## Spis treści

Akron	imy .		;
Wpro	wadzen	ie	Ę
Rozdz	iał 1.	Wprowadzenie do taryfikacji w ubezpieczeniach	
maj	ątkowy	vch	11
1.1.	Chara	kterystyka taryfikacji	12
1.2.	Chara	kterystyka modelu mieszanego w taryfikacji	22
1.3.	Specyf	îka danych w taryfikacji	24
Rozdz	iał 2.	Charakterystyka rozkładów prawdopodobieństwa	31
2.1.	Rodzii	na rozkładów EDM	32
2.2.	Rozkła	ady prawdopodobieństwa wartości pojedynczej szkody dla	
	ryzyka		33
2.3.	Rozkłady prawdopodobieństwa liczby szkód dla ryzyka		
2.4.	Złożony rozkład Poisson-gamma łącznej wartości szkód dla ryzyka		
Rozdz	iał 3.	Modele mieszane – podstawy teoretyczne	42
3.1.	Model	e z efektami stałymi	42
	3.1.1.	Nieliniowy model regresyjny NLM	43
	3.1.2.	Estymacja modelu NLM	47
3.2.	Modele mieszane		51
	3.2.1.	Nieliniowy model mieszany	52
	3.2.2.	Estymacja parametrów modelu mieszanego	59
Rogda	iol 4	Modolo z ofoktomi stalumi w tarvfikacii	66

2 Spis treści

4.1.	Dwumodelowa taryfikacja a priori – modele z efektami stałymi $$ 67		
	4.1.1. Modele GLM		
	4.1.2. Modele uwzględniające ryzyka bezszkodowe 77		
4.2.	Jednomodelowa taryfikacja a priori – model z efektami stałymi $$ 86		
Rozdzi	iał 5. Modele mieszane w taryfikacji		
5.1.	Dwumodelowa taryfikacja a priori – modele mieszane 96		
	5.1.1. Modele HGLM dla portfeli o strukturze klastrowej $\ \ldots \ \ .$ 96		
	5.1.2. Modele mieszane uwzględniające ryzyka bezszkodowe 107		
5.2.	Jednomodelowa taryfikacja a priori – model mieszany		
5.3.	lele mieszane z indywidualnym nieobserwowalnym czynnikiem		
	ryzyka		
	5.3.1. Modele mieszane dla danych przekrojowych 123		
	5.3.2. Modele mieszane dla danych przekrojowych-czasowych 126		
5.4.	Uwagi programistyczne		
Zakońo	czenie		
Dodate	ek A. Wyprowadzenia		
A.1.	Ryzyko oraz składka czysta		
A.2.	Momenty ZA-rozkładów		
A.3.	Budowa macierzy $\boldsymbol{Z}$		
A.4.	Wyprowadzenia dotyczące macierzy wariancji-kowariancji $\boldsymbol{V}$ 141		
Dodate	ek B. Opis portfeli ubezpieczeniowych		
Dodate	ek C. Przykładowe zrzuty ekranów		
Bibliog	grafia		