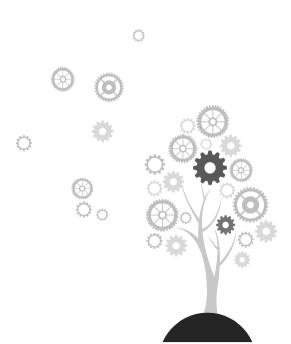
Contents

Chapter 5 확률

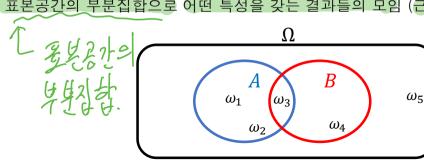
- 5.2 사건의 확률
- 5.3 확률의 계산
- 5.4 확률법칙
- 5.5 조건부 확률과 독립성



Chapter 5 확률 選 왕을 예속하여, 해안 살성(수)서법)을 할수와.

01 사건의 확률 건체질합

- 표본공간(sample space: Ω)
 : 한 실험에서 나올 수 있는 모든 결과들의 모임
- 사건(event : A, B, ···) : 표본공간의 부분집합으로 어떤 특성을 갖는 결과들의 모임 (근원사건들의 집합)



(如约) 到到到 李章》

사건의 확률

: 동일한 조건하에서 한가지 실험을 반복할 때, 전체 실험에서 그 사건이 일어나리라고 예상되는 횟수의 비율

사지 실험을 반복할 때, 전체 실험에서 그 사건이 일어
$$P(A) = \sum_{\omega_i \in A} P(\omega_i)$$
: 사건 A 의 확률

- 확률의 공리
 - 1) 모든 사건 A에 대하여 $0 \le P(A) \le 1$ 이다.
 - 2) 표본공간 Ω 에 대하여 $P(\Omega) = 1$ 이다.
 - 3) 사건 A_1 , A_2 , ... 이 서로 배반, 즉 서로 다른 i와 j에 대하여 A_i , \cap $A_i = \emptyset$ 일 때 다음이 성립한다.

$$P\left(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i\right) = \sum_{i=1}^{\infty} P(A_i)$$

- 예제 1, 2
- 2.3, 2.9, 2.10

02 확률의 계산

: 표본공간 Ω 가 k개의 원소로 이루어져 있고 각 근원사건이 일어날 가능성이 동일하다고 하자. 이때 근원사건 중 하나가 일어날 확률은 $\frac{1}{k}$ 로 주어진다. 또 사건 A가 m개의 근원사건으로 이루 어져 있다면 사건 A가 일어날 확률은 다음과 같이 주어진다.

$$P(A) = \frac{m}{k} = \frac{A$$
에 속하는 근원사건의 개수 Ω 에 속하는 근원사건의 개수

ex) 주사위 던지는 실험

 $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

A: 주사위에서 짝수가 나오는 사건

 $A = \{2, 4, 6\}$

 $P(A) = \frac{3}{6}$

是我好到 對生 新語 花

• 규칙 2 (상대도수 수렴치로서의 확률): 동일한 실험을 N회 반복할 때 사건 A의 상대도수는

$$r_N(A) = \frac{\#(A)}{N}$$

과 같고, N이 증가하면 상대도수는 일정한 값으로 수렴한다. 수렴한 값을 사건 A가 일어날 확률 P(A)에 대한 추정치로 사용한다.

$$\widehat{P(A)} = \lim_{N \to \infty} r_N(A)$$

- 예제 3, 4
- 3.9, 3.15



03 확률법칙

- 여사건 : 사건 A의 여사건은 A에 포함되지 않은 근원사건들의 모임으로 A^c 로 표현 $P(A^c) = 1 P(A)$
- 합사건 : 사건 A,B의 합사건은 A 혹은 B에 포함되는 근원사건들의 모임으로 $A \cup B$ 로 표현 $P(A \cup B) = P(A) + P(B) P(A \cap B)$
- 배반사건 : $\{A \cap B\} = \phi$ 이면, 사건 A와 사건 B는 서로 배반 사건.
- 예제 5, 6, 7
- 4.9, 4.13

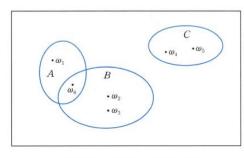


그림 5-2 사건들의 벤다이어그램

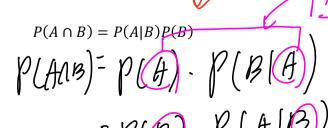
04 조건부 확률과 독립성

• 조건부확률 : 사건 B가 주어졌을 때, 사건 A의 조건무 확률은

로 정의한다.

- 예제 9
- 곱사건의 확률법칙

- 예제11



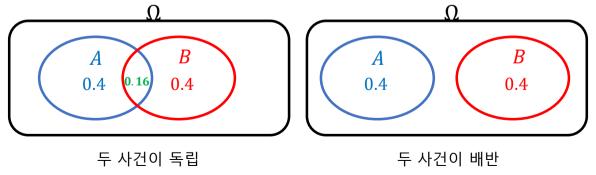
 $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

- 독립
 - : 두 사건 A, B가 다음을 만족 할 때, 사건 A와 사건 B가 서로 독립이라 한다.

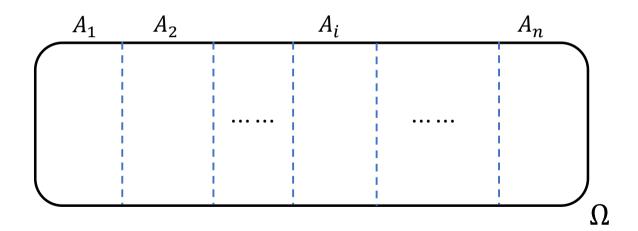
$$P(A \cap B) = P(A)P(B) = P(A|B)P(B) = P(A)P(B|A)$$

- 1/(12)

- 예제12
- ※ 두 사건이 독립이라는 것과 두 사건이 배반인 것은 별개



212 3344!



• 총확률의 법칙
$$P(B) = \sum_{i=1}^{n} P(A_i \cap B) = \sum_{i=1}^{n} P(A_i) \cdot P(B|A_i) \\ A_1 \qquad A_2 \qquad A_i \qquad P(A_n \cap B) + P(A_n \cap B)$$

$$P(A_1 \cap B) \mid P(A_2 \cap B) \mid \dots \mid P(A_n \cap B) \mid \dots \mid P(A_n \cap B)$$

$$P(A_i \cap B) = P(A_i) \cdot P(B|A_i)$$

$$_{i})\cdot P(B|A_{i})$$

Chapter 5

: 사건 $A_1, A_2, ..., A_n$ 이 Ω 의 분할 일 때, 임의의 사건 B에 대하여 다음 식이 성립한다.

$$P(A_{i}|B) = \frac{P(A_{i})P(B|A_{i})}{P(A_{1})P(B|A_{1}) + \dots + P(A_{n})P(B|A_{n})}, i = 1, \dots, n$$

an 327 स्त्र अवक स्टर्

- 예제 14
- 예제 15
- 5.3, 5.4, 5.6, 5.10, 5.11
- 6.18, 6.20, 6.25, 6.40