

Termin oddania **19.01.2024 do godz. 14.15** na platformie **Ms Teams** (we właściwym zespole **lab** przypisanym dla przedmiotu **Programowanie Matematyczne**). **Opóźnione** przesłanie rozwiązania zadania będzie rozliczane zgodnie z regulaminem przedmiotu.

Rozwiązanie zadania tj. wszystkie źródłowe **m-pliki**, **raport** (**obowiązkowy**, w formacie **PDF z omówieniem wyników**) i w raporcie **oświadczenie o samodzielności** – całość w formacie **zip** o nazwie **pm7c_swojenazwisko_swojeimie.zip**

Raport (plik **pdf**) powinno być w formacie **A4** i powinno obejmować:

Dane studenta (imię, nazwisko, grupa, data)

Treść zadania (postać rozwiązywanego problemu)

Opis kroków przekształcania zadania, krótki opis algorytmu

Ciekawe przykłady obliczeniowe (również dodatkowo wskazane w treści zadania)

Analizę (omówienie) wyników obliczeniowych, testów

Ponadto (do pliku zip) należy załączyć:

Kody źródłowe wszystkich funkcji/procedur i skryptów (**brak** kompletu jest traktowany jak **brak** przesłania zadania, podobnie kod który **nie działa** bo nie jest kompletny... **nie będą przyznane żadne punkty**)

Napisz **skrypt**, w którym proszę wykonać całe zadanie **kolejnymi etapami**, wywołać przygotowane funkcje oraz przeprowadzić proponowane testy.

Problem

Napisz plik **dane.m** który tworzy tablicę **T** losowo wygenerowanego **wielokąta wypukłego** (w R^2), kolejne **kolumny** tablicy zawierają współrzędne wygenerowanych wierzchołków (*możesz zaproponować też inne własne generowanie?*).

Problem

Rozważmy dwa zbiory punktów $P = \{p_1, \dots, p_r\}$ oraz $Q = \{q_1, \dots, q_s\}$ definiujące wierzchołki **dwóch wypukłych rozłącznych wielokątów** (w R^2 , $r + s = m$)

Znaleźć minimalną odległość wielokątów, tzn. $\min \|p - q\|$, gdzie $p = \sum_{i=1}^r \lambda_i p_i$ oraz $q = \sum_{i=1}^s \mu_i q_i$ ($\lambda_i, \mu_i \in [0,1]$, $\sum \lambda_i = 1$, $\sum \mu_i = 1$)

1 pkt

Problem można sprowadzić do rozwiązania **zadania programowania kwadratowego**:

$$\min_{x \in \Omega} (x^T D x)$$

$$\Omega: \begin{cases} \sum_{i=1}^r x_i = 1 \\ \sum_{i=r+1}^m x_i = 1 \\ x \geq 0 \end{cases}$$

gdzie $D = C^T C$, $C = ?$

Jak zdefiniować **C** wykorzystując **P** oraz **Q**? Opisz to w raporcie.

Zdefiniuj odpowiednie macierze dla **funkcji celu** oraz dla **ograniczeń**.

Rozwiązać problem za pomocą funkcji **quadprog** dla $N=100$ wygenerowanych **par rozłącznych wielokątów** (punkt zaczepienia wielokąta losowy)

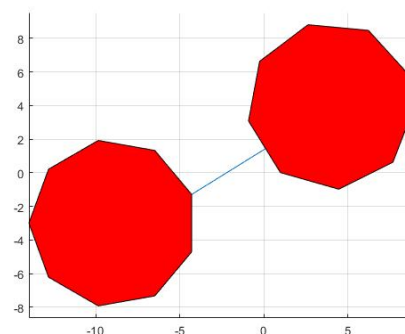
W **optimoptions** ustaw:

ConstraintTolerance: 1.0000e-10

OptimalityTolerance: 1.0000e-10

Gdy **exitflag** jest równe **1**, to podaj znaleziony wektor **x**, znalezioną wartość funkcji, ponadto podaj *mnożniki Lagrange'a* **lambda** (dla odpowiednich ograniczeń).

Narysuj oba wielokąty (np. funkcja **fill**) oraz linię łączącą punkty **p** oraz **q** (np. funkcja **line**)



1 pkt (w raporcie)

Omów **własności** rozwiązywanego zadania, czy zawsze jest RO? Jednoznaczne?

Podaj **funkcję Lagrange'a** zadania.

Podaj komplet **WKT** zadania (*zapisane macierzowo*).

3 pkt

Proszę rozwiązać **problem** (i porównać z powyższymi wynikami **quadprog**-a) za pomocą **własnej funkcji** wykorzystującej **algorytm punktu wewnętrznego IPM** dla odpowiedniego **zadania kwadratowego**

W raporcie (**obowiązkowo**) należy podać własny (nie „wklejany”) **opis algorytmu** wykorzystanego w **swojej implementacji** oraz **uzasadnić** wszystkie podejmowane **kroki**.

Uzasadnij, jak wyznacza się **kierunek**, jak wyznacza się **krok** oraz **kluczowe parametry** (np. punkt startowy, warunek stopu, itp).

```
[RO, f_opt, exitflag, it, LL_eqlin, LL_lower]=IPM(parametry);
```

Dopracuj parametry

e=? parametr definiujący dokładność obliczeń (zbieżność, itp.), np. **e=1e-6?**

x0 – punkt startowy

MAX_IT = ?

M = ?

it – liczba iteracji

LL_eqlin, LL_lower – obliczone **mnożniki Lagrange'a** (które zmienne w algorytmie IPM stanowią mnożniki Lagrange'a?)

Jeśli istnieje rozwiązanie zadania (**exitflag=1**), to zbadaj skuteczność algorytmu (może wykres?):

Zbadaj **norm(fval-f_opt)** oraz **norm(x-RO)**

Jeśli istnieje rozwiązanie zadania (**exitflag=1**), to wyświetl **mnożniki Lagrange'a** (oraz **porównaj** je z uzyskanymi z **quadprog**) Czy są spełnione **WKT**?

TESTY

- Należy przeprowadzić **testy algorytmu** dla **N=100** różnych wygenerowanych danych w celu zbadania **liczby iteracji**, której wymaga algorytm, by uzyskać rozwiązanie z podaną dokładnością.
- Zaproponuj własny sposób generowania **wypukłych wielokątów** (ile mają wierzchołków? 20? 50?)
- Oczekiwana jest **wysoka skuteczność** własnej implementacji IPM (dopracuj parametry algorytmu)

Opis testów

Wnioski