自纳尤坦星而来的非专业级别软件能力认证第一轮 (NSP-S) 提高级 C++ 语言试题

by x_yi_x

考生注意事项

- 1. 试题纸共有 0 页, 答题纸共有 0 页(因为你用的是电子版),满分 100 分。请不要作答,写在试题纸、答题纸和电子版试题纸上的一律无效。
- 2. 可以使用任何电子设备(如计算器、手机、充能电弧发射器、粒子光矛等)或查阅任何 书籍资料。
- 一、单项选择题(共 15 题, 每题 2 分, 共计 30 分; 每题有且仅有一个正确选项)
- 1. NOIP2019 是第()届 NOIP。D
- A. 二十四
- B. 二十五.
- C. 九亿九千八百二十四万四千三百五十三
- D. 以上皆不对
- 2. 一个完整的计算机系统应包括() C
- A. 输入设备和输出设备
- B. 集成开发环境和评测系统
- C. 硬件系统和软件系统
- D. 操作系统和应用系统
- 3.7个节点的无标号无根树有())个。A
- A. 11
- B. 12
- C. 13
- D. 14
- 4. ()在 1984 年首次证明了路径压缩且按秩合并的并查集的复杂度是 $\Theta(m\alpha(n))$ 的,其中 m 是操作数,n 是节点数, α 是反阿克曼函数。B
- A. Edsger Dijkstra
- B. Robert Tarjan
- C. Richard Stanley
- D. Alan Turing
- 5. 一棵二叉树的先序遍历为 12345, 后序遍历为 24531, 则其中序遍历可能为() A

```
A. 21435
```

- B. 21453
- C. 12345
- D. 24153
- 6. 下述程序的运行结果是() B

```
#include < bits / stdc ++ . h >
char *s = "#include < bits / stdc ++ . h > % cchar *s = % c% s% c; % cint main() {
    printf(s, 10, 34, s, 34, 10); }";
int main() { printf(s, 10, 34, s, 34, 10); }
```

A. 该程序无法运行, 因为有编译错误

В.

```
#include < bits / stdc ++ . h >
char *s = "#include < bits / stdc ++ . h > % cchar *s = % c% s% c; % cint main() {
    printf(s, 10, 34, s, 34, 10); }";
int main() { printf(s, 10, 34, s, 34, 10); }
```

C.

```
#include < bits / stdc ++ . h >
char *s = " ";
int main() { printf(s, 10, 34, s, 34, 10); }
```

- D. 以上皆不对
- 7. 若把序列 $\{5, 8, 1, 3, 2, 9, 4, 6, 7\}$ 拆分为若干上升子序列,则至少有 () 个上升子序列。B
- A. 2
- В. 3
- C. 4
- D. 5
- 8. 一个 n 个节点的**仙人掌**至多有()条边。(仙人掌指的是任何一条边都只出现在一个简单 环上的无自环无向图。)B
- A. n
- B. 2n 2
- C. 2n 1
- D. 2n
- 9. 在 C++ 中, 表达式 1LL << 64 的结果是 () D
- A. 1
- B. 0

- C. $\Theta((n+m)\log n)$
- D. $\Theta(nm)$
- 11. 下面记 \oplus 为异或,记一个自然数集合的 mex 为其中未出现的最小的自然数。定义一个新运算 \otimes :

$$a \otimes b = \max\{(a' \otimes b) \oplus (a \otimes b') \oplus (a' \otimes b') | 0 \leq a' < a, 0 \leq b' < b\}$$

则 $4 \otimes 4 = ($) B

- A. 4
- B. 6
- C. 8
- D. 16
- 12. 若 $T(n) = 2T(n/2) + O(n \log n)$,则 T(n) = () B
- A. $O(n \log n)$
- B. $O(n \log^2 n)$
- C. $O(n^2)$
- D. $O(n^2 \log n)$
- 13. 1, 2, 4, 6 两两异或的最大值是() C
- A. 5
- B. 6
- C. 7
- D. 8
- 14. 一个两部各有 n, m 个节点的简单二分图至多有 () 个长度为奇数的简单环。A
- A. 0
- B. $\max(n, m)$
- C. n+m
- D. nm
- 15. 下列哪个问题不能直接用贪心解决?() C
- A. 最小生成树问题
- B. 全源最短路问题(边权全为正)
- C. 单源最短路问题(边权可能为负)
- D. 树上最大独立集问题

二、阅读程序(程序输入不超过数组或字符串定义的范围;判断题正确填 $\sqrt{\ }$,错误填 \times ;除特殊说明外,判断题 1.5 分,选择题 3 分,共计 40 分)

1.

```
#include < bits / stdc++.h>
  using namespace std;
3
  const int p = 1000000007, max n = 105;
  int n;
6
  struct Z {
       int x;
       Z(int x0 = 0) : x(x0) \{ \}
  };
10
11
  int inline check(int x) { return x >= p ? x - p : x; }
  Z operator+(const Z a, const Z b) { return check(a.x + b.x); }
  Z operator-(const Z a, const Z b) { return check(a.x - b.x + p); }
  Z operator*(const Z a, const Z b) { return 1LL * a.x * b.x % p; }
  Z operator-(const Z a) { return check(p - a.x); }
  Z &operator+=(Z &a, const Z b) { return a = a + b; }
  Z & operator -= (Z & a, const Z b) { return a = a - b; }
  Z \& operator *= (Z \& a, const Z b) \{ return a = a * b; \}
20
  Z fac[maxn], ifac[maxn], inv[maxn];
21
  void init() {
22
       fac[0] = ifac[0] = fac[1] = ifac[1] = inv[1] = 1;
23
       for (int i = 2; i < maxn; i++)</pre>
24
           fac[i] = fac[i - 1] * i,
25
           inv[i] = (p - p / i) * inv[p % i],
26
           ifac[i] = ifac[i - 1] * inv[i];
27
  }
28
  Z f[maxn][maxn][maxn];
31
  int main(){
       init();
33
```

```
scanf("%d", &n);
34
       f[0][1][0] = 1;
35
      for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
36
       for (int j0 = 0; j0 <= n - i; j0++)
37
       for (int j1 = 0; j1 <= n - i - j0; j1++) if(j0 \mid \mid j1) {
           for (int tj0 = 0; tj0 <= n; tj0++)</pre>
           for (int tj1 = 0; tj1 <= n; tj1++)</pre>
40
               if(j0 - tj0 + tj1 >= 0 \&\& j1 - tj1 + tj0 >= 0)
41
                    f[i + j0 + j1][tj0][tj1] += f[i][j0][j1] * ifac[j0]
42
                       - tj0 + tj1] * ifac[j1 - tj1 + tj0];
       }
43
44
       printf("%d\n", f[n][0][0] * fac[n]);
45
       return 0;
46
  }
47
  判断题
  1) 若输入 3,则该程序输出 12。√
  2) 去掉第 38 行的 if(j0 || j1),程序的运行结果与去之前相同。×
  3) fac[13] 的值为 6227020800。×
  4) 只要 1 \le n \le 100,f [] [] [] 数组就不可能因为值过大而溢出。√
  单选题
  5) inv[71] 的值为( ) D
  A. 284380491
  B. 71554167
  C. 102279357
  D. 98591550
  6) 若输入 4, 则该程序输出( ) C
  A. 60
  B. 72
  C. 84
  D. 108
  2.
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
```

3 |#define itv vector<int>::iterator

```
4
  const int maxn = 50005, LEN = 250, maxq = 200005;
  int n, q;
  int a[maxn];
  int K[maxq], ans[maxq];
  vector<int> qs[maxn], Y0[LEN], Y1[LEN];
10
  int main() {
11
       scanf("%d%d", &n, &q);
12
13
       for (int i = 1; i <= n; i++)
14
           scanf("%d", &a[i]);
15
16
       for (int i = 1; i <= q; i++) {
17
           int j;
           scanf("%d%d", &j, &K[i]);
19
           qs[j].push_back(i);
20
       }
21
22
       for (int i = 1; i <= n; i++) {
23
           for (int x = a[i], j = 0; j < LEN; j++) {
24
                if (Y0[j].empty() || Y0[j][Y0[j].size() - 1] >= x) {
25
                    Y0[j].push_back(x);
26
                    break;
27
                }
28
                itv pos = upper bound(Y0[j].begin(), Y0[j].end(), x,
29
                   greater<int>());
                swap(*pos, x);
           }
31
32
           for (int x = a[i], j = 0; j < LEN; j++) {
33
                if (Y1[j].empty() || Y1[j][Y1[j].size() - 1] < x) {</pre>
34
                    Y1[j].push back(x);
35
                    break;
36
                }
37
                itv pos = lower_bound(Y1[j].begin(), Y1[j].end(), x);
38
```

```
swap(*pos, x);
39
            }
40
41
            for (int id : qs[i]) {
42
                int k = K[id];
                for (int j = 0; j < LEN && j < k; j++)
                     ans[id] += Y0[j].size();
45
                if (k > LEN)
46
                     for (int j = 0; j < LEN && Y1[j].size() > LEN; <math>j++)
47
                         ans[id] += min((int)Y1[j].size(), k) - LEN;
48
            }
49
       }
50
51
       for (int i = 1; i <= q; i++)
52
            printf("%d\n", ans[i]);
53
   }
```

本题保证输入的 $\{a_1, a_2, ..., a_n\}$ 是 $1 \sim n$ 的一个排列,且 $K_i \geq 1$ 。

判断题

- 1) 该程序对询问 (i, K) 的输出 < i。√
- 2) 若输入 $\{1,2,...,n\}$,则该程序对询问 (j,K) 的输出是 $K \times$
- 3) 若输入 $\{n, n-1, ..., 1\}$,则该程序对询问 (j, K) 的输出是 j。√

单选题

- 4) 该程序对询问 (j,1) 的输出与 () 相同。D
- A. $\{a_1, a_2, ..., a_n\}$ 的最长上升子序列
- B. $\{a_1, a_2, ..., a_n\}$ 的最长下降子序列
- C. $\{a_1, a_2, ..., a_i\}$ 的最长上升子序列
- D. $\{a_1, a_2, ..., a_i\}$ 的最长下降子序列
- 5) 该程序的时间复杂度为() C
- A. $\Theta(nq \log n)$
- B. $\Theta((n+q)\sqrt{n})$
- C. $\Theta(n\sqrt{n}\log n + q\sqrt{n})$
- D. $\Theta((n+q)\sqrt{n}\log n)$
- 6) 该程序的空间复杂度为() A
- A. $\Theta(n+q)$
- B. $\Theta(n\sqrt{n}+q)$
- C. $\Theta(n\sqrt{n}\log n + q)$

```
D. \Theta(n\sqrt{n}\log n + q\sqrt{n})
3.
```

```
#include < bits / stdc++.h>
  using namespace std;
  const int len = 1000000;
  int n[len + 5], k[len + 5], kk[len + 5], nn[len + 5], n_k[len + 5];
  char s [len + 5];
  void get(int a[]) {
       scanf("%s", s ); int sl = strlen(s );
       for (int i = 0; i < sl; i++) a[i] = s[sl - i - 1] - '0';
  }
10
  void del(int a[], int b[], int c[]) {
11
       int flg = 0;
12
       for (int i = 0; i < len; i++) {
13
           c[i] = a[i] - b[i] - flg;
14
           if (c[i] < 0) c[i] += 2, flg = 1;
15
           else flg = 0;
16
       }
17
       if (flg) cerr << "error!\n";</pre>
  }
19
20
  int main() {
21
       get(n); get(k);
22
       for (int i = 0; i < len; i++) nn[i] = n[i + 1];
23
       for (int i = 0; i < len; i++) kk[i] = k[i + 1];
24
       del(n, k, n_k);
25
26
       bool ans1 = 1;
27
       for (int i = 0; i < len; i++) if (nn[i] < n k[i]) { ans1 = 0};
          break; }
       printf("%d\n", ans1);
       del(n, kk, n);
31
       memset(kk, 0, sizeof(kk)); kk[0] = 1;
32
       del(n, kk, n);
33
```

判断题

- 1) 若 n,k 的长度均为 L,则该程序的复杂度为 $\Theta(L)$ 。√
- 2) 若输入 100 10,则该程序输出 1 1。√
- 3) 即使输入的 $n \ge k$,则该程序仍有可能会输出 error!。×

单选题

- 4) 如果 n 在 $[1,2^{200}-1]$ 的整数中均匀随机,k 在 [1,n] 的整数中均匀随机,则输出结果最有可能是 () **A**
- A. 0 0
- B. 0 1
- C. 1 0
- D. 1 1
- 5) ans1 的值与以下哪项相等?() C
- A. n k 模 2
- B. $\binom{n}{k}$ 模 2
- C. 第一类斯特林数的第 n 行第 k 列模 2
- D. 第二类斯特林数的第 n 行第 k 列模 2
- 6) ans2 的值与以下哪项相等?() D
- A. n-k 模 2
- B. $\binom{n}{k}$ 模 2
- C. 第一类斯特林数的第 n 行第 k 列模 2
- D. 第二类斯特林数的第 n 行第 k 列模 2
- 三、完善程序(单选题,每小题 3 分,共计 30 分)
- **1.** (叉义叉的结合) 叉义叉想在现实生活中体验以撒的结合,于是它打算修建一座这样的地牢:地牢可以被抽象成 n 个点,nm 条边的有向图。1号点是唯一的入口也是唯一的出口;每一个点恰好有 m 条出边,且这些出边被依次标号为 [0,m) 的正整数;地牢允许自环和重边。同时,叉义叉希望每一条从 1号点出发并回到 1号点的回路都有着一定的规律:具体来说,如果把一条从 1 出发的路径经过的所有边的编号都记录下来,那么能得到一个(可能有前导 0)

的 m 进制数; 而对于每一个 m 进制数, 自然也就能对应回一条从 1 出发的路径。

于是叉义叉选定了一个整数 K,它希望这个地牢满足一条从 1 出发的路径能回到 1 当且仅当 这条路径对应的数是 K 的倍数。

现在叉义叉已经选定了 m 和 K,但是它发现并不是对所有的 n,都存在满足上述所有条件的地牢设计方案。建造地牢是一件费时费力的事情,于是叉义叉想要找到一个最小的满足条件的 n。

```
#include < bits / stdc++.h>
  typedef __int128 iint;
  using namespace std;
  iint m;
  iint gcd(iint a, iint b) {
      if (b == 0) return a;
7
      return ①;
  }
9
  iint calc(iint h, iint d, iint k) { //h : 当前可"支配"的点数, d :
     将要"损失"的点数
      if (h <= 0) return 0;
      iint g = gcd(m, k), k0 = k / g, m0 = 2;
12
      if (g == 1) return 0; //无法进行任何合并
13
      if (h <= k0) return 0; //无法进行任何合并
14
      d *= 3;
15
      return h - @ + calc(k0 - d, d, k0);
16
  }
17
18
  int main() {
      int T; scanf("%d", &T);
20
      while (T--) {
          long long m_, k_; scanf("%11d%11d", &m_, &k_);
          m = m;
23
          printf("%lld\n", s);
      }
25
  }
26
```

```
1) 处应填( ) C
```

A. gcd(b, a)

B. gcd(a / b, b)

```
C. gcd(b, a % b)
D. \gcd(a / b, a)
2) 处应填( ) B
A. m
B. m / g
C. k0 / g
D.m * k0 / g
3) 处应填( ) D
A. k
B. k0
C. m
D. m0
4) 处应填( ) B
A. k
B. k0
C.\ m
D. m0
5) 处应填( ) D
A. calc(k - 1, 1, k)
B. (long long)calc(k - 1, 1, k)
C. (long long)calc(k_ - 1, 1, k_) - k_
D.k - (long long)calc(k - 1, 1, k)
```

2. (**好吃的题目**) 有一条小吃街,从左到右依次排列着 n 个商店,从 1 开始标号。第 i 个商店会只出售一种小吃,热量为 h_i ,美味度为 w_i 。

现在有m个吃货要来逛街,第i个吃货会在 $[l_i, r_i]$ 的商店内寻找小吃,而且为了防止太胖,最多能摄入 t_i 的热量。小吃吃多了会腻,所以同一个商店的小吃只能吃一次。

现在每个吃货想知道自己最多能得到多少美味度。

```
#include < bits / stdc + + . h >
using namespace std;

const int maxn = 65536;
int n, q;
int V[maxn], W[maxn];
vector < vector < int > FL, FR;
vector < int > emp;
int Lg2[maxn];
```

```
vector<int> Qs[maxn];
  int ANS[200005], L[200005], R[200005], T[200005];
11
  void maxeq(int &x, int y) { x = max(x, y); }
13
  void init() {
14
       emp.resize(201);
15
       Lg2[0] = 0;
16
       for (int i = 1; i < 65536; i++) Lg2[i] = Lg2[i] + 1;
17
  }
18
19
   int Merge(vector<int> const T1, vector<int> const T2, int S) {
20
       int ans = 0;
21
       for (int i = 0; i <= S; i++) maxeq(ans, T1[i] + T2[S - i]);</pre>
22
       return ans;
23
  }
24
25
   void Solve(int x, int l, int r) {
       if (1 == r) return;
27
       int mid = (1 + r) >> 1;
28
       ②;
29
       for (int i = mid; i >= 1; i--) {
30
           vector<int> tmp = emp;
31
           for (int j = 0; j <= 200; j++) {
32
                if (FL.size()) tmp[j] = FL.back()[j];
33
                if (j >= V[i])
34
                    if (FL.size()) maxeq(tmp[j], FL.back()[j - V[i]] +
                       W[i]);
                    else maxeq(tmp[j], W[i]);
           }
37
           FL.push_back(tmp);
38
       }
39
       FR.clear();
40
       for (int i = mid + 1; i <= r; i++) {
41
           vector<int> tmp = emp;
42
           for (int j = 0; j <= 200; j++) {
43
                if (FR.size()) tmp[j] = FR.back()[j];
44
```

```
if (j >= V[i])
45
                     if (FR.size()) maxeq(tmp[j], FR.back()[j - V[i]] +
46
                        W[i]);
                     else maxeq(tmp[j], W[i]);
47
            FR.push back(tmp);
       }
50
       for (int id : Qs[x]) ANS[id] = Merge(FL[mid - L[id]], FR[3], T[
51
          id]);
       Solve(x \langle\langle 1, l, mid), Solve(x \langle\langle 1 | 1, mid + 1, r);
52
   }
53
54
   int LCA(int x, int y) {return (x + n) >> Lg2[x @ y];}
55
56
   int main() {
57
       init();
59
       scanf("%d%d", &n, &q);
60
       for (int i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &V[i]);</pre>
61
       for (int i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &W[i]);</pre>
62
63
       int N0 = 1;
64
       while (N0 < n) ⑤;
65
       n = N0;
66
       for (int i = 1; i <= q; i++) {
67
            scanf("%d%d%d", &L[i], &R[i], &T[i]); L[i]--, R[i]--;
            if (L[i] == R[i]) {
                ANS[i] = (V[L[i]] <= T[i] ? W[L[i]] : 0);
70
                continue;
71
            }
72
            Qs[LCA(L[i], R[i])].push_back(i);
73
       }
74
       Solve(1, 0, n - 1);
75
       for (int i = 1; i <= q; i++) printf("%d\n", ANS[i]);</pre>
76
  }
77
```

1) 处应填() C

- A. i 1
- B. i % 2
- C. i / 2
- D. i * 2
- 2) 处应填() C
- A. init()
- B. emp.resize(r 1 + 1);
- C. FL.clear()
- D. FR.clear()
- 3) 处应填() D
- A. mid + 1 R[id]
- $B. \ \text{mid} R[\text{id}]$
- $\mathrm{C.}\;\mathtt{R[id]}$ mid
- D.R[id] mid 1
- 4) 处应填() C
- A. |
- B. &
- C. ^
- D. %
- 5) 处应填() D
- A. NO++
- B. n--
- C. n >>= 1
- D. NO <<= 1