PTP4 Zusammenfassung Theoretische Quantenmechanik Professor Matthias Bartelmann

Sommersemester 2017 Heidelberg

Ende des 19. Jahrhunderts beschrieb Physik ueberzeugend die bekannten Wechselwirkungen:

- Graviation in klassischer Mechanik durch Newton, Lagrange, Hamilton
- Elektromagnetismus durch Maxwell'sche Gleichungen
- Thermodynamik

Ungeklaerte Fragen:

- Widerspruch Galilei-Invarianz in kl. Mechanik (Geschwindigkeiten addiert) und Maxwell Elektrodynamik (Lichtgeschwindigkeit Obergrenze) aufgeloest durch Lorentz Invarianz in Einsteins spezieller Relativitaetstheorie
- Stabilitaet der Atome (im Rutherford Modell) nicht erklaerbar
- diskrete Spektrallinien nicht erklaerbar
- Schwarzkoerperstrahlung nicht beschreibbar (UV-Katastrophe)

Hohlraumstrahlung: Stehende Wellen im Hohlraum: Moden Es sind $\frac{L}{\lambda}$ Wellen auf Strecke L moeglich

Anzahl abschaetzen:

Kugel $(V_{Kugel} = \frac{4}{3} * \pi * r^3)$

Zwei Polarisationsrichtungen: E und B Feld bringt Faktor zwei

Radius ist $\frac{L}{\lambda}$ $N(\lambda) = 2 * \frac{4}{3} * \pi * (\frac{L}{\lambda})^3$

- Relativistische Energie-Impuls-Beziehung: $E = \sqrt{p^2c^2 + m^2c^4}$
- Dispersions relation: $k = \frac{\omega}{c}$

- Kreisfrequenz: $\omega = 2 * \pi * \nu$
- Wellenlaenge: $\lambda = \frac{2*\pi}{k}$

Kommutator: $[\hat{A}, \hat{B}] := \hat{A}\hat{B} - \hat{B}\hat{A}$

Einsoperator: $\hat{I} = \sum_{n} |a_n\rangle \langle a_n| + \int |a\rangle \langle a| da$

Dichteoperator: $\hat{\rho} = \sum_{n} p_n |n\rangle \langle n|$

Zeitentwicklungsoperator: $\hat{U}(t, t_0) | \psi(t_0) \rangle = | \psi(t) \rangle$

Zeitentwicklungsoperator: $\hat{U}(t) = exp(-\frac{i}{\hbar}\hat{H}t)$

Heisenberg-Gleichung: $i\hbar \frac{d}{dt}\hat{A}_{H} = \left[\hat{A}_{H}, \hat{H}_{H}\right] + i\hbar \left(\partial_{t}\hat{A}\right)_{H}$

Zeitabhaengiger Operator: $\hat{A}_H(t) := \hat{U}^{-1}(t,t_0) \hat{A} \hat{U}(t,t_0)$

Translations operator: $\hat{T}_{\vec{a}} = \exp\left(-\frac{i}{\hbar}\vec{a}\cdot\hat{\vec{p}}\right)$

Dyson Reihe: $\hat{U}(t, t_0) = Texp\left(-\frac{i}{\hbar} \int_{t_0}^t \hat{H}(t')dt'\right)$

Wechselwirkungsbild: $i\hbar \frac{d}{dt} |\psi(t)\rangle_I = \hat{V}_I |\psi(t)\rangle_I$

Stoeroperator: $\hat{V}_I(t) := \hat{U}_0^{-1} \hat{V} \hat{U}_0$

ToDo:

6 Axiome

Rabi-Oszillationen

Stoermatrix

 $Ortsoperator \ \hat{x} = \left\{ \begin{array}{ll} x & (Ortsdarstellung) \\ i\hbar\nabla_p & (Impulsdarstellung) \end{array} \right.$ $Impulsoperator \ \hat{p} = \left\{ \begin{array}{ll} -i\hbar\nabla_x & (Ortsdarstellung) \\ p & (Impulsdarstellung) \end{array} \right.$

Kommutator Ort & Impuls: $[\hat{x}_i, \hat{p}_j] = -i\hbar [x_i, \partial_j] = i\hbar \delta_{ij}$

Zeitunabhaengige Schroedinger-Gleichung: $\hat{H}\phi(x) = E\phi(x)$

Randbedingungen

Energieeigenwerte des HOC: $E_n = \hbar\omega \left(n + \frac{1}{2}\right)\dagger$

Absteigeoperator: $\hat{a} := \frac{1}{\sqrt{2}}(u + \partial_u)$

Aufsteigeoperator: $\hat{a}^{\dagger} := \frac{1}{\sqrt{2}}(u - \partial_u)$

Anzahl
operator \hat{N}

Exponentialfunktion hoch Wirkung

Pfadintegral

Paritaets operator: $\hat{P}\psi(\vec{x}) = \psi(-\vec{x})$

Translationsoperator

Kugelflaechenfunktionen

Zeitumkehroperator $\hat{T}\psi(\vec{x},t) = \psi^*(\vec{x},-t)$

Wasserstoffatom

Leiteroperatoren

Radiale Eigenfunktion des Wasserstoffatoms

Hamilton im elektromagnetischen Feld

Ahanorov-Bohm-Effekt

Zeeman-Effekt