

4 (1 pkt) Zdecyduj czy poniższe równości zachodzą. Zaprezentuj dowód lub kontrprzykład.

- $R \bowtie S = S \bowtie R$
- $R \bowtie (S \bowtie T) = (R \bowtie S) \bowtie T$

More formally the semantics of the natural join are defined as follows:

$$R \bowtie S = \{r \cup s \mid r \in R \wedge s \in S \wedge \text{Fun}(r \cup s)\} \quad **$$

where  $\text{Fun}(f)$  is a predicate that is true for a relation  $r$  (in the mathematical sense) iff  $r$  is a function (that is,  $r$  does not map any attribute to multiple values). It is usually required that  $R$  and  $S$  must have at least one common attribute, but if this constraint is omitted, and  $R$  and  $S$  have no common attributes, then the natural join becomes exactly the Cartesian product.

a) triv.  $\vdash r \vee s = s \vee r$

b) dowód dla  $*$  triv, w.o.p.:

**\*\* to predykat po którym joinujemy - możliwe, że będzie się go doba pomijać**

$$S \bowtie T = \{s \cup t \mid s \in S \wedge t \in T \wedge \text{Fun}(s \cup t)\}$$

$$R \bowtie (S \bowtie T) = \{r \cup (s \cup t) \mid r \in R \wedge (s \in S \wedge t \in T) \wedge \text{Fun}(r \cup (s \cup t)) \wedge \text{Fun}(s \cup t)\}$$

Dla drugiej strony lustrzone odbicie, samo jest przemienne, nowiśców się pozbedziemy

**\*\*\***

Dwie kolumny git trzecie złe

$$(R \bowtie T) \times S \quad (R \times S) \bowtie T$$

predykat  $\text{Fun}(r \cup s)$  zostanie spełniony dla tych samych par  $r, t$  niezależnie kiedy damy im  $s$

(tzn. spełni albo spełni dla  $x$  par których iść później zostanie pomiaro przez  $s$ , albo ob rozu dla  $x \times s$  par