- digrafu.
 i skieroie wierz-
- 1. (+) Topologiczne porządkowanie wierzchołków acyklicznego digrafu. Niech D będzie digrafem acyklicznym, tzn. D nie zawiera cykli skierowanych. Podaj algorytm, który w czasie O(m+n) porządkuje wierzchołki digrafu w taki sposób, że po uporządkowaniu, jeśli (i,j) jest krawędzią skierowaną w D, to i < j.
- 2. Podaj metodę znajdowania ścieżki M-powiększającej w grafie dwudzielnym $G=(A\cup B,E).$
 - Wskazówka: skieruj krawędzie z M od B do A, a pozostałe z A do B.
- 3. (+) Minimalnym cięciem w grafie jest podzbiór jego krawędzi, których usunięcie rozspaja graf, a usunięcie żadnego podzbioru krawędzi w nim zawartego nie rozspaja grafu. Wykaż, że graf spójny zawiera cykl Eulera wtedy i tylko wtedy, gdy każde minimalne cięcie zawiera parzystą liczbę krawędzi.
- (-) Udowodnij lub obal: Nie istnieje graf eulerowski (tj. zawierający cykl Eulera) o parzystej liczbie wierzchołków i nieparzystej liczbie krawędzi.
- 5. Rozwiąż problem cyklu/drogi Eulera w grafach skierowanych.
- 6. Ile jest nieidentycznych digrafów o wierzchołkach $1,2,\ldots,n,$ w których nie ma pętli ani krawędzi równoległych i stopnie wchodzący i wychodzący każdego wierzchołka wynosi 1?
- Zaczynając od dowolnego pola, czy można obejść ruchem skoczka (konika) szachowego wszystkie pola szachownicy 5 × 5, każde dokładnie raz, i wrócić do punktu początkowego? Odpowiedź uzasadnij.
- Pokaż, że graf dwudzielny k-regularny, tj. taki, którego każdy wierzchołkek ma stopień k, zawiera skojarzenie doskonałe.

Wskazówka: Warunek Halla.

- 9. (+) Kwadratem łacińskim nazywamy kwadrat $n\times n$, w którym na każdym polu stoi liczba ze zbioru $\{1,2,\dots,n\}$ tak, że w każdej kolumnie
 - oraz w każdym wierszu jest po jednej z liczb $\{1,2,\ldots,n\}$. Prostokątem lacińskim nazywamy prostokąt o <math>n kolumnach i m wierszach, $1 \leq m \leq n$, w którym na każdym polu stoi liczba ze zbioru $\{1,2,\ldots,n\}$ tak, że w każdym wierszu każda z liczb $\{1,2,\ldots,n\}$ występuje dokładnie raz oraz w każdej kolumnie co najwyżej raz.
 - Czy każdy prostokąt łaciński o m < n wierszach można rozszerzyć o jeden wiersz?
- 10. Pokaż, że każdy turniej zawiera (skierowaną) ścieżkę Hamiltona tzn. przechodzącą wszystkie wierzchołki. Turniej to graf skierowany w którym każda para wierzchołków a,b jest połączona krawędzią z a do b albo z b do a.