

6 (done)

15 October, 2023 18:49

L2.6. 1 punkt Załóżmy, że x, y są liczbami maszynowymi. Podaj przykład pokazujący, że przy obliczaniu wartości $d := \sqrt{x^2 + y^2}$ algorytmem postaci

```
u:=x*x;
u:=u+y*y;
d:=sqrt(u)
```

może wystąpić zjawisko nadmiaru, mimo tego, że szukana wielkość d należy do zbioru X_H . Następnie zaproponuj algorytm wyznaczania d pozwalający uniknąć zjawiska nadmiaru, jeśli $\text{rd}(\sqrt{2} \max(|x|, |y|)) \in X_H$. Na koniec podaj skuteczną metodę wyznaczania długości euklidesowej wektora $x \in \mathbb{R}^n$.

Niech $x_{fl} \in 2^{32}$, weźmy $x=y=2^{30}$ wtedy $\sqrt{x^2+y^2} = \sqrt{2} \cdot 2^{30} \in X_{fl}$, mimo że $2^{60} \notin X_{fl}$. Aby temu zapobiec wyjmujemy spod pierwiastka x . $x \geq y$

$$\sqrt{x^2+y^2} = \sqrt{x^2 \left(1 + \frac{y^2}{x^2}\right)} = |x| \sqrt{1 + \left(\frac{y}{x}\right)^2}$$

skoro $x \geq y$ to $\sqrt{1 + \left(\frac{y}{x}\right)^2} \leq 2$, więc $\sqrt{2} \cdot \max(|x|, |y|) \in X_{fl}$

Długość euklidesowa - analogicznie. Wyjmujemy największy x przed pierwiastek

$$|x_n| = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2} = |x_1| \cdot \sqrt{1 + \frac{x_2^2}{x_1^2} + \dots + \frac{x_n^2}{x_1^2}}$$

$$\max(x_1, x_2, \dots, x_n) \cdot \sqrt{2}$$