

# PTP4 Zusammenfassung

## Theoretische Quantenmechanik

### Professor Matthias Bartelmann

Sommersemester 2017  
Heidelberg

Ende des 19. Jahrhunderts beschrieb Physik ueberzeugend die bekannten Wechselwirkungen:

- Gravitation in klassischer Mechanik durch Newton, Lagrange, Hamilton
- Elektromagnetismus durch Maxwell'sche Gleichungen
- Thermodynamik

Ungeklarte Fragen:

- Widerspruch Galilei-Invarianz in kl. Mechanik (Geschwindigkeiten addiert) und Maxwell Elektrodynamik (Lichtgeschwindigkeit Obergrenze) aufgeloeset durch Lorentz Invarianz in Einsteins spezieller Relativitaetstheorie
- Stabilitaet der Atome (im Rutherford Modell) nicht erkluerbar
- diskrete Spektrallinien nicht erkluerbar
- Schwarzkoeperstrahlung nicht beschreibbar (UV-Katastrophe)

*Hohlraumstrahlung:* Stehende Wellen im Hohlraum: Moden

Es sind  $\frac{L}{\lambda}$  Wellen auf Strecke L moeglich

Anzahl abschaetzen:

Kugel ( $V_{Kugel} = \frac{4}{3} * \pi * r^3$ )

Zwei Polarisationsrichtungen: E und B Feld bringt Faktor zwei

Radius ist  $\frac{L}{\lambda}$

$$N(\lambda) = 2 * \frac{4}{3} * \pi * \left(\frac{L}{\lambda}\right)^3$$

- *Relativistische Energie-Impuls-Beziehung:*  $E = \sqrt{p^2 c^2 + m^2 c^4}$
- *Dispersionsrelation:*  $k = \frac{\omega}{c}$

- *Kreisfrequenz*:  $\omega = 2 * \pi * \nu$

- *Wellenlaenge*:  $\lambda = \frac{2*\pi}{k}$

Kommutator:  $[\hat{A}, \hat{B}] := \hat{A}\hat{B} - \hat{B}\hat{A}$

Einsoperator:  $\hat{I} = \sum_n |a_n\rangle \langle a_n| + \int |a\rangle \langle a| da$

Dichteoperator:  $\hat{\rho} = \sum_n p_n |n\rangle \langle n|$

Zeitentwicklungsoperator:  $\hat{U}(t, t_0) |\psi(t_0)\rangle = |\psi(t)\rangle$

Zeitentwicklungsoperator:  $\hat{U}(t) = \exp(-\frac{i}{\hbar} \hat{H}t)$

Heisenberg-Gleichung:  $i\hbar \frac{d}{dt} \hat{A}_H = [\hat{A}_H, \hat{H}_H] + i\hbar \left( \partial_t \hat{A} \right)_H$

Zeitabhaengiger Operator:  $\hat{A}_H(t) := \hat{U}^{-1}(t, t_0) \hat{A} \hat{U}(t, t_0)$

Translationsoperator:  $\hat{T}_{\vec{a}} = \exp\left(-\frac{i}{\hbar} \vec{a} \cdot \hat{\vec{p}}\right)$

Dyson Reihe:  $\hat{U}(t, t_0) = T \exp\left(-\frac{i}{\hbar} \int_{t_0}^t \hat{H}(t') dt'\right)$

Wechselwirkungsbild:  $i\hbar \frac{d}{dt} |\psi(t)\rangle_I = \hat{V}_I |\psi(t)\rangle_I$

Stoeroperator:  $\hat{V}_I(t) := \hat{U}_0^{-1} \hat{V} \hat{U}_0$

ToDo:

6 Axiome

Rabi-Oszillationen

Stoermatrix

*Ortsoperator*  $\hat{x} = \begin{cases} x & (\text{Ortsdarstellung}) \\ i\hbar \nabla_p & (\text{Impulsdarstellung}) \end{cases}$

*Impulsoperator*  $\hat{p} = \begin{cases} -i\hbar \nabla_x & (\text{Ortsdarstellung}) \\ p & (\text{Impulsdarstellung}) \end{cases}$

Kommutator Ort & Impuls:  $[\hat{x}_i, \hat{p}_j] = -i\hbar [x_i, \partial_j] = i\hbar \delta_{ij}$

Zeitunabhaengige Schroedinger-Gleichung:  $\hat{H}\phi(x) = E\phi(x)$

Randbedingungen

Energieeigenwerte des HOC:  $E_n = \hbar\omega \left(n + \frac{1}{2}\right)^\dagger$

Absteigeoperator:  $\hat{a} := \frac{1}{\sqrt{2}}(u + \partial_u)$

Aufsteigeoperator:  $\hat{a}^\dagger := \frac{1}{\sqrt{2}}(u - \partial_u)$

Anzahloperator  $\hat{N}$

Exponentialfunktion hoch Wirkung

Pfadintegral

Paritätsoperator:  $\hat{P}\psi(\vec{x}) = \psi(-\vec{x})$

Translationsoperator

Kugelflächenfunktionen

Zeitumkehroperator  $\hat{\mathcal{T}}\psi(\vec{x}, t) = \psi^*(\vec{x}, -t)$

Wasserstoffatom

Leiteroperatoren

Radiale Eigenfunktion des Wasserstoffatoms

Hamilton im elektromagnetischen Feld

Aharonov-Bohm-Effekt

Zeeman-Effekt

Spinzustände

Spinoren

Spinpräzession

Paschen-Back-Effekt