1. TSP (외판원 여행 문제)

정의: 주어진 완전 그래프에서 모든 정점을 한 번씩 방문하고 시작점으로 돌아오는 경로 중 총 비용이 B 이하인 경로가 존재하는지 여부를 묻는 문제.

입력 타입: 간선에 양의 비용이 있는 그래프 G와 양의 정수 B

응용 분야: 물류 최적화, 경로 계획, 여행 일정 계획 등

입력 예: 사각형 정점 a, b, c, d가 있고 두 대각선 ac, bd를 추가. 모든 간선 비용은 1이

며 단, ad의 비용은 2. B=4.

출력 예: Yes. cycle a-c-d-b-a

참고: TSP 위키

2. 집합 커버 문제 (Set Cover)

정의: 주어진 집합들의 모음에서 전체 원소 집합을 모두 포함하는 최소 개수의 집합을 찾는 문제.

입력 타입: 원소 집합 X와 X의 부분 집합들의 컬렉션 S, 정수 k

응용 분야: 리소스 할당, 감시 카메라 설치, 데이터 압축

입력 예: X={1,2,3,4}, S={{1,2}, {2,3}, {3,4}, {4,1}}, k=2

출력 예: Yes. 예: {1,2}, {3,4}

참고: Set Cover 위키

3. 서브셋 합 문제 (Subset Sum)

정의: 주어진 정수 집합에서 몇 개를 골라 합이 정확히 주어진 정수 B가 되는 부분집합이 존재하는지 여부를 묻는 문제.

입력 타입: 정수 집합 S와 목표 합 B

응용 분야: 자원 분배, 금융 문제, 암호학

입력 예: S={3, 34, 4, 12, 5, 2}, B=9

출력 예: Yes. 부분집합 {4, 5}

참고: Subset Sum 위키

4. 해밀토니안 사이클 (Hamiltonian Cycle)

정의: 주어진 그래프에 모든 정점을 한 번씩 방문하는 사이클이 존재하는지 여부를 묻는 문제.

입력 타입: 그래프 G

응용 분야: 회로 설계, DNA 서열 분석, 네트워크 토폴로지

입력 예: 정점 {a,b,c,d}와 간선 {(a,b), (b,c), (c,d), (d,a), (a,c), (b,d)}

출력 예: Yes. 사이클 a-b-c-d-a

참고: Hamiltonian Cycle 위키

5. 직교 포장 (Bin Packing)

정의: 주어진 아이템들을 정해진 크기의 최소 개수의 컨테이너에 넣을 수 있는지 결정하는 문제.

입력 타입: 아이템 무게 목록, 컨테이너 용량 C, 컨테이너 수 k

응용 분야: 물류, 메모리 할당, 작업 스케줄링

입력 예: 아이템 무게 {4, 8, 1, 4, 2, 1}, 컨테이너 용량 10, k=2

출력 예: Yes. 컨테이너1: {4, 4, 2}, 컨테이너2: {8, 1, 1}

참고: Bin Packing 위키

6. 크로매틱 수 결정 문제 (Graph Coloring)

정의: 주어진 그래프가 k색으로 색칠 가능한지 결정하는 문제.

입력 타입: 그래프 G와 색의 수 k

응용 분야: 스케줄링, 지도 색칠, 주파수 할당

입력 예: 정점 {1,2,3,4}와 간선 {(1,2),(2,3),(3,4),(4,1),(1,3)}, k=3

출력 예: Yes. 가능한 색칠: 1→색1, 2→색2, 3→색3, 4→색2

참고: Graph Coloring 위키

7. 클리크 문제 (Clique)

정의: 주어진 그래프에 크기가 k인 완전 부분 그래프(클리크)가 존재하는지 여부를 묻는 문제.

입력 타입: 그래프 G와 정수 k

응용 분야: 사회 네트워크 분석, 생물학적 네트워크

입력 예: 정점 {a,b,c,d}, 간선 {(a,b), (a,c), (b,c), (b,d), (c,d)}, k=3

출력 예: Yes. 클리크 {a,b,c}

참고: Clique 위키

8. 커버링 서브그래프 문제 (Vertex Cover)

정의: 주어진 그래프에서 모든 간선을 커버하는 정점 집합의 크기가 k 이하인지를 묻는 문제.

입력 타입: 그래프 G와 정수 k

응용 분야: 네트워크 보안, 자원 배치, 통신망 설계

입력 예: 정점 {a,b,c,d}, 간선 {(a,b),(b,c),(c,d),(d,a)}, k=2

출력 예: Yes. 정점 집합 {b,c}

참고: Vertex Cover 위키

9. 세트 분할 문제 (Partition)

정의: 주어진 정수 집합을 두 부분으로 나누어 두 부분의 합이 같은지 여부를 묻는 문제.

입력 타입: 정수 집합 S

응용 분야: 자원 분배, 작업 분할, 균형 로드 분배

입력 예: S={1, 5, 11, 5}

출력 예: Yes. 부분 집합 {1,5,5} 와 {11}

참고: Partition 위키

10. 3-SAT 문제 (3-Satisfiability)

정의: 주어진 3-CNF 식이 참이 될 수 있는지 결정하는 문제.

입력 타입: 3-CNF 논리식 (각 절이 최대 3개의 리터럴로 구성됨)

응용 분야: 논리 회로 설계, 소프트웨어 검증, 인공지능

입력 예: (x1 ∨ ¬x2 ∨ x3) ∧ (¬x1 ∨ x2 ∨ x3) ∧ (¬x1 ∨ ¬x2 ∨ ¬x3)

출력 예: Yes. 변수 할당: x1=False, x2=True, x3=True

참고: 3-SAT 위키