## PTP4 Zusammenfassung Theoretische Quantenmechanik Professor Matthias Bartelmann

## Sommersemester 2017 Heidelberg

Ende des 19. Jahrhunderts beschrieb Physik ueberzeugend die bekannten Wechselwirkungen:

- Graviation in klassischer Mechanik durch Newton, Lagrange, Hamilton
- Elektromagnetismus durch Maxwell'sche Gleichungen
- Thermodynamik

Ungeklaerte Fragen:

- Widerspruch Galilei-Invarianz in kl. Mechanik (Geschwindigkeiten addiert) und Maxwell Elektrodynamik (Lichtgeschwindigkeit Obergrenze) aufgeloest durch Lorentz Invarianz in Einsteins spezieller Relativitätstheorie
- Stabilitaet der Atome (im Rutherford Modell) nicht erklärbar
- diskrete Spektrallinien nicht erklärbar
- Schwarzkörperstrahlung nicht beschreibbar (UV-Katastrophe)

Hohlraumstrahlung: Stehende Wellen im Hohlraum: Moden Es sind  $\frac{L}{\lambda}$  Wellen auf Strecke L möglich

Anzahl abschätzen:

Kugel  $(V_{Kugel} = \frac{4}{3} * \pi * r^3)$ 

Zwei Polarisationsrichtungen: E und B Feld bringt Faktor zwei

Radius ist  $\frac{L}{\lambda}$   $N(\lambda) = 2 * \frac{4}{3} * \pi * (\frac{L}{\lambda})^3$ 

- Relativistische Energie-Impuls-Beziehung:  $E = \sqrt{p^2c^2 + m^2c^4}$
- Dispersions relation:  $k = \frac{\omega}{c}$

- Kreisfrequenz:  $\omega = 2 * \pi * \nu$
- Wellenlänge:  $\lambda = \frac{2*\pi}{k}$

Kommutator:  $[\hat{A}, \hat{B}] := \hat{A}\hat{B} - \hat{B}\hat{A}$ 

Einsoperator:  $\hat{I} = \sum_{n} |a_n\rangle \langle a_n| + \int |a\rangle \langle a| da$ 

Dichteoperator:  $\hat{\rho} = \sum_{n} p_n |n\rangle \langle n|$ 

Zeitentwicklungsoperator:  $\hat{U}(t,t_0) |\psi(t_0)\rangle = |\psi(t)\rangle$ 

Zeitentwicklungsoperator:  $\hat{U}(t) = exp(-\frac{i}{\hbar}\hat{H}t)$ 

Heisenberg-Gleichung:  $i\hbar \frac{d}{dt}\hat{A}_{H}=\left[\hat{A}_{H},\hat{H}_{H}\right]+i\hbar\left(\partial_{t}\hat{A}\right)_{H}$ 

Zeitabhängiger Operator:  $\hat{A}_H(t) := \hat{U}^{-1}(t,t_0) \hat{A} \hat{U}(t,t_0)$ 

Translations operator:  $\hat{T}_{\vec{a}} = \exp\left(-\frac{i}{\hbar}\vec{a}\cdot\hat{\vec{p}}\right)$ 

Dyson Reihe:  $\hat{U}(t,t_0) = Texp\left(-\frac{i}{\hbar}\int_{t_0}^t \hat{H}(t')dt'\right)$ 

Wechselwirkungsbild:  $i\hbar \frac{d}{dt} |\psi(t)\rangle_I = \hat{V}_I |\psi(t)\rangle_I$ 

Störoperator:  $\hat{V}_I(t) := \hat{U}_0^{-1} \hat{V} \hat{U}_0$ 

6 Axiome

Rabi-Oszillationen

Störmatrix

 $Ortsoperator \ \hat{x} = \begin{cases} x & (Ortsdarstellung) \\ i\hbar\nabla_p & (Impulsdarstellung) \end{cases}$ 

 $Impulsoperator \ \hat{p} = \left\{ \begin{array}{ll} -i\hbar\nabla_x & (Ortsdarstellung) \\ p & (Impulsdarstellung) \end{array} \right.$ 

Kommutator Ort & Impuls:  $[\hat{x}_i,\hat{p}_j]=-i\hbar\,[x_i,\partial_j]=i\hbar\delta_{ij}$ 

Zeitunabhängige Schrödinger-Gleichung:  $\hat{H}\phi(x)=E\phi(x)$ 

Randbedingungen

Energieeigenwerte des HOC:  $E_n = \hbar\omega \left(n + \frac{1}{2}\right)\dagger$ 

Absteigeoperator:  $\hat{a} := \frac{1}{\sqrt{2}}(u + \partial_u)$ 

Aufsteigeoperator:  $\hat{a}^{\dagger} := \frac{1}{\sqrt{2}}(u - \partial_u)$ 

Anzahloperator  $\hat{N}$ 

Exponentialfunktion hoch Wirkung

Pfadintegral

Paritätsoperator:  $\hat{P}\psi(\vec{x}) = \psi(-\vec{x})$ 

Translationsoperator

Kugelflächenfunktionen

Zeitumkehroperator  $\hat{T}\psi(\vec{x},t) = \psi^*(\vec{x},-t)$ 

W as sers to f f atom

Leiteroperatoren

Radiale Eigenfunktion des Wasserstoffatoms

Hamilton im elektromagnetischen Feld

Ahanorov-Bohm-Effekt

Zeeman-Effekt $\Delta E = -\frac{m\hbar\omega_B}{2} = B\mu_B m$ 

Spinzustände

Spinoren

Spinpräzession  $|s(t)\rangle = exp(i\omega_L t\sigma_3) |s(0)\rangle$ 

Larmorfrequenz  $\omega_L := \frac{g}{2\hbar} \mu_B B$ 

Paschen-Back-Effekt

Störung

Linearer Stark-Effekt

Fermis Goldene Regel  $\Gamma = \frac{2\pi}{\hbar} \left| \langle \psi_m^0 | \hat{H}^{(1)} | \psi_n^{(0)} \rangle \right|^2 \rho(E_n)$ 

Virialsatz 2 $\langle T \rangle = \left\langle \hat{x} \cdot \vec{\nabla} V(\hat{x}) \right\rangle$ 

Virialsatz für homogenes Potential vom Grad k ist 2 $\langle T \rangle = k \, \langle V \rangle$ 

Gauss-Integral  $\int_{-\infty}^{\infty} x^2 e^{-ax^2} dx = \frac{1}{2a} \sqrt{\frac{\pi}{a}}$