Pytorch로 배우는 Neural Network 입문

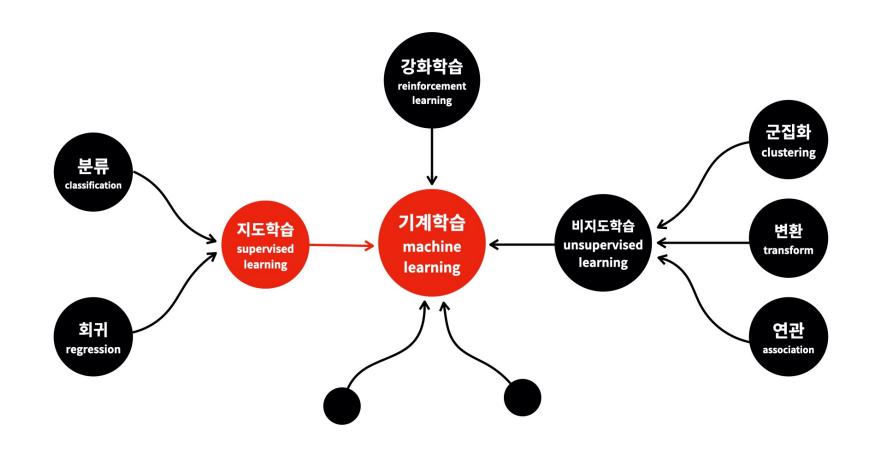
학습 순서

- ML: 기계가 데이터를 학습한다
- Pytorch Basic
- Linear Regression 선형 회귀
- Multi Class Classification 멀티 클래스 분류기
- Neural Network : Multi Layer Perceptron

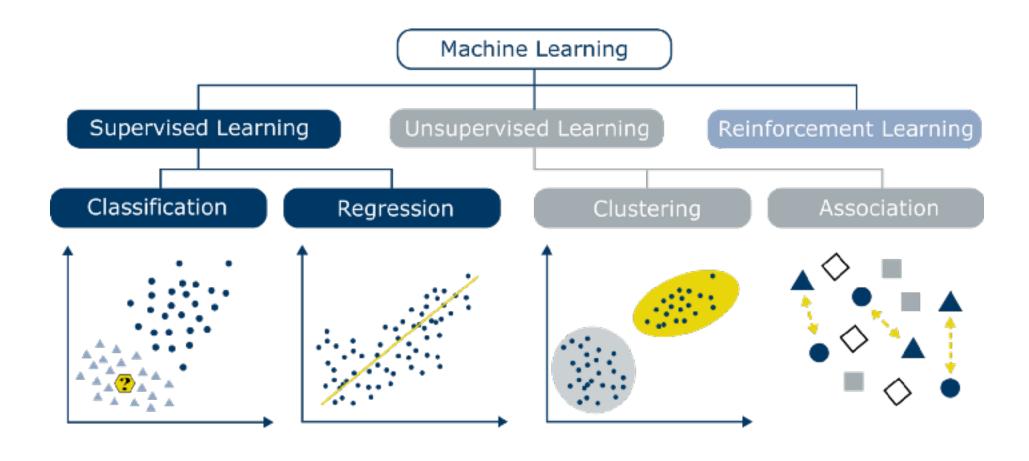
Machine Learning

: 기계가 데이터를 학습한다

Machine Learning?



Machine Learning?



Machine Learning: 기계가 데이터를 학습한다

- 학습: Training? 무엇을 학습?
 - Y = target 을 학습
 - Target은 Task에 따라 달라짐
 - Regression / Classification
- 대표적으로 Computer Vision / NLP / Speech Recognition 등등…
 - 인공지능을 대표하는 분야
 - 딥러닝을 주도적으로 이끄는 분야

Pytorch Basic

실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/pytorch_basic.ipynb

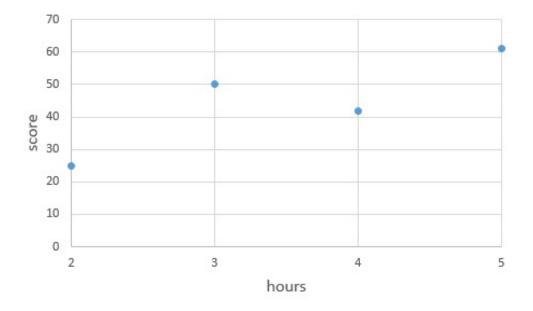
- Why Linear Regression?
 - Y = Wx + b 를 알기 위해
 - Multi layer Perceptron 도 결국 Y = Wx + b에 기반
- 직관적인 Linear Regression으로 머신러닝 학습 과정 이해하기

- 알아야 할 개념들
 - Hypothesis: $Y = Wx + b \rightarrow W$ (?) / b (?)
 - Cost Function
 - Gradient Descent

Linear Regression

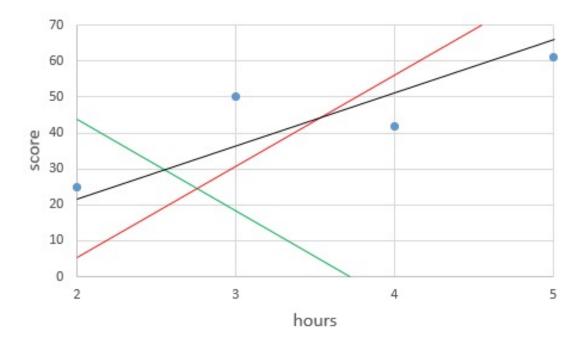
- 시험 공부에 투자한 시간(x) 으로 성적(Y = Target)을 예측해보자.
- Regression: Y = Wx + b
 - W:Weight (가중치)
 - b: bias (편향)
 - 선형 회귀란 학습 데이터와 가장 잘 맞는 하나의 직선을 찾는 일
- X: Feature / 독립변수
- Y: Target / 종속변수
- 머신 러닝에서 식을 세울 때 식을 가설(Hypothesis)이라 한다.

- Cost Function
 - 비용 함수(cost function) = 손실 함수(loss function)
 - = 오차 함수(error function) = 목적 함수(objective function)



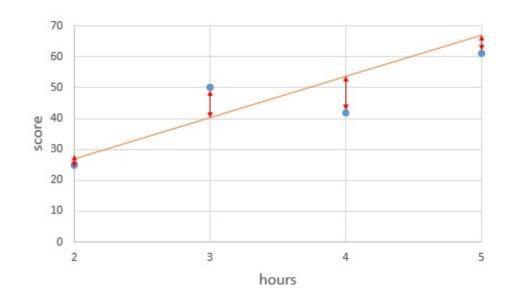
Cost Function

■ 목표: 4개의 점을 가장 잘 표현하는 직선을 그리는 일



Cost Function

- 오차(error) : 실제 값(4개의 점)과 직선의 예측 값(동일한 x값에서의 직선의 y값)에 대한 값의 차이를 빨간색 화살표 ↓로 표현한 것
- 주황색 식:y = 13 x + 1



hours(x)	2	3	4	5
실제값(정답)	25	50	42	61
예측값	27	40	53	66
오차(error)	-2	10	-9	-5

Cost Function

- 평균 제곱 오차(Mean Squared Error, MSE) : 오차의 제곱 합에 대한 평균
- Linear Regression에서 학습의 의미:
 - Train 데이터를 기반으로 Cost(W, b) 를 최소화하는 W와 b를 찾는 것

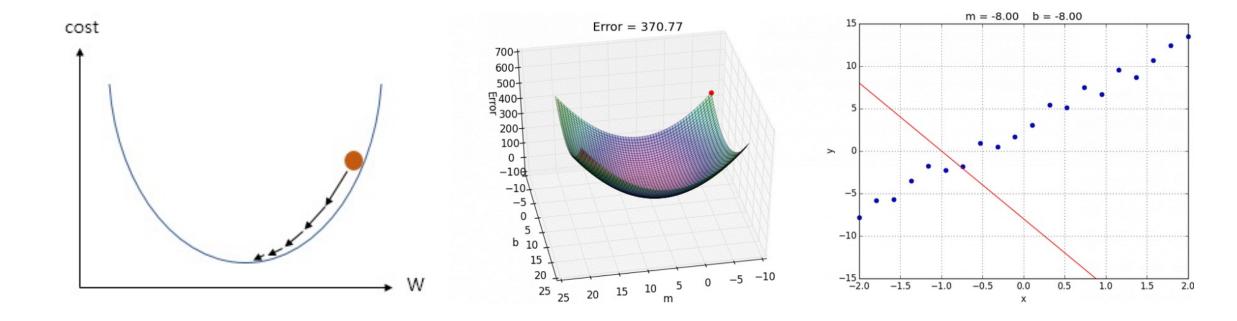
hours(x)	2	3	4	5
실제값(정답)	25	50	42	61
예측값	27	40	53	66
오차(error)	-2	10	-9	-5

$$cost(W,b) = rac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left[y^{(i)} - H(x^{(i)})
ight]^2$$

$$\sum_{i=1}^n \left[y^{(i)} - H(x^{(i)})
ight]^2 = (-2)^2 + 10^2 + (-9)^2 + (-5)^2 = 210$$

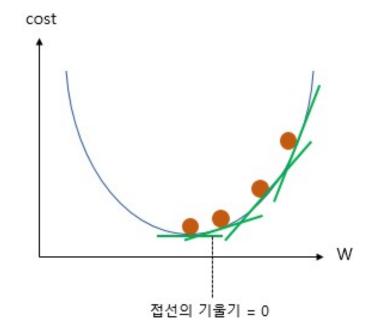
경사 하강법(Gradient Descent)

- 최적화 이론(Optimization) / 비용 함수(Cost Function)의 값을 최소로 하는 W와 b를 찾는 방법
- Optimizer 알고리즘을 통해 적절한 W와 b를 찾아내는 과정을 학습(training)



경사 하강법(Gradient Descent)

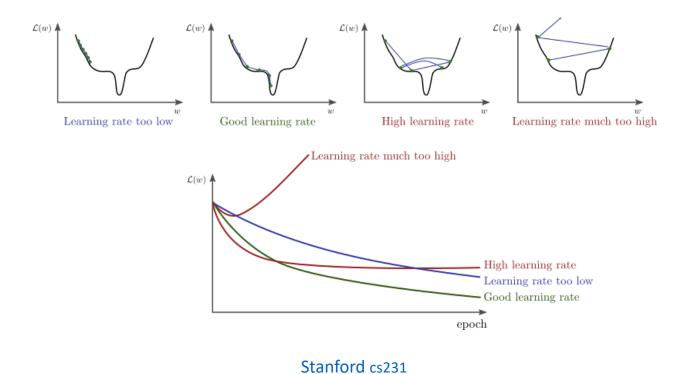
- 임의의 초기값 W값을 정한다
- 현재 Cost(W, b)에 대한 W의 기울기를 구한다.
- 맨 아래의 볼록한 부분에서는 결국 접선의 기울기 = 0
- 학습률(learning rate) : α 얼마나 학습할 지 결정



$$W:=W-lpharac{\partial}{\partial W}cost(W)$$

경사 하강법(Gradient Descent)

- Learning Rate 설정
 - 하이퍼 파라미터 → 모델 선택
 - 정답은 없다. 적절한 값을 설정한다



Linear Regression 실습

https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/1.linear_regression.ipynb

다중 선형 회귀(Multivariable)

Multivariable Linear Regression

- 독립변수 X (Feature)가 여러 개인 선형 회귀
- 실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/2.multivariable_LR.ipynb

Pytorch nn.Module

nn.Module을 사용하여 단순 선형, 다중 선형 회귀 구하기

- Weight, bias를 직접 선언할 필요가 없다
- nn.Linear(input_dim, output_dim): https://pytorch.org/docs/1.9.1/generated/torch.nn.Linear.html
- 실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/3.nn_Module.ipynb

```
import torch.nn as nn
model = nn.Linear(input_dim, output_dim)

import torch.nn.functional as F
cost = F.mse_loss(prediction, y_train)
```

선형 모델 Class로 구현하기

선형회귀 모델을 Class형태로 구현

- Pytorch로 구현된 대부분 모델은 Class형태로 구현되어 있음
- 실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/%084.class_model.ipynb

Logistic Regression?

- Linear Regression Hypothesis: H(x) = Wx + b
- Logistic Regression Hypothesis: H(x) = Sigmoid(Wx + b)
- LR 출력값을 Logistic 함수로 맵핑 한 것

$$H(x) = sigmoid(Wx+b) = rac{1}{1+e^{-(Wx+b)}} = \sigma(Wx+b)$$

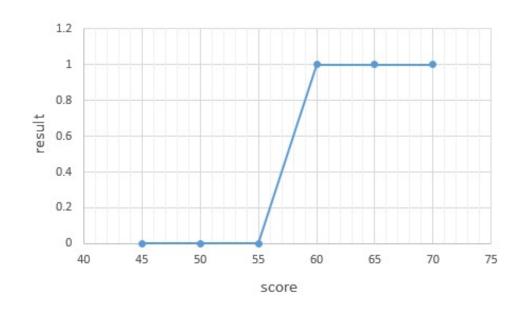
Logistic Regression?

• Y(target) : 목표 값(정답/레이블)이 다름

• 선형 회귀 : 점수(score) 실수 (Regression)

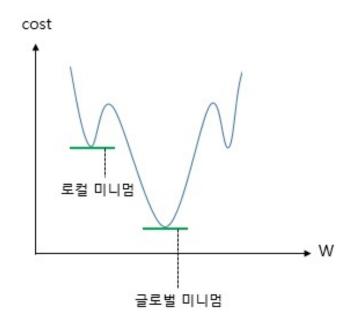
• Logistic 회귀:불/합 카테고리 (Classification)

score(x)	result(y)
45	불합격
50	불합격
55	불합격
60	합격
65	합격
70	합격

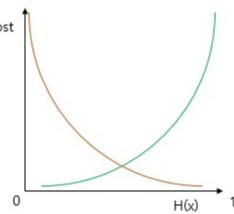


Cost Function

- 선형 회귀에서 사용한 Mean Square Error를 사용하면 Local Minimal에 빠진다
 - 새로운 Cost Function이 필요
 - 설계:정답과 예측 값이 가까우면 오차를 작게, 멀어지면 크게



$$egin{align} ext{if } y = 1
ightarrow ext{cost}\left(H(x),y
ight) = -\log\left(H(x)
ight) \ ext{if } y = 0
ightarrow ext{cost}\left(H(x),y
ight) = -\log\left(1-H(x)
ight) \ ext{cost}(W) = -rac{1}{n} \sum_{i=1}^n [y^{(i)}logH(x^{(i)}) + (1-y^{(i)})log(1-H(x^{(i)}))] \ \end{aligned}$$



실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/5.logistic_regression.ipynb

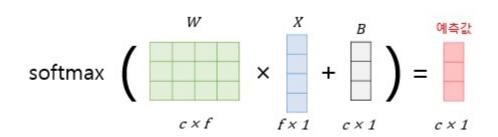
Multi Class Classification 멀티 클래스 분류기

Multi Class Classification

- 세 개 이상의 답 중 하나를 고르는 문제를 다중 클래스 분류
 - Y(target): 3개 이상 카테고리
 - Binary Classification : H(X) = sigmoid(WX + B)
 - Multi Class Classification : H(X) = softmax(WX + B) $p_i = \frac{e^{z_i}}{\sum_{j=1}^k e^{z_j}} \; for \; i=1,2,\dots k$

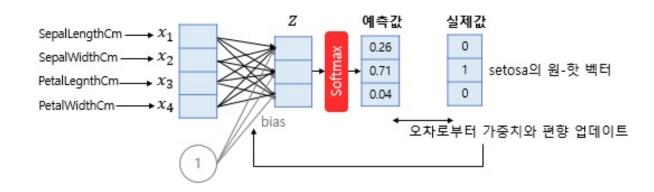
$$X = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 \end{bmatrix} \rightarrow WX + B \rightarrow \begin{bmatrix} 0.75 & >0.5 \\ & & \\ &$$

$$X = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 \end{bmatrix} \rightarrow WX + B \rightarrow \begin{bmatrix} 0.15 & \rightarrow \text{Class 1} \\ 0.75 & \rightarrow \text{Class 2} \\ 0.25 & \rightarrow \text{Class 3} \end{bmatrix}$$



$$\hat{Y} = softmax(XW+B) \ egin{pmatrix} y_{11} \ y_{12} \ y_{13} \ y_{21} \ y_{22} \ y_{23} \ y_{31} \ y_{32} \ y_{33} \ y_{41} \ y_{42} \ y_{43} \ y_{51} \ y_{52} \ y_{53} \end{pmatrix} = softmax \left(egin{pmatrix} x_{11} \ x_{12} \ x_{13} \ x_{14} \ x_{21} \ x_{22} \ x_{23} \ x_{24} \ x_{31} \ x_{32} \ x_{33} \ x_{34} \ x_{41} \ x_{42} \ x_{43} \ x_{44} \ x_{51} \ x_{52} \ x_{53} \ x_{54} \end{pmatrix} egin{pmatrix} w_{11} \ w_{12} \ w_{13} \ w_{21} \ w_{22} \ w_{23} \ w_{31} \ w_{32} \ w_{33} \ w_{41} \ w_{42} \ w_{43} \end{pmatrix} + egin{pmatrix} b_1 \ b_2 \ b_3 \ \end{pmatrix}
ight)$$

학습 과정



Cost Function

Cross Entropy 함수

$$cost(W) = -\sum_{j=1}^k \overbrace{y_j} log(p_j)$$

실제값 원-핫 벡터의 i번째 인덱스

$$cost(W) = -rac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{k} y_{j}^{(i)} \; log(p_{j}^{(i)})$$

N개 데이터에 대한 평균

• 이진 분류에서 Cross Entropy 함수

$$cost(W) = -rac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}\sum_{j=1}^{k}y_{j}^{(i)}\;log(p_{j}^{(i)}) = -rac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}[y^{(i)}log(p^{(i)}) + (1-y^{(i)})log(1-p^{(i)})]$$

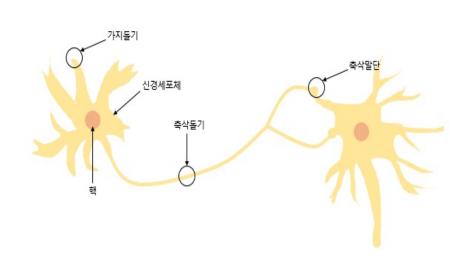
실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/6_multi_class_classification.ipynb

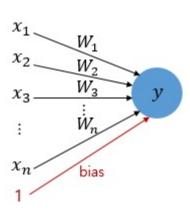
Neural Network: Multi Layer Perceptron

Multi Layer Perceptron

퍼셉트론(Perceptron)

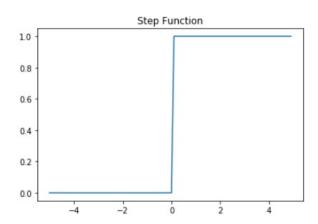
- 1957년에 제안한 초기 형태의 인공 신경망으로 다수의 입력으로부터 하나의 결과를 내보내는 알고리즘
- 입력값과 가중치의 곱의 전체 합이 임계치(threshold)를 넘으면 종착지에 있는 인공 뉴런은 출력 신호로서 1을 출력





$$if\sum_{i}^{n}W_{i}x_{i}+b\geq0
ightarrow y=1$$

$$if\sum_{i}^{n}W_{i}x_{i}+b<0
ightarrow y=0$$



Multi Layer Perceptron

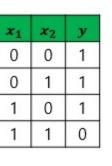
단층 퍼셉트론(Single-Layer Perceptron)

- 단층 퍼셉트론은 값을 보내는 단계, 값을 받아서 출력하는 단계 2개로만 구성
- 단층 퍼셉트론을 이용하면 AND, NAND, OR 게이트를 쉽게 구현 가능

<i>x</i> ₁	<i>x</i> ₂	y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

AND 게이트

```
def AND_gate(x1, x2):
    w1=0.5
    w2=0.5
    b=-0.7
    result = x1*w1 + x2*w2 + b
    if result <= 0:
        return 0
    else:
        return 1</pre>
```



NAND 게이트

```
def NAND_gate(x1, x2):
    w1=-0.5
    w2=-0.5
    b=0.7
    result = x1*w1 + x2*w2 + b
    if result <= 0:
        return 0
    else:
        return 1</pre>
```

Multi Layer Perceptron

단층 퍼셉트론(Single-Layer Perceptron)

- 단층 퍼셉트론은 값을 보내는 단계, 값을 받아서 출력하는 단계 2개로만 구성
- 단층 퍼셉트론을 이용하면 AND, NAND, OR 게이트를 쉽게 구현 가능

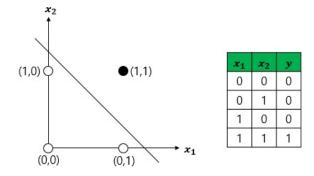
<i>x</i> ₁	<i>x</i> ₂	у
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

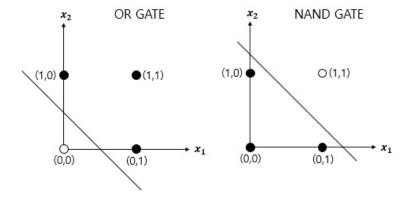
OR 게이트

```
def OR_gate(x1, x2):
  w1 = 0.6
  w2 = 0.6
  b = -0.5
  result = x1*w1 + x2*w2 + b
  if result <= 0:</pre>
     return 0
  else:
```

return 1

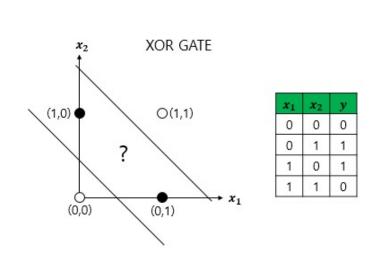
OR_gate(0, 0), OR_gate(0, 1), OR_gate(1, 0), OR_gate(1, 1)

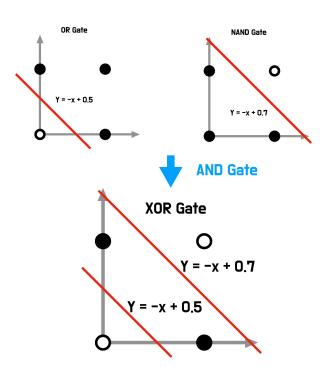


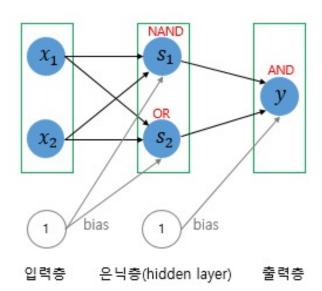


단층 퍼셉트론(Single-Layer Perceptron)

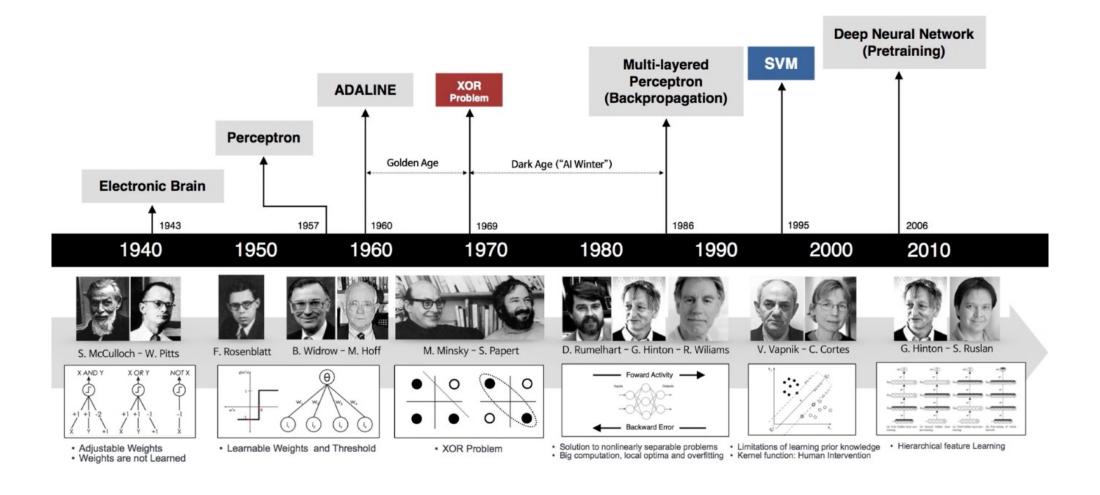
- XOR 게이트는 단층 퍼셉트론으로 풀 수 없다. 단층 퍼셉트론의 한계
- 단층 퍼셉트론을 여러개 쌓아서 풀 수 있지 않을까?
 - Multi Layer Perceptron







History of Neural Network



단층 퍼셉트론(Single-Layer Perceptron)

XOR 문제 - 단층 퍼셉트론 구현

실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/7.single_layer_perceptron_xor.ipynb

다층 퍼셉트론(Multi-Layer Perceptron)

- 은닉층(hidden layer)
- 비선형성(Nonlinearity)
 - 입력들 사이의 복잡한 상호 작용 추가
 - 비선형이 아니면, 여러 층을 쌓아도 결국 1개의 층으로 표현 가능

$$\mathbf{h} = \mathbf{W}_1 \mathbf{x} + \mathbf{b}_1$$

$$\mathbf{o} = \mathbf{W}_2 \mathbf{h} + \mathbf{b}_2$$

$$\hat{\mathbf{y}} = \operatorname{softmax}(\mathbf{o})$$

$$\mathbf{o} = \mathbf{W}_2 \mathbf{h} + \mathbf{b}_2 = \mathbf{W}_2 (\mathbf{W}_1 \mathbf{x} + \mathbf{b}_1) + \mathbf{b}_2 = (\mathbf{W}_2 \mathbf{W}_1) \mathbf{x} + (\mathbf{W}_2 \mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2) = \mathbf{W} \mathbf{x} + \mathbf{b}$$

1 bias 1 bias 1 bias 입력층(input layer) 출력층(output layer)

$$\mathbf{h} = \sigma(\mathbf{W}_1\mathbf{x} + \mathbf{b}_1)$$

$$\mathbf{o} = \mathbf{W}_2\mathbf{h} + \mathbf{b}_2$$

$$\hat{\mathbf{y}} = \operatorname{softmax}(\mathbf{o})$$

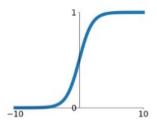
단층 신경망은 선형모델

비선형함수 σ 맵핑

활성화 함수(Activation Function)

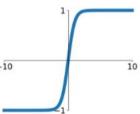
Sigmoid

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



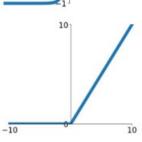
tanh

tanh(x)



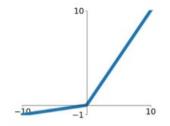
ReLU

 $\max(0, x)$



Leaky ReLU

 $\max(0.1x, x)$

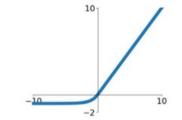


Maxout

$$\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$$

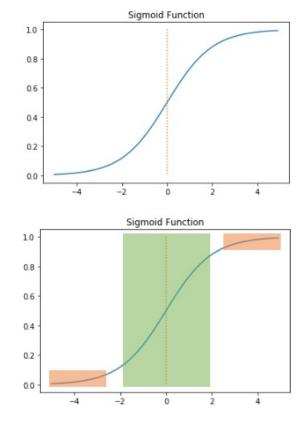
ELU

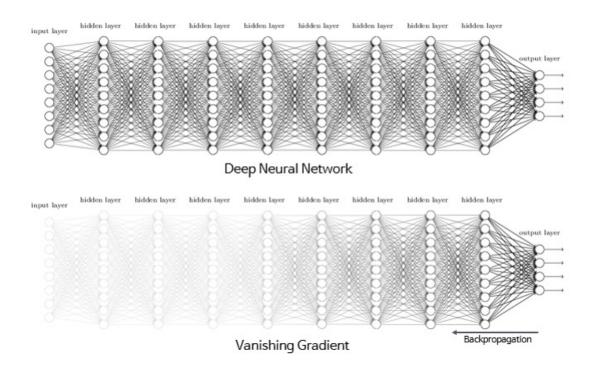
$$\begin{cases} x & x \ge 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$



시그모이드 함수(Sigmoid function)

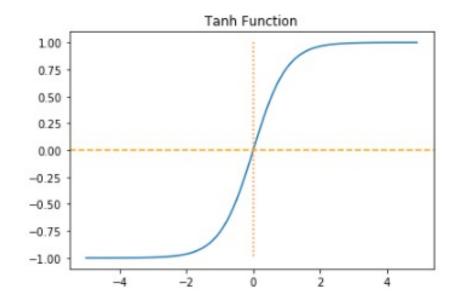
- 입력 값을 0과 1 사이의 값으로 변환
- 기울기 소실(Vanishing Gradient) 문제





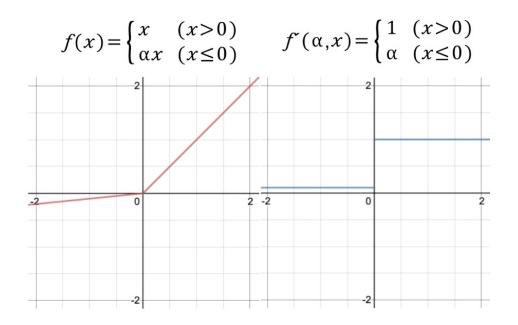
하이퍼볼릭탄젠트 함수(Hyperbolic tangent function)

- tanh는 입력값을 -1과 1사이의 값으로 변환
- 0을 중심
- 시그모이드 함수보다 반환값의 변화폭이 큼



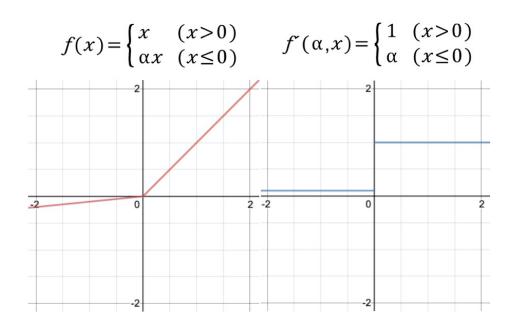
ReLU

- 0 이하의 값은 다음 레이어에 전달하지 않음 / 0 이상의 값은 그대로 출력
- 보편적으로 사용많이 하는 함수
- 딥러닝 붐을 일으킨 제프리 힌튼 AlexNet 논문에서 사용



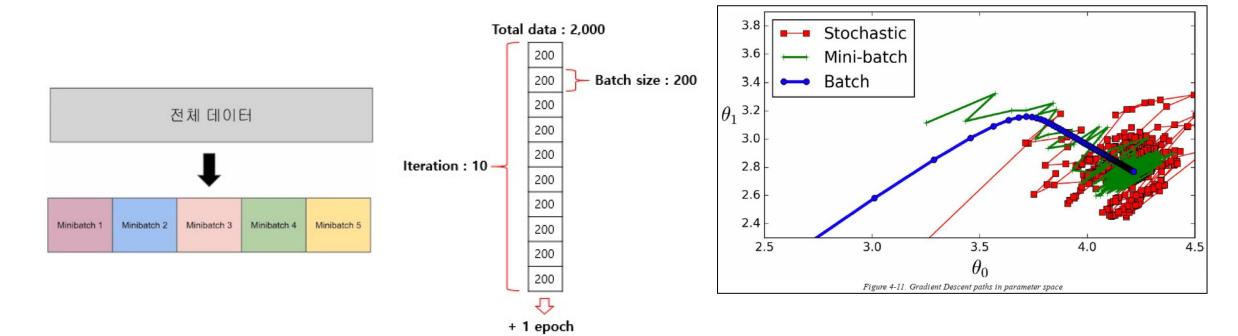
LeakyReLU

- Relu 변형된 형태, 알파 파라미터 추가
- 입력 값이 음수일 때 완만한 선형 함수
- 일반적으로 알파를 0.01로 설정



Batch / Mini-Batch / Stochastic Gradient Descent

- Stochastic Gradient Descent : 데이터 1개 씩 샘플링 후 학습
- Batch: 전체 데이터 셋을 한번에 학습 → 학습 관점에선 좋지만, GPU 메모리에 올릴 수 없다.
- Mini-Batch : 일반적인 접근 법 batch size만큼 샘플링



디층 퍼셉트론(Multi-Layer Perceptron)

XOR 문제 - 다층 퍼셉트론 구현

실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/8.multi_layer_perceptron_xor.ipynb

디층 퍼셉트론(Multi-Layer Perceptron)

MNIST 분류하기

실습: https://github.com/wooridle/mlp_lecture/blob/main/9.mnist_mlp.ipynb

Machine Learning Process

