#### **Contents**

Chapter 3 수치를 통한 연속형 자료의 요약

- 3.2 중심 위치의 측도
- 3.3 퍼진 정도의 측도
- 3.4 상자그림
- 3.5 도수분포표에서의 자료의 요약

- 그림을 통한 요약은 일관성과 객관성이 떨어지며, 통계적 추론에서 요구되는 이론적 근거를 제시하기 어렵다.
- 몇 개의 의미 있는 수치로 요약하여 자료의 대략적인 분포상태를 파악하고자 한다. (중심위치의 측도, 퍼진 정도의 측도, 상자그림)

#### **01** 중심 위치의 측도 (Measure of center)

• 연속형 자료가 어떤 값을 중심으로 분포되어 있는지를 나타낸다.

①<mark>표본평균 (</mark>sample mean) 1) 무단값에 크게 <u>영향 받는다</u>

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$
 32 25 27 3 45 4,

수치를 통한 연속형 자료의 요약 **Chapter 3** 

중앙값 (median) 순서로 배열 했을 때 가운데 위치하는 크게 영향 받지 않는다 변화에 민감하지 않다 if n is odd median =

- 최빈값 (mode)
- 관측값 중에서 가장 자주 나오는 값
- न वर्धाः, ईनीखं, खंडवी 이산형, 범주형에서 사용가능하다.-
- 단봉형 분포를 갖는 자료에서 유용하다.
- 연속형 자료에서는 도수분포표에서 최대도수를 갖는 계급구간의 중앙값으로 최빈값을 정한다. 그러나 계급구간의 폭에 영향을 받는다.

· 719=5 3 2 210 3 2 2 X X SUR

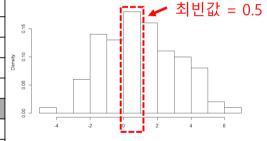
#### • 최빈값의 예시

#### ① 범주형 자료

범주	도수
А	22
В	20
AB	7
0	11
합	60

#### ② 연속형 자료

계급구간	도수
-4 ~ -3	1
-3 ~ -2	3
-2 ~ -1	7
-1 ~ 0	14
0 ~ 1	21
1 ~ 2	20
2 ~ 3	19
3 ~ 4	9
4 ~ 5	4
5 ~ 6	2
	100
	-4 ~ -3 -3 ~ -2 -2 ~ -1 -1 ~ 0 0 ~ 1 1 ~ 2 2 ~ 3 3 ~ 4 4 ~ 5



예제 1 & 2. 어떤 과목에서 6명의 학생의 점수가 89, 74, 91, 88, 72, 84일 때, 표본평균과 중앙값을 구해라.

① 표본평균

② 중앙값

 예제
 3.
 콩의
 개구에
 관한
 자료가
 아래와
 같을
 때 최빈값을
 구해라

 4
 3
 4
 3
 5
 5
 6
 4
 4
 4
 3
 **콩의** 개수
 도수

 3
 4
 3
 6
 4
 5
 3
 6
 3
 2
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 2
 2
 1
 1

<u>를 때 외민없을 구애다.</u>		
도수	상대도수	

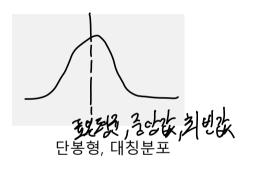
ㆍ 최빈값 =

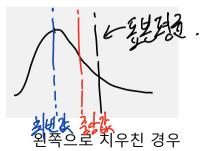
- 표본평균, 중앙값, 최빈값의 비교
- ① 전체의 경향을 볼 때 극단적인 영향을 배제해야 하는 경우에는 중앙값을 사용하는 것이 적절하다.

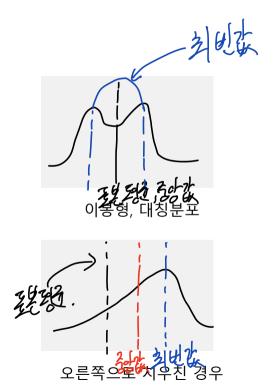
예제 4. 예제 1의 자료에서 74점이 50점으로 바뀌었다고 하자. 표본평균과 중앙값을 구하라.

- ① 표본평균
- ② 중앙값

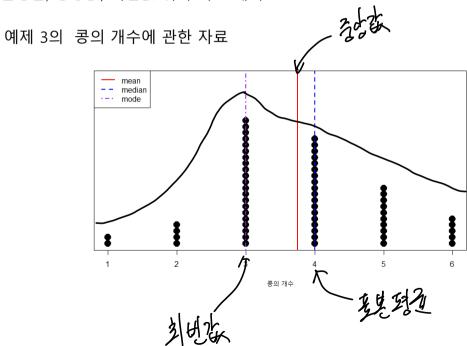
• 분포의 모양에 따른 표본평균, 중앙값, 최빈값 위치







• 표본평균, 중앙값, 최빈값 위치 비교 예시



수치를 통한 연속형 자료의 Chapter 3

# **02** 퍼진 정도의 측도 (Measure of dispersion)

- 분산과 표준편차 (Variance and standard deviation)

표본표준편차(sample standard deviation) :표본분산의 제곱근

표본표준편차 = s

- 편차(deviation): 관측값과 평균의 차이,  $x_i \bar{x}$ , i = 1, ..., n편차의 합:  $\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) = 0$ , 편차제곱합:  $\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 \ge 0$

1 40 10 10 100 1

1 3527 7 (00).

Chapter 3 수치를 통한 연속형 자료의 요약

④ 표본분산(sample variance)의 간편식

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$

$$= \sum_{i=1}^{n} (x_i^2 - 2\bar{x}x_i + \bar{x}^2) = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - 2\bar{x}\sum_{i=1}^{n} x_i + \sum_{i=1}^{n} \bar{x}^2$$

$$= \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - 2n\bar{x}^2 + n\bar{x}^2 = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - n\bar{x}^2 = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \frac{1}{n} \cdot \left(\sum_{i=1}^{n} x_i\right)^2$$

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - n \cdot \bar{x}^{2}}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - \frac{1}{n} \cdot (\sum_{i=1}^{n} x_{i})^{2}}{n-1}$$

- 범위(Range)
- ① 범위 = 최대값 최소값
- 백분위수
- ① 제  $100 \times p$  백분위수 (the  $100 \times p$  th percentile)

관측값을 작은 순서로 배열한다.

- 관측값의 개수(n)에 p를 곱한다.
- 1) 만약  $n \times p$ 가 정수이면  $n \times p$ 번째로 작은 관측값과  $n \times p + 1$ 번째로 작은 관측값의 평균을 제  $100 \times p$  백분위수로 한다.
- 2) 만약  $n \times p$ 가 정수가 아니면,  $n \times p$ 에서 정수부분에서 1을 더한 값 m을 구한 후, m번째로 작은 관측값을 제  $100 \times p$  백분위수로 한다.

[ (附外 外間到23 2計》 到4.

胡公川

- 사분위수 범위
- ① 사분위수 (quartile)

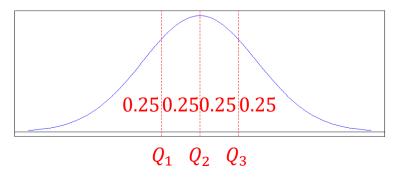
제1사분위수:  $Q_1 = 3$ 제25백분위수

제2사분위수:  $Q_2$ =제50백분위수=중앙값

제3사분위수:  $Q_3$ =제75백분위수

② 사분위수 범위(interquartile range) : 사분위수범위는 중앙값을 중심으로 전체 자료의 50% 들어오는 범위이며, 극단값에 영향을 덜 받 는다.

$$IQR = Q_3 - Q_1$$



- 표준편차, 범위, 사분위수 범위 비교
  - ① 표준편차 : 표본평균에 대응하는 측도 (전체 관측값의 퍼진 정도를 모두 반영)
  - ② 사분위수 범위: 중앙값에 대응하는 측도 (극단적인 관측값이 배제되어 있어 극단값에 크게 영향 받지 않음)
  - ③ 범위: 극단값에 민감하게 반응하고, 관측값을 골고루 반영하지 못함

예제 7. 전철역 사이의 시간 (단위: 분)

표본: 42, 40, 38, 37, 43, 49, 78, 38, 45, 44, 40, 38, 41, 35, 31, 44 정렬된 표본: 31, 35, 37, 38, 38, 38, 39, 40, 40, 41, 42, 43, 44, 44, 45, 78

제 20백분위수 : 16 \* 0.2 = 3.2 이므로 4번째로 작은 값인 38 제 50백분위수 : 16 \* 0.5 = 8 이므로 8번째 및 9번째로 작은 값의 평균인 40 (중앙값의 정의와 일치)

※ 제 0 백분위수 = 최소값: 31, 제 100 백분위수 = 최대값: 78

- X 돼진 건물를 취하는 흑호. - 포크된라 - 사보이수 범위 - 사보이수 범위 Chapter 3 수치를 통한 연수형 자료의 요약

• 변동계수(Coefficient of variation)
① 상대적으로 퍼진 정도를 나타내는 수치
2 서로 다른 단위를 갖는 자료들을 비교할 때 유용함
표본평균에 대한 상대적인 퍼진 정도, 즉 표본표준편차를 백분율로 나타낸 것  $CV = \frac{\pi C \pi r}{\pi E \pi r} \times 100(\%) = \frac{s}{x} \times 100(\%)$ ④ 상대적인수치이므로 단위가 존재하지 않음

예제 10

#### **03** 상자 그림(Box plot)

- ① 최소값,  $Q_1, Q_2, Q_3$ , 최대값을 가지고 그린 그림으로 요약된 수치와 자료의 전체적인 모양을 함께 제공.
- ② 중심 위치, 퍼진 정도의 수치뿐만 아니라 분포의 대칭성, 분포의 집중 정도, 이상점(극단값) 파악가능
- ③ 단봉형 자료 분석에 적절하며, 다봉형에서는 효과적인 분석이 어려움
- 상자그림의 작성과정
- ① 사분위수( $Q_1, Q_2, Q_3$ )를 <u>결정한</u>다
- ②  $Q_1$ 과  $Q_3$ 을 네모난 상자로 연결하고 중앙값 $(Q_2)$ 의 원칙에 수직선을 긋는다
- ③  $IQR = Q_3 Q_1$ 을 계산한다
- $Q_3$ 으로 부터 각각 선으로 연결한다
- ⑤ 양경계를 벗어나는 자료값들을 \*로 표시하고, 이 점들을 이상점이라고 한다

77 CH, Q1-1.5X Lak = Q12 3- 3-2 Q12+ Q2

如为0亿亿

# Chapter 3 수치를 통한 연속형 자료의 요약 연변적 선생다.

# 04 도수분포표에서의 자료의 요약

- /① 연속형 자료가 도수분포표로 요약되고 원자료가 주어지지 않았을 때를 사용
- ② 각 계급구간의 중간값을 선택하여 그 계급구간의 모든 관측값이 그 값을 갖는 것처럼 평균과 분산
- 등을 계산한다. ③ 원자료에서의 표본평균과 표본분산과는 값이 다를 수 있다. ,

도수분포표에서의 표본평균
$$x_g = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{k} m_i \cdot \left(\frac{f_i}{n}\right) = \sum_{i=1}^{k} (중간값 \times 상대도수)$$

2) 도수분포표에서의 표본분산

$$s_g^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^k (m_i - \bar{x}_g)^2 \cdot f_i = \frac{1}{n-1} \left( \sum_{i=1}^k m_i^2 f_i - n\bar{x}_g^2 \right)$$

3) 도수분포표에서의 표본표준편차

$$s_g = \sqrt{s_g^2}$$

k: 계급의 개수,  $f_i$ : i번째 계급의 도수,  $m_i$ : i번째 계급구간의 중앙값, n: 자료의 개수(=  $\sum_{i=1}^k f_i$ )

大时时 430 星星 对于 30岁 407 407 401 353~所 20岁 401 353~所