

2015 Septiembre

$f(x, \Delta x)$ J. VIVIANA MOLANO

LIBARDO PANTOJA Y.

Departamento de Sistemas

Universidad del Cauca

LIBRO

ESTRUCTURAS DE DATOS DINAMICAS

Una manera fácil de aprender



Editorial Unicauca

Departamento de Sistemas, Universidad del Cauca

J. Viviana Mora., W Libardo Pantoja Y.

Estructuras de Datos

Estructuras de Datos Dinámicas

Una forma fácil de aprender



Revista digital

Matemática, Educación e Internet. (<http://www.tec-digital.itcr.ac.cr/revistamatematica/>).

Copyright© Universidad del Cauca (www.unicauca.edu.co).
Correo Electrónico: editorial@unicauca.edu.co
Departamento de Sistemas
Facultad de Ingeniería Electrónica y Telecomunicaciones
Apdo. 159-7050, Popayán
Teléfono (057)8209800
Fax (058)8209900

Mora, Viviana.
Estructuras de Datos Dinámicas
W. Libardo Pantoja Yépez
– Departamento de Sistemas, FIET, Universidad del Cauca. 2015.
xxx p.
ISBN 978-9977-66-227-5
1. Estructuras. 2. de Datos 3. Dinámicas.

Licencia.

Revista digital

Matemática, Educación e Internet.

<http://www.tec-digital.itcr.ac.cr/revistamatematica/>.



Este libro se distribuye bajo la licencia Creative Commons: Atribución-NoComercial-SinDerivadas CC BY-NC-ND (la “Licencia”). Usted puede utilizar este archivo de conformidad con la Licencia. Usted puede obtener una copia de la Licencia en <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/3.0/>. En particular, esta licencia permite copiado y distribución gratuita, pero no permite venta ni modificaciones de este material.

Límite de responsabilidad y exención de garantía: El autor o los autores han hecho su mejor esfuerzo en la preparación de este material. Esta edición se proporciona “tal cual”. Se distribuye gratuitamente con la esperanza de que sea útil, pero sin ninguna garantía expresa o implícita respecto a la exactitud o completitud del contenido.

La Revista digital Matemáticas, Educación e Internet es una publicación electrónica. El material publicado en ella expresa la opinión de sus autores y no necesariamente la opinión de la revista ni la del Instituto Tecnológico de Costa Rica.

ÍNDICE GENERAL

PRÓLOGO

VII

1

CAPÍTULO 1: INTRODUCCIÓN A LAS ESTRUCTURAS DE DATOS

1

- 1.1 Prueba de entornos
- Tablas

1
2

2

CAPÍTULO 2. XXXXXXXX

3

- 2.1 Introduccion
- Ejemplo codigo fuente Java

3
3

3

CAPÍTULO 3. XXXXXXXX

5

- 3.1 Introduccion

5

4

PILAS

7

- 4.1 Definición de Pila
- 4.2 El TAD Pila
- 4.3 Implementación del TAD en Java

7
7
8

5

ARBOLES BINARIOS

13

- 5.1 Conceptos generales
- 5.2 Tipos de arboles
 - Arboles binarios
 - Arboles AVL

13
13
13
13

Prólogo

Este texto cubre aspectos básicos e intermedios sobre ipsúm dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nam dignissim varius tempus. Cras eu malesuada ipsum. Pellentesque ut lorem velit. Mauris vehicula est orci, bibendum tincidunt enim mattis a. Interdum et malesuada fames ac ante ipsum primis in faucibus..

...

Popayan, 2015.

V. MORA, W. PANTOJA.

1

Capítulo 1: Introducción a las Estructuras de Datos

Advertencia.

Las siguientes plantillas usan la versión 2014 del paquete `tcolorbox` (entre otros paquetes recientes), por lo tanto *debe actualizar los paquetes de sus distribución TeX* o instalar manualmente este paquete (ver el capítulo 9 del libro, http://www.tec-digital.itcr.ac.cr/revistamatematica/Libros/LATEX/LaTeX_2014.pdf). El paquete “psboxit” viene incluido en la carpeta.

1.1 Prueba de entornos

Definición 1.1 (Igualdad)

$$a = b$$

Según la definición 1.1, la igualdad...

Teorema 1.1

$$a = b$$

Ejemplo 1.1

$$a = b$$

Lema 1.1

$$a = b$$

Corolario 1.1

$$a = b$$

Una caja de comentario

$$a = b$$

1.1.1 Tablas

Iteración		
	x_i	$y_i = f(x_i)$
A	$x_0 = 0$	0
B	$x_1 = 0,75$	-0,0409838
C	$x_2 = 1,5$	1,31799

2

Capítulo 2. XXXXXXXXX

2.1 Introduccion

Lorem ipsúm dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nam dignissim varius tempus. Cras eu malesuada ipsum. Pellentesque ut lorem velit. Mauris vehicula est orci, bibendum tincidunt enim mattis a. Interdum et malesuada fames ac ante ipsum primis in faucibus. Sed mi justo, facilisis eget eros at, tristique tempus metus. Suspendisse potenti. Vivamus sed tellus mollis, accumsan ipsum a, auctor ex. Duis ullamcorper quam ipsum. Donec ullamcorper porttitor pretium. Curabitur urna nunc, placerat sit amet et, fermentum vehicula purus. Pellentesque eget mi ex [?].

2.1.1 Ejemplo codigo fuente Java

```
1 package com.unicauca.ejemplo;  
2 public class Hello {  
3     //Comentario  
4     /*Comentario*/  
5     /**Comentario*/  
6     public static void main(String[] args) {  
7         System.out.println("Hola mundo");  
8     }  
9 }
```

Ahora compila usando javac:

```
$ javac HolaMundo.java
```


3

Capítulo 3. XXXXXXXXX

3.1 Introduccion

Lorem ipsúm dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nam dignissim varius tempus. Cras eu malesuada ipsum. Pellentesque ut lorem velit. Mauris vehicula est orci, bibendum tincidunt enim mattis a. Interdum et malesuada fames ac ante ipsum primis in faucibus. Sed mi justo, facilisis eget eros at, tristique tempus metus. Suspendisse potenti. Vivamus sed tellus mollis, accumsan ipsum a, auctor ex. Duis ullamcorper quam ipsum. Donec ullamcorper porttitor pretium. Curabitur urna nunc, placerat sit amet et, fermentum vehicula purus. Pellentesque eget mi ex [?].

4.1 Definición de Pila

Una pila (stack en inglés) es una lista ordinal o estructura de datos en la que el modo de acceso a sus elementos es de tipo LIFO (del inglés Last In First Out, último en entrar, primero en salir) que permite almacenar y recuperar datos. Se aplica en multitud de ocasiones en informática debido a su simplicidad y ordenación implícita en la propia estructura.

La Figura 4.2 muestra la representación gráfica de una pila con sus operaciones fundamentales de apilar (push en inglés) y desapilar o retirar (pop en inglés.).

La pila es muy útil en situaciones cuando los datos deben almacenarse y luego recuperarse en orden inverso.

Definición 4.1 Pila

Una pila (stack en inglés) es una lista ordinal o estructura de datos en la que el modo de acceso a sus elementos es de tipo LIFO (del inglés Last In First Out, último en entrar, primero en salir) que permite almacenar y recuperar datos. FALTA REFERENCIA

4.2 El TAD Pila

A continuación se especifica el TAD de la Pila con sus operaciones fundamentales. Las operaciones apilar y desapilar son las más importantes. En seguida la especificación de cada operación del TAD al estilo C.

TAD Pila [T]

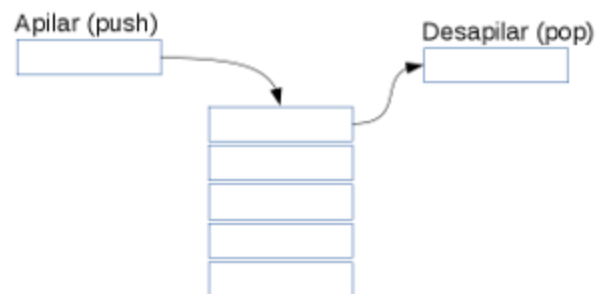


Figura 4.1. Representación de una Pila


```

{ invariante: TRUE }
Constructoras:
    crearPila:
Modificadoras:
    apilar: Pila T
    desapilar: Pila
Analizadoras:
    cima: Pila
    esVacia: Pila
Destructoras:
    destruirPila: Pila

Pila crearPila( void )
/* Crea una pila vacia */
{ post: crearPila = }

void apilar(Pila pil, T elem)
/* Coloca sobre el tope de la pila el elemento elem */
{ post: pil = e1, e2, .. elem}

void desapilar(Pila pil)\
/* Elimina el elemento que se encuentra en el tope de la pila */
{ pre: pil =e1, e2, ..en, n > 0 }
{ post: pil =e1, e2, .., en-1 }

T cima(Pila pil )
/* Retorna el elemento que se encuentra en el tope de la pila */
{ pre: n > 0 }
{ post: cima = en }

int esVacia( Pila pil )
/* Informa si la pila esta vacia */
{ post: esVacia = ( pil = ) }

void destruirPila( Pila pil )
/* Destruye la pila retornando toda la memoria ocupada */
{post: pil ha sido destruida }

```

4.3 Implementación del TAD en Java

A continuación se muestra una implementación en Java del TAD Pila. Debido a que es una Pila dinámica se utilizan nodos enlazados. La Figura ?? muestra el diagrama de clases.

La implementación involucra básicamente dos clases: Nodo y Pila.

```

1 package co.unicauca.pilas;
2 public class Nodo<T> {
3     //Atributo valor de tipo T. Almacena la referencia al objeto que se guarda

```

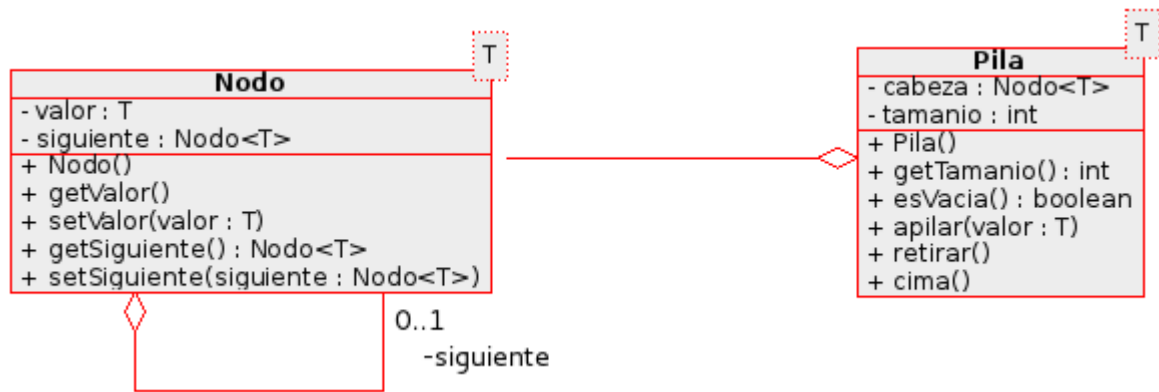


Figura 4.2. Diagrama de clase de la implementación del TAD Pila

```

    en el nodo
4   private T valor;
5   //Referencia al siguiente nodo enlazado
6   Nodo<T> siguiente;
7   //Constructor por defecto
8   public Nodo() {
9       valor = null;
10      siguiente = null;
11  }
12  //Devuelve el valor
13  public T getValor() {
14      return valor;
15  }
16  //Modifica el valor
17  public void setValor(T valor) {
18      this.valor = valor;
19  }
20  //Devuelve el atributo siguiente
21  public Nodo<T> getSiguiente() {
22      return siguiente;
23  }
24  //Modifica el atributo siguiente
25  public void setSiguiente(Nodo<T> siguiente) {
26      this.siguiente = siguiente;
27  }
28  }

```

La clase `Nodo` representa cada uno de los nodos enlazados que almacenan los objetos que se apilan. Tiene dos atributos, el *valor* representa el valor que guarda el nodo (línea 4), en este caso es una referencia a un objetivo de tipo `T` (siendo `T` un tipo genérico). El atributo *siguiente* (línea 6), representa la referencia al siguiente nodo. Los demás son únicamente, constructor y getters y setters de cada atributo.

```

1   package co.unicauca.pilas;
2   public class Pila<T> {

```

```
3 //Atributo cabeza, que apunta al tope la pila
4 private Nodo<T> cabeza;
5 //Almacena el total de elemento de la pila
6 private int tamaño;
7 //Constructor por defecto
8 public Pila() {
9     cabeza = null;
10    tamaño = 0;
11 }
12 //Devuelve el total de elementos de la pila
13 public int getTamaño() {
14     return tamaño;
15 }
16 //Verifica si la pila esta vacia
17 public boolean esVacia() {
18     return (cabeza == null)
19 }
20 //Apila un elemento nuevo
21 public void apilar(T valor) {
22     //Crear un nuevo Nodo
23     Nodo<T> nuevo = new Nodo<T>();
24     //Fijaer el valor dentro del nodo
25     nuevo.setValor(valor);
26     if (esVacia()) {
27         //Cabeza apunta al nodo nuevo
28         cabeza = nuevo;
29     } else {
30         //Se enlaza el campo siguiente de nuevo con la cabeza
31         nuevo.setSiguiente(cabeza);
32         //La nueva cabeza de la pila pasa a ser nuevo
33         cabeza = nuevo;
34     }
35     //Incrementa el tamaño porque hay un nuevo elemento en la pila
36     tamaño++;
37 }
38 //Elimina un elemento de la pila
39 public void retirar() {
40     if (!esVacia()) {
41         cabeza = cabeza.getSiguiente();
42         tamaño--;
43     }
44 }
45 //Devuelve el elemento almacenado en el tope de la pila
46 public T cima() {
47     if (!esVacia())
48         return cabeza.getValor();
49     else
```

```

50     return null;
51 }
52 }

```

La clase Pila representa la pila como tal con sus operaciones principales de *apilar* y *retirar*. A continuación el código de un Cliente que instancia la Pila que hemos creado. En este caso se almacenan objetos de tipo entero, se apilan algunos números, se imprimen los valores del tope de pila y se desapilan elementos.

```

1  package co.unicauca.pilas;
2  public class ClienteMain {
3      public static void main(String[] args) {
4          //Crear una nueva pila de enteros
5          Pila<Integer> pila2 = new Pila<Integer>();
6          //Se apilan algunos datos enteros
7          pila2.apilar(2);
8          pila2.apilar(5);
9          pila2.apilar(7);
10         System.out.println("El tope de la pila es: " + pila2.cima());
11         //Se desapila
12         pila2.retirar();
13         System.out.println("El tope de la pila es: " + pila2.cima());
14         //Se desapila
15         pila2.retirar();
16         System.out.println("El tope de la pila es: " + pila2.cima());
17         //Se desapila, como la pila esta vacia devuelve null
18         pila2.retirar();
19         System.out.println("El tope de la pila es: " + pila2.cima());
20         //Probar con otra pila, donde se almacenen objetos
21     }
22 }

```

La salida de este programa sería la siguiente.

```

El tope de la pila es: 7
El tope de la pila es: 5
El tope de la pila es: 2
El tope de la pila es: null

```


5

Arboles Binarios

5.1 Conceptos generales

Un arbol es una estructura daksfjaksdjf kajf kdafasd f dajf sdaf as f asdf dsafk asdkf sdaf adf dasf ak sdfasdf asdfas f asd fadf df.

5.2 Tipos de arboles

5.2.1 Arboles binarios

5.2.2 Arboles AVL

```
1 package com.unicauca.ejemplo;  
2 public class ArbolBianrio {  
3     //Comentario  
4     /*Comentario*/  
5     /**Comentario*/  
6     public static void main(String[] args) {  
7         System.out.println("Hola mundo");  
8     }  
9 }
```