



第五讲 容斥问题

❷代入公式:

总人数-圈外人数=总人次-重复部分 注意:保证每一部分都计算一次

隐藏公式: 0 科+1 科+2 科+3 科=总人数

例题1(2022广东)

某单位计划从全部 80 名员工中挑选专项工作组成员,要求该组成员须同时有基层经历和计算机等级证书。已知,单位内有 40 人有基层经历,有 46 人有计算机等级证书,既没有基层经历又未获得计算机等级证书的有 10 人。那么能够进入工作组的员工有多少人?

A. 16

B. 40

C. 46

D. 54

【答案】A

【解析】设进入工作组人数为 x, 列式: 总人数-圈外人数=总人次-重复部分;

80-10=40+46-x,解得 x=16, A 当选

例题 2 (2022 天津)

某班期末考试结束后统计,物理、化学均不及格的人数占全班的 14%, 物理及格的人数比化学及格的人数多 10 人,且化学及格的人数占全班人数的 60%。已知全班人数不超过 70 人,问物理及格的人中化学也及格的有多少人?

A. 25

B. 26

C. 27

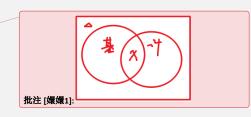
D. 28

【答案】C

【解析】根据证书特性,不及格占 14%,可逐项得出:全班人数 50 人,物理化学不及格 7 人,化学及格 30 人,物理几个 40 人。

设两科均及格人数为 x, 列式 50-7=30+40-4, 得出 x=27, C 当选

第 1 页









例题 3 (2020 新疆)

某单位共有 240 名员工,其中订阅 A 期刊的有 125 人,订阅 B 期刊的有 126 人,订阅 C 期刊的有 135 人,订阅 A、B 期刊的有 57 人,订阅 A、C 期刊的有 73 人,订阅 3 种期刊的有 31 人,此外,还有 17 人没有订阅这三种期刊中的任何一种。问订阅 B、C 期刊的有多少人?

A. 57

В. 64

C. 69

D. 78

【答案】B

【解析】设 BC 所求为 x 人, 列式: 240-17=125+126+135-57-73-x+31, 求得 x=64, B 当选

例题 4 (2023 浙江)

某班级对 70 多名学生进行数学和英语科目摸底测验,有 12%的学生两个科目均不及格。已知有 2/3 的学生英语及格,数学及格的学生比英语多 10 人,那两科均及格的学生有多少人?

A. 31 C. 41 В. 37

D. 44

【答案】D

【解析】根据 12%的整除特性,可依次得出:全班 75 人,英语 50 人,数学 60 人,都不及格 9 人;设题干所求为 x,列式:75-9=50+60-x,x=44,D 当选

例题 5 (2024 深圳)

某高校法学院对学生毕业后就职于司法机关、律所、企业的意愿进行调查,共 725 名学生参与调查,可选其中 $0 \subseteq 3$ 项。结果显示,选择司法机关、律所、企业的学生分别有 360 人、380 人、237 人,3 项都选的学生有 60 人,3 项都不选的学生有 8 人,则仅选择其中 1 项的学生有多少人?

A. 517

B. 516

C. 515

D. 514

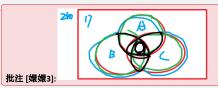
【答案】A

【解析】设一项为 x 人, 两项为 y 人, 列式: 725-8-360+380+237-1*y-2*60, 根据隐藏公式: 0 科+1 科+2 科+3 科=总人数, 列式: 8+x+y+60=725, 求得 X=517, A 当选

例题 6 (2012 四川省考)

某次射击比赛共有 52 人参加,前 1、2、3、4、5 靶未命中的人数分别为 4、6、10、20、39。5 靶中如每人至少射中 1 靶,只中 1 靶的有 7 人,5 靶全中的有 6 人,中 2 靶的人数与中 3 靶的一样多,问中 4 靶的有几人?

第 2 页









关注"花生十三"公众号,每日图推、类比、速算等

A. 20

B. 25

C. 29

D. 31

【答案】D

【解析】未命中反面即为:前1、2、3、4、5 靶命中的是48、46、42、32、13 人, 设两靶为 y 人,4 靶为 x 人,<mark>列式:</mark> 52=(5*52-79)-y-2y-3x-4*6;7+y+y+x+6=52; 可算出 x=31, D 当选

➡最值思想:

各部分人数尽量多,可以使共同部分的量最大

例题 7 (2018 浙江事业编)

某单位 45 名职工利用假期重读马克思主义著作,其中 60%的人阅读《资本论》,阅读《共产党宣言》的人比阅读《政治经济学批判》的多 5 人,但少于阅读《资本论》的人。已知所有人都阅读过这三本著作中的至少一本,最多有多少人这三本著作都阅读了?

A. 12

В. 13

C. 14

D. 15

【答案】C

【解析】要使三本书都阅读的人数最多,应让每本的读者也尽量多,据此可得出:资本论阅读 27 人, 共产党宣言阅读 26 人,政治经济学阅读 21 人,设读两本 y 人,读三本 x 人,列式: 45=27+26+21-y-2x,化解得 2x+y=29,y 最小为 1,则 x=14, C 当选

例题 8 (2023 四川事业单位)

某机关部门有 65 人,为加强文化建设,组织员工到电影院观看 A、B、C 三部电影,由于三部电影放映时间错开,要求每个员工至少观看一部电影,有 40%员工选择看电影 A,有 27 人选择观看电影 B,有 48 人选择观看电影 C。则选择观看三部电影的员工至多可以有多少人?

A. 16

В. 17

C. 18

D. 19

第 3 页

批注[嬛嬛5]: 题干求什么,把什么设为 x,预防计算完直接选,不是题目所求答案

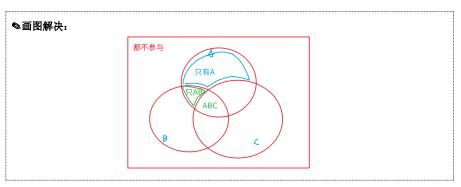
批注[嬛嬛6]: 面对两个未知数,记得列隐藏公式解题: 0 科+1 科+2 科+3 科=总人数





【答案】C

【解析】已知 A27 人, B27 人, C48 人, 设两部为 y 人, 三部为 x 人, 套公式: 65=26+27+48-y-2x, 得出 2x+y=36, y 尽量小为 0, 则 x=18, C 当选



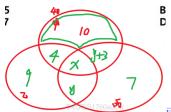
例题 9 (2023 深圳)

小明对甲、乙、丙三种手机软件的安装情况进行街头调查。随机选取的一批调查对象中,手机安装了甲、乙、丙三种软件的人数分别是 40,36,35,只安装了其中一种软件的人数分别占其中的 25%、25%、20%,同时安装了甲、乙两种软件而未安装丙软件的有 4 人,同时安装了甲、丙两种软件而未安装乙软件的人数比同时安装乙、丙两种软件而未安装甲软件的人数多 3 人,有多少人同时安装了甲、乙、丙三种软件?

A. 15 C. 27 D. 33

【答案】B

【解析】根据题干要求,设三软件安装为 x 人,乙丙非甲为 y 人,可画图得出以下信息:



已知条件多,列式: x+2y+3+7=35; x+y+4+9=36, 可得出

X=21, y=2, B 当选

例题 10 (2023 国考副省级)

农科院在某村287名淡水鱼养殖人员中开展防病培训和育种培训。已知参加防病培训的养殖人员中,

第 4 页





参加育种培训的人数比未参加的多 21%;参加育种培训的养殖人员中,参加防病培训的人数比未参加的多 76 人。问共有多少人未参加任何一项培训?

A. 21

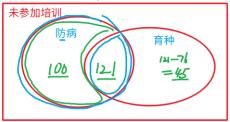
B. 23

C. 25

D. 27

【答案】A

【解析】根据整除特性 21%,可得出防病培训中,两种都参加的为 121 人,只参加防病的为 100 人:



列式: 287- (145+121+45) =21, A 当选

例题 11 (2023 北京)

某公司有80人报名参加会计、法律和技术三项培训中的一项或多项,三项培训的报名人数比为6:5:4。 已知同时参加会计和法律培训的人数,和同时参加法律和技术培训的人数,分别是同时参加会计和技术培训的人数的70%和80%,且无人同时参加3项培训,则只参加技术培训的有多少人?

A. 4

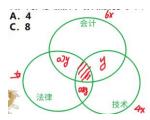
В. 6

C. 8

D. 10

【答案】D

【解析】题目关系梳理如下图:



◆ 设会计报名人数为 6x,会计和技术参加为 y 人,可列式:

80=15x-2.5y, 化简的 6x-y=32,。利用整除特性 y 可以为 10、20、

30,根据选项分析的出 y=10, x=7, 故可算出只参加技术培训的为 28--8-10=10, D 当选

批注[嬛嬛7]:其他情况不能保证 x 为整数

例题 12 (2024 国考行政执法)

某高校外国语学院中,会俄语的学生都会英语,其中一半还会法语;会英语的学生中有一半会法语;这

第 5 页





三种语言都会的学生有50人,只会其中两种语言的有100人,只会其中一种语言的有150人。问会法语的 学生有多少人?

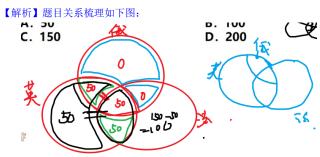
A. 50

В. 100

C. 150

D. 200

【答案】D



题干问会法语多少人: 100+50+50=200 人, D 当选

第 6 页