# 알고리즘 15주차 과제 보고서

충남대 컴퓨터공학과

학번: 201701975

이름: 구건모

## 과제의 목표와 해야할 일

이번 과제의 목표는 지난 과제에서 구현했었던 ClosestPair를 찾는 알고리즘 인 ComparingAllPairs와 DivideAndConquer, 그리고 두 방식의 장점을 취합 한 Hybrid 알고리즘에 대한 성능 측정을 해보는 것이 목표였습니다. 따라서 이전에 성능측정시 구현하였던 것처럼 측정을 위한 Experiment 클래스들과 parameterSet 클래스를 구현 후 성능을 측정해보는 것이 이번 과제의 주요 내용입니다.

```
private PointSet generatePointSet(int size) {
   PointSet pointSet = new PointSet(size);
   Random random = new Random();
   for (int count = 0; count < size; count++) {</pre>
       int x = random.nextInt(MAX_COORDINATE_VALUE);
       int y = random.nextInt(MAX_COORDINATE_VALUE);
       Point point = new Point(x, v):
       pointSet.add(point);
   return pointSet;
public long[][] measureDurationOfSingleSolve() {
   long[][] measurement = new long[NUMBER_OF_KINDS_OF_EXPERIMENTS][this.parameterSet().numberOfSteps()];
   int sizeForStep = this.parameterSet().startingSize();
   for (int step = 0; step < this.parameterSet().numberOfSteps(); step++) {</pre>
       PointSet pointSet = this.generatePointSet(sizeForStep);
        measurement[0][step] = this.experimentForComparingAllPairs().durationOfSingleSolve(pointSet);
       measurement[1][step] = this.experimentForDivideAndConquer().durationOfSingleSolve(pointSet);
       sizeForStep += this.parameterSet().incrementSize();
   return measurement;
public long[][] measureAverageDurationOfSingleSolves() {
   long[][] measurement = new long[NUMBER_OF_KINDS_OF_EXPERIMENTS][this.parameterSet().numberOfSteps()];
   int sizeForStep = this.parameterSet().startingSize();
   for (int step = 0; step < this.parameterSet().numberOfSteps(); step++) {</pre>
       PointSet pointSet = this.generatePointSet(sizeForStep);
        measurement[0][step] = this.experimentForComparingAllPairs().averageDurationOfSingleSolves(pointSet);
       measurement[1][step] = this.experimentForDivideAndConquer().averageDurationOfSingleSolves(pointSet);
        sizeForStep += this.parameterSet().incrementSize();
   return measurement;
public long[][] measurementMinDurationAmongSingleSolves() {
   long[][] measurement = new long[NUMBER_OF_KINDS_OF_EXPERIMENTS][this.parameterSet().numberOfSteps()];
   int sizeForStep = this.parameterSet().startingSize();
   for (int step = 0; step < this.parameterSet().numberOfSteps(); step++) {</pre>
        PointSet pointSet = this.generatePointSet(sizeForStep);
        measurement[0][step] = this.experimentForComparingAllPairs().minDurationAmongSingleAmongSolves(pointSet);
        measurement[1][step] = this.experimentForDivideAndConquer().minDurationAmongSingleAmongSolves(pointSet);
        sizeForStep += this.parameterSet().incrementSize();
   return measurement:
public boolean closestPairAlgorithmAreCorrect() {
   PointSet pointSet = this.generatePointSet(ExperimentManager.SIZE_FOR_CORRECTNESS_TEST)
   PairOfPoints closestPairByComparingAllPairs = this.findClosestPair().solveByComparingAllPairs(pointSet);
   PairOfPoints closestPairByDivdeAndConquer = this.findClosestPair().solveByDivideAndConquer(pointSet);
   return ((closestPairByComparingAllPairs.distance() == closestPairByDivdeAndConquer.distance()));
```

62⊖

63

70

71

72 73 74⊜

75

77

78

86

87

90

91

97 98

99 100 101<sup>©</sup>

102

112 113 114⊖

115

117

### **Class ExperimentManager**

ExperimentManager 클래스에서는
ClosestPairf를 찾는 여러 방식에 따른
Measurement 기능이 구현되어 있습니다.
각 측정에 대해서 MinDuration, AverageDuration,
DurationOfSingleSolve 세가지 방식으로 측정한
측정치를 리턴하도록 구현됩니다.

```
package experiment;
 3 public class ParameterSet {
        private static final int DEFAULT_NUMBER_OF_STEPS = 10;
        private static final int DEFAULT_STARTING_SIZE = 1000;
        private static final int DEFAULT_INCREMENT_SIZE = DEFAULT_NUMBER_OF_STEPS;
        private static final int DEFAULT NUMBER OF REPETITIONS OF SAME EXECUTION = 10;
        private int numberOfSteps;
10
       private int startingSize;
11
        private int incrementSize;
12
        private int numberOfRepetitionsOfSameExecution;
13
№14
        private static final int DEFAULT MIN_RECURSION_SIZE = 150;
15
16
        private int minRecursiveSize;
17
18⊜
        private int minRecursionSize() {
19
            return this. minRecursiveSize;
20
21
<u> 22</u>⊖
        private void setMinRecursionSize(int newMinRecursionSize) {
23
            this._minRecursiveSize = newMinRecursionSize;
24
25
26⊜
        public ParameterSet() {
27
            this(ParameterSet.DEFAULT_NUMBER_OF_STEPS, ParameterSet.DEFAULT_STARTING_SIZE,
28
                    ParameterSet.DEFAULT_INCREMENT_SIZE, ParameterSet.DEFAULT_NUMBER_OF_REPETITIONS OF_SAME EXECUTION
29
            /* ,DEFAULT MIN RECURSION SIZE */);
30
31
32⊜
        public ParameterSet(int givenNumberOfSteps, int givenStartingSize, int givenIncrementSize,
33
                int givenNumberOfRepetitionsOfSameExecution) {
34
            this. numberOfSteps = givenNumberOfSteps;
35
            this._startingSize = givenStartingSize;
36
            this. incrementSize = givenIncrementSize;
37
38
            this. numberOfRepetitionsOfSameExecution = givenNumberOfRepetitionsOfSameExecution;
39
40⊜
        public int numberOfSteps() {
41
            return this. numberOfSteps;
42
43
449
        public void setNumberOfSteps(int newNumberOfSteps) {
45
            this._numberOfSteps = newNumberOfSteps;
46
47
48⊜
        public int startingSize() {
49
            return this._startingSize;
51
52⊜
        public void setStartingSize(int newStartingSize) {
53
            this._startingSize = newStartingSize;
54
55
56⊜
        public int incrementSize() {
57
            return this._incrementSize;
58
59
       public void setIncrementSize(int newIncrementSize) {
61
            this. incrementSize = newIncrementSize;
62
```

#### Class ParameterSet

ParameterSet 은 측정을 진행할 때 데이터를 점차 늘려가는 식으로 측정하는데, 이때 시작 데이터 수와 step 당 얼마나 데이터를 증가시킬지 등에 대한 Parameter 값을 다루기 위한 클래스입니다.

```
1 package experiment;
 3 import model.FindClosestPair; □
 6 public class ExperimentForComparingAllPairs extends Experiment {
       public ExperimentForComparingAllPairs(FindClosestPair givenFindClosestPair, ParameterSet givenParameterSet) {
           super(givenFindClosestPair, givenParameterSet);
       @Override
       public long durationOfSingleSolve(PointSet pointSet) {
           // TODO Auto-generated method stub
           Timer.start();
           this.findClosestPair().solveByComparingAllPairs(pointSet);
16
           Timer.stop();
           return Timer.duration();
19
```

## **Class ExperimentForComparingAllPairs**

모든 Point들의 distance를 모두 비교하여 closestPair를 찾았을 때에 대한 측정이 구현되어 있는 클래스 입니다.
저번 과제에서 구현하였던 FindClosestPair 클래스의 solveByComparingAllPairs 메서드와 Timer를 이용하여 측정합니다.

```
package experiment;
  3 import model.FindClosestPair; □
  6 public class ExperientForDivideAndConquer extends Experiment {
        protected ExperientForDivideAndConquer(FindClosestPair givenFindClosestPair,
                ParameterSet givenParameterSet) {
            super(givenFindClosestPair, givenParameterSet);
            // TODO Auto-generated constructor stub
<u>-</u>11
12
13
        public long durationOfSingleSolve(PointSet pointSet) {
            Timer.start();
            this.findClosestPair().solveByDivideAndConquer(pointSet);
            Timer.stop();
            return Timer.duration();
```

## Class ExperimentForDivideAndConquer

Divide and Conquer 방식으로 ClosestPair를 찾는 경우에 대한 측정이 구현되어 있는 클래스입니다. 기존에 구현했었던 findClosestPair 클래스의 SolveByDivideAndConquer 메서드와 Timer를 이용하여 시간을 측정합니다.

```
1 package experiment;
 3@import model.FindClosestPair;
 4 import model.PointSet;
 6 public abstract class Experiment {
       private ParameterSet parameterSet;
        private FindClosestPair findClosestPair;
 9
10⊝
        private ParameterSet ParameterSet() {
11
           return this._parameterSet;
12
13
14⊖
       private void setParameterSet(ParameterSet newParamenterSet) {
15
           this._parameterSet = newParamenterSet;
16
17
18⊜
        protected FindClosestPair findClosestPair() {
19
           return this. findClosestPair;
20
21
        private void setFindClosetPair(FindClosestPair newFindClosestPair) {
22⊝
23
           this. findClosestPair = newFindClosestPair;
24
25
26⊜
        protected Experiment(FindClosestPair givenFindClosestPair, ParameterSet givenParameterSet) {
27
           this.setFindClosetPair(givenFindClosestPair);
28
           this.setParameterSet(givenParameterSet);
29
30
31
        public abstract long durationOfSingleSolve(PointSet pointSet);
32
33⊝
        public long averageDurationOfSingleSolves(PointSet pointSet) {
34
35
           for (int count = 0; count < this.ParameterSet().numberOfRepetitionOfSameExecution(); count++) {</pre>
36
                sum += this.durationOfSingleSolve(pointSet);
37
38
           long average = sum / this.ParameterSet().numberOfRepetitionsForAverage();
39
            return average;
40
41
42⊝
        public long minDurationAmongSingleAmongSolves(PointSet pointSet) {
43
           long minDuration = this.durationOfSingleSolve(pointSet);
44
           for (int count = 1; count < this.ParameterSet().numberOfRepetitionOfSameExecution(); count++) {</pre>
45
               long duration = this.durationOfSingleSolve(pointSet);
               if (duration < minDuration)</pre>
                   minDuration = duration;
           return minDuration;
52 }
```

### **Class Experiment**

Experiment의 기능들이 정의되어 있는 abstract 클래스입니다. DivideAndConquer와 ComparingAllPairs에 대한 각각의 Experiment를 구현할 때 extends 하여 사용됩니다.

## 결과화면S1

```
<<< 최단거리 쌍 찾기 성능 측정을 시작합니다 >>>
<한번 실행측정> (단위: 마이크로 초)
   Size
            Compare-All-Pairs
                                Divide-And-Conquer
   1000]
                         622
                                               662
   2000]
                        2591
                                              1434
   30001
                        5700
                                              2170
   4000]
                       10271
                                              3241
   5000]
                       16390
                                              4061
   6000]
                       23438
                                              4931
   7000]
                       31909
                                              5952
   8000]
                       41401
                                              7002
   9000]
                       52753
                                              8028
                       65231
                                              9061
 10000]
<반복 실행의 평균측정> (단위: 마이크로 초)
                                Divide-And-Conquer
   Size
            Compare-All-Pairs
   1000]
                         657
                                               655
                                              1413
   2000]
                        2618
                        5975
                                              2162
   3000]
   40001
                       10610
                                              3679
   5000]
                       17317
                                              3876
                       24093
                                              4886
   6000]
   7000]
                       32810
                                              5596
   8000]
                       38725
                                              7283
   9000]
                       56644
                                              9262
                       67393
                                             10030
 10000]
<반복 실행 중 최소 시간측정> (단위: 마이크로 초)
                                Divide-And-Conquer
   Size
            Compare-All-Pairs
   1000]
                         673
                                               621
   2000]
                        2452
                                              1410
   3000]
                        5760
                                              1906
                                              2739
   4000]
                        9244
   50001
                       14396
                                              3535
   6000]
                       20826
                                              4209
   7000]
                       28669
                                              5828
   8000]
                       37368
                                              6293
   9000]
                       48119
                                              7189
 10000]
                       59019
                                              7708
```

<terminated> \_Main\_AL15\_201701975\_구건모 [Java Application] C:\Users\undergml

<<< 최단거리 쌍 찾기 성능 측정을 종료합니다 >>>

#### 크기가 증가함에 따라, 측정 값이 알고리즘의 분석 결과와 어느정도 일치하는지?

크기가 증가함에 따라서 이론적인 복잡도에 수렴해가는 것을 볼 수 있습니다.

#### Java 환경으로 인해 발생하는 측정 요인을 최소화 하려면?

#### - 한번만 측정할 경우의 문제점

한번만 측정할 경우, GarbageCollector 등의 자바 환경으로 인해서 영향을 받게 되면 부정확한 결과가 도출될 수 있습니다. 따라서 여러번 반복한 후 평 균값을 취하는 것이 안전하다고 생각합니다.

#### - 평균 측정에서는 어떻게 최소화 되고 있나?

평균측정에서는 여러번의 측정값의 평균을 사용하기 때문에 Java 환경으로 인한 측정요인의 영향이 기존보다 최소화 되었다고 생각합니다.

#### - 최솟값 측정에서는 어떻게 최소화 되고 있나?

최솟값 측정에서는 모든 측정치 중 최솟값을 택하여 자바의 환경으로 발생할 수 있는 잘못된 측정을 최소화 하고 있습니다.

#### - 최솟값 측정이 평균값 측정보다 더 좋은 방법일까?

최솟값 측정은 모든 측정중 최솟값을 측정하는 것이기 때문에 여러번 측정한 후 평균을 낸 평균값 측정이 더 일반성을 가진 결과라고 생각합니다.

#### 크기가 작은 경우에 "모든 쌍의 거리를 비교" 하는 방식의 성능이 더 좋게 나온다.

데이터 크기가 작은 경우에는 Divide and Conquer, combine 하는 방식으로 진행하는 것 보다 일일히 비교하는게 더 빠른 것으로 보입니다. 재귀적으로 분할하게 되면 양분된 Partition 과 Separation Line 에서의 ClosestPair 간의 거리를 계속 비교해주어야 하는데 데이터가 그렇게 크지 않은 상황에서 분할을 하게되면 분할정복의 이점보다는, 그 과정이 더 효율을 떨어뜨릴 수 있다고 생각합니다.

#### <terminated> \_Main\_AL15\_201701975\_구건모 (1) [Java Application] C:₩Users₩gmku1₩.p2₩pool₩plugins₩org.eclip

## 결과화면(S2)

<<< 최단거리 생	방 찾기 성능 측정을 시작합니[	구 >>>		
<한번 실행측정>	(단위: 마이크로 초)			
Size	Compare-All-Pairs	Divide-And-Conquer	Hybrid(MinRS: 200)	Saving (%)
[ 1000]	628	694	550	21
[ 2000]	2700	1547	1149	26
[ 3000]	6021	2218	2111	5
[ 4000]	10945	3255	2787	14
[ 5000]	17029	4153	3786	9
[ 6000]	24288	4984	4810	3
[ 7000]	33485	6177	5455	12
[ 8000]	42999	7334	6550	11
[ 9000]	55032	8071	7607	6
[ 10000]	68332	9055	8658	4
<반복 실행의 평	균측정> (단위: 마이크로 초)	)		
Size	Compare-All-Pairs	Divide-And-Conquer	Hybrid(MinRS: 200)	Saving (%)
[ 1000]	621	665	522	22
[ 2000]	2492	1390	1178	15
[ 3000]	5873	2292	2129	7
[ 4000]	11059	3486	2831	19
[ 5000]	17484	4343	4009	8
[ 6000]	24938	5207	5180	1
[ 7000]	33101	5604	4771	15
[ 8000]	44834	9172	6476	29
[ 9000]	57761	8581	7292	15
[ 10000]	69680	9556	8702	9
<반복 실행 중	최소 시간측정> (단위: 마이크	-		
Size	Compare-All-Pairs	Divide-And-Conquer	Hybrid(MinRS: 200)	Saving (%)
[ 1000]	673	610	<b>4</b> 84	21
[ 2000]	2699	1261	1112	12
[ 3000]	5332	1936	1769	9
[ 4000]	10661	2707	2294	15
[ 5000]	14349	3545	3317	6
[ 6000]	21106	4473	4264	5
[ 7000]	31627	5019	4455	11
[ 8000]	38268	6240	5516	12
[ 9000]	50039	6976	6385	8
[ 10000]	62205	8349	7396	11
1				

<<< 최단거리 쌍 찾기 성능 측정을 종료합니다 >>>

## 최소 재귀 크기를 1000으로한 Hybrid 방식이 DivideAndConquer 방식보다 성능이 더 나쁘게 나오는 이유

- Hybrid 방식은 최소재귀크기가 되면 ComparingAllPairs 방식으로 ClosestPair를 찾는데, 이때 DivideAndConquer 를 수행하면서 발생한 모든 Partition 들에 대해서 ComparingAllPairs를 수행하다보니 성능이 더 나쁘게 나온것이라고 생각합니다.

### Hybrid에서 크기의 증가에 따른 성능이득은?

크기가 늘어남에 따라, 성능의 이득의 비율이 줄어드는 것을 볼 수 있다. 그이유는 무엇일까?

- 모든 포인트를 비교하는 ComparingAllPair 방식은 작은 구간에서 유리하고 Divide And Conquer 방식은 데이터가 많을수록 유리해지는데 Hybrid를 사용하게 되면 데이터가 커졌을때 Recursive하게 Divide 하다가 최소재귀크기가 되면 ComparingAllPairs를 적용합니다. 데이터가 커지면 커질수록 Divide 되는 Partition 수도 많아지므로 ComparingAllPairs를 더 많은 데이터에 대해서 적용하게 되는데, 이때 성능 이득의 비율이 줄어들게 되는 것이라고 생각합니다.