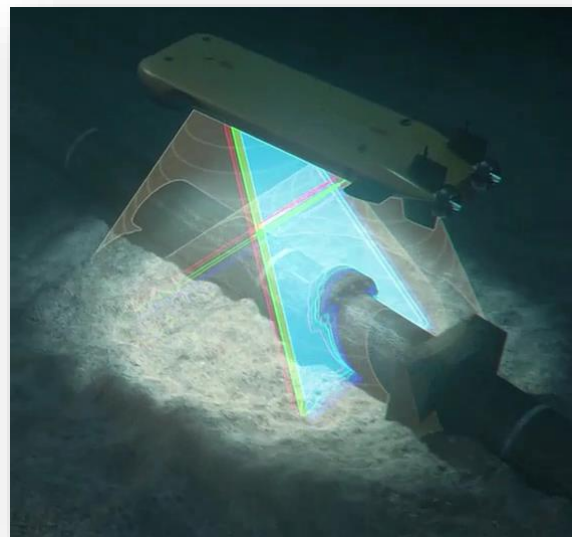
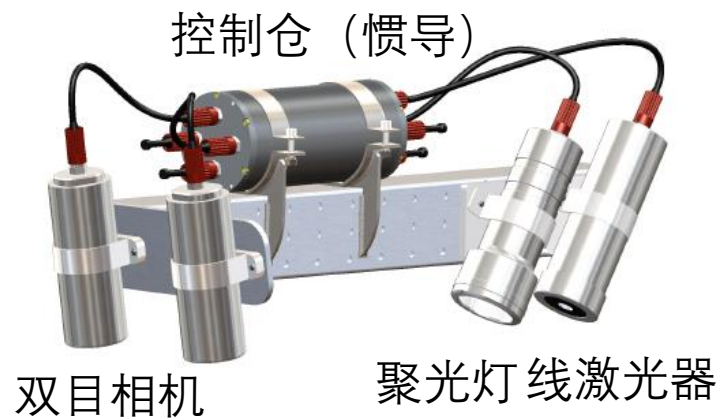
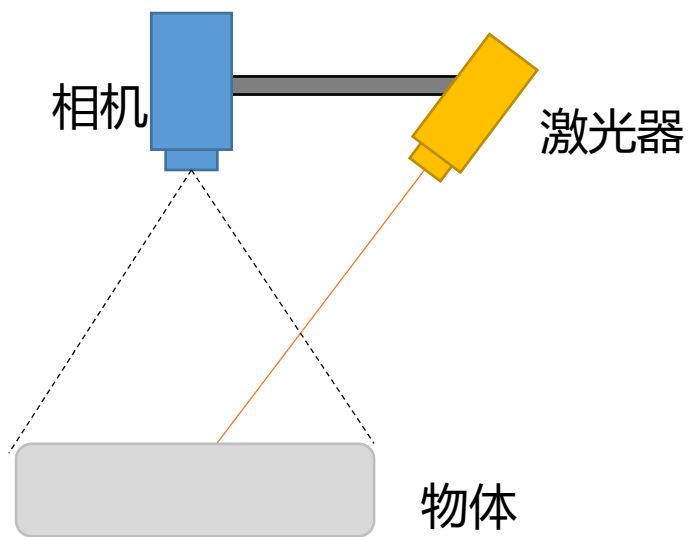
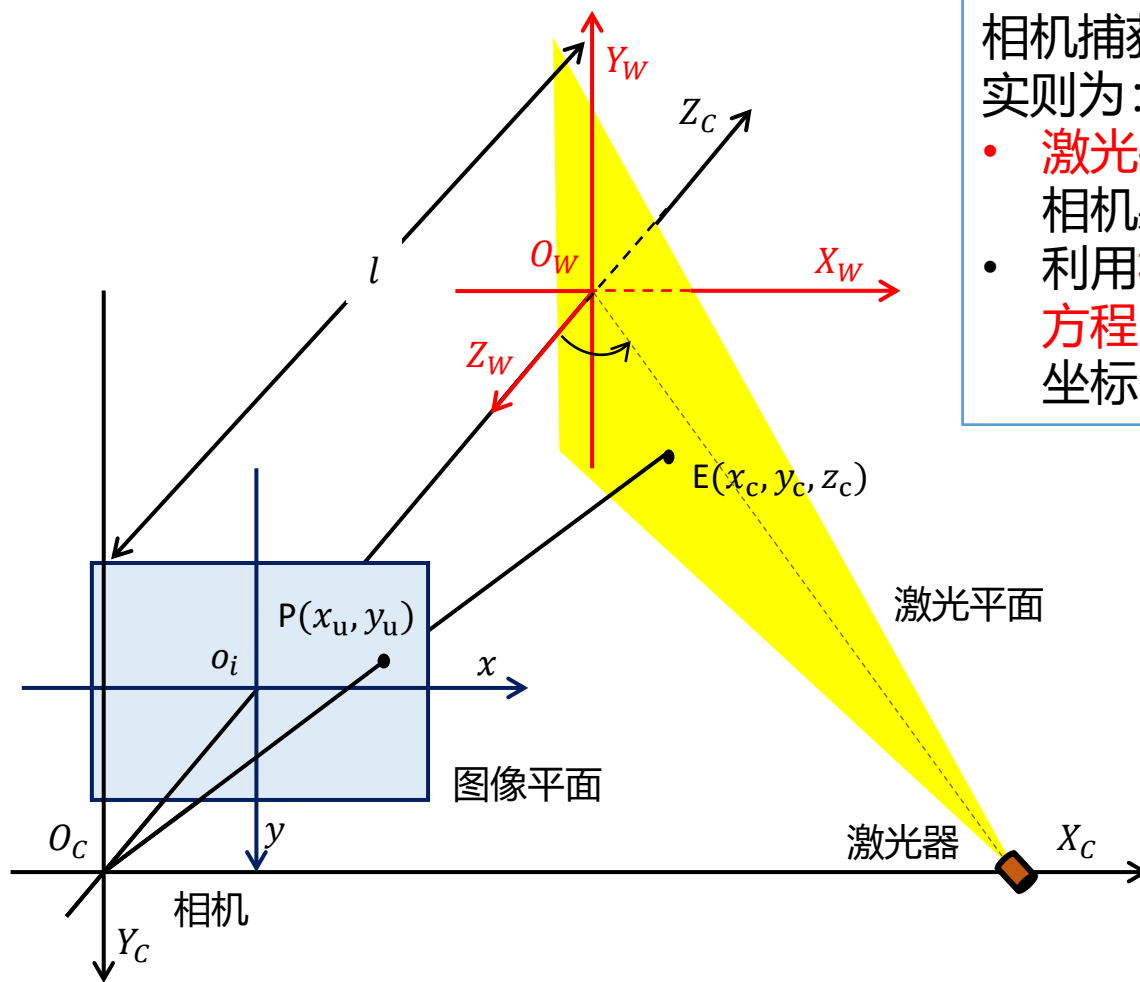


# 激光三角法

# 单目激光三角法



# 单目激光三角法



相机捕获物体表面的激光投影点  
实则为：

- 激光平面与激光点所在像素处的相机射线的交点。
- 利用相机的标定信息与激光平面方程，可求解激光投影点的三维坐标。

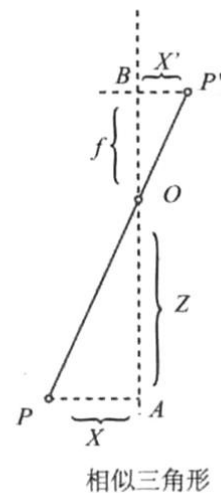
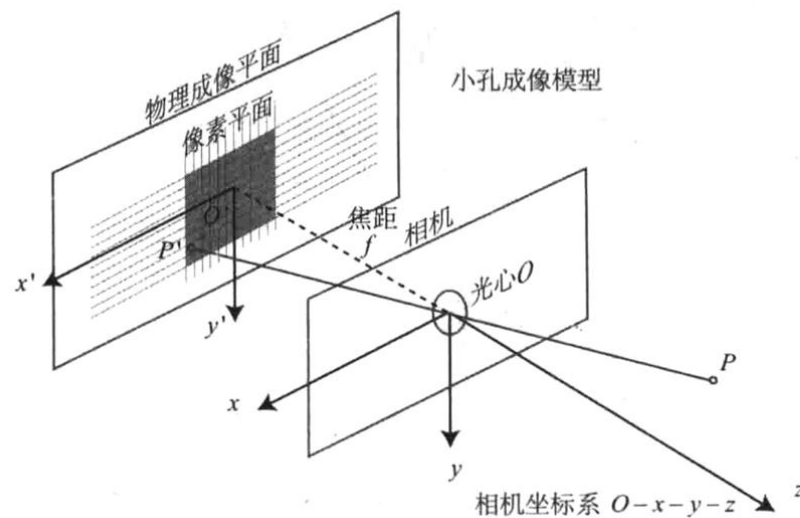
# 单目激光三角法--重建步骤

1. 相机标定
2. 激光线提取
3. 激光平面标定
4. 激光三角法

# 1. 相机标定 -- 相机内参

Invertible 3x3 camera calibration matrix  $\mathbf{K}$

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix} \mapsto \mathbf{x}_{px} \sim \begin{pmatrix} \alpha_x X + Zx_0 \\ \alpha_y Y + Zy_0 \\ Z \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_x & 0 & x_0 & 0 \\ 0 & \alpha_y & y_0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix},$$



# 1.相机标定 --相机外参

$(x_{px}, y_{px})^T$ : Projected Pt in Pixel Coordinates [px] for Camera in Non-canonical Pose

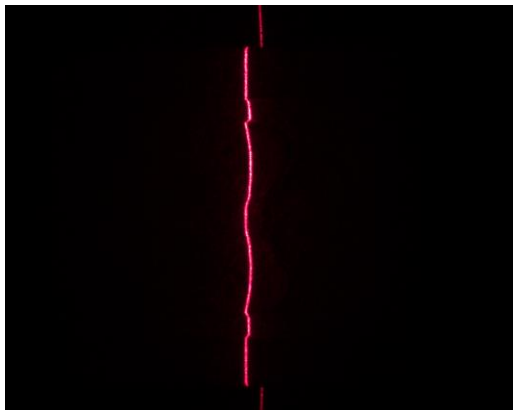
invertible 4x4 world-to-camera  
rigid body transformation matrix

↓

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix} \mapsto \mathbf{x}_{px} \sim \mathbf{P}\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \alpha_x & 0 & x_0 & 0 \\ 0 & \alpha_y & y_0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{R} & \mathbf{t} \\ \mathbf{0}^\top & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix}$$

We use this decomposition rather than the equivalent and more common  $\mathbf{P} = \mathbf{K}[\mathbf{R} \mid \mathbf{t}]$  since it will allow us to reason more easily about combinations of rigid body transformation matrices.

## 2. 激光线提取

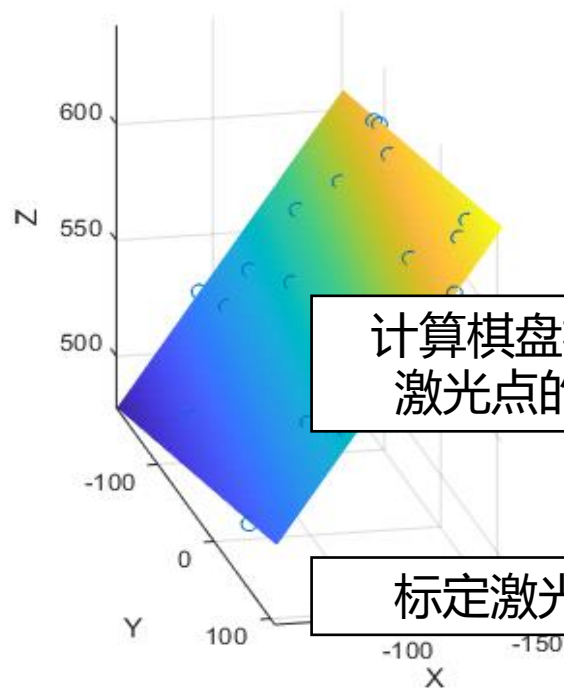
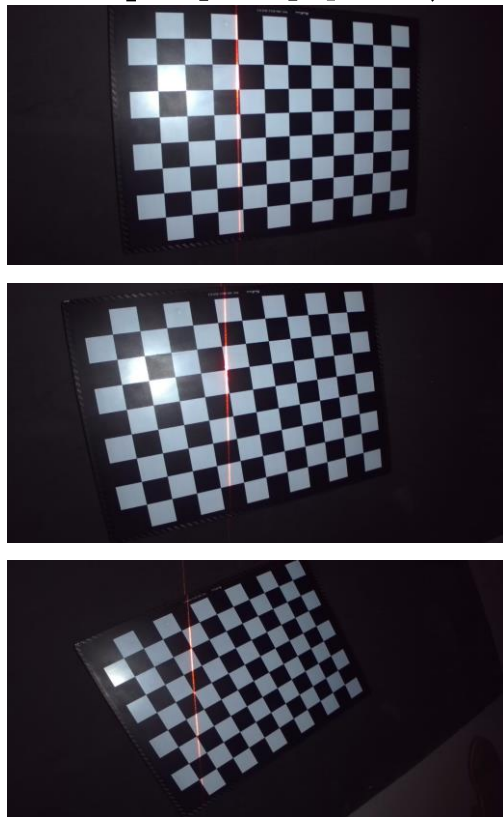


- 自由发挥

如: [基于灰度质心法和骨架的激光中心线提取\\_SLAM\\_masterFei的博客-CSDN博客](#)

### 3.激光平面标定

$$AX_r + BY_r + CZ_r + D = 0$$



标定棋盘格标定板的  
平面方程

计算棋盘格标定板上  
激光点的三维坐标

标定激光平面方程



## 4. 激光三角法

- 借助光线追踪（相机模型）和激光平面方程，求解激光投影点的三维信息
- 相机模型

$$\begin{cases} X_r = Z_r * x \\ Y_r = Z_r * y \end{cases}$$

- 激光平面

$$AX_r + BY_r + CZ_r + D = 0$$

- 上述方程的联合求解

