиск в ширину (BFS) из стартовой вершины. Так как граф взвешенный, расстоянием до вершины будем считать совокупный вес рёбер на пути к ней от стартовой вершины. Находясь в какой-либо вершине, мы проверяем, куда мы можем попасть из неё. Если сопряжённая вершина не посещена, то мы добавляем её в план. А если она уже посещена, мы проверяем, будет ли путь через вершину в которой мы находимся, короче того пути, которым мы добирались до этой сопряжённой вершины ранее. Если это так, то мы просто заменяем значение в счётчике пути для сопряжённой вершины и добавляем её в план, ведь если путь до неё стал короче, то и путь «через» неё тоже. После того, как мы нашли наикратчайшие пути до всех достижимых вершин, мы проверяем достигли ли мы всех из списка победителей и находим расстояние до самого дальнего из них, выводим в зависимости от результата.э Сложность O(n\*n)

```
1. #include <bits/stdc++.h>
2.
3. using namespace std;
4.
5. struct wedge {
6.
     int u, v;
7.
      int64 t w;
8. };
9.
10. using pii = pair<int, int>;
11. using item = pair<int64 t, int>;
12. using wgraph = vector<vector<wedge>>;
13.
14. const int64 t INF = 1e18;
15.
16. vector<int64 t> deikstra(int start, const wgraph & g) {
17.
    int n = g.size();
        vector<int64 t> d(n, INF);
18.
19.
        vector<bool> visited(n);
20.
    set<item> s;
```

```
21. d[start] = 0;
22.
        for (int i = 0; i < n; ++i) {
23.
            s.insert({ d[i], i });
24.
25.
        while (!s.empty()) {
26.
          int u = s.begin()->second;
27.
           s.erase(s.begin());
28.
           if (visited[u]) {
29.
                continue;
30.
            }
31.
           visited[u] = true;
           for (wedge elem : g[u]) {
32.
33.
                int v = elem.v;
34.
                int64 t w = elem.w;
35.
                if (d[u] + w < d[v]) {
                    s.erase({ d[v], v });
36.
                    d[v] = d[u] + w;
37.
38.
                    s.insert({ d[v], v });
39.
40.
41.
        }
42.
       return d;
43. }
44.
45.
46.
47. int main() {
48.
        ios::sync_with_stdio(false);
49.
        cin.tie(0);
50.
        int n, m, start;
51.
        cin >> n >> m >> start;
52.
        --start;
53.
        wgraph g(n);
54.
        for (int i = 0; i < m; ++i) {
55.
            int64 t w;
56.
            int u, v;
57.
            cin >> u >> v >> w;
58.
            --u;
59.
            --v;
60.
            g[u].push back({ u, v, w });
61.
            g[v].push back({ v, u, w });
62.
        }
63.
64.
        vector<int64_t> d = deikstra(start, g);
65.
        for (int64_t el : d) {
66.
            if (el == INF) {
67.
                cout << -1 << " ";
68.
            }
69.
            else {
70.
                cout << el << " ";
71.
72.
        }
73.
        cout << endl;</pre>
74.
        return 0;
75. }
```

# Девятое соревнование: Алгоритмы на строках

# Фрагмент турнирной таблицы контеста



# А. Z-функция

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Выведите z-функцию для заданной строки.

#### Входные данные

В первой строке дана строка S  $\left(1 \leq |S| \leq 10^5 \right)$  состоящая из маленьких латинских букв.

#### Выходные данные

В единственной строке выведите |S| чисел через пробел — значения z — функции для заданной строки.

#### Решение:

Вводим строку. Посимвольно обрабатываем ее по формуле, записываем полученные значения в т. Выводим раз за разом полученные числа.

Сложность O(n) n – длина строки S

# Код программы:

```
1. #include <bits/stdc++.h>
2.
3.
4. using namespace std;
5.
6. int main() {
7.
    string s;
8.
      cin >> s;
    int n = (int) s.length();
9.
10.
             vector<int> z (n);
            cout << n << " ";
11.
             for (int i=1, l=0, r=0; i<n; ++i) {
12.
                     if (i \le r) \{
13.
14.
                             z[i] = min (r-i+1, z[i-1]);
15.
16.
                     while (i+z[i] < n \&\& s[z[i]] == s[i+z[i]])
17.
                             ++z[i];
18.
                     if (i+z[i]-1 > r) {
19.
                             1 = i, r = i+z[i]-1;
20.
                     cout << z[i] << " ";
21.
22.
23.
24. }
25.
```