

$$\{(1, 2), (2, 1), (3, 4), (4, 3), \dots\} = E$$

$$[0, 1, 2, 3, 4, 5] = V$$

$$[[3, 4], [2], [2, 0, 4], \dots]$$

$$[]$$

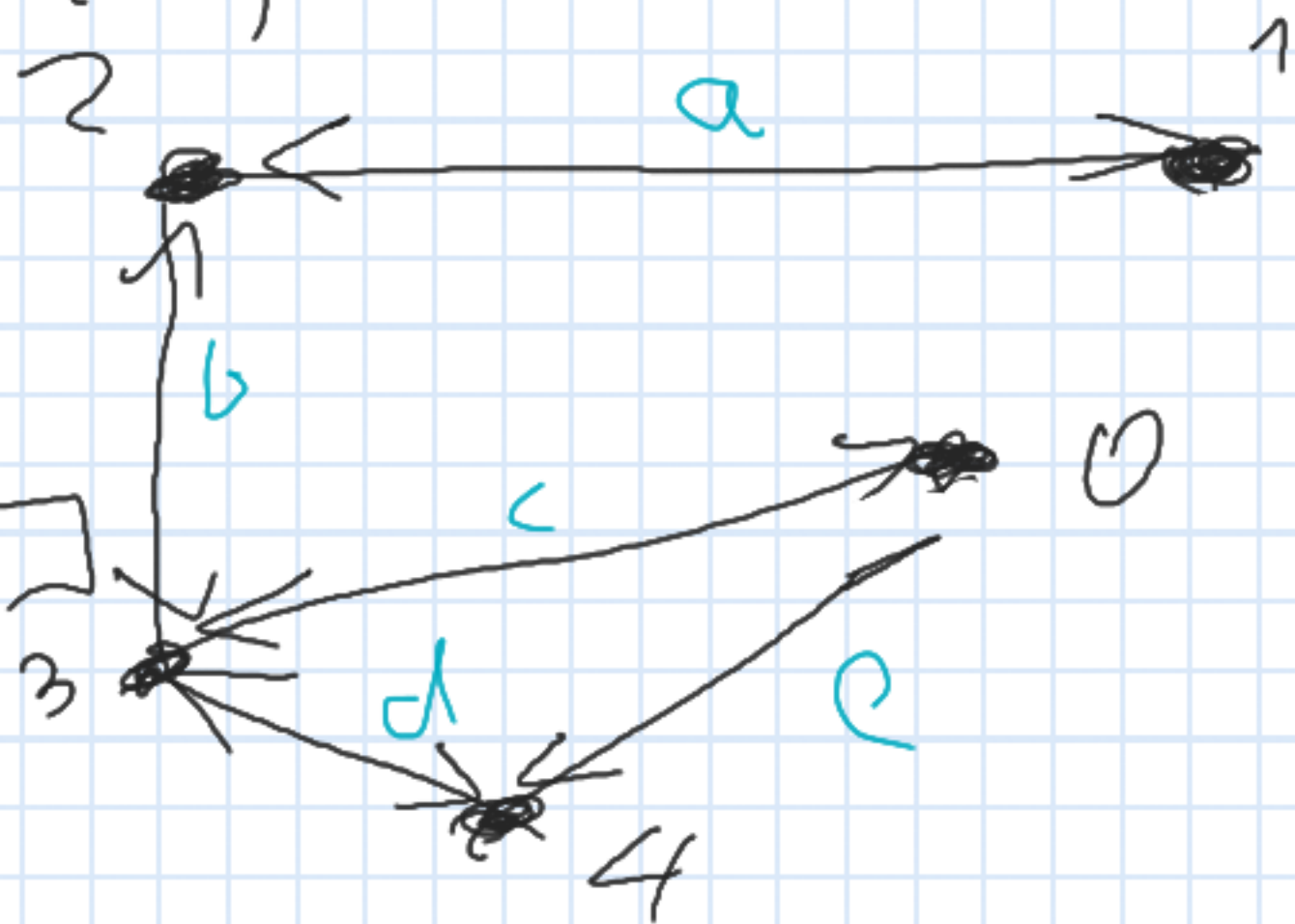
$$\begin{array}{c} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \left[\begin{array}{c} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \right]$$

$$\begin{array}{c} - \\ - \\ - \\ - \\ - \\ - \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \begin{array}{c} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{array}$$

$$a < b < d < e$$

$$5$$



```
def BFS(S, G):
    visited = [False] * |V|
```

```
    q = Q()
```

```
    q.put(S, 0)
```

```
    while not q.empty():
```

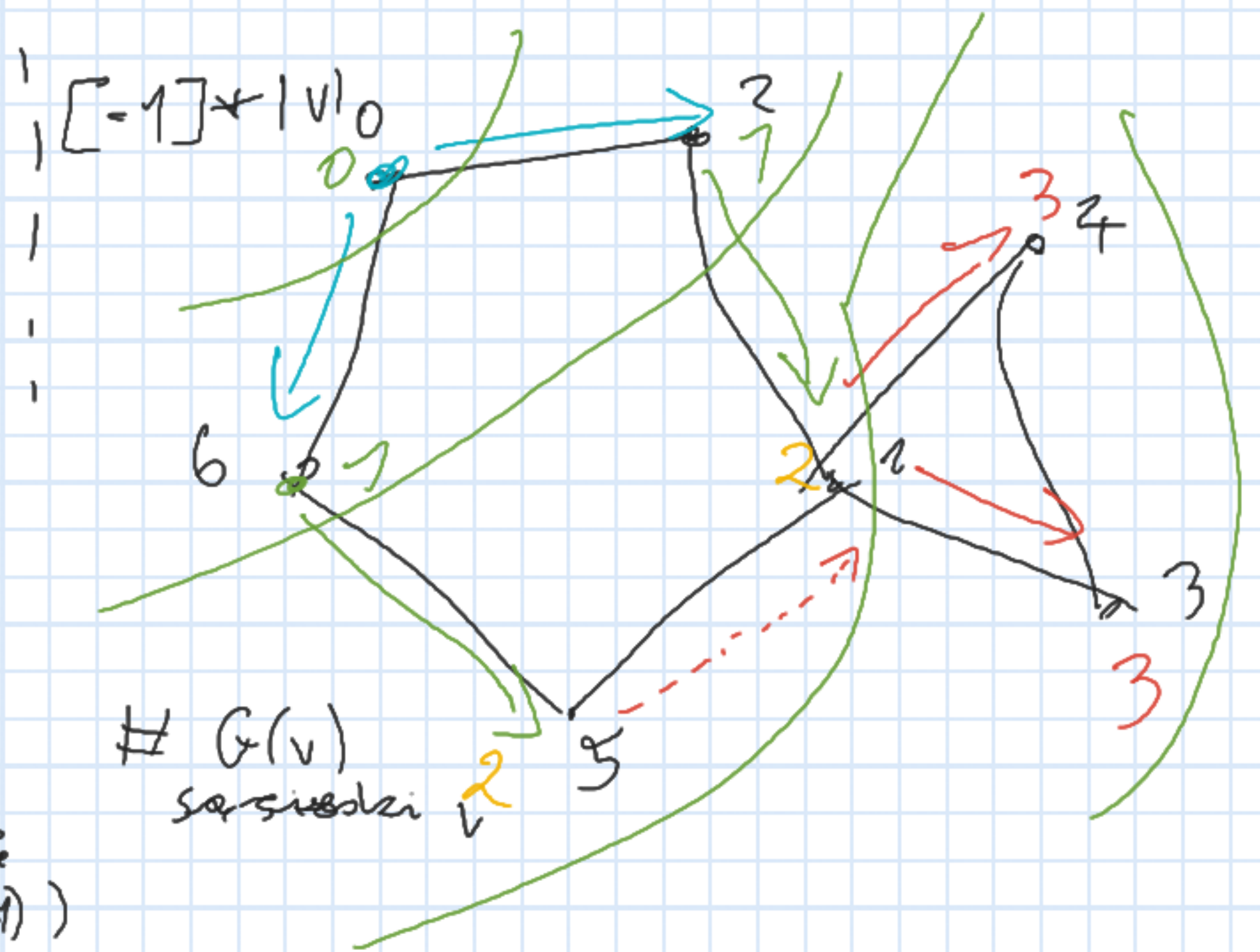
```
        v, w = q.get()
```

```
        for u in G(v):
```

```
            if not visited[u]:
```

```
                q.put((u, w+1))
```

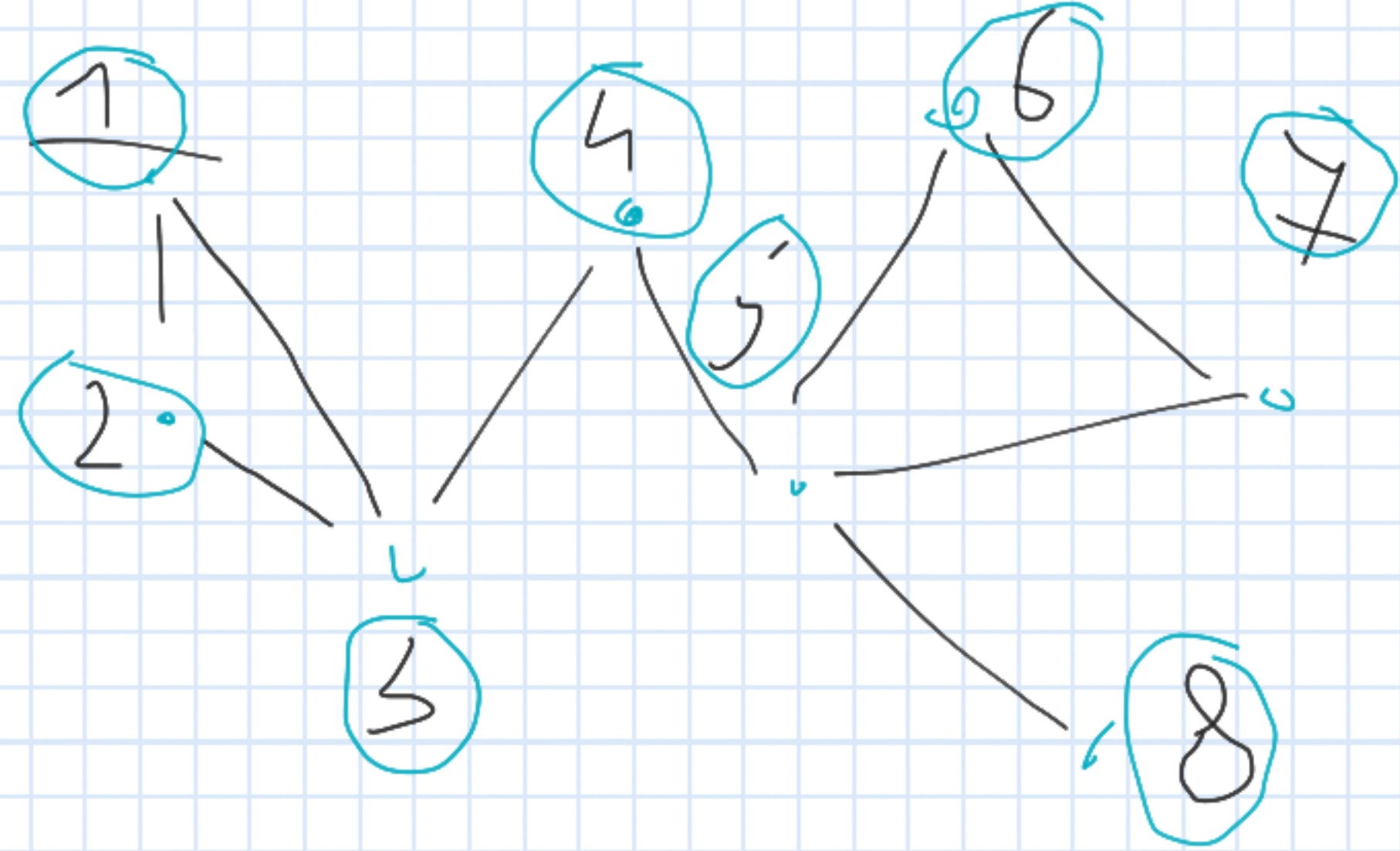
```
            visited[u] = True
```



5 8 6 2
 4
 3
 1
 ✓

~~8~~
~~7~~
~~6~~
 2
 2

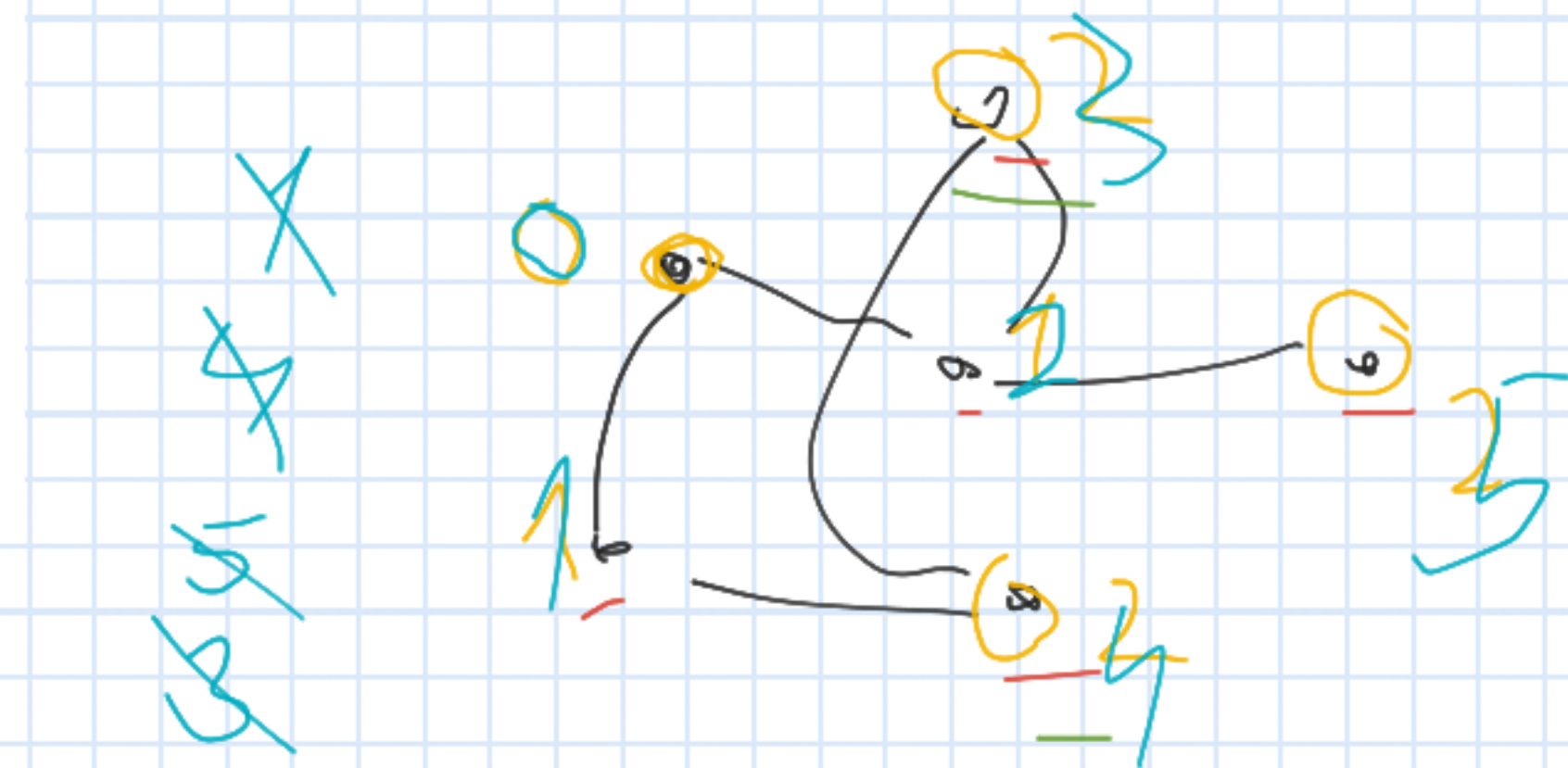
GLD3
 V_{vis}



DFS(v, G):
 $vis_{app}(v)$
 foreach neigh:
 DFS(neigh, G)

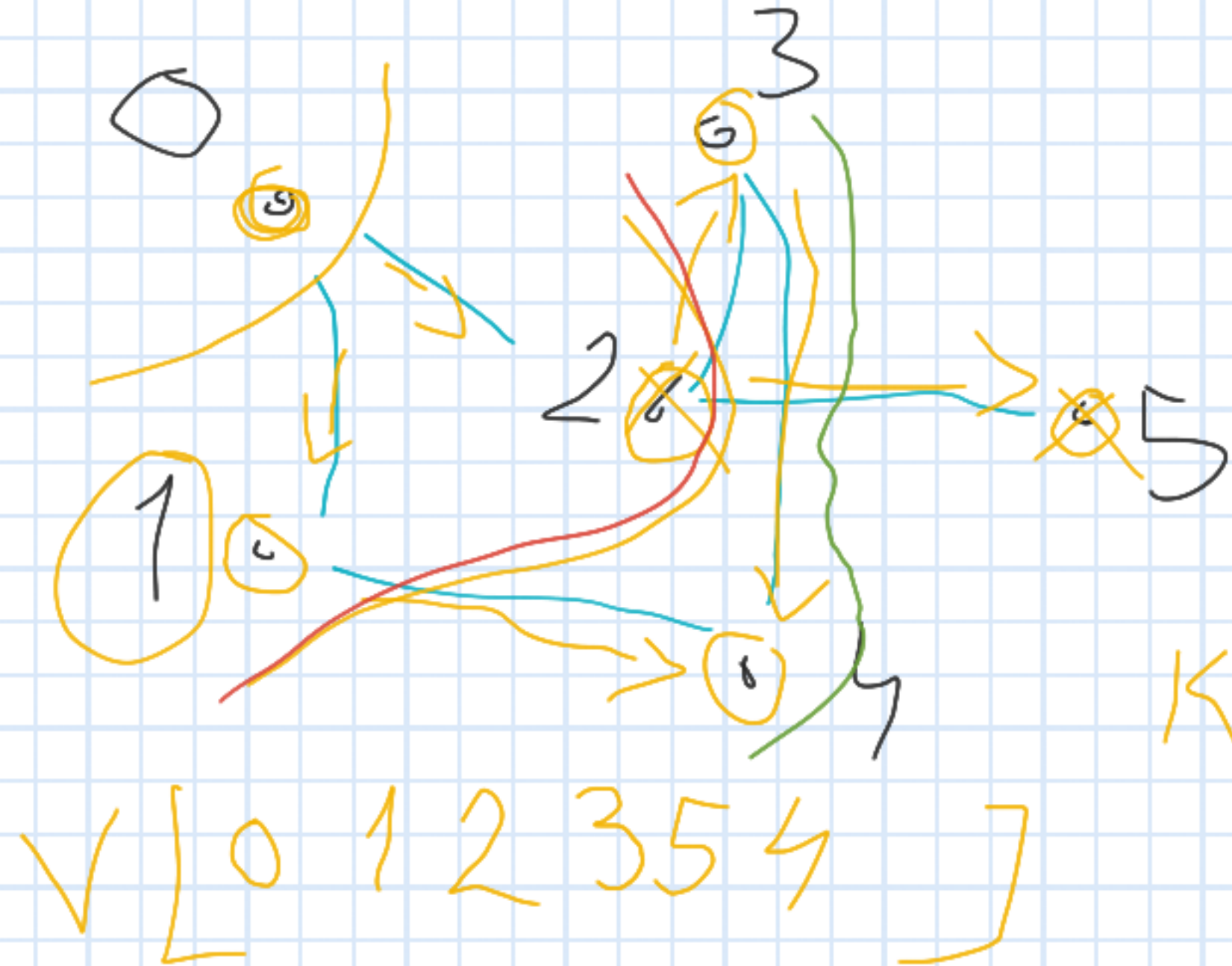
Zadanie 1: Detekcja cyklu

Napisz algorytm sprawdzający, czy graf nieskierowany posiada cykl.



Handwritten notes in blue ink, including a large circle with a question mark and several 'X' marks, possibly indicating a cycle or a specific algorithm step.

Handwritten notes in green ink, including a large circle with a question mark and several checkmarks, possibly indicating a cycle or a specific algorithm step.



Handwritten notes in green ink, including a large circle with a question mark and several checkmarks, possibly indicating a cycle or a specific algorithm step.

Zadanie 2: Wiadomość

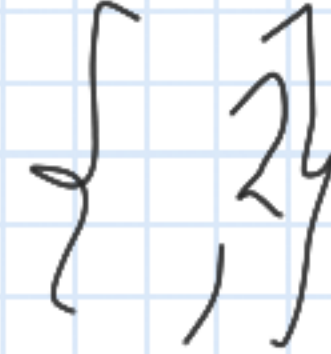
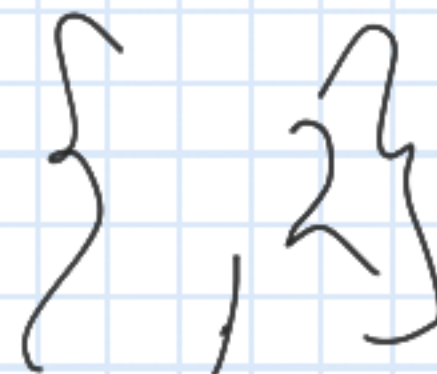
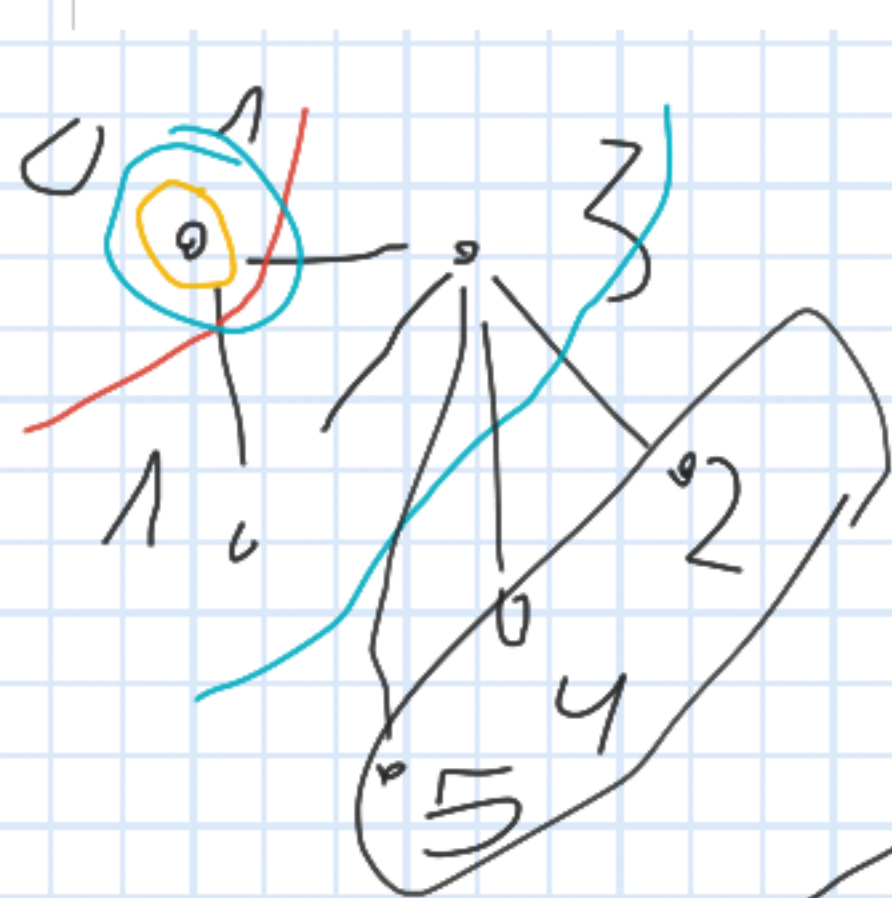
Otrzymujemy na wejściu listę par ludzi, które się wzajemnie znają. Osoby są reprezentowane przez liczby od 0 do $n - 1$.

Dnia pierwszego osoba 0 przekazuje pewną wiadomość wszystkim swoim znajomym. Dnia drugiego każdy ze znajomych przekazuje tę wiadomość wszystkim swoim znajomym, którzy jej jeszcze nie znali, i tak dalej.

Napisz algorytm, który zwróci dzień, w którym najwięcej osób poznało wiadomość oraz ilość osób, które tego dnia ją otrzymały.

$(0, 1), (0, 3)$

$(2, 3), (3, 1)$



✓ 0 M: 2

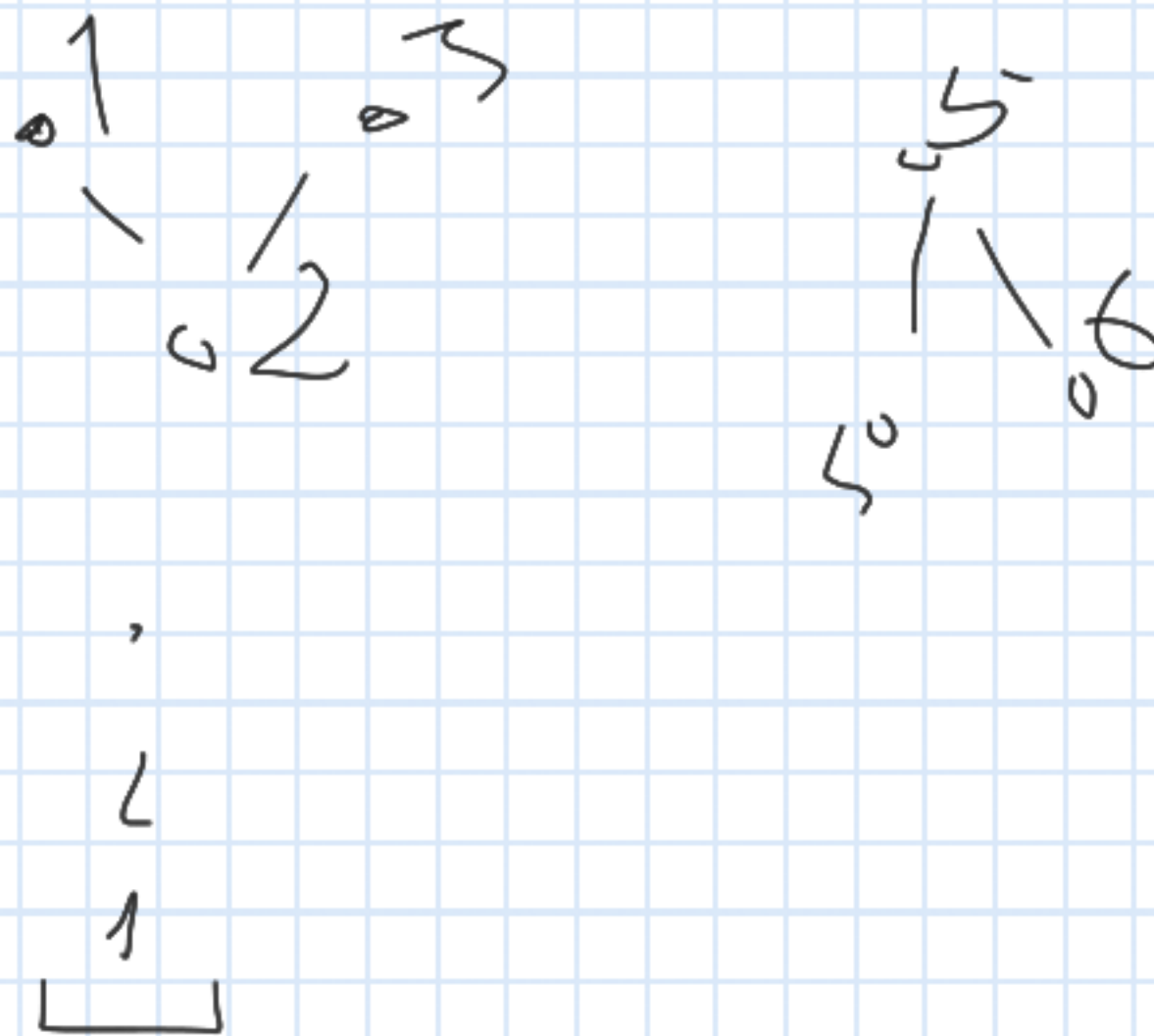
D: 0

Zadanie 3: Jeziora

Dana jest dwuwymiarowa tablica N x N, w której każda komórka ma wartość "W" - reprezentującą wodę lub "L" - ląd. Grupę komórek wody połączonych ze sobą brzegami nazywamy jeziorem.

- a) Policz, ile jezior jest w tablicy
- b) Policz, ile komórek zawiera największe jezioro

L	W	L	L	L	L	L	L
L	W	L	W	W	L	L	L
L	L	L	W	W	L	W	L
L	W	W	W	W	L	W	L
L	L	W	W	L	L	L	L
L	W	L	L	L	L	W	W
W	W	L	W	W	L	W	L
L	L	L	W	L	L	L	L

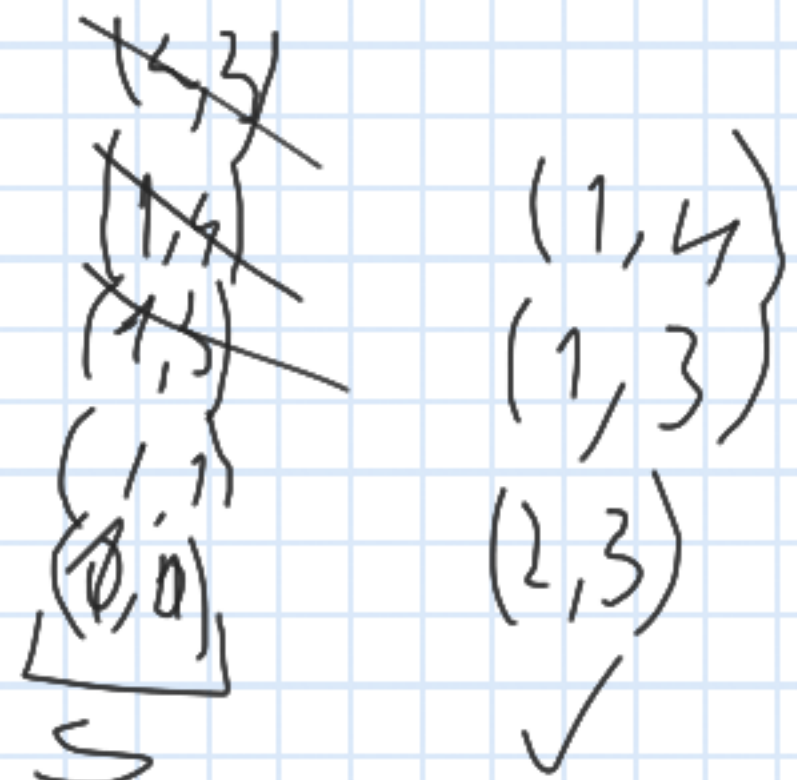


Bit Algo START

Zadanie 3: Jeziora - cd.

- c) Zakładając, że pola o indeksach [0][0] i [n-1][n-1] są lądem, sprawdź czy da się przejść drogą lądową z pola [0][0] do pola [n-1][n-1]. Można chodzić tylko na boki, nie na ukos.
- d) Znajdź najkrótszą ścieżkę między tymi punktami. Wypisz po kolei indeksy pól w tej ścieżce

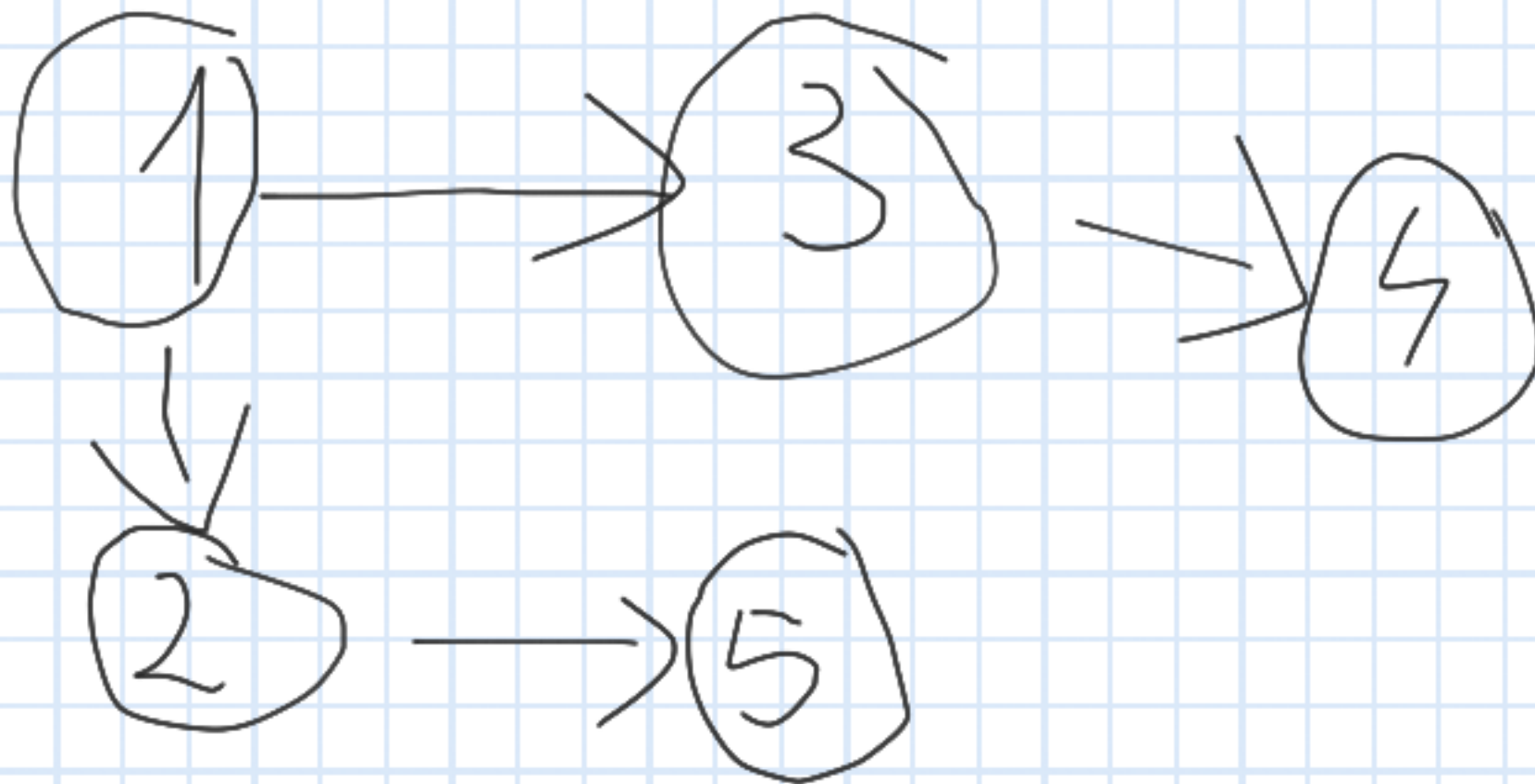
L	W	L	L	L	L	L	L
L	W	L	W	W	L	L	L
L	L	L	W	W	L	W	L
L	W	W	W	W	L	W	L
L	L	W	W	L	L	L	L
L	W	L	L	L	L	W	W
W	W	L	W	W	L	W	L
L	L	L	W	L	L	L	L



Zadanie 4: Sklejanie przedziałów

Dany jest ciąg przedziałów postaci $[a_i, b_i]$. Dwa przedziały można skleić, jeśli mają dokładnie jeden punkt wspólny. Podaj algorytm, który sprawdza, czy da się uzyskać przedział $[a, b]$ poprzez sklejanie odcinków.

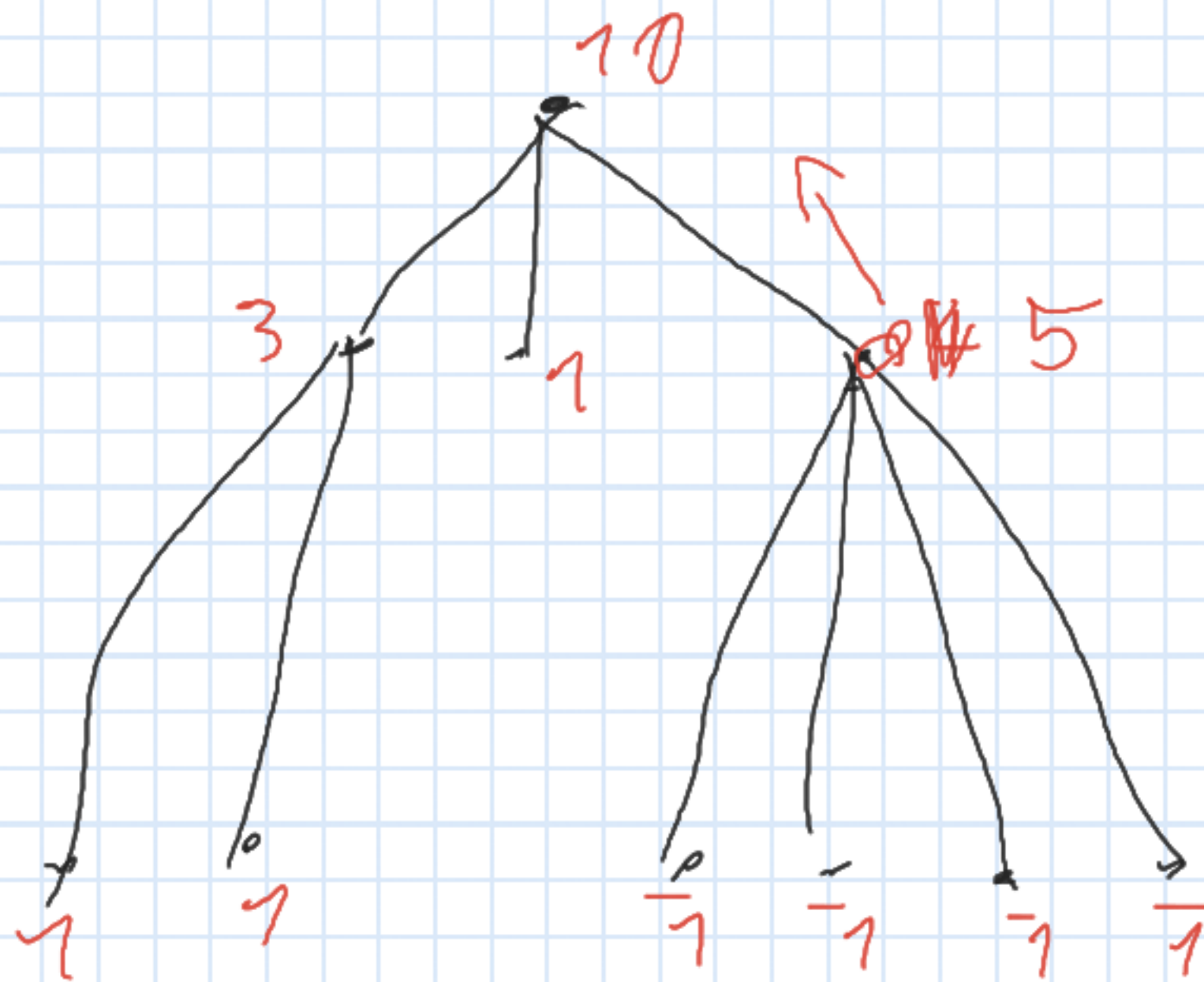
$[(1, 3), (2, 5), (3, 4), (1, 2)]$





Zadanie 6: Rozmiary poddrzew

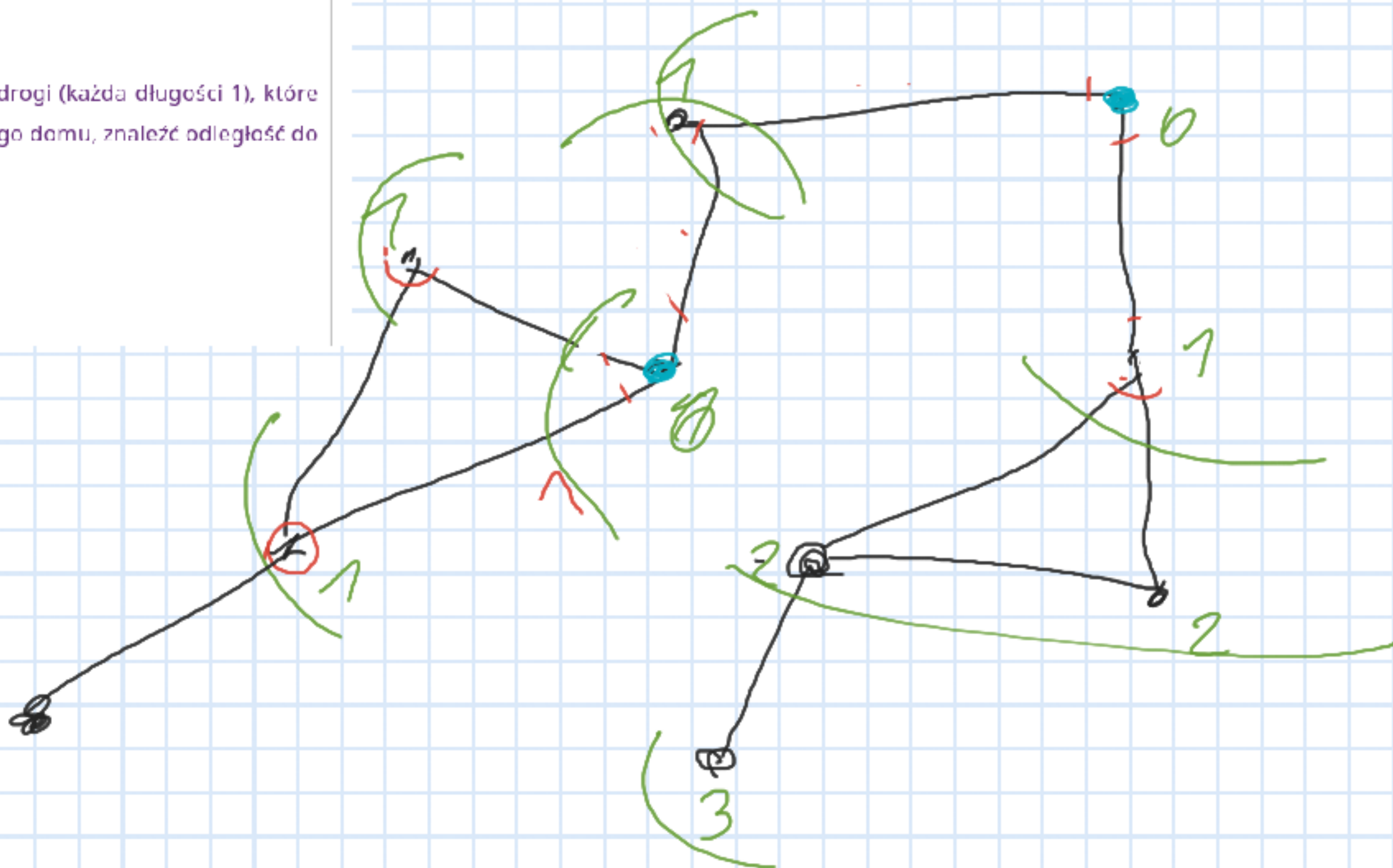
Dostajemy na wejściu listę krawędzi drzewa (niekoniecznie binarnego!) oraz wyróżniony wierzchołek - korzeń. Każdy wierzchołek tworzy swoje własne poddrzewo. Dla każdego wierzchołka, wyznacz ilość wierzchołków w jego poddrzewie.





Zadanie 7: Domy i sklepy

Mamy mapę miasteczka, w którym są domy i sklepy. Na mapie są również drogi (każda długości 1), które łączą dom z domem, albo dom ze sklepem. Naszym zadaniem jest, dla każdego domu, znaleźć odległość do najbliższego sklepu.





Bit Algo START

Zadanie 8: Średnica drzewa

Średnicą drzewa nazywamy odległość między jego najbardziej oddalonymi od siebie wierzchołkami. Napisz algorytm, który przyjmując na wejściu drzewo (niekoniecznie binarne!) w postaci listy krawędzi zwróci jego średnicę.

