## Cryptography Algorithms

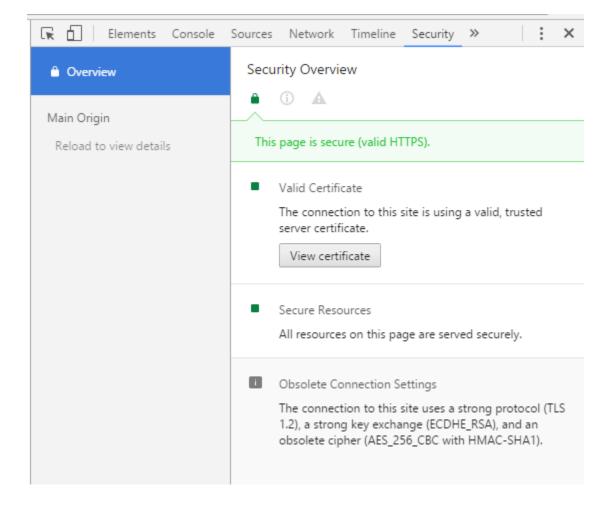
Lecture 10: Message Authentication
Code (MAC) and Cryptographic Hash
Second property - Integrity

ดร. รุ่งรัตน์ เวียงศรีพนาวัลย์

## เค้าโครงการบรรยาย

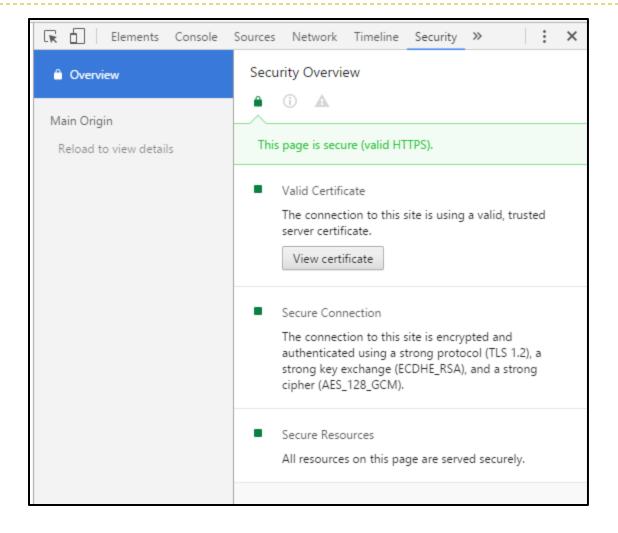
- What is Message Integrity?
- How it works?
- What is Message Authentication Code (MAC)?
- Unconditional MAC
- Ways to Generate MAC
  - Block Cipher Based MAC
  - Cryptographic Hash Based MAC
    - HMAC
- Authenticated Encryption

## Try get to <a href="https://www.hotmail.com">www.hotmail.com</a>

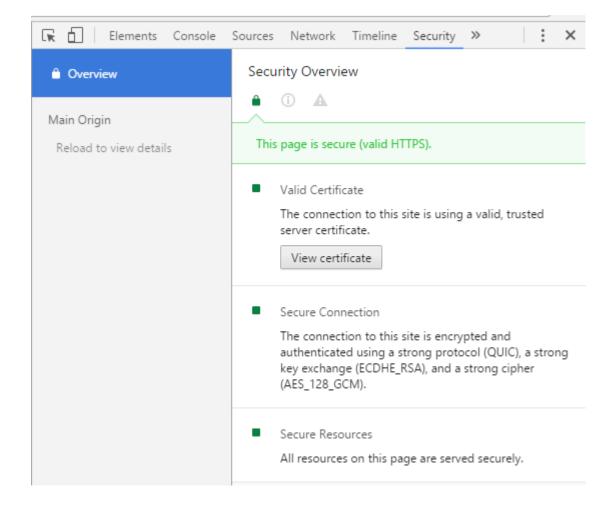




## Try www.paypal.com



## Try www.google.com



## Integrity – Data integrity Vs Message Integrity

- From lecture 1, the meaning of integrity is
  - \*Assets should be unmodifiable or unforgeable, without detection, by unauthorised parties."
- From x.800, security architecture for OSI
  - Data Integrity The assurance that data receive are exactly as sent by an authorized entity (i.e., contain no modification, insertion, deletion or replay) (มั่นใจ ข้อมูลที่ได้รับ เหมือนกับ ข้อมูลที่ส่ง)
- In communication security, message Integrity is both
  - assurance that the content of the message has not been altered during transmission, and (การให้ความมั่นใจว่าข้อความไม่ถูกแก้ไข เปลี่ยนแปลงระหว่างการส่งข้อมูล)
  - langle a mechanism for detecting if a message has been altered during transmission. (วิธีการในการตรวจสอบว่าข้อความถูกแก้ไขระหว่างส่งข้อมูล หรือไม่
- In communication security, message integrity is more often used.

## Message Integrity

- Threat ของคุณสมบัติ Integrity ของแมสเสจ (message integrity) แบ่งได้เป็น สองประเภทคือ
- ▶ 1. Un-intentional ไม่ได้ตั้งใจให้เกิด เช่น เกิดจากสัญญาณรบกวน (noise):
  - สามารถป้องกันได้โดยการทำ
    - □ Error detecting codes หรือ Error correcting codes.
    - ☐ For example, the parity bit in the ASCII code is for error detection. (8 bits to represent 7-bits of information).
    - □ เช่น การใช้ parity bit ในการส่งข้อมูลของรหัสแอสกี (ปกติแอสกี เจ็ดบิต แต่ ส่ง 8 บิต โดยบิตที่แปดเป็น บิตที่ใช้เช็คว่าข้อมูลมีการเปลี่ยนแปลงหรือไม่)
    - □ หรือ การทำ CRC เช่น CRC32
  - Intentional (ตั้งใจ) มีคนตั้งใจในการเปลี่ยนแปลงข้อความหรือ สร้าง ข้อความที่ ไม่ถูกต้อง)
    - Protection in this case is provided by (ในกรณีนี้ป้องกันได้โดยใช้)
      - ☐ Message Authentication Codes (MAC).

## Tag

- ปกติวิธีการที่ใช้ในการป้องกัน threat ทั้งสองประเภททำโดยการเติม (append) tag ต่อท้ายไปที่แมสเสจที่ต้องการส่ง
- งางที่เรียกเรียก tag นี้ว่า checksum
  - Such a tag is a string of bits, in a binary representation.
  - แทคนี้จริงๆ แล้ว string ของ บิต (0 หรือ 1)

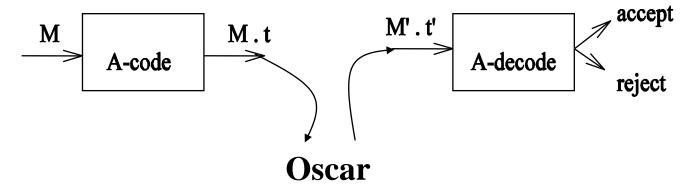


## ตัวอย่าง

- Algorithms for error detection do not need a secret key.
- b ตัวอย่างต่อไปนี้ คือ ตัวอย่างของ อัลกอริธึมที่ใช้ในการสร้าง parity bit:
  - ▶ ให้แมสเสจแต่ละ block มีขนาด 8 บิต (เทียบได้กับจำนวนเต็ม ในช่วง 0-255)
  - ▶ ให้ parity bits มีขนาด 3 บิต : โดยคือค่าเศษที่นำจำนวนเต็มในแต่ละบลอกหารด้วยเจ็ด เช่น message 01111101=125.
  - The parity bits หาจาก 125 mod 7=6=110.
  - ดังนั้นข้อมูลที่ส่งออกไปคือ 01111101 110.
- ถ้ามีความผิดพลาด (error) ที่บิตใดบิตหนึ่งเช่น ผู้รับได้รับ 01011101
   110, ซึ่งสามารถตรวจจับความผิดพลาดได้ จากการนำ: 01011101=93
   ไป mod ด้วย 7 ซึ่งจะได้
  - 93 mod 7 =010 ≠110

## Error correcting/detecting

 Error-correcting/detecting codes ไม่สามารถป้องกัน การโจมตีแบบตั้งใจ เช่น การ spoofing หรือการแก้ไข (modification หรือ impersonation) ข้อมูลที่ส่ง



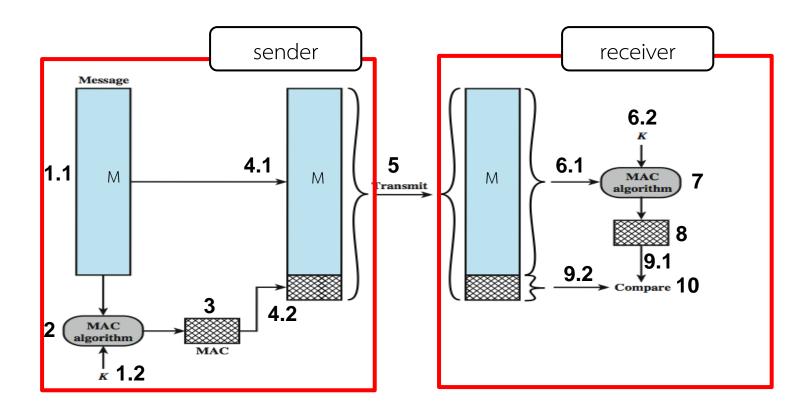
เนื่องจากอัลกอริทึมที่ใช้ในการคำนวณ ทุกคนทราบ ดังนั้น Oscar สามารถเปลี่ยนจาก แมสเสจ M เป็น M' และ คำนวณหา tag t' ได้ ซึ่งเมื่อผู้รับได้รับและทำการตรวจสอบจะพบว่า tag t' เป็น tag ที่ถูกต้อง เพราะ คำนวณมาจากแมสเสจ M' !!!

## Message Authentication Code (MAC)

- 🕨 การใช้ MAC จะมีการตรวจสอบ (verify) ว่า message ที่ได้รับ authentic
  - liver เนื้อหาไม่ถูกเปลี่ยนไป contents unaltered
  - มาจาก authentic source (Sender Authentication)
  - timely and in correct sequence
    - Isาสามารถเพิ่ม เวลา และ sequence no. ในการใช้ตรวจสอบ เวลาหรือ ลำดับของแมสเสจที่ส่งระหว่างผู้ส่งและผู้รัได้ (ช่วยกัน replay attack) (You can also add time and sequence number to verify a message's timeliness and sequence relative to other messages flowing between two parties.)
- วิธีการหนึ่งที่ใช้กันมากในการ implement message authentication คือ การเติม tag หรือ checksum ลงไป ซึ่ง tag หรือ checksum ที่ใช้ใน message authentication จะถูกเรียกว่า Message Authentication Code หรือ เรียกย่อๆ ว่า MAC
- MAC ป้องกัน active attacks ในขณะที่ Encryption ป้องกัน passive attacks.

## Message Authentication Codes

▶ Sender and receiver share a secret key K.





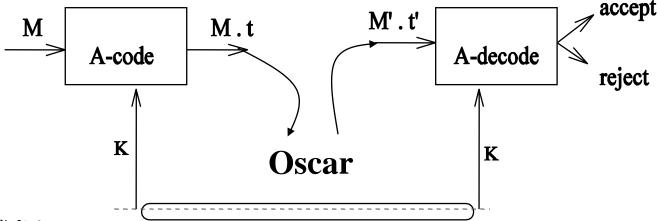
## Message Authentication Code Cont.

- MAC ปลอดภัย (secure) ถ้าการปลอม (forging) (M,MAC<sub>K</sub>(M)),
   ยาก (hard) (แมสเสจถูกแก้ไขแต่ตรวจจับไม่ได้)
- การสร้าง MAC สามารถทำได้ทั้งในกรณี unconditional security
   หรือ practical security.

- แต่ MAC สำหรับ unconditional security ใช้จำนวนบิตมาก ( many key bits)
  - Unconditional security ในกรณีนี้หมายถึงว่า โอกาสที่ผู้โจมตี จะประสบ ความสำเร็จ (ปลอมแปลงแมสเสจได้) จะน้อยกว่า หนึ่งเสมอ

## Message Authentication Code

- ผู้ส่ง (transmitter) และผู้รับ (receiver) จะมีการ แชร์ secret key (K) ก่อน
- ในการส่งแมสเสจ M, ผู้ส่งจะคำนวณหาค่า MAC (t) และทำการต่อมันไปที่ message (M) ก่อนส่งไป ดังนั้นสิ่งที่ส่งคือ (M.t) (t=MAC<sub>k</sub>(M)).



- ผู้รับได้รับ แมสเสจ (M.X).
  - นำ คีย์ K และ แมสเสจ M เพื่อคำนวณหาค่า MAC<sub>k</sub>(M)
  - ทำการเปรียบเทียบ ค่าที่ได้กับ X.
  - ถ้าค่าทั้งสองเหมือนกัน แสดงว่า แมสเสจที่ได้รับนั้นเป็นแมสเสจที่ผู้ส่งส่งมาจริง (authentic)
- MAC ถูกเรียกอีกชื่อหนึ่งว่า cryptographic checksum.

## An unconditionally secure MAC

- ให้ แมสเสจ (M) เป็นเซตของข้อมูล
  - ightharpoonup ตัวเลขระหว่าง 0 and p-1, เมื่อ p เป็นจำนวนเฉพาะ (prime)
- 🕨 แมสเสจแต่ละแมสเสจจะถูกแบ่งเป็น บลอกขนาด *log p*
- ผู้ส่ง (transmitter) และ ผู้รับ (receiver) เลือก/สร้าง/แลกเปลี่ยน (choose/establish/exchange) คีย์ K
  - **▶** โดยที่ K เป็นคู่ของตัวเลข K=(a,b) เมื่อ 0 ≤ a, b ≤ p-1. (a และ b มีค่าอยู่ ระหว่าง 0 ถึง p-1)
- คำนวณค่า MAC จาก
  - $MAC_{\kappa}(M) = a M + b \mod p$
- ▶ แม้ enemy เห็น (M, MAC<sub>K</sub>(M)) แต่การที่ไม่ทราบ K ทำให้ไม่สามารถเปลี่ยน M และ คำนวณ recalculate cryptographic checksum ได้
- ▶ วิธีการนี้เป็นตัวอย่างหนึ่งของ Authentication-code หรือที่เรียกว่า (A-code).

## ตัวอย่าง: ให้ p=11, K=(a,b)=(2,3).

🕨 หา MAC ของ message 5, ดังนั้น

$$MAC_{\kappa}(5) = 2*5 + 3 \mod 11 = 2$$

- Attacker ไม่ทราบค่า K, แต่จะทราบค่า M กับ MAC (2).
- ดังนั้นสามารถลองค่า 'a' ได้ 11 ค่า ซึ่งจะสัมพันธ์กับค่า 'b' ซึ่งจะได้ค่า key ทั้งหมด 11 คู่ (0,2), (1,8), (2, 3),...
- ๒ ซึ่งถ้า attacker ต้องการเดา โอกาสที่จะเดาถูกคือ 1/11.
- และค่า tag จะเป็นค่า 1 ใน 11 จำนวนเสมอ
- ในกรณีที่ attacker สามารถดักจับ message M' ซึ่งค่า MAC คำนวณมาจากคีย์ เดียวกัน เช่นให้ M'=7 ดังนั้น MAC<sub>K</sub>(7)=5,
  - ดังนั้น attacker สามารถหาค่าคีย์ได้จาก สมการ 2 สมการดังนี้

$$a*5 + b \mod 11 = 2$$
 ,  $a*7 + b \mod 11 = 6$ 

ซึ่งจะหาค่าคีย์ได้คือ K=(2,3).

ดังนั้นต้องเปลี่ยนคีย์ในทุก message

#### **Unconditional MAC**

In general it can be proven that:

# Unconditionally secure authentication systems require

a large amount of key amount\*
and so are

IMPRACTICAL.

(unconditional secure authentication ต้องใช้ คีย์เป็นจำนวนมากจึงไม่ practical)

\*\*\*\*คีย์ต้องเปลี่ยน ทุก เมสเสจ เลยต้องใช้มาก

#### Unconditional MAC Cont.

#### To illustrate,

- จงออกแบบ ระบบ Message Authentication System ที่มีคุณสมบัติ unconditional security ซึ่งโอกาสที่ intruder จะประสบความสำเร็จที่ ความน่าจะเป็น (P<=0.01)</li>
- ให้ p=101, and K=(a,b)= (5,11).
  - 🕨 ซึ่ง M จะเป็น message ที่อยู่ใน range 0-100 ซึ่งจะใช้ 7 บิต
  - ▶ และ Message ที่ส่ง M∥MAC จะมีขนาด 14 บิต
  - คีย์ K จะมีขนาด 14 บิต (a,b) อย่างละ 7 บิต
- ▶ จากการที่ MAC<sub>к</sub>(M)= a M + b mod p

ถ้า M =90 , MAC<sub>к</sub>(90)= 5 \* 90 +11 mod 101 = 0111001.

ดังนั้น message ที่ส่งคือ 1011010 0111001.

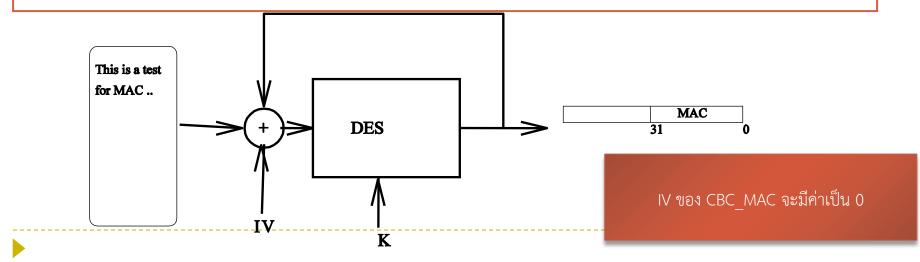
The chance of the enemy's success is P=1/101 < 1/100.

## Unconditional MAC Cont.(2)

- ▶ Unconditional MAC ไม่ efficient มากๆ ในเรื่องของ
  - 🕨 จำนวนบิต (number of bits) ที่ต่อท้ายแมสเสจ
  - จำนวนคีย์ (amount of key information) โดยเฉพาะในกรณีที่แต่ละแมส
     เสจต้องใช้คีย์ไม่ซ้ำกันเลย
  - คล้ายๆ กับ one-time pad ใน encryption ซึ่งเป็น unconditionally secure encryption. ที่คีย์ ความยาวของคีย์ต้องเท่ากับความยาวของแมสเสจที่ส่ง
  - ใน MAC แบบ practical security มันเป็นไปได้เสมอที่จะปลอม (forge) message, แต่ ต้องใช้การคำนวณเป็นจำนวนมาก (amount of computation required to do so is large) ในแบบที่ attacker ไม่มี resource พอที่จะทำได้ (to the extent it is impractical for the attacker to do so.)

## 2. ชนิดของ MAC: Block Cipher based MAC

- ▶ เป็น MAC ชนิดหนึ่งที่ใช้มากสุด
  - Data Authentication Algorithm
- อัลกอรีทีมบลอกไซเฟอร์ในโหมด CBC สามารถนำมาสร้าง checksum ได้เพราะ ciphertext
   ใน CBC โหมด จะถูก feed กลับไปที่ encryption algorithm
- liviu การใช้ 32-bit MAC ที่สร้างมาจาก CBC mode ของ DES. ไม่ว่า แมสเสจ M จะมีขนาด เท่าไร (arbitrary length) MAC $_{\kappa}$ (M) จะคือ 32 บิตท้ายของบลอกสุดท้าย

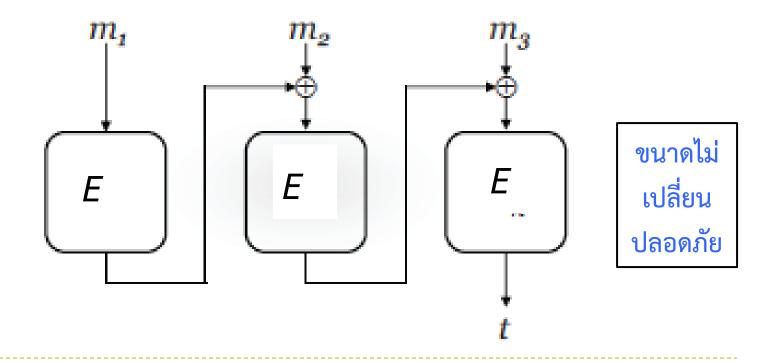


## คำถาม: attack ต่อ MAC แบบนี้เกิดขึ้นได้อย่างไรบ้าง

- Question One: cost หรือ โอกาสของ enemy ในการปลอม (forge) message เป็น เท่าไร?
- ▶ Attack 1: โจมตีไปที่ key space
  - Enemy ใช้ exhaustive key search ในการหาคีย์.
  - lange แล้วทำการแก้ไข message อย่างที่ต้องการ
  - หลังจากนั้นทำการคำนวณ MAC สำหรับแมสเสจที่ต้องการจากคีย์ที่หาได้นี้
- lunรณี DES นี้ ต้องลองทั้งหมดประมาณ  $2^{64}$  operation (จริงๆ  $2^{56}$ )
- Attack 2: โจมตีโดยการลองสุ่มเลือก MAC
  - ▶ enemy เลือก message.
  - 🕨 สุ่มเลือก 32-bit string และทำการต่อท้าย แมสเสจ
  - ightharpoonupโอกาสที่จะสำเร็จ ightharpoonup 1/2 $^{32}$ . (เพราะ tag มีทั้งหมด ได้ 2 $^{32}$  ตัว)

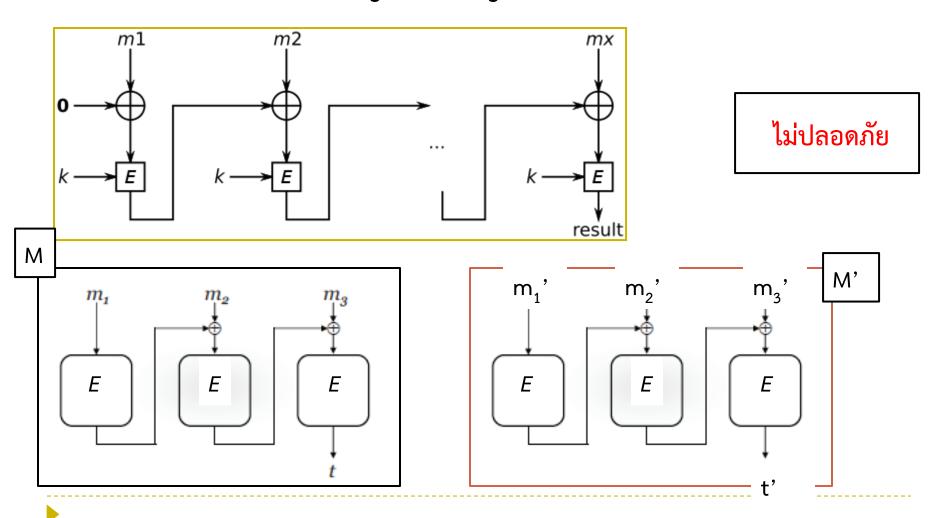
## Basic CBC-MAC -Fixed length

CBC\_MAC ที่เกิดขึ้นถ้าจำนวน Block คงที่(Fix length Message) ในการ ส่งข้อมูลทุกครั้งจะปลอดภัย แต่ถ้าจำนวนบลอกเปลี่ยนแปลงขึ้นอยู่กับ ขนาด Message จะไม่ปลอดภัย (Variable Length Message)



## Variable Length CBC-MAC

lม่ปลอดภัย (Variable Length Message) ซึ่งอธิบายได้ดังนี้

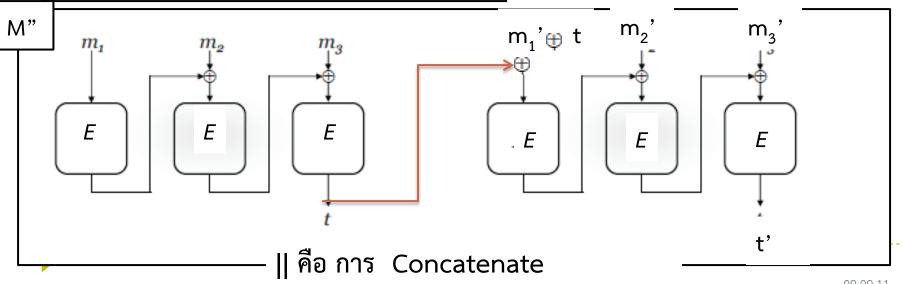


## Problem: Variable Length CBC-MAC

- ไม่ปลอดภัย (Variable Length) Message) ซึ่งอธิบายได้ดังนี้
- ให้ msg 2 msgs คือ M และ M' ซึ่ง เมื่อแบ่งเป็นบลอกแล้วประกอบไปด้วย m<sub>1</sub>m<sub>2</sub>m<sub>3</sub> และ m'<sub>1</sub>m'<sub>2</sub>m'<sub>3</sub>
- และให้ t=MAC<sub>k</sub>(M) และ t'=MAC<sub>k</sub>(M')

#### การโจมตี

- ผู้โจมตีสร้าง message ใหม่ M"
  - $M'' = M||m_1'xor t ||m_2'||m_3'$
- ผู้โจมตีส่ง M",t' เนื่องจาก MAC(M')=t'

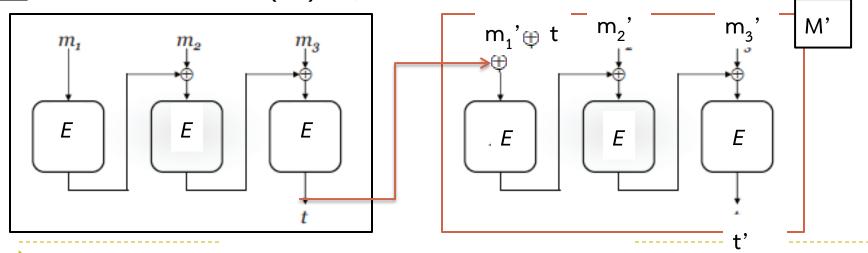


M

## Variable Length CBC-MAC ไม่ปลอดภัยอย่างไร

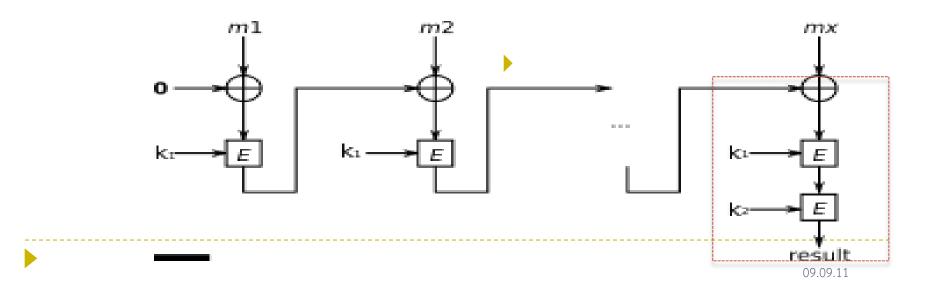
- ▶ พิสูจน์ ว่า สามารถสร้าง MAC ของ Message M" ได้จาก Message M, M',t และ t'
- $M'' = M||m_1'xor t ||m_2'||m_3'$
- MAC(M") =  $E(E(E(MAC(M) \times m_1' \times m_2') \times m_3') \times m_3')$ 
  - =  $E(E(\underline{t} \times m_1' \times m_2') \times m_2') \times m_3')$
  - =  $E(E(E(m_1') \times m_2') \times m_3')$

= MAC(M') = t'

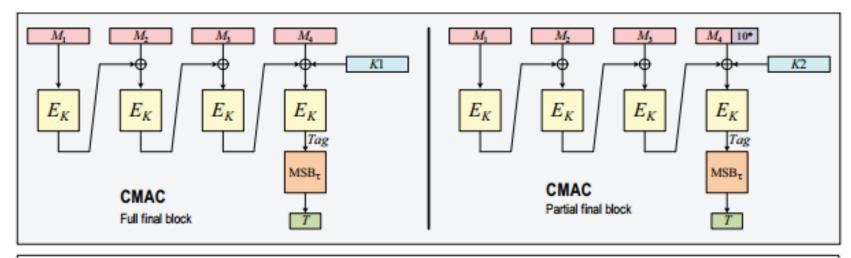


## การแก้ปัญหา CBC\_MAC variable length

- Prepend message:
  - เติมความยาวของ Message |M|
     จำนวน n-bit string ไปหน้าข้อความ
     ก่อนทำการทำ CBC-MAC ตามปกติ
- Encrypt Last Block (ECBC-MAC)
  - เข้ารหัสบลอกสุดท้ายด้วยคีย์อีกคีย์หนึ่ง
- NIST standard called CMAC
- OMAC
- CCM encryption mode (used in 802.11i)



## Cipher-based Message Authentication Code (CMAC)



```
10 algorithm \operatorname{CMAC}_K(M) CMAC \bmod M

11 K1 \leftarrow \operatorname{dbl}(E_K(0^n))

12 K2 \leftarrow \operatorname{dbl}(K1)

13 if |M| \in \{n, 2n, 3n, \ldots\}

14 then K' \leftarrow K1, P \leftarrow M

15 else K' \leftarrow K2, P \leftarrow M10^i where i = n - 1 - (|M| \bmod n)

16 M_1 \cdots M_m \leftarrow M where |M_1| = \cdots = |M_m| = n

17 for i \leftarrow 1 to m do C_i \leftarrow E_K(M_i \oplus C_{i-1})

18 T \leftarrow \operatorname{MSB}_{\tau}(C_m)

19 return T
```

## OMAC (One key MAC) [Wiki]

The CMAC tag generation process is as follows:

Divide message into b-bit blocks  $m = m_1 \parallel ... \parallel m_{n-1} \parallel m_n$  where  $m_1, ..., m_{n-1}$  are complete blocks.

(The empty message is treated as 1 incomplete block.)

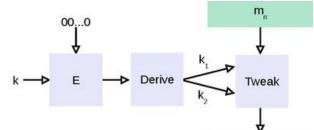
If  $m_n$  is a complete block then  $m_n' = k_1 \oplus m_n$  else  $m_n' = k_2 \oplus (m_n \parallel 10...0_2)$ . - tweak

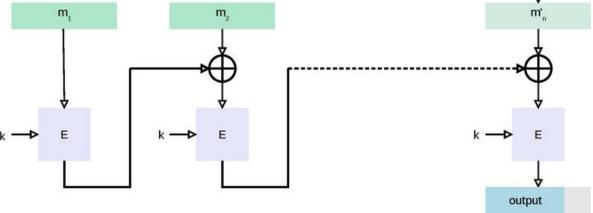
Let c0 = 00...02.

For i = 1, ..., n-1, calculate ci =  $Ek(c_{i-1} \bigoplus mi)$ .

 $cn = Ek(c_{n-1} \bigoplus mn')$ 

Output  $t = msb\ell(c_n)$ .



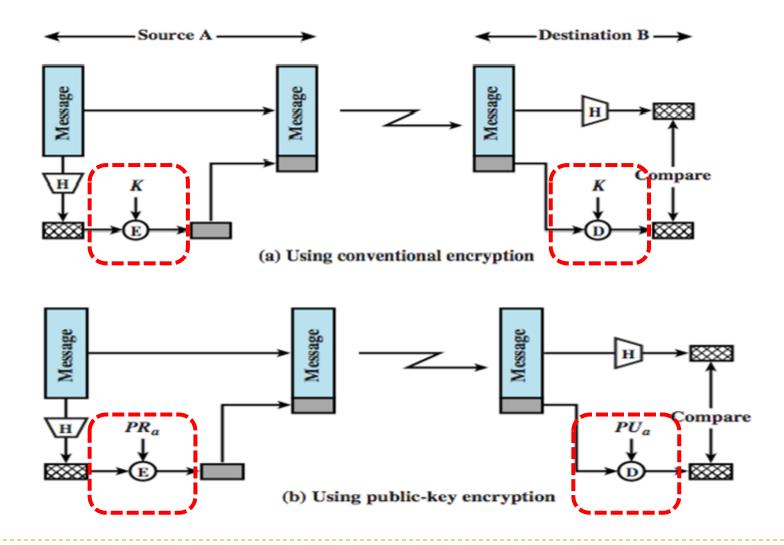


https://en.wikipedia.org/wiki/File:CMAC\_-\_Cipher-based\_Message\_Authentication\_Code.pdf

## 2. ชนิดของ MAC: ใช้ Cryptographic Hash function

- Three ways to authenticate message using hash functions สร้าง message authentication code
- 1. <u>Using symmetric encryption</u>
  - If the sender and receiver share the encryption key, then authenticity is assured
- 2. <u>Using public key encryption</u>
  - Two advantages
    - provides a digital signature as well as message authentication
    - does not require the distribution of keys to communicating parties.
       (explained in later lecture)
- 3. <u>Using secret value</u>

# 2. ชนิดของ MAC : Three ways to authenticate message using hash functions - วิธีที่ 1 และ 2 ใช้การเข้ารหัส



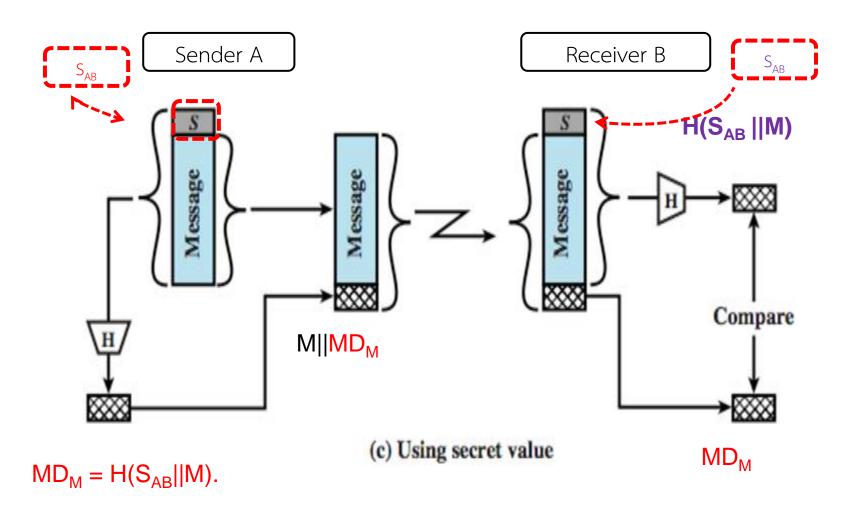
## 2. ชนิดของ MAC: ใช้ Cryptographic Hash function Cont.

- These two approaches
  - l เข้ารหัสเฉพาะค่า Hash ของ message
  - laยทำงานได้เร็วกว่าการสร้าง MAC จากการเข้ารหัสทั้ง Message
    - lu CBCMAC) เพราะใช้ computation resource น้อยกว่า..
- แต่ยังช้ากว่าวิธีที่ 3

## 2. Three ways to authenticate message using hash functions วิธีที่ 3: ใช้ secret value

- ▶ ใช้ hash function แต่ไม่ต้องใช้ encryption ในการทำ message authentication.
- ให้ A และ B เป็นผู้ที่รับส่งข้อมูลกัน (two communicating parties), ซึ่งในกรณีนี้ A และ B, จะต้องมีการแชร์ common secret value S<sub>AB</sub>. ไว้ก่อน
  - lib A มี message ที่ต้องการส่งไปหา B,
    - A น้ำ secret value มาต่อกับ แมสเสจ และ ใช้ hash function หาค่า hash ของ :
       MD<sub>M</sub> = H(S<sub>AB</sub>||M).
    - ▶ A ส่ง [M||MD<sub>M</sub>] ไปให้ B.
  - เพราะว่า B รู้ S<sub>AB</sub>,
    - ▶ B น้ำ secret value ที่ตัวเองมีมาต่อกับแมสเสจที่ได้รับ
    - ▶ ทำการคำนวณ H(S<sub>AR</sub> ||M) และ ตรวตสอบว่าเท่ากับ MD<sub>M</sub>. หรือไไม่
- เนื่องจาก secret value ไม่ได้ถูกส่งไปกับ message attacker แม้ว่าจะดักฟัง message ได้ไป แต่ไม่สามารถ modify intercepted message ได้
- ดังนั้น ตราบใดที่ secret value รู้กันเฉพาะ A และ B attacker จึงไม่สามารถสร้าง แมสเสจ
   ปลอมได้

## 2. Three ways to authenticate message using hash functions วิธีที่ 3: ใช้ secret value (ภาพ)



Sometimes is called MAC Based on a keyed Hash Functions

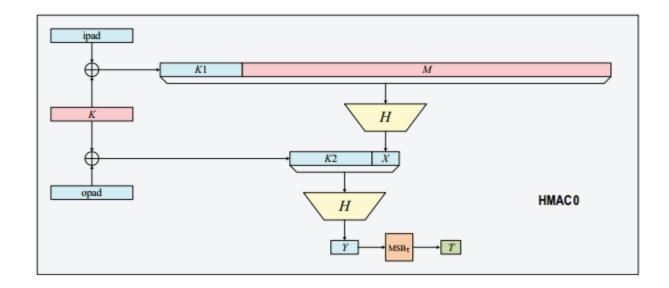
## Most widely used MAC on the Internet.

HMAC (1996)

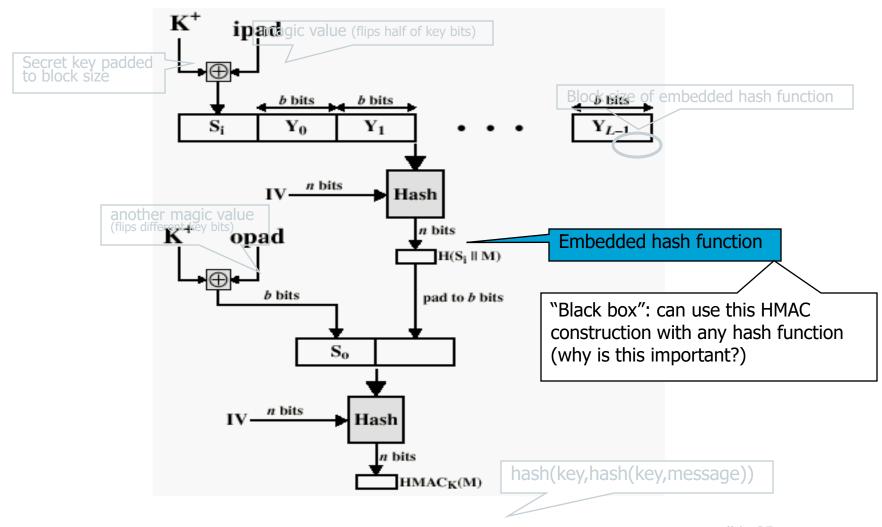
Building a MAC out of a hash function:

Standardized method: HMAC

 $S(k, m) = H(k \oplus opad || H(k \oplus ipad || m))$ 



#### Structure of HMAC



## Most widely used MAC on the Internet.

HMAC (1996)

Building a MAC out of a hash function:

Standardized method: HMAC

 $S(k, m) = H(k \oplus opad || H(k \oplus ipad || m))$ 

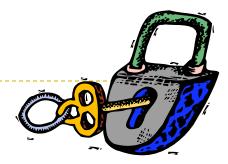
H คือ Hash Function เช่น SHA-1

ipad is a pad value of 36 hex repeated to fill block ipad = ox3636...3636 opad is a pad value of 5C hex repeated to fill block opad = 0x5c5c5c...5c5c M is the message input to HMAC (including any padding)

ตัวอย่างที่ใช้ HMAC-SHA1 HMAC-MD5 ใช้ใน Applications: IPSec and TLS protocols

RFC 2104. FIPS PUB 198 generalizes. and standardizes the use of HMACs. HMAC-SHA-1 and HMAC-MD5.

## Security of HMAC



- Depends in some way on the cryptographic strength of the underlying hash function
- Appeal of HMAC is that its designers have been able to prove an exact relationship between the strength of the embedded hash function and the strength of HMAC
- Generally expressed in terms of the probability of successful forgery with a given amount of time spent by the forger and a given number of message-tag pairs created with the same key



#### **AE Constructions**

Cipher + MAC = security

## History

Pre 2000: Crypto API's provide separate MAC and encrypt primitives

- Example: Microsoft Cryptographic Application Programming Interface (MS-CAPI) provided HMAC and CBC + IV
- Every project had to combine primitives in their own way

#### 2000: Authenticated Encryption

- Bellare and Namprempre in Crypto, 2000
- ▶ Katz and Yung in FSE, 2000

## Authenticated Encryption (AE)

- A term used to describe encryption systems that simultaneously protect confidentiality and authenticity of communications
- Approaches:
  - Hash-then-encrypt: E(K, (M || h))
  - $\blacktriangleright$  MAC-then-encrypt: T = MAC(K1, M), E(K2, [M || T])
  - Encrypt-then-MAC: C = E(K2, M), T = MAC(K1, C)
  - Encrypt-and-MAC: C = E(K2, M), T = MAC(K1, M)
- Both decryption and verification are straightforward for each approach
- There are security vulnerabilities with all of these approaches



#### Standards

GCM: CTR mode encryption then CW-MAC

CCM: CBC-MAC then CTR mode (802.11i)

EAX: CTR mode encryption then CMAC

All are nonce-based.

All support Authenticated Encryption with Associated Data (AEAD).



# Counter with Cipher Block Chaining-Message Authentication Code (CCM)

- Was standardized by NIST specifically to support the security requirements of IEEE 802.11 WiFi wireless local area networks
- Variation of the encrypt-and-MAC approach to authenticated encryption
  - Defined in NIST SP 800-38C
- Key algorithmic ingredients:
  - AES encryption algorithm
  - CTR mode of operation
  - CBCMAC => CMAC authentication algorithm
- $\blacktriangleright$  Single key K is used for both encryption and MAC algorithms

The input to the CCM encryption process consists of three elements:

Data that will be both authenticated and encrypted

This is the plaintext message P of the data block

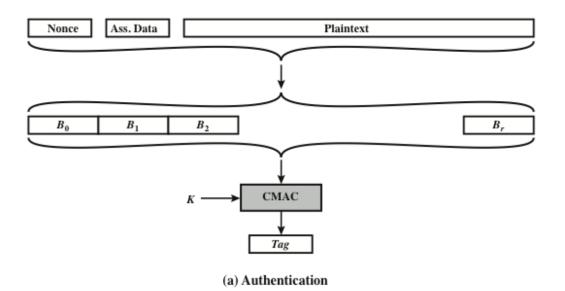
Associated data A that will be authenticated but not encrypted

An example is a protocol header that must be transmitted in the clear for proper protocol operation but which needs to be authenticated

A nonce N that is assigned to the payload and the associated data

This is a unique value that is different for every instance during the lifetime of a protocol association and is intended to prevent replay attacks and certain other types of attacks

## An example API (OpenSSL)



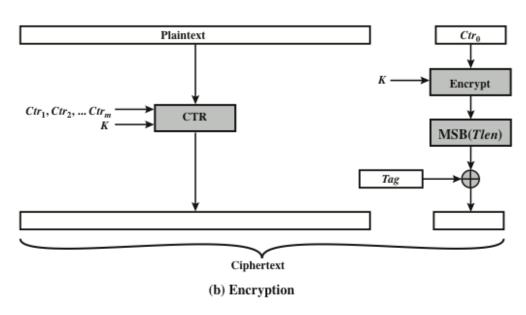
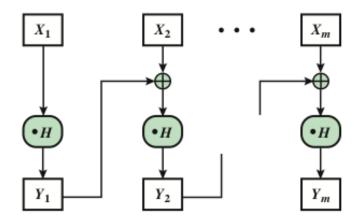


Figure 12.9 Counter with Cipher Block Chaining-Message Authentication Code (CCM)

#### Galois/Counter Mode (GCM)

- NIST standard SP 800-38D
- Designed to be parallelizable so that it can provide high throughput with low cost and low latency
  - Message is encrypted in variant of CTR mode
  - Resulting ciphertext is multiplied with key material and message length information over GF  $(2^{128})$  to generate the authenticator tag
  - The standard also specifies a mode of operation that supplies the MAC only, known as GMAC
- Makes use of two functions:
  - ▶ GHASH a keyed hash function
  - GCTR CTR mode with the counters determined by simple increment by one operation





(a)  $\operatorname{GHASH}_H(X_1 \parallel X_2 \parallel \ldots \parallel X_m) = Y_m$ 

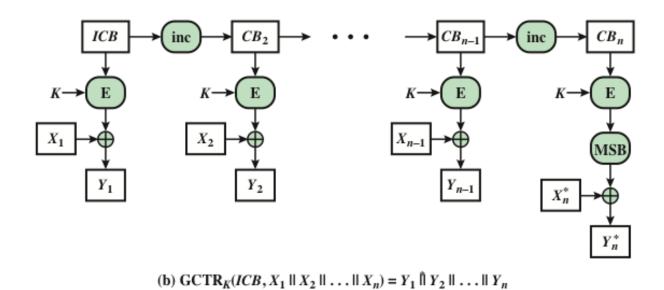


Figure 12.10 GCM Authentication and Encryption Functions

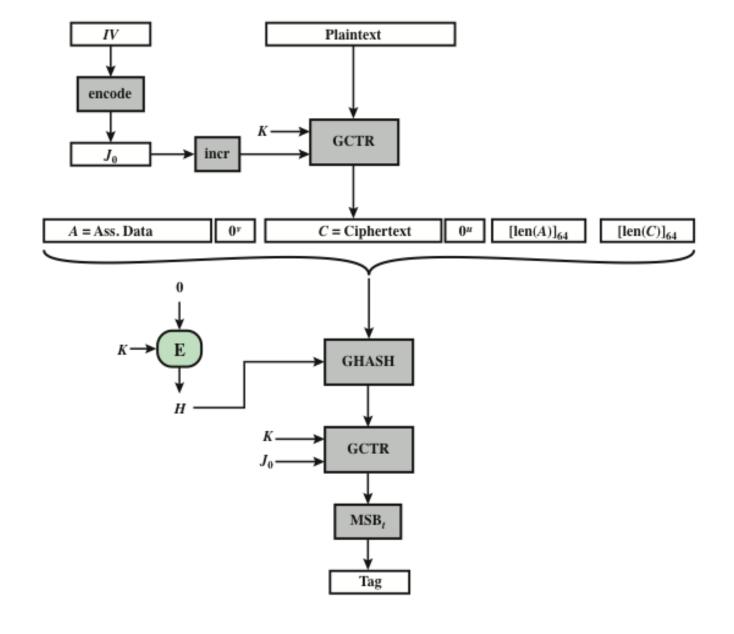


Figure 12.11 Galois Counter - Message Authentication Code (GCM)

#### Performance

From Crypto++ 5.6.0 [Wei Dai]

| AE Cipher | Code Size | Speed<br>(MB/sec) | Raw Cipher | Raw Speed |
|-----------|-----------|-------------------|------------|-----------|
| AES/GCM   | Large     | 108               | AES/CTR    | 139       |
| AES/CCM   | smaller   | 61                | AES/CBC    | 109       |
| AES/EAX   | smaller   | 61                | AES/CMAC   | 109       |
| AES/OCB*  | small     | 129               | HMAC/SHA1  | 147       |

<sup>\*</sup> OCB mode may have patent issues. Speed extrapolated from Ted Kravitz's results.

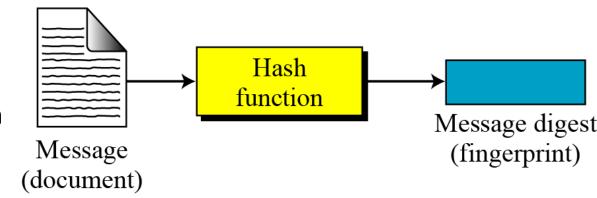
# Summary

| Encrypt-then-MAC  | MAC-then-Encrypt  | Encrypt-and-MAC   |  |
|---|---|---|--|
| ▶ Provides integrity of CT  | No integrity of CT  | No integrity on CT  |  |
| Plaintext integrity   | Plaintext integrity   | <ul> <li>Integrity of PT can be<br/>verified</li> </ul>   |  |
| <ul> <li>If cipher is malleable, we detect invalid CT</li> <li>MAC provides no information about PT since it's over the encryption</li> </ul> | <ul> <li>If cipher is malleable,         can change message w/o         detection</li> <li>MAC provides no         information on PT since         encrypted</li> </ul> | <ul> <li>If cipher is malleable, contents of CT can be altered; should detect at PT level</li> <li>May reveal info about PT in the MAC (e.g., MAC of same messages</li> </ul> |  |
|   |   | MAC of same messages are the same)  |  |

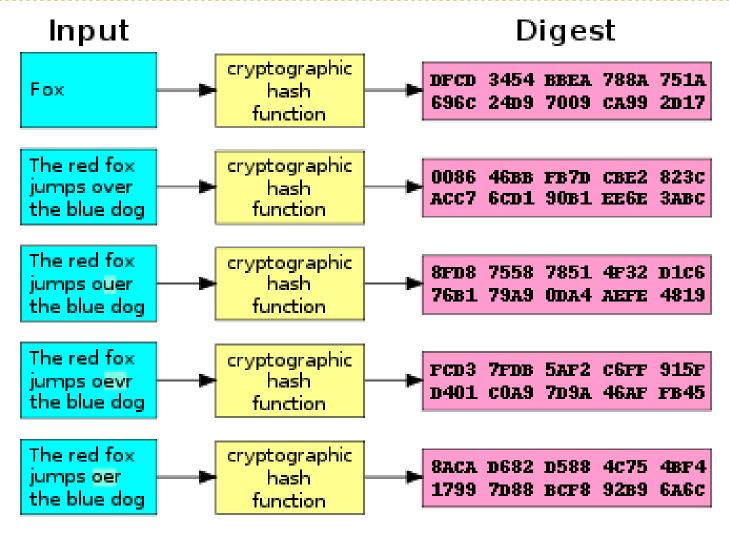


#### Outline

- Hash functions.
  - Cryptographic requirements.
- Signing with hash functions.
- Assessing security.
  - ▶ The birthday attack.
- Techniques for hash functions.
  - Block ciphers.
  - Modular arithmetic.
  - Dedicated or designed.



# จากรูป ในช่อง Digest มีสิ่งใดบ้างที่เหมือนกัน???



\_http://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/thumb/2/2b/Cryptographic\_Hash\_Function.svg/375px-

#### Hash Function

- A hash function H
  - accepts a message X of arbitrary size and
  - outputs a block of fixed size,
  - called a message digest or hash value.
- The idea is that, in general,
  - ▶ H(X) is much smaller than X.
  - Example: The message is an arbitrary file and the digest is a 128 bit block.

#### Collision

- 🕨 มันเป็นไปได้ที่ msg สอง msg ที่แตกต่างกันจะให้ค่า Hash เดียวกัน
- lsียกเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นนี้ว่า การชนกัน (collision)
  - Example:

$$H(X) = X \mod 10$$

$$H(56) = H(96) = H(156)$$

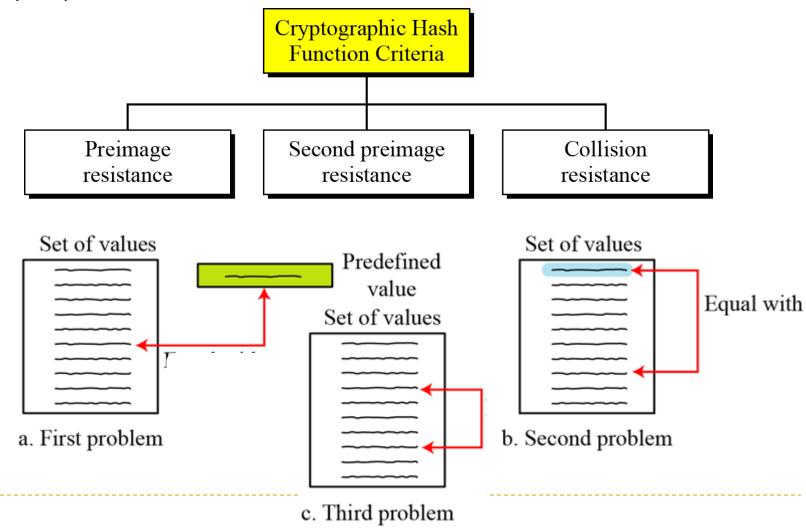
- ใน cryptography ต้องการ hash function ที่ทนทานต่อการชน กัน (collision resistance).
- นั่นคือ, มัน computationally difficult ในการหา inputs x และ
   y ที่ H(x)=H(y).

## Cryptographic Hash Functions

- cryptographic hash function ต้องมีคุณสมบัติดังนี้:
- 1. It can be applied to any size input. (ใช้ได้กับ input ทุกขนาด)
- 2. The output must be of fixed size. (output จะต้องมีขนาดเท่าเดิม (fix))
- 3. One-way: Easy to calculate but hard to invert (ง่ายในการคำนวณแต่ ยากในการ invert)
- 4. <u>Pre-image resistant</u>: For any given Y, it is difficult to find an X such that H(X)=Y. (เมื่อทราบค่า Y มันยากที่จะหาค่า X ที่ H(X)=Y)
- 5. Second Pre-image resistant: Given  $X_1$  it should be difficult to find another  $X_2$  such that  $H(X_1)=H(X_2)$ . (เมื่อทราบค่า  $X_1$  มันยากที่จะหาค่า  $X_2$  ที่  $H(X_1)=H(X_2)$ )
- 6. <u>Collision resistant</u>: It is computationally infeasible to find messages X and Y with X≠Y such that H(X)=H(Y). (มัน computationally infeasible ที่จะหา message X และ Y ซึ่ง X≠Y ที่ H(X) = H(Y))

## Cryptographic Hash Function

Property 4,5 and 6

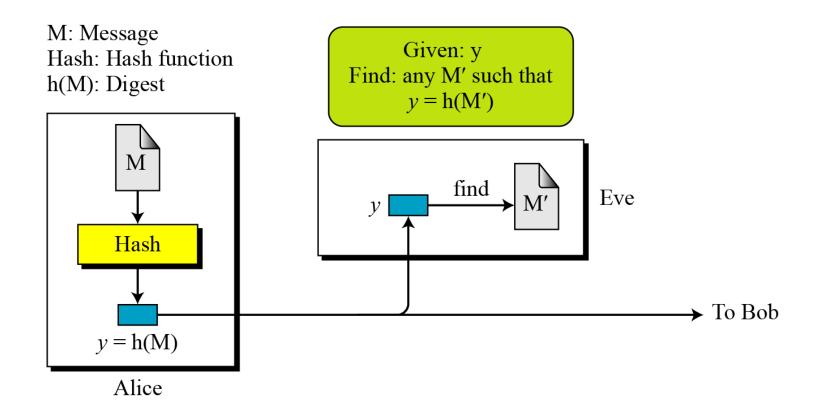


## Preimage Resistance: Diagram

#### Preimage Attack

Given: y = h(M)

Find: M' such that y = h(M')

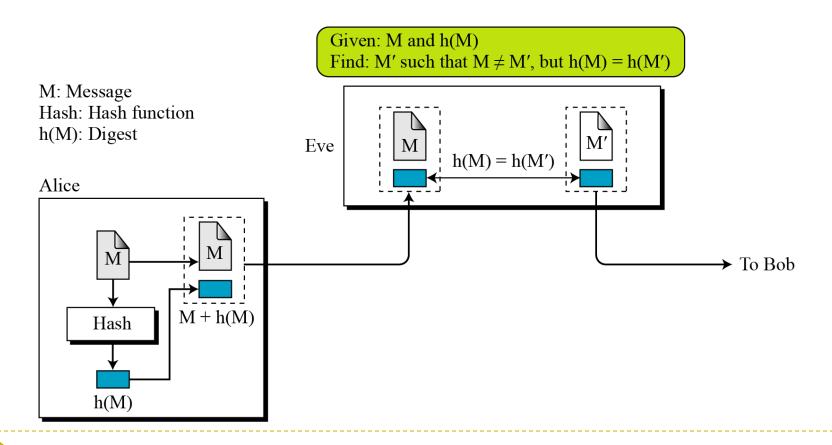


## Second Preimage Resistance

#### **Second Preimage Attack**

Given: M and h(M)

Find:  $M' \neq M$  such that h(M) = h(M')



#### Collision Resistance

#### **Collision Attack**

Given: none

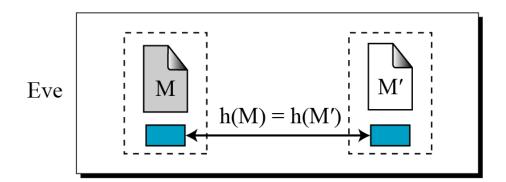
Find:  $M' \neq M$  such that h(M) = h(M')

M: Message

Hash: Hash function

h(M): Digest

Find: M and M' such that  $M \neq M'$ , but h(M) = h(M')



# คำอธิบายเพิ่มเติม การชนกัน (Collisions)

- ถ้าขนาดของ message (message space) ใหญ่กว่า ขนาด ของผลลัพธ์ที่ได้จากการ Hash (digest space) เราจะหา collisions ได้เสมอ (the pigeonhole principle).
- ตัวอย่างเช่น:
  - ให้ message เป็นสมาชิกของเซต  $Z_p^* = \{1,2,...,p-1\}$ , และ digest เป็นสมาชิกของเซต  $Z_q^* = \{1,2,...,q-1\}$  ซึ่ง q เป็นจำนวนเฉพาะและ p>q.
  - ightharpoonup เลือก g โดยที่ g∈ $Z_q^*$ .
- ให้ hash function h(x)= g<sup>x</sup> mod q.

## Example: Collision

- ▶ ถ้า p=15, q=11, และ g=3.
- ▶ จากการที่ h(x)= g<sup>x</sup> mod q.

$$3^2 = 9 \mod 11$$
  $3^3 = 5 \mod 11$ 

$$3^4 = 4 \mod 11$$
  $3^5 = 1 \mod 11$ 

$$3^6 = 3 \mod 11$$
  $3^7 = 9 \mod 11$ 

- → Collision เกิดขึ้นเมื่อ x=\_\_ and x= \_\_\_
- ถ้าให้ 4 บิตแทน messages ดังนั้น h(0010)=h(0111)
- lack ที่งนั้น ฟังก์ชันนี้เป็นฟังก์ชัน cryptographic hash ที่ไม่ดี
- คำถาม เราจะรู้ได้อย่างไรว่า collision จะมีโอกาสเกิดขึ้นมากน้อยเพียงใด และ ฟังก์ชันนี้มี security แค่ไหน ?? see security assessment

# เทคนิคในการทำ Hashing

ส่วนใหญ่จะออกแบบตาม Merkle-Damgard Construction (Iterated Hash Function)

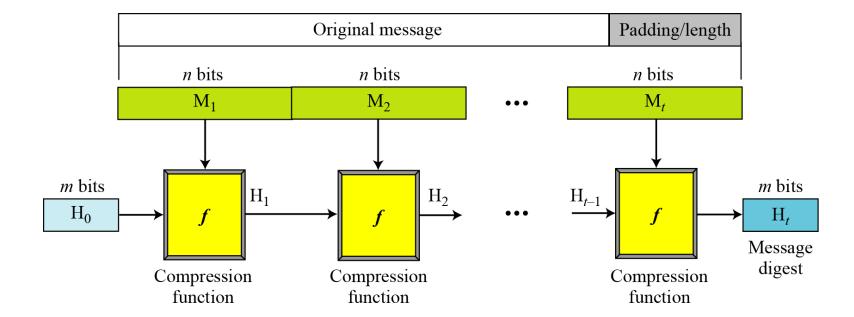
แบ่งได้เป็นสามกลุ่มใหญ่คือ (three main categorie)

- เทคนิคที่ใช้ block ciphers (symmetric key).
- เทคนิคที่ใช้ modular arithmetic.
- การออกแบบโดยเฉพาะ (Dedicated or designed hash functions (Others)).

## Merkle-Damgard Construction

- แบ่งแมสเสจออกเป็นบลอกขนาดคงที่
- lange ไม่ครบบลอกให้ทำการ pad
  - b ต้องเลือกใช้วิธีการ pad ที่ดี มิฉะนั้นอาจทำให้เกิด Collision ได้ง่าย
- luแต่ละบลอก ใช้ compression function f เดียวกัน
  - Compression function f ต้องมีคุณสมบัติ one-way function
  - Input ของ compression function คือ output ของ compression function ของ บลอกก่อนหน้า และ m ของแต่ละบลอก
    - สำหรับบลอกแรกค่าที่ใช้แทน ค่าของ compression function ของบลอกก่อนหน้า
       ขึ้นอยู่กับอัลกอริทึม เช่น อาจใช้ความยาวของ message
  - Output ของ compression function ในแต่ละบลอกจะเป็น input ของ compression function ของ บลอกถัดไป

## Merkle-Damgard Diagram



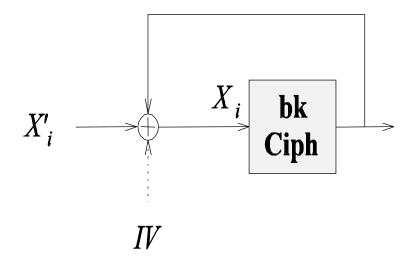
## 1. Hashing based on Block Cipher

- เป็นวิธีที่ง่ายที่สุด
- ▶ จริงแล้ว วิธีนี้ก็คือ การสร้าง message authentication code (CBC-MAC)
   นั่นเอง
- ซึ่ง ทั้งสองฝั่งต้องทราบคีย์
- liมีมีคีย์ทำวิธีนี้ไม่ได้ (เป็น keyed Hash Function)

$$X = X_1, X_2, ..., X_n$$

$$Y_i = E_K(X_i \bigoplus Y_{i-1})$$

$$H(X) = Y_n$$



- 1. Hashing based on Block Cipher Cont. I
- ▶ วิธีการนี้ ถูก standardized และใช้ใน banking authenticationใน ANSI 9.9. ANSI 9.19 และ ISO 873-1.

- 🕨 ข้อเสีย:
  - ผู้รับต้องมีคีย์ (recipient must have the key)
  - ถ้า ผู้ไม่ประสงค์ดีรู้ คีย์ จะปลอมแปลงแมสเสจง่ายมาก ไม่มี คุณสมบัติ authentication เลย

# 1. Hashing based on Block Cipher Cont. II

- ปัญหา
  - หล่าหรับ n-bit block Y ใดๆ ถ้าทราบ n-bit blocks X ซึ่งมีลำดับของแมส เสจคือ  $X_1, X_2, ...., X_M$
  - ▶ ถ้า n-bit block  $X_{w+1}$  มีค่าเท่ากับ  $D_K(Y) \oplus Y_w$ 
    - $X_{w+1} = D_{K}(Y) \bigoplus Y_{w}$
    - ▶ เมื่อ  $Y_{w}$  คือ hash value ของ  $X_{1}$ ,  $X_{2}$ , ....,  $X_{w}$ .
- Message ใหม่ ที่มีจำนวน w+1 บลอกจะให้ค่า hash เ ดียวกับ ค่า Hash ของแมสเสจ Y เนื่องจาก xor จะ cancle ค่า Y<sub>w</sub> => Collision
- การใช้ block ciphers ในการสร้าง secure hash functions ไม่ใช่ เรื่องง่าย หลายๆ scheme broken เรียบร้อยแล้ว

## 2. Hash functions based on modular arithmetic: An example.

- Quadratic Congruential Manipulation Detection Code (QCMDC) (Jueneman (1983))
- ▶ เป็น keyed hash function.
- ▶ Compression Function เป็น สมการ Quadratic
- 🕨 แบ่ง message ออกเป็น block ขนาด m บิต
- ▶ เลือก M ที่เป็นจำนวนเฉพาะ และ มีค่า  $\geq 2^{m-1}$ .
- le เครื่องหมาย + คือ integer addition.
- $ightharpoonup H_0$  เป็นค่าสุ่ม secret initial value ซึ่งคือ คีย์นั่นเอง (the key).
  - M is a prime satisfying  $M \ge 2^{m-1}$ .

 $\triangleright$  H<sub>n</sub> is the hash value.

สมการคือ  $H_{i} = (H_{i-1} + X_{i})^{2} \mod M$ 

This scheme is broken. (Coppersmith)

## 3. Designed hash functions: MD5

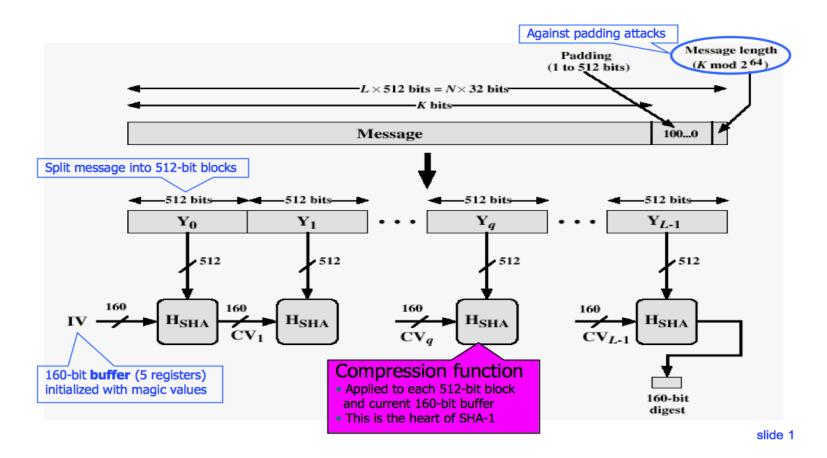
- MD5 (คิดโดย Ron Rivest 1992).
- ▶ เป็น Crypto Hash Function ที่รู้จักกันมาก (best known hash algorithm).
  - ▶ ใช้ Merkle-Damgard Construction
  - ▶ ประมวลผล Input แต่ละบลอกขนาด 512-bit
  - ▶ สร้าง message digest (Hash value) ขนาด 128-bit เสมอ
  - MD5 พัฒนามาจาก MD4. (ช้ากว่า MD4 แต่ security สูงกว่ามาก)
  - ออกแบบมาเพื่อใช้กับ เครื่องแบบ 32 บิต
- ▶ Collisions ใน MD5 ใน practical time ถูกค้นพบในปี 2004
- ปี 2005 มีผู้นำเสนอวิธีการการหา collision ใน MD5 ที่เร็วกว่าวิธีการใน 2004
   มาก
- Completely broken!!!!! นำมาใช้กับ Digital Signature ไม่ได้

## 2. Designed hash functions: SHA-1

- lu Crypto Hash อัลกอรีทีมที่นำเสนอ โดยNIST เพื่อใช้กับ DSA standard.
- พัฒนามาจาก SHA-0.
- lห้ output 160 bit message digest วิธีการที่ใช้จะคล้ายๆ กับ MD5.
- On the next page we show a single SHA-1 operation.
- $\triangleright$  The plus boxes are addition mod  $2^{32}$ .
- ▶ The non-linear function and K, vary for different operations.

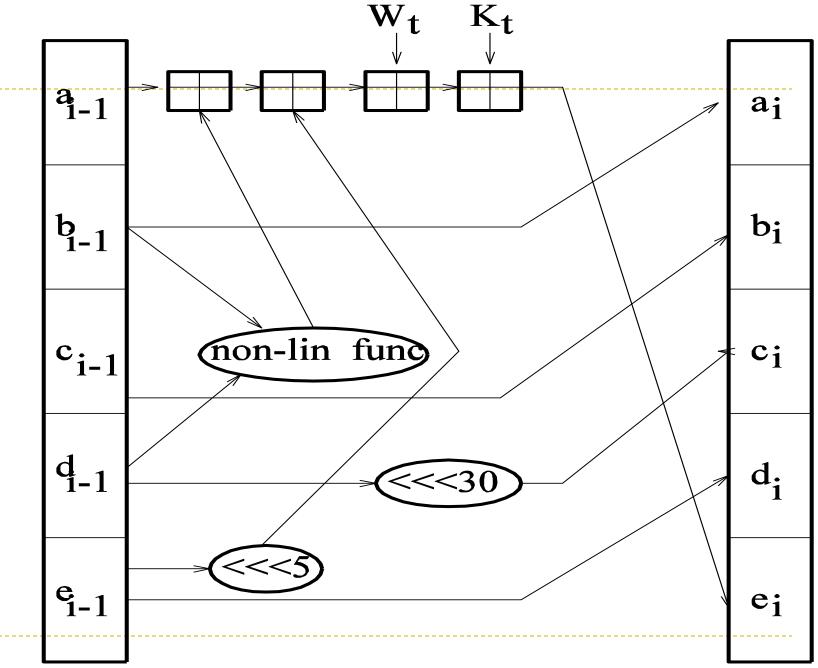
#### SHA-1 Cont.

# **Basic Structure of SHA-1**



## คำอธิบาย

- ▶ ใน SHA-1 message input แต่ละบลอกต้องมีขนาด 512-บิต (เช่นเดียวกับใน MD5).
- ▶ ในแต่ละ compression function (แต่ละรอบ)
  - ประกอบไปด้วย 4 sub-round
    - ▶ แต่ละ sub-round มี 20 operation
    - nonlinear function ใช้ในแต่ละรอบจะแตกต่างกัน
  - รับ input จากบลอกก่อนหน้า ผ่านทาง register 5 ตัวคือ a b c d และ e
  - W<sub>t</sub>, i=0,1 ... 79 จะมีขนาด 32 บิต blocks สร้างจาก input ในส่วนที่เป็น แมสเสจ 512 บิต



## SHA-1: ปัญหา

- 2005 SHA-1 มีผู้หา SHA1 collision ได้ ใน 2<sup>69</sup> operation ซึ่งเร็วกว่าการทำ
   Brute force (2<sup>80</sup> operation)
- ▶ ปลายปี 2005 ถูกหา collision ได้ใน  $2^{63}$  operation
- ดังนั้น SHA-1 ไม่ปลอดภัย ถ้างานที่ทำเน้นที่ต้องไม่มี Collision
- lun่ถ้า ต้องการเพียงคุณสมบัติ one-wayness (ยังใช้ได้อยู่)
- ▶ จริงๆ แล้ว NIST มีแผนจะให้เลิกใช้ SHA-1 ภายในปี 2010 ตั้งแต่ปี 2005
- Nov 2013 ไมโครซอฟต์ประกาศ \*
  - ▶ จะเลิก support SHA-1 ใน root certificate program โดยจะเริ่มทำ วันที่
     1 มค 2016 และจะทำให้เสร็จก่อนวันที่
     1 มค 2017
  - Certificate ที่ Sign โดยใช้ SHA-1 วินโดว์จะไม่ support ตั้งแต่วันที่ 1 มค 2016

<sup>\*\*</sup>http://www.zdnet.com/google-accelerates-end-of-sha-1-support-certificate-authorities-nervous-7000033159/

## SHA-1: ปัญหา Cont.

- Sep 2014 google ประกาศว่า
  - จะเลิก accept ( SSL ของ เว็บไซต์ ที่ใช้ SHA-1 ว่าปลอดภัย ใน Chrome โดยจะค่อยๆ
     เลิกเป็น phase แต่จะทำให้เสร็จภายในปี 2017
- Mozilla มีแผนที่จะเลิก accept เว็บที่ใช้ SHA-1 ใน Certificate เช่นเดียวกัน
- NIST ปรับปรุง FIPS 180-2 ในปี 2002 และ
  - ทำการเพิ่ม SHA อีก 3 เวอร์ชัน และเรียกรวมกันว่า SHA2
  - SHA-256, SHA-384, SHA-512
  - ▶ ตัวเลข 256/384/512 แสดงถึงขนาด(เป็นบิต) ของ hash value
  - lช้ basic structure เดียวกับ SHA-1 แต่มี security ที่ดีกว่า
  - ▶ ไม่มีรายงานการ attack SHA2 ที่ สำคัญ
- ปัจจุบัน มี SHA-3 หรือเรียกอีกชื่อว่า Keccak NIST ออกมาตรฐาน ในปี 2014
   มาเพื่อเป็นทางเลือก แต่ SHA-2 เพราะยังไม่ถูก attack สำคัญ

#### Other hash functions

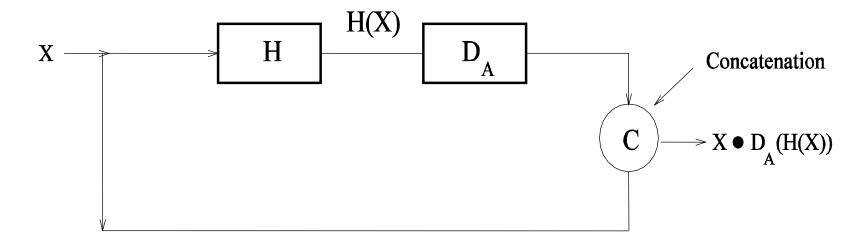
- HAVAL.
- ▶ RIPEMD-(160).
- ▶ Snefru.
- Tiger.
- WHIRLPOOL. (NESSIE\*\*\* endorsed hash)
  - developed by Vincent Rijmen & Paulo Barreto
  - input is processed in 512-bit blocks.
  - based on the use of a block cipher,
  - The block cipher W has a similar structure and uses the same elementary functions as AES, but with a 512-bit block and key size.
  - produces 512-bit hash

## การทำ Cryptographic Hash Function ไปใช้ประโยชน์

- ▶ ใช้ใน Digital Signature
- ▶ ใช้สร้าง Message Integrity (Message Authentication Code)
- lv ใช้สร้าง Integrity ของ ข้อมูล
- lช้ในการเข้ารหัส password

## Hash Function ใน Digital Signature

- 1. Signing with Hash Function
- main applications ของ hash function คือ digital signatures.
- แทนที่จะ Sign message โดยตรง message จะถูกนำไปเข้า Hash
   Function ก่อน แล้วจึงนำไปทำการ sign (ใช้ H(X) เป็น input แทน X

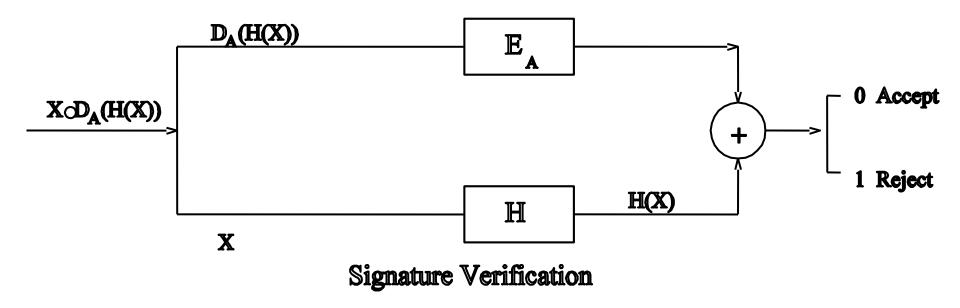


Signature Generation

## Hash Function ใน Digital Signature

#### 2. Verification

ในการ verify หลักการคือ นำ Message ที่ได้รับมา ไปหาค่า HASH ก่อน จึงนำม
 เปรียบเทียบ (เช็ค/ตรวจสอบ) กับค่า hash ที่ส่งมา



## Hash Function ใน Digital Signature

- 3. Security of Hash function: In the context of signatures
- ต้องการทุกคุณสมบัติ 1-6
   Cryptographic hash properties 1, 2 and 3 are required for efficient signature generation.
- Cryptographic hash properties 4,5 and 6 are required to stop attackers forging signatures. (ต้องการคุณสมบัติสามอันหลัง นี้เพื่อป้องกันการปลอมลายเซ็น)
- Example
  - Consider that Oscar, a malicious person, can generate  $X \neq X'$  with H(X)=H(X') such that Alice is happy to sign X and produce  $S_{\Delta}(X)$ .
  - Now Oscar can use  $(X', S_A(X))$  as a signed message

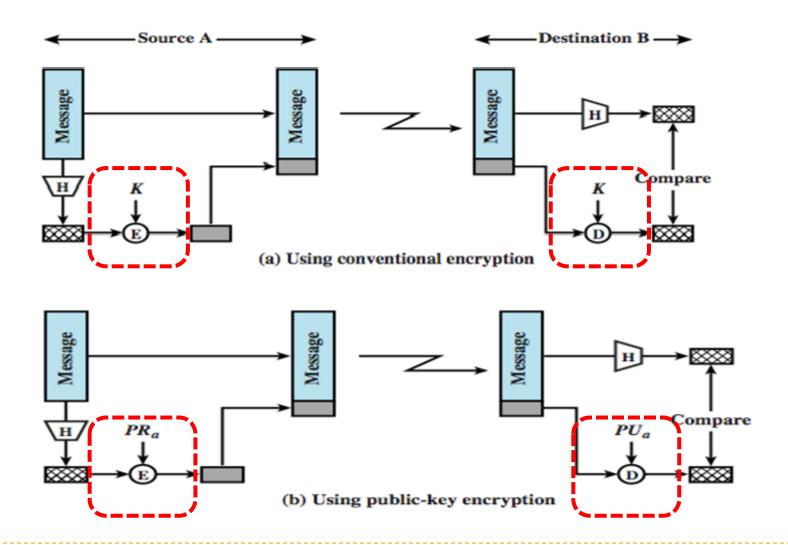
For property 4, 5 and 6 to hold, the size of the output space (message digest/hash value) must be large, currently the standard is 2<sup>160</sup>. That is, the hash value must be at least 160 bits.

A strong signature scheme and a secure hash function may produce a weak signature scheme. An example of this was demonstrated and shown by Coppersmith in combining RSA and the CCITT X.509 hash function

## 2. Three ways to authenticate message using hash functions สร้าง message authentication code

- 1. Using symmetric encryption
  - If the sender and receiver share the encryption key, then authenticity is assured
- 2. Using public key encryption
  - Two advantages
    - provides a digital signature as well as message authentication
    - does not require the distribution of keys to communicating parties.
       (explained in later lecture)
- These two approaches have an advantage over approaches that encrypt the entire message (เช่น ใน CBCMAC) เพราะใช้ computation resource น้อยกว่า..
- 3. Using secret value

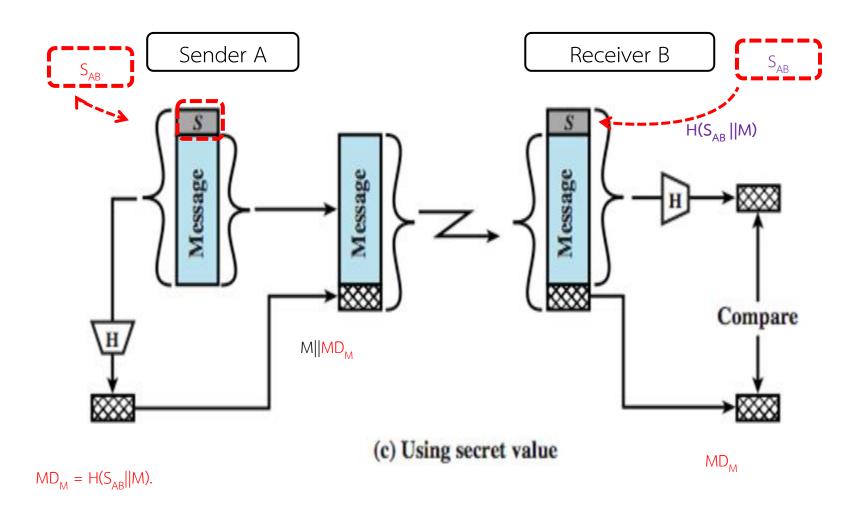
# Three ways to authenticate message using hash functions วิธีที่ 1 และ 2 ใช้การเข้ารหัส



# 2. Three ways to authenticate message using hash functions วิธีที่ 3: ใช้ secret value

- ▶ ใช้ hash function แต่ไม่ต้องใช้ encryption ในการทำ message authentication.
- lห้ A และ B เป็นผู้ที่รับส่งข้อมูลกัน (two communicating parties), ซึ่งในกรณีนี้ A และ B, จะต้องมีการแชร์ common secret value  $S_{AB}$ . ไว้ก่อน
  - lib A มี message ที่ต้องการส่งไปหา B,
    - A น้ำ secret value มาต่อกับ แมสเสจ และ ใช้ hash function หาค่า hash ของ :
       MD<sub>M</sub> = H(S<sub>AB</sub>||M).
    - ▶ A ส่ง [M||MD<sub>M</sub>] ไปให้ B.
  - ▶ เพราะว่า B รู้ S<sub>AB</sub>,
    - ▶ B น้ำ secret value ที่ตัวเองมีมาต่อกับแมสเสจที่ได้รับ
    - ▶ ทำการคำนวณ H(S<sub>AB</sub> ||M) และ ตรวตสอบว่าเท่ากับ MD<sub>M</sub>. หรือไไม่
- เนื่องจาก secret value ไม่ได้ถูกส่งไปกับ message attacker แม้ว่าจะดักฟัง message ได้ไป แต่ไม่สามารถ modify intercepted message ได้
- ดังนั้น ตราบใดที่ secret value รู้กันเฉพาะ A และ B attacker จึงไม่สามารถสร้าง แมสเสจ ปลอมได้

# 2. Three ways to authenticate message using hash functions วิธีที่ 3: ใช้ secret value (ภาพ)



Most widely used MAC on the Internet.

HMAC (1996)

Building a MAC out of a hash function:

Standardized method: HMAC

 $S(k, m) = H(k \oplus opad || H(k \oplus ipad || m))$ 

H คือ Hash Function เช่น SHA-1

ipad is a pad value of 36 hex repeated to fill block ipad = ox3636...3636 opad is a pad value of 5C hex repeated to fill block opad = 0x5c5c5c...5c5c M is the message input to HMAC (including any padding)

ตัวอย่างที่ใช้ HMAC-SHA1 HMAC-MD5 ใช้ใน Applications: IPSec and TLS protocols

RFC 2104. FIPS PUB 198 generalizes. and standardizes the use of HMACs. HMAC-SHA-1 and HMAC-MD5.

# Hash Function: Security assessment Birthday Attack

- This terminology arises from the Birthday paradox.
- Question:
  - What is the smallest size class such that the chance of two students having the same birthday is at least ½?
    - ถ้าค่าความน่าจะเป็น 0.5 จะต้องมีนักศึกษาทั้งหมดกี่คนในห้อง ถึงจะทำให้
       โอกาสที่นักศึกษาในห้องสองคนที่ถูกสุ่มเลือกขึ้นมา เกิดวันเดียวกัน

In a group of how many people (select randomly) that at least two will share a birthday with probability at least ½?

### Birthday Attack Cont. I

- คำตอบคือ เพียง 23 คนเท่านั้น (ดูน้อยกว่าที่คาดคิด => paradox)
- Birthday Paradox สามารถนำมาประยุกต์ใช้การหาโอกาสที่จะเกิด Collision ใน Hash Function
- 🕨 สมมติให้ จำนวน hash value (message digests) ที่เป็นไปได้มีทั้ง หมด m ค่า
- Suppose there are m possible hash values. ถ้าเราสุ่มเลือก message มา k ค่า ทำการหาค่า hash value ของ message จำนวน k ค่านั้น ความน่าจะ เป็น (probability) ที่อย่างน้อยจะเกิดการชนกันของ message หนึ่งคู่คือ

$$P(m,k) > 1 - e^{\frac{-k(k-1)}{2m}} = \varepsilon$$

### Birthday Attack Cont. II

$$k \approx \sqrt{2m \ln\left(\frac{1}{1-\varepsilon}\right)}$$

$$P(m,k) > 1 - e^{\frac{-k(k-1)}{2m}} = \varepsilon$$

▶ Calculate this for **€**=0.5, m=365... k=22.49...

$$k \gg 1.17\sqrt{m}$$

▶ The formula suggests that with sqrt(m) evaluations of the hash function there is a good chance (about 50%) of a collision being found.

### Birthday Attack Cont. III

- จะสังเกตได้ว่า โอกาสที่จะประสบความสำเร็จใน attack นี้ ขึ้นอยู่กับ ปัจจัยสองอย่างเท่านั้นคือ
- ▶ จำนวน message digest (m) ที่เป็นไปได้ทั้งหมด
  - เช่น MD5 มีขนาด 128 บิต ดังนั้น มี message digest ได้ทั้งหมด
     2<sup>128</sup> ค่า
- ▶ จำนวน message ที่เรานำมาหาค่า hash (k)
- ▶ มันจะไม่ขึ้นอยู่กับ โครงสร้างของ hash function นั่นคือ size ของ digest space ถูกใช้เป็น lower bound ของความน่าจะเป็นในการ ประสบความสำเร็จ (probability of success.)

### Birthday Attack Cont. IV

- We can use this lower bound to find the required size of digest space, that is the number of bits of the digest, if we assume certain values for the level of feasible computation.
- lsาสามารถใช้ lower bound ในการหาว่าจำนวนบิตของ message digest ควรมีจำนวนอย่างน้อยเท่าไร จึงจะปลอดภัย จาก attacker ที่มี computational power ที่เราคาดเดาค่า ไว้ได้

### Security Assess Hash Function กรณี Collision Resistant

- 🕨 จาก  $k \gg 1.17\sqrt{m}$  ที่ความน่าจะเป็น 0.5
- libo k = จำนวน Message ที่ผู้โจมตีสามารถนำมาหาค่า Digest ได้
- m คือจำนวน message digest ทั้งหมด
- ดังนั้น การที่เมื่อผู้โจมตี สุ่ม message มา สองค่า โอกาสที่ message สองค่านั้น จะให้ค่า Hash เดียวกัน (ชนกัน) ด้วยความน่าจะเป็นที่ 0.5 จะเกิดขึ้นเมื่อ k มีค่า อย่างน้อย = 1.17 \* m<sup>1/2</sup>
- lacktriangle ถ้า m มีค่ามาก สามารถละ 1.17 ได้ ดังนั้น  $\ k\gg\sqrt{m}$
- ดังนั้น ถ้าเราทราบว่า message digest มีได้ทั้งหมด m ตัว เพื่อไม่ให้เกิด
   Collision k ต้องมีค่า น้อยกว่า m<sup>1/2</sup>

## การเปรียบเทียบ Birthday paradox กับ Hash property

- ดังนั้น Security ของ Cryptographic Hash function ใน กรณี ที่ความน่าจะเป็นที่จะเกิดของแต่ละกรณี คือ 0.5
- ▶ สำหรับ ในกรณี Pre-image และ Second Pre-image นั้น size of digest = size ของ k

| ปัญหา                        | Size of Digest | Lower bound of the security |
|------------------------------|----------------|-----------------------------|
| Pre-image Resistant          | N              | N                           |
| Second-Preimage<br>Resistant | N              | N                           |
| Collusion Attack             | N              | (N) <sup>1/2</sup>          |

## การทราบ lower bound security ของ Cryptographic Hash function ให้ ประโยชน์ดังต่อไปนี้

- ตัวอย่าง A cryptographic hash function uses a digest of 64 bits. How many digests does Eve need to create to find two messages with the same digest with the probability 0.5?
  - โจทย์ของตัวอย่างนี้ หมายความว่า output ของ Cryptographic Hash function นี้ |H(M)| = 64 bit ถ้า Eve อยาก เบรก Hash นี้ จะต้องสร้าง Message Digest อย่างน้อยทั้งหมด กี่ messages จึงจะเกิดการชนกัน
  - คำตอบ

| Collusion Attack N $(N)^{1/2}$ |
|--------------------------------|
|--------------------------------|

- $2^{64/2} = 2^{32}$
- คำถามที่ 2 ถ้า ใน 1 วินาที Eve สามารถ หาค่า Message Digest ได้ทั้งหมด 2<sup>20</sup> ค่า Eve จะใช้เวลานานเท่าไหร่ในการ Break Cryptographic Hash function นี้

#### Additional Slide

- Because of the birthday attack,
  - the length of hash outputs in general should double the key length of block ciphers
- SHA-224 matches the 112-bit strength of triple-DES
- SHA-256, SHA-384, SHA-512 match the new key lengths (128,192,256) in AES

#### References

- [1] CSCl361 Lecture Notes by A/Prof Willy
  - Susilo and Dr.Luke McEven, University of Wollongong
- [2] Forouzan, Cryptography and Network Security, McGraw Hill, 2008.
- [3] http://en.wikipedia.org/wiki/SHA-2 [WIKI1]
- [4] http://en.wikipedia.org/wiki/Secure Hash Algorithm [WIKI2]
- [5] http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/documents/FR\_Notice\_Jan07.pdf [NIST1]