# Programowanie w Logice Rekurencja i rekurencja ogonowa (Lista 3)

# Przemysław Kobylański

# Wstęp

Poniższy predykat maximum(L, M) jest spełniony, gdy M jest największą wartością na liście liczb L:

```
maximum([X], X).
maximum([X | L], M) :-
    maximum(L, M1),
    porównaj(M1, X, M).

porównaj(M, X, X) :-
    X > M.
porównaj(M, X, M) :-
    X =< M.</pre>
```

Jest on zapisany rekurencyjnie ale ostatnim wywoływanym w nim warunkiem nie jest maximum/2 ale porównaj/3.

Aby kompilator mógł zoptymalizować przekład i użyć iteracji zamiast rekurencji zużywającej stos, należy przekształcić go do postaci rekurencji ogonowej:

```
maximum([X | L], M) :-
    maximum(L, X, M).

maximum([], M, M).
maximum([X | L], M1, M) :-
    porównaj(M1, X, M2),
    maximum(L, M2, M).

porównaj(M, X, X) :-
    X > M.
porównaj(M, X, M) :-
    X =< M.</pre>
```

Predykat porównaj (M1, X, M2) można zapisać stosując predykat ->/2. Służy on do sprawdzania celu, pod warunkiem, że inny cel jest spełniony i ma następującą postać:

```
(IF -> THEN; ELSE)
```

Jeśli spełniony jest warunek IF, to sprawdzany jest warunek THEN, w przeciwnym przypadku sprawdzany jest warunek ELSE.

Predykat maximum/2 z użyciem predykatu ->/2:

```
maximum([X | L], M) :-
    maximum(L, X, M).

maximum([], M, M).
maximum([X | L], M1, M) :-
    (X > M1 -> M2 is X; M2 is M1),
    maximum(L, M2, M).
```

#### Zadania

### Zadanie 1 (5 pkt)

Napisz predykat wariancja(L, D), który dla danej listy liczb L wylicza wartość wariancji D.

#### Przykład

```
?- wariancja([1, 2, 3], X).
X = 0.666666666666667.
?- wariancja([1, 2, 3, 4, 5], X).
X = 2.
?- wariancja([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8], X).
X = 5.25.
```

#### Zadanie 2 (3 pkt)

Dana jest lista liczb całkowitych  $L=[a_0,\ldots,a_{n-1}]$ . Przez sekcję a[i:j], gdzie  $0 \le i \le j < n$ , rozumiemy fragment listy złożony z elementów  $a_i,a_{i+1},\ldots,a_j$ . Suma sekcji a[i:j] jest równa  $\sum_{k=i}^j a_k$ . Przyjmij, że sumą pustej sekcji jest wartość 0.

Napisz predykat max\_sum(L, S), który dla danej listy L znajduje największą wartość S spośród wszystkich sum po wszystkich możliwych sekcjach.

#### Uwaga

Aby zaliczyć to zadanie, predykat max\_sum powinien być zapisany w postaci rekurencji ogonowej oraz jego czasowa złożoność obliczeniowa powinna być liniowa w stosunku do długości danej listy.

#### Przykład

```
?- \max_{sum}([3, -5, 4, -1, 3, -5, 2], X). X = 6.
```

## Zadanie 3 (2 pkt)

Napisz program dla even\_permutation(Xs, Ys) i odd\_permutation(Xs, Ys), Ćwiczenie który znajduje listę Ys będącą, odpowiednio, parzystą i nieparzystą permuta- 3.3.1(iv) z [2]. cją listy Xs.

#### Przykład

```
?- even_permutation([1, 2, 3], X).
X = [1, 2, 3];
X = [3, 1, 2];
X = [2, 3, 1];
false.
?- odd_permutation([1, 2, 3], X).
X = [1, 3, 2];
X = [2, 1, 3];
X = [3, 2, 1];
false.
```

#### Literatura

- [1] W.F. Clocksin, C.S. Mellish. Prolog. Programowanie. Helion, 2003.
- [2] L. Sterling, E. Shapiro. The Art of Prolog. The MIT Press, 1994.