作业 2: 边缘检测和边缘链接

姓名 王明 学号 161220124 邮箱 1090616897@qq.com 联系方式 13851085654

(南京大学 计算机科学与技术系, 南京 210093)

1 实现细节

1.1 边缘检测

1.1.1 一阶边缘检测算子

1.1.1.1 综述

边缘检测强调的是图像对比度。检测对比度(亮度)上的差别,可以增强图像中的边界特征,这些边界出现正是图像亮度上的差别。亮度变化可以通过对相邻点进行差分处理来增强,而一阶边缘检测算子通过计算某个方向上的微分使边缘的变化增强,从而体现出亮度的梯度变化,进而检测出边缘。

对于某个点(x,y)计算其梯度,事实上一个点的周围 360 度都可以有梯度,但是考虑到图像的二维性以及计算的方便度,我们一般计算水平方向和垂直方向上的梯度,然后取两者的平方和再开根,这个值就是该点的梯度。示意如下:

$$\nabla f = \operatorname{grad}(f) = \begin{bmatrix} g_x \\ g_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \\ \frac{\partial f}{\partial y} \end{bmatrix}$$

$$M(x, y) = \operatorname{mag}(\nabla f) = \sqrt{g_x^2 + g_y^2}$$

计算好梯度之后,设定一个阈值,梯度高于此阈值的灰度为 1,低于此阈值的灰度为 0,这样就得到了边缘检测的二值图。

一阶边缘检测算子主要包含 Robert、Priwitt、Sobel、Canny。

1.1.1.2 Robert 算子

原理介绍:

3*3 的模板

Robert 水平方向的模板

Robert 垂直方向的模板

Zı	\mathbf{Z}_2	\mathbf{Z}_3
Z ₄	\mathbf{Z}_5	Z_6
\mathbf{Z}_7	$\mathbf{Z}_{\mathtt{S}}$	\mathbf{Z}_9

-1	0
0	1

Robert 算子采用 2*2 的模板, 水平方向的梯度计算、垂直方向的梯度计算如下:

$$g_x = (z_9 - z_5)$$

 $g_y = (z_8 - z_6)$

代码实现:

```
%设置阈值
output_robert = zeros(row, col);
%遍历图像的每个像素,用Robert算子计算梯度
robert_threshold = 0.15;
for r = 1: row - 1
   for c = 1 : col - 1
       robert_x = 1 * input_image(r, c) - 1 * input_image(r + 1, c + 1);
       robert y = 1 * input image(r, c + 1) - 1 * input image(r + 1, c);
       robert_num = sqrt(robert_x^2 + robert_y^2);
       %将梯度与阈值进行比较,决定该点是0还是1
       if(robert_num < robert_threshold)</pre>
           output robert(r,c) = 0;
           output_robert(r,c) = 1;
       end
   end
end
```

1.1.1.3 Priwitt 算子

原理介绍:

3*3 的模板

Zı	Z ₂	Z_3
Z ₄	\mathbf{Z}_{5}	Z_6
\mathbf{Z}_7	Z _s	Z_9

Priwitt 水平方向的模板

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

Priwitt 垂直方向的模板

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

Priwitt 算子采用 3*3 的模板,水平方向的梯度计算、垂直方向的梯度计算如下:

$$g_x = \frac{\partial f}{\partial x} = (z_7 + z_8 + z_9) - (z_1 + z_2 + z_3)$$

$$g_y = \frac{\partial f}{\partial y} = (z_3 + z_6 + z_9) - (z_1 + z_4 + z_7)$$

代码实现:

```
%priwitt
%设置阈值
output_priwitt = zeros(row, col);
%遍历图像的每个像素,用Priwitt算子计算梯度
priwitt threshold = 0.55;
 or r = 2 : row - 1
    for c = 2 : col - 1
       priwitt_x = -1 * input_image(r - 1, c - 1) + 1 * input_image(r - 1, c + 1)
       priwitt_y = - 1 * input_image(r - 1, c - 1) - 1 * input_image(r - 1, c) - 1
       priwitt_num = sqrt(priwitt_x^2 + priwitt_y^2);
       %将梯度与阈值进行比较,决定该点是0还是1
       if(priwitt_num < priwitt_threshold)</pre>
           output_priwitt(r,c) = 0;
           output_priwitt(r,c) = 1;
       end
   end
```

1.1.1.4 Sobel 算子

原理介绍:

3*3 的模板

Z ₁	Z ₂	Z ₃
Z ₄	\mathbf{Z}_5	Z_6
\mathbf{Z}_7	Zs	Z_9

Sobel 水平方向的模板

-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

Sobel 垂直方向的模板

-1	0	1
-2	0	2
-1	0	1

Sobel 算子采用 3*3 的模板, 水平方向的梯度计算、垂直方向的梯度计算如下:

$$g_x = \frac{\partial f}{\partial x} = (z_7 + 2z_8 + z_9) - (z_1 + 2z_2 + z_3)$$

$$g_y = \frac{\partial f}{\partial y} = (z_3 + 2z_6 + z_9) - (z_1 + 2z_4 + z_7)$$

代码实现:

```
%sobel
output sobel = zeros(row, col);
%设置阈值
sobel threshold = 0.8;
%遍历图像的每个像素,用Sobel算子计算梯度
 or r = 2 : row - 1
    for c = 2 : col - 1
       sobel x = -1 * input image(r - 1, c - 1) + 1 * input image(r - 1, c + 1)
       sobel_y = 1 * input_image(r - 1, c - 1) + 2 * input_image(r - 1, c) + 1 *
       sobel num = sqrt(sobel x^2 + sobel y^2);
       %将梯度与阈值进行比较,决定该点是0还是1
       if(sobel num < sobel threshold)</pre>
           output sobel(r,c) = 0;
           output_sobel(r,c) = 1;
       end
   end
```

1.1.1.5 Canny 算子

原理介绍:

canny 边缘检测算子是一种多级检测算法,具有以下优点:

- 1、 低错误率,应该是边缘的能判别为边缘,不是边缘的能判别不是边缘。
- 2、 最优定位, 检测到的边缘点应该位于边缘的中心。
- 3、 图像中的边缘只被标记一次,且在噪声图像中不产生为边缘。

canny 边缘检测分为以下步骤:

- 1、 高斯平滑: 用高斯过滤器进行图像降噪。
- 2、 梯度和方向计算: 理论上应当用 4 个梯度算子来计算水平、垂直、2 个对角线 4 个方向的梯度,但是为了计算方便,一般只需用 Robert、Priwitt 或者 Sobel 来计算梯度即可。
- 3、 非最大值抑制: 该步来剔除那些一定不是边缘的点。对于某个点,根据他的方向,用他的梯度和他 方向上的2个邻居点的梯度进行比较,如果他不是最大的,那一定不是边缘点,直接将其灰度值设

为0。

- 4、 双阈值检测:设定一个高阈值和一个低阈值,大于高阈值被认为是边缘,设置灰度为 1,低于低阈值的被认为不是边缘,设置灰度为 0,剩下的待定。
- 5、 滞后边界跟踪:对于未确定的像素,查看他的8邻域是否有强边缘,若有则认为他是边缘,否则认为不是边缘。

代码实现:

```
%利用梯度和方向进行非极大值抑制,去掉非极大值的不是边缘的点
       sobel_x = sobel_tmpx(r, c);
        sobel_y = sobel_tmpy(r, c);
        %计算方向
        if (sobel_y \sim= 0)
            angle = atan(sobel_y / sobel_x);
        elseif (sobel y == 0 &\& sobel x > 0)
           angle = pi / 2;
           angle = - pi / 2;
        %根据方向得到邻居的坐标
        if ((mod(angle,pi * 2) >= 15 * pi / 8 && mod(angle,pi * 2) <= 2 * pi) || (mod(angle,pi * 2)
       r1 = r; c1 = c - 1; r2 = r; c2 = c + 1;
elseif ((mod(angle,pi * 2) >= pi / 8 && mod(angle,pi * 2) < 3 * pi / 8) || (mod(angle,pi *
           r1 = r - 1; c1 = c + 1; r2 = r + 1; c2 = c
        elseif ((mod(angle,pi * 2) >= 3 * pi / 8 && mod(angle,pi * 2) < 5 * pi / 8) || (mod(angle,p
           r1 = r - 1; c1 = c; r2 = r + 1; c2 = c;
           r1 = r - 1; c1 = c - 1; r2 = r + 1; c2 = c + 1;
       end
        %比较其与邻居的梯度,若不是极大值则抑制
        if (sobel_tmpnum(r, c) > sobel_tmpnum(r1, c1) && sobel_tmpnum(r, c) > sobel_tmpnum(r2, c2))
    output_canny(r, c) = refined_image(r, c);
           output_canny(r, c) = 0;
       end
   end
```

```
%设定高低两个阈值,进行双阈值检测
tmpimage = output_canny;
sortls = sort(tmpimage(:));
number = floor(0.995 * row * col);
canny upthreshold = sortls(number);
canny_downthreshold = 0.5 * canny_upthreshold;
%canny_upthreshold = 0.77;
%canny_downthreshold = 0.4 * canny_upthreshold;
 or r = 1 : row
    for c = 1 : col
        if(output_canny(r,c) ~= 0)
           %根据阈值情况判定是边缘、不是边缘、待定边缘
            if(sobel_tmpnum(r,c) > canny_upthreshold)
               output_canny(r,c) = 1;
           elseif(sobel_tmpnum(r,c) < canny_downthreshold)</pre>
               output_canny(r,c) = 0;
           end
       end
   end
```

```
%滞后边界跟踪,对待定的点进行判定
tmp_image = output_canny;
near = [-1 -1; -1 0; -1 1; 0 -1; 0 1; 1 -1; 1 0; 1 1];
or r = 1 : row
   for c = 1: col
       if(tmp_image(r,c) ~= 0 && tmp_image(r,c) ~= 1)
           %8邻域内有边缘点则认定该点也为边缘
            or pos = 1 : 8
               x1 = r + near(pos, 1);
               y1 = c + near(pos, 2);
               if(tmp_image(x1,y1) == 1)
                  output_canny(r, c) = 1;
               end
           end
       end
   end
end
```

1.1.2 二阶边缘检测算子

1.1.2.1 综述

对应于一阶微分取极值点(即局部梯度最大的点),该点的二阶微分应该为 0,因此二阶边缘检测算子是通过计算二阶导数为 0 的方法来确定局部梯度最大的点。而采用二阶微分为零的优点是:确定零点的位置比确定极值点要容易得多,也精确得多。

比较常见的二阶微分算子是 Laplacian 算子,在此基础上优化出了 LoG 算子(Laplacian of Gaussian),它将拉普拉斯锐化滤波器和高斯平滑滤波器结合起来,先平滑掉噪声,再进行边缘检测,效果相对更好。

1.1.2.2 LoG 算子(Laplacian of Gaussian)

原理介绍:

通过拉普拉斯变换求二阶导, 计算如下:

$$\begin{split} &\nabla^2 f(x,y) = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} \\ &= \left\{ f(x+1,y) + f(x-1,y) - 2f(x,y) \right\} + \left\{ f(x,y+1) + f(x,y-1) - 2f(x,y) \right\} \\ &= f(x+1,y) + f(x-1,y) + f(x,y+1) + f(x,y-1) - 4f(x,y) \end{split}$$

此时得到的 Laplacian 算子的模板如右边所示:

单纯使用 Laplacian 算子对于噪声的敏感度很高,因此而为了得到更好的效果,我使用了 9*9 的 LoG 算子。LoG 算子将拉普拉斯锐化滤波器和高斯平滑滤波器结合起来,对于噪声的抵抗更好。

代码实现:

```
%log
output_log = zeros(row, col);
%设置阈值
log_threshold = 9;
%生成9*9的LoG算子
log_operator = [0 1 1 2 2 2 1 1 0;
               1 2 4 5 5 5 4 2 1;
               2 5 0 -24 -40 -24 0 5 2;
               011222110];
%遍历图像用LoG算子求卷积,并根据阈值判定边缘
get_model = conv2(input_image, log_operator, 'same')
   r = 1 : row
    for c = 1 : col
       if(get_model(r, c) < log_threshold)</pre>
           output_log(r,c) = 0;
           output_log(r,c) = 1;
       end
   end
```

1.2 边缘链接

1.2.1 综述

由于边缘检测之后生成的二值图存在噪声、间断的边界、不确切的位置和方向等各种问题,因此需要边缘链接算法来对边缘进行处理,从而形成清晰的边缘。

我针对边缘间断、多边缘重复两种情况设计了两种不同的边缘链接算法。

1.2.2 针对边缘间断的边缘链接

原理介绍:

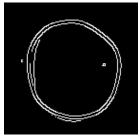
往往一些效果不好的边缘检测算法得到很多间断的边缘,这时就需要将间断的边缘链接起来。算法的思路很简单也很常规:从某个起始点开始,对于周围半径为1的一圈按照一定的顺序进行访问,如果有灰度值为1的点,则标记,作为下一个开始点;如果没有则访问周围半径为2的一圈,如此不断加大半径直到找到下一个点。就这样一个接一个直到回到起始点则算法结束,被标记的所有点便是找到的边缘的路径。代码实现(由于代码较长,这里就截取算法核心部分):

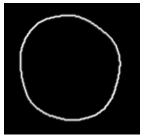
```
while (ending == 0 && find == 0)
   %半径每次加1
   dis = dis + 1;
   getpath = [];
   %得到周围一圈的路径,放入getpath中
   for j = col - dis : col + dis ...
   for i = row - dis + 1 : row + dis - 1 ...
   for j = col + dis : -1 : col - dis ...
   for i = row + dis - 1 : -1 : row - dis + 1 ...
   if size(getpath) == [0,0]
       ending = 1;
       break;
   end
   [1en, wid] = size(getpath);
   %按次序访问周围一圈路径上的点,若有灰度为1的点则标记为下一个开始点,若没有则扩大搜索半径
   for i = 1 : 1en
end
```

1.2.3 针对多边缘重叠的边缘链接

原理介绍:

有时候边缘检测算法检测出来的边缘是完整的,但是可能会出现重复的情况,比如实验要求中的示例, 左上角的橡皮圈很容易检测出来同心圆(如左图),而此算法的目标是把它变成单边缘的(如右图)。





具体的方法就是引入一个方向变量,每次都从这个方向开始规定一个顺序,这样对于在同一圈像素中得 到 2 个满足的点就能做出正确的选择,而不会走入其他错误的边缘中去。每次找到点之后会更新方向,是一 种带反馈的算法。算法的结束条件同样是回到起始点。关于方向的确定使用一下的规则:

对 8 邻域而言, 初始值 dir = 7

按照逆时针顺序搜索当前像素的 3*3 领域,, 计算 dir:

```
(dir-k+7) mod8 (dir 为偶数)
(dir-k+6) mod 8 (dir 为奇数)
```

end find = 1;

```
代码实现(由于代码较长,这里就截取算法核心部分):
%按照方向dir得到周围一圈的访问顺序
path = [0 1; -1 1; -1 0; -1 -1; 0 -1; 1 -1; 1 0; 1 1];
getpath = [];
for i = dir + 1 : 8 ...
if dir > 0
    for j = 1 : dir
end
if size(getpath) == [0,0]
    ending = 1;
end
[len, wid] = size(getpath);
%取第一个访问到的点为下一个点,并且更新方向
for i = 1 : 1en
    x = row + getpath(i, 1);
   y = col + getpath(i, 2);
    if(binary_image(x, y) == 1)
       row_tmp = x;
       col\_tmp = y;
       dir = mod(dir + i - 1, 8);
       if mod(dir, 2) == 0
           dir_tmp = mod(dir + 7, 8);
       e1se
           dir_tmp = mod(dir + 6, 8);
```

2 结果

2.1 实验设置

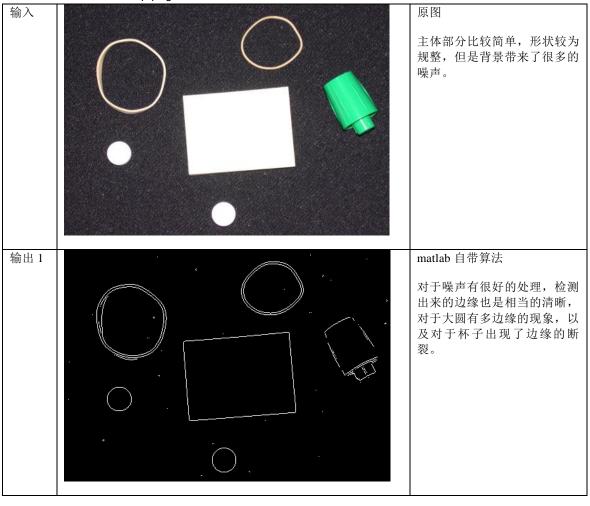
输入: png 彩色图像 (带有噪声的以及没有噪声的)。

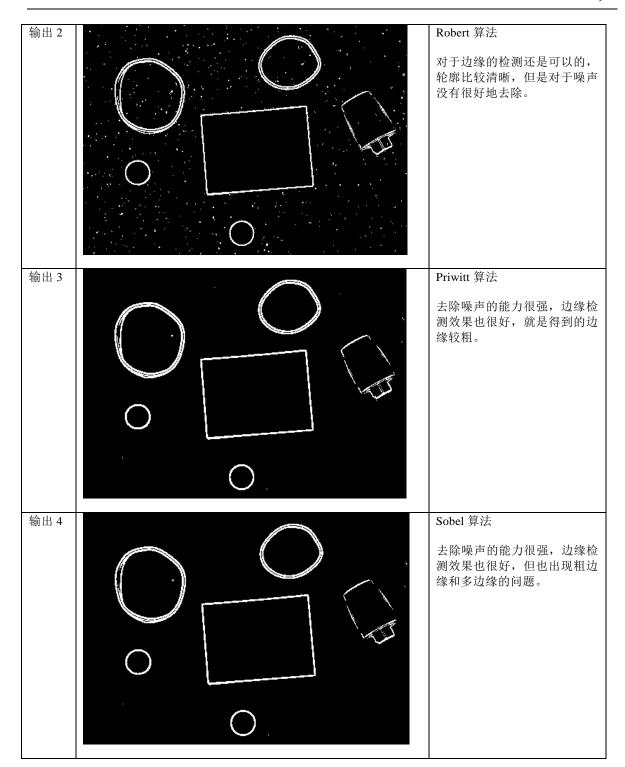
输出: png 二值图像(边缘检测后的二值图像(对于 rubberband_cap 这幅图输出还包含边缘链接图))。 额外说明: 对于每幅图像,都采用 matlab 自带算法、robert 算法、priwitt 算法、sobel 算法、log 算法、canny 算法等 6 种算法进行边缘检测(有部分效果不好的图片被去掉了)。rubberband_cap 采用了 2 种不同的方法进行了边缘链接。

2.2 实验结果

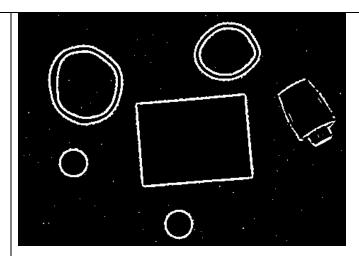
2.2.1 边缘检测

2.2.1.1 rubberband_cap.png





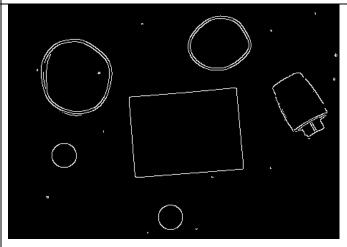
输出5



LoG 算法

噪声点还是挺多的,检测出的 边缘虽然很清晰,杯子那边也 没有发生太多的间断,但是边 缘同样是粗边缘。

输出 6



Canny 算法

效果是相当好,不仅对于噪声有很强的抵抗力,检测出的边缘也是单像素的细边缘,对于杯子的轮廓检测效果也是几个图中最好的。其效果甚至比matlab 自带的边缘检测算法要好。

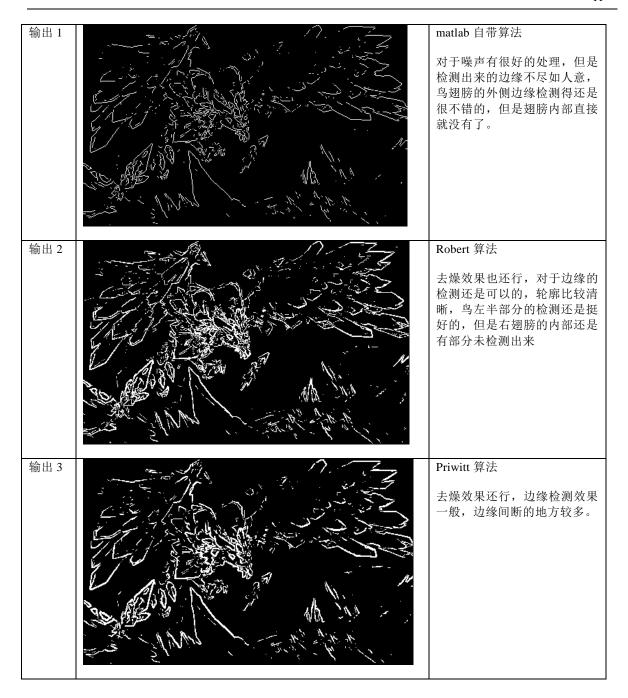
2.2.1.2 bird.png

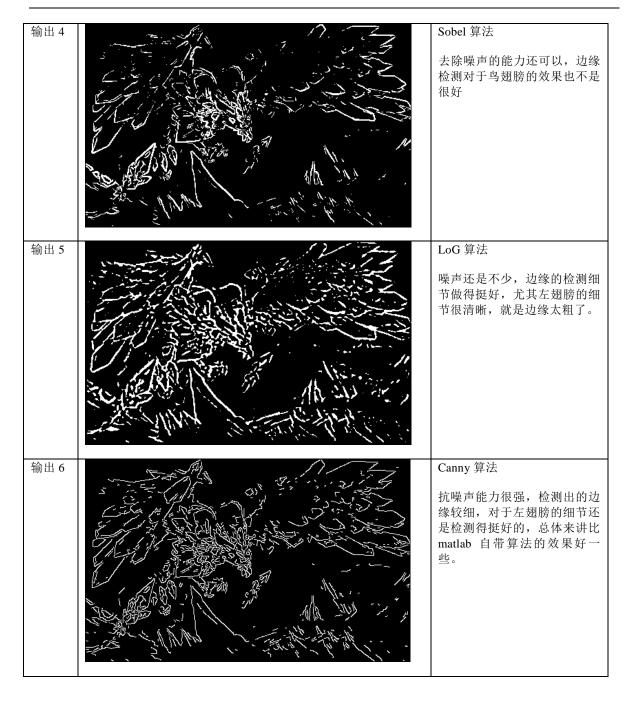
输入



原图

主体部分鸟的结构相当复杂, 轮廓也不是很清晰,背景的白 色噪声点也是挺多的。





2.2.1.3 giraffe.png

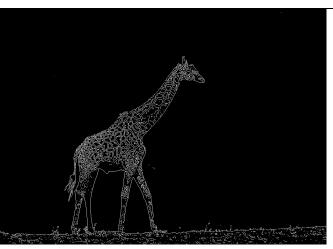
输入



原图

背景的噪声看上去是不多的, 但是长颈鹿的花纹的边缘是相 当复杂的。

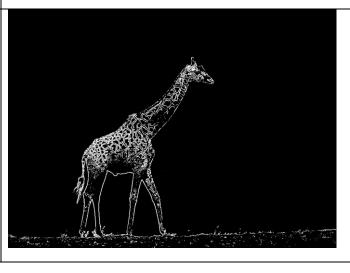
输出1



matlab 自带算法

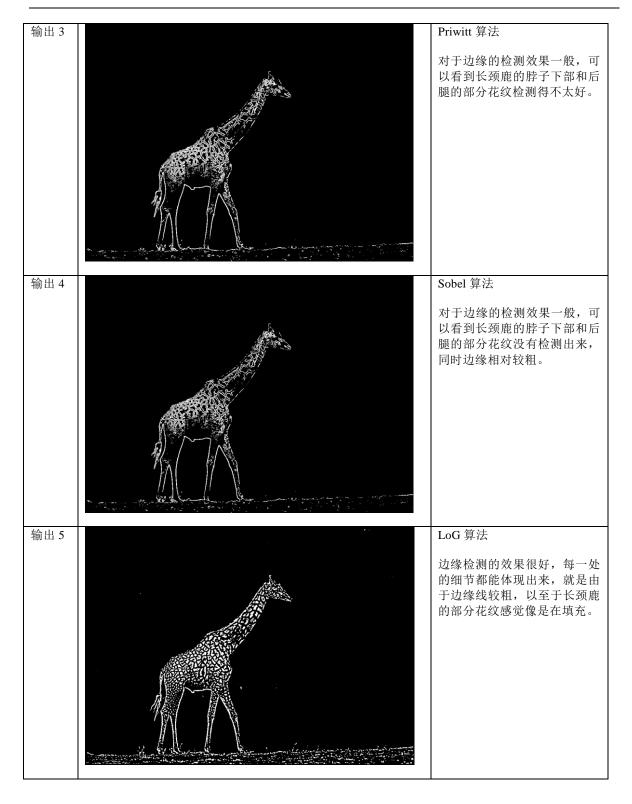
对于噪声有很好的处理,检测 出来的边缘也是相当的清晰, 整体上的效果是很好的,毕竟 系统自带函数,就是厉害。

输出2

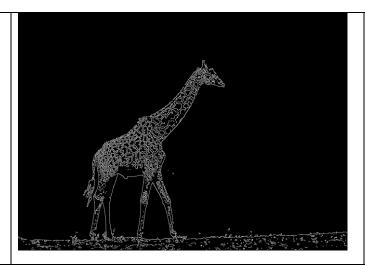


Robert 算法

对于边缘的检测效果一般,可 以看到长颈鹿的脖子下部和后 腿的部分花纹检测得不太好。



输出6



Canny 算法

效果还是很不错的,比较接近于 matlab 自带算法的效果,每一处的细节也处理的不错,是可以接受的效果。

2.2.1.4 noise.png

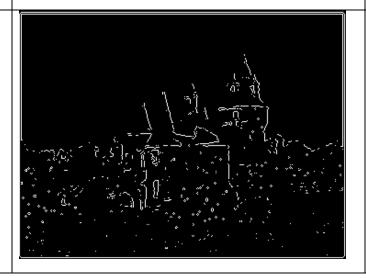
输入



原图

主体部分的灰度变化就不明显,边缘很模糊,以及满屏的白色噪声点,简直是灾难级的图片。

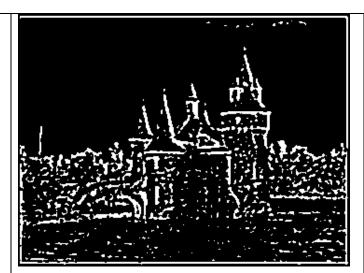
输出1



matlab 自带算法

果然就连 matlab 自带算法也吃不消了,除了城堡塔尖部位还能测出连续的边缘,城堡底部几乎就是离散的间断的点。

输出2



LoG 算法

整体的城堡的边缘检测得相对来说好太多了,但是就是边缘非常粗,以及间断点还是很多。

输出3



Canny 算法

说实话,对于阈值的设定调过 无数次,试图能得到好的效果, 毕竟 canny 是公认的效果很好 的算法。然而无论怎么调参, 还是效果很不好。从效果上看, 只能说比 matlab 自带算法好一 些,对于城堡的上半部还可以, 下半部也变成了离散的点了。

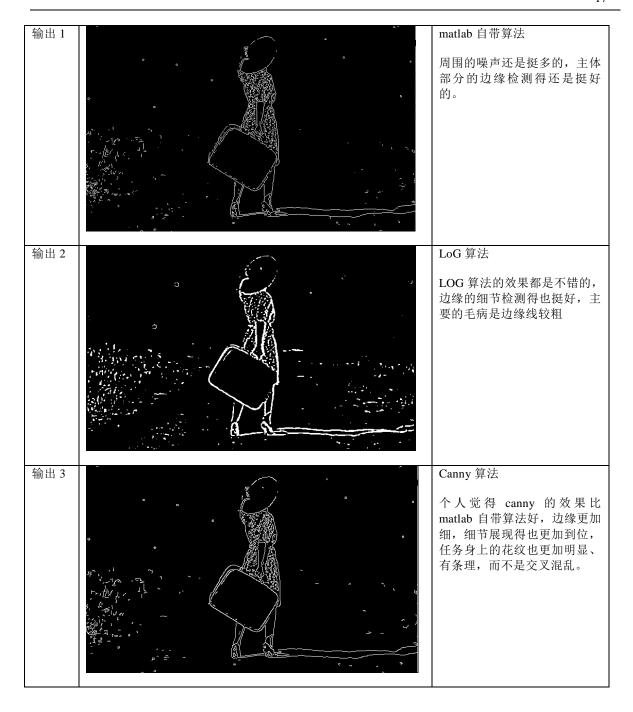
2.2.1.5 noise2.png

输入



原图

背景感觉有些模糊并且伴有少量白色噪声点,主体部分还算 清晰,至少比城堡清晰。



2.2.1.6 car.png

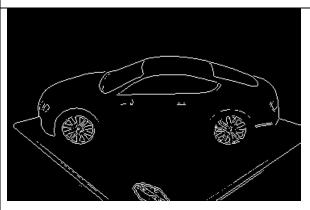




原图

噪声几乎没有,边缘很清晰。

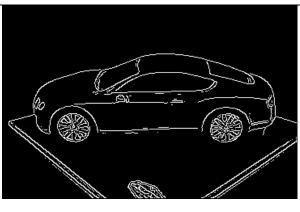
输出1



matlab 自带算法

对于汽车底盘的检测就没有 了,看上去很奇怪,效果不是 很好。

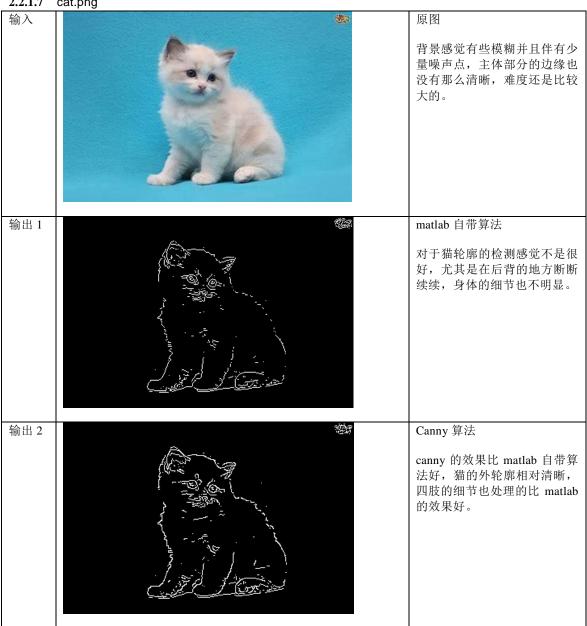
输出2



Canny 算法

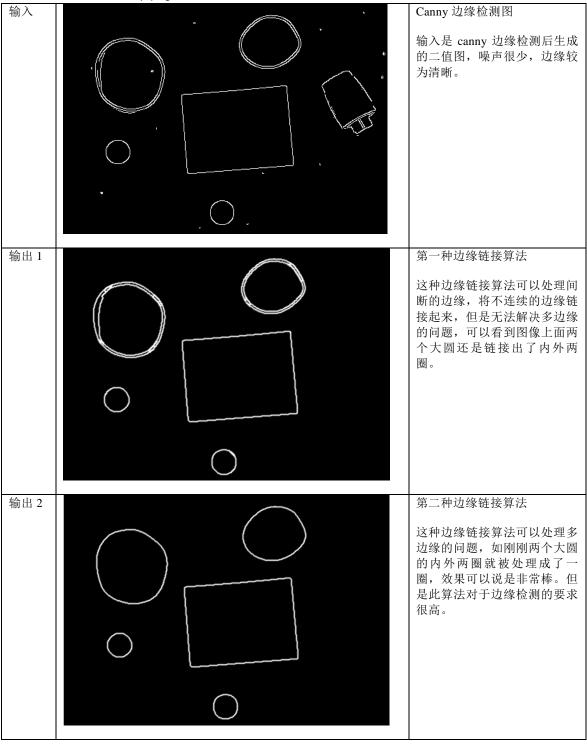
canny 的效果比 matlab 自带算 法好,整个汽车看得更加清晰, 轮廓也是相当完整。

2.2.1.7 cat.png



2.2.2 边缘链接

2.2.2.1 rubberband_cap.png



2.3 实验对比结论

可以明显得看出,对于绝大部分的图片,Canny 算法的效果相对来说是最好的,这也是由于其算法考虑了各方面的情况,进行了多方面的处理。值得一提的是 LoG 算法的效果甚至有时候是超过 Canny 的,唯一的缺点是边缘线较粗。