Algorytmy i Struktury Danych

Wojciech Typer

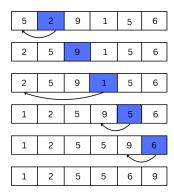
```
Algorithm 1 Insertion Sort
```

```
1: procedure InsertionSort(A, n)
      for i = 1 to n - 1 do
2:
         key = A[i]
3:
         j = i - 1
4:
         while j \ge 0 and A[j] > key do
5:
             A[j+1] = A[j]
6:
             j = j - 1
7:
         end while
8:
         A[j+1] = key
9:
      end for
10:
11: end procedure
```

Złożoność czasowa: $O(n^2)$

Best case: w najlepszym przypadku złożoność czasowa będzie wynosić $\mathcal{O}(n)$

Złożoność pamięciowa: O(1)



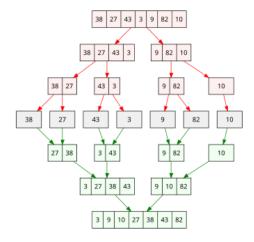
Algorithm 2 Merge Sort

```
1: procedure MergeSort(A, 1, n)
2: if |A[1..n]| == 1 then
3: return A[1..n]
4: else
5: B = \text{MergeSort}(A, 1, \lfloor n/2 \rfloor)
6: C = \text{MergeSort}(A, \lfloor n/2 \rfloor, n)
7: return \text{Merge}(B, C)
8: end if
9: end procedure
```

Algorithm 3 Merge

```
1: procedure Merge(X[1..k], Y[1..n])
       if X = \emptyset then
           return Y
3:
       else if Y = \emptyset then
4:
5:
           return X
       else if X[1] \leq Y[1] then
6:
           return [X[1]] \times \text{Merge}(X[2..k], Y[1..n])
7:
       else
8:
           return [Y[1]] \times \text{Merge}(X[1..k], Y[2..n])
9:
10:
       end if
11: end procedure
```

Złożoność czesowa Merge Sort: $O(n \log n)$ Złożoność pamięciowa Merge Sort: O(n)



Istnieje również iteracyjna wersja algorytmu Merge, sort, która została przedstawiona poniżej w postaci pseudokodu.

Algorithm 4 IterativeMergeSort

```
1: procedure ITERATIVEMERGESORT(A[1..n])
2: for size = 1 to n - 1 by size \times 2 do
3: for left = 0 to n - 1 by 2 \times size do
4: mid \leftarrow \min(left + size - 1, n - 1)
5: right \leftarrow \min(left + 2 \times size - 1, n - 1)
6: MERGE(A, left, mid, right)
7: end for
8: end for
9: end procedure
```

Złożoność czasowa Iterative Merge Sort: $O(n \log n)$ - dzieje się tak, ponieważ size jest podwajany o 2 w każdej iteracji, więc potrzebujemy około $\log_2 n$ iteracji, a w każdej z nich wykonujemy O(n) operacji.

Złożoność pamięciowa Iterative Merge Sort: O(n)