

## 2° 异常情况处理

以 `add(newEntry)` 为例, 有错可能是因为 { 先前有包无效  
newEntry 为无效对象, 若检测到则处理

{ do "no op"  
返回 false 布尔值  
抛出异常

Bag 是简单的 ADT

例. 用包实现: 生成一些随机数, 计算每个数生成多少个

以实施者思考: 数据表示  $\leftrightarrow$  操作实现

一 数组不错 `private T[] bag;` (可以诸多值并操作). 但: 一旦创建便固定, 包需要改变.

引一个变量 `private int numberOfEntries;`

它的 Physical size: 数组的位置数

它的 Logical size: 包中存活的元素数; 该变量保持逻辑尺寸

把元素加入包不一定改变物理尺寸, 但改变逻辑尺寸

? 物理尺寸用完了怎么办 — 采用固定大小 1°  
动态调整大小 2°

## 1° Fixed Size Array

Physical Size 由形参 (数组长度) 传递  
Logical Size 由 `numberOfEntries` 变量维护

优点: 易于实现

缺点: ① 程序员防止用完浪费空间

② 使用者耗尽

一 创建后 Physical Size 不变

一 一旦填满 (`LS == PS`), 不能添加元素

`public boolean add(T newEntry)`

简单例子

```
checkIntegrity();  
boolean result = true;  
if (isArrayFull()) // 无空间不能出口  
{  
    result = false;  
}  
else  
{  
    // 出口  
    bag[numberOfEntries] = newEntry;  
    numberOfEntries++;  
}  
return result;
```

`public boolean remove(T anEntry)`

从包中删除指定条目, 成功返回 true

```
checkIntegrity();  
int index = getIndexof(anEntry);  
T result = removeEntry(index);  
return anEntry.equals(result);
```

如何处理空参数?

`private int getIndexof(T anEntry)` // private 方法, 不属于接口

```
{  
    int where = -1;  
    boolean found = false;  
    int index = 0;  
    while (!found && (index < numberOfEntries))  
    {  
        if (anEntry.equals(bag[index]))  
        {  
            found = true;  
            where = index;  
        } // end if  
        index++;  
    } // end while  
    return where;  
}
```

循环条件: 没找到项目  
且未到数组末尾

找到为 true, 位置,  
找不到 index = -1

private T removeEntry(int givenIndex) //测试 index是否有效

```
{
    T result = null;

    if (!isEmpty() && (givenIndex >= 0))
    {
        result = bag[givenIndex];
        int lastIndex = numberOfEntries - 1;
        bag[givenIndex] = bag[lastIndex];

        bag[lastIndex] = null; //从最后一个条目去除引用
        numberOfEntries--;
    }
    return result;
}
```

public boolean remove(T anEntry)

checkIntegrity(); 检查完整性  
int index = getIndexOf(anEntry);  
T result = removeEntry(index);  
return anEntry.equals(result);

## Lecture 6

### 2° Dynamic Size Array

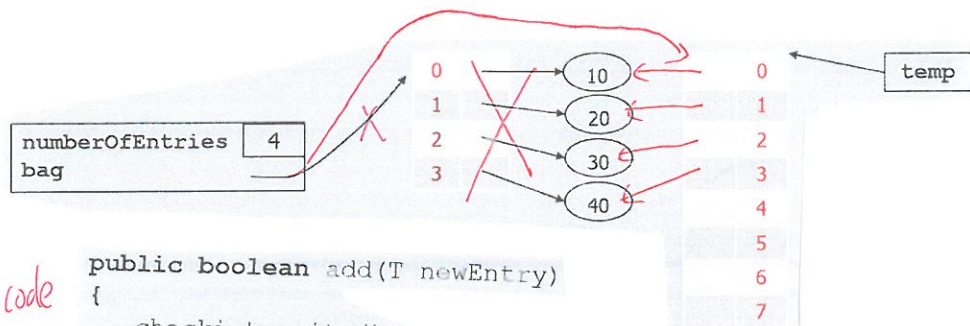
想法: 创建时数组大小就固定. 一旦填满, 创建更大新数组, 复制旧数据, 重分配其为新数组

2.1 制作多大的? 新数组一般是旧数组的2倍

2.2 如何复制? copy index by index - 复制的只是reference, 对象没变

2.3 旧数组被垃圾回收

- 流程
- ① 创建2倍大小新数组
  - ② 复制数据(引用)
  - ③ reassign bag reference
  - ④ 垃圾回收旧数组
  - ⑤ 方法结束时temp消失



```
public boolean add(T newEntry)
{
    checkIntegrity();
    if (isArrayFull())
    {
        doubleCapacity();
    }
    bag[numberOfEntries] = newEntry;
    numberOfEntries++;
    return true;
}
```

```
private void doubleCapacity()
{
    int newLength = 2 * bag.length;
    checkCapacity(newLength);
    bag = Arrays.copyOf(bag, 2 * bag.length);
}
```

并非必需, 确定尺寸

包的实现使用连续内存 → 内存中位置相邻

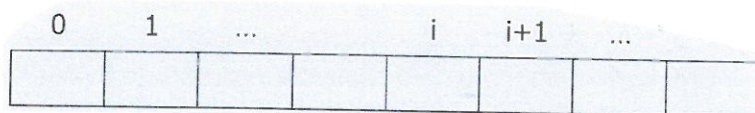
好处: 一用偏移量从第一个推出其它位置

一直接访问单独元素(访问A[i])

一直接访问允许使用例如Binary Search的高效算法

缺点: 一内存自行分配, 必须立即完成 → (太大, 太小, 复制耗时)

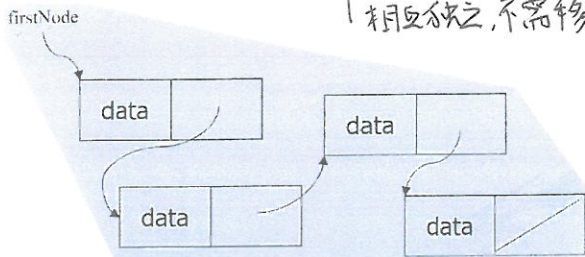
一在数组中间插入或删除元素需要移动其他元素





解决缺点? — 将内存分成小的、独立的片段, 与集合中的元素对应

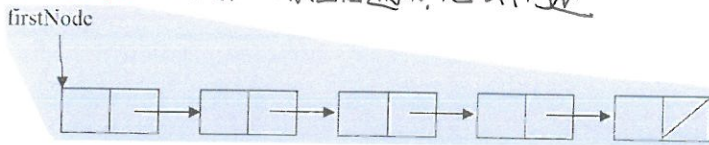
↓ { 精准分割  
相互独立, 不需移动



⇒ 用链表的思想追踪 { 一部分存储数据  
另一部分存储下一片的位置信息

用该思想处理连续内存

单链表: 单向, 从前往后遍历, 无法倒退



另: 一 双链表

每个节点有两个链接(前、后)  
双向

一 循环链表

反向: back to front

链表的实现 — self-referential data type 自引用

```
class Node
{
    private T data;
    private Node next;
    ...
}
```

link的名字

```
public class LinkedBag<T> implements BagInterface<T>
{
    private Node firstNode;
    private int numberOfEntries;
    ...
    private class Node
    {
        private T data;
        private Node next;
        ...
    }
}
```

// 实现包接口方法.

// Node

// 数据, 下节点信息.

Node为 private inner类

// LinkedBag类.

Node在LinkedBag中声明, LinkedBag的方法可以访问Node类

↓ 一 LinkedBag需能访问节点的data & next  
一 Node中编写accessor & mutator使用可以

只有在LinkedBag类内才能这么做

↓ LinkedBag外无法使用Node为成员

## Lecture 7

一些BagInterface方法  
例: 插入元素

```
public boolean add (T newEntry)
{
    Node newNode = new Node(newEntry); // 创建新Node
    newNode.next = firstNode;           // 将该新节点链接至前端
    firstNode = newNode;                // set front to new Node
    numberOfEntries++;                  // 增加条目

    return true;
}
```



不能删除, 加在front容易

numberOfEntries 4 → 5 → 6  
firstNode

```
BagInterface<Integer> B = new LinkedBag<Integer>();
// add 10, 20, 30 and 40
B.add(Integer.valueOf(50)); //包内加入
B.add(Integer.valueOf(60));
```

创建新节点, 放入newEntry  
新节点变成front of list

只能插入在front of bag

特殊情况 - 空包 (firstNode is null)

判断是否含有元素

寻找特殊情况 - contains() 方法

— sequential search 顺序搜索  
(从头开始找, 直至找到或末尾)

```
public boolean contains(T anEntry) //判断中是否有anEntry
{
    boolean found = false;
    Node currentNode = firstNode; //从列表头开始找
    while (!found && (currentNode != null))
    {
        if (anEntry.equals(currentNode.data)) //找着了
            found = true;
        else
            currentNode = currentNode.next; //没找到, 下一个
    } //结束while loop
    return found;
} //结束contains
```

另一个操作: 取出

public boolean remove(T anEntry)

— 找到条目 — 返回的布尔值  
reference to actual node

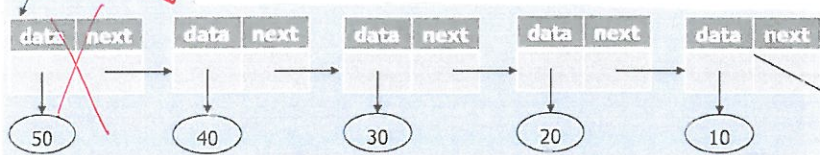
— 移除 — 取消链接该节点

numberOfEntries 5 → 4  
firstNode

```
firstNode = firstNode.next;
numberOfEntries--;
```

因为front Node容易删, 所以将front Node  
数据传给想删的Node, 删掉front Node

Node不是数据, 是访问数据的指针



numberOfEntries 5 → 4  
firstNode

```
B.remove(Integer.valueOf(20));
```

实际上这个20不见了

找到20的reference  
把50复制过去  
删除最前面的50

```
private Node getReferenceTo(T anEntry)
{
    boolean found = false;
    Node currentNode = firstNode;
    while (!found && (currentNode != null))
    {
        if (anEntry.equals(currentNode.data))
            found = true;
        else
            currentNode = currentNode.next;
    }
    return currentNode;
}
```

返回值不同



```
public boolean remove(T anEntry)
```

```
{
    boolean result = false;
    Node nodeN = getReferenceTo(anEntry); // 获得 anEntry 的 Reference
    if (nodeN != null)
    {
        nodeN.data = firstNode.data;
        firstNode = firstNode.next;
        numberOfEntries--;
        result = true;
    }
    return result; // 操作成功返回 true
}
```

// 从第一节复制数据, 删除第一节

⇒ Linked Bag 删除 first item  
Order 不重要

Node 类作为单独的 (非内部) 类

可以使 Node reuse

```
public class Node<T>
```

```
{
    private T data;
    private Node<T> next;
    ...
}
```

// 数据部分

// 链到下一个节点

此时 LinkedList 中有

private Node<T> firstNode;

Node<T> class 内应定义一些方法来访问 next & data

{ accessor 例: getData(), getNextNode()  
mutator 例: setData(), setNextNode()

新的 remove() 方法

```
public boolean remove(T anEntry) // remove 用了 Node<T> 的版本
{
    boolean result = false;
    Node<T> nodeN = getReferenceTo(anEntry);
    if (nodeN != null) // 获得 anEntry 的 Reference
    {
        nodeN.setData(firstNode.getData());
        firstNode = firstNode.getNextNode();

        numberOfEntries--;
        result = true;
    }
    return result;
}
```

// 获取一节的数据

另一个 ADT: List

数据: 一按特定顺序排列且数据类型相同的对象的集合  
(数据没有排序)

一集合中对象的数量

操作: { - add(New Entry)  
- add(New Position, new Entry)  
- remove(given Position)  
- clear()

- replace(given Position, newEntry)  
- getEntry(given Position)  
- toArray()  
- contains(anEntry)  
- getLength()  
- isEmpty()

另: 以 1 起头而不是 0

List 作为有效结构, 有以下例功能

{ Last in First out 行为

First in Last out 行为

通过索引访问数据, 在指定位置插入, 改变, 删除数据

在 list 中搜索一个元素

如何把List当包用? 需要加入包的方法  
但并不十分合适

## Lecture 8

List的实现 { data - 表示对象及逻辑大小的集合  
                  operation - 与数据相关

用链接的数据结构实现 ListInterface

与LinkedBag的相同点 { - 单链表结构  
                              - 包含 data & next 的 Node inner class  
                              - 在 front 添加元素  
                              - 查找元素

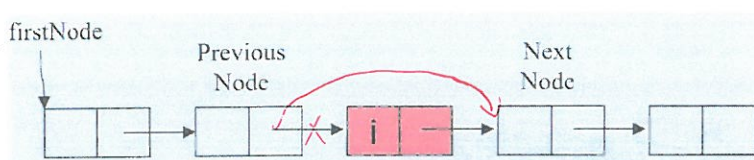
重要不同点: ListInterface 要求数据维持 positional order  
- 不能随意移动数据

public T remove(int givenPosition) 为例

步骤: 找到位于 givenPosition(i) 的对象

- 使用 getNodeAt() 方法

② remove (重连)



getNodeAt() 方法 (任务目标为返回给定位置的节点的引用  
条件: 链表不为空, 给定位置合理)

```
private Node getNodeAt(int givenPosition)
{
    Node currentNode = firstNode;
    for (int counter = 1; counter < givenPosition; counter++)
        currentNode = currentNode.getNextNode();
    return currentNode;
}
```

currentNode 这变量是一直变的。

Node currentNode = firstNode; // 定到初始点

for (int counter = 1; counter < givenPosition; counter++) // 遍历链表以定位所需节点  
    currentNode = currentNode.getNextNode();

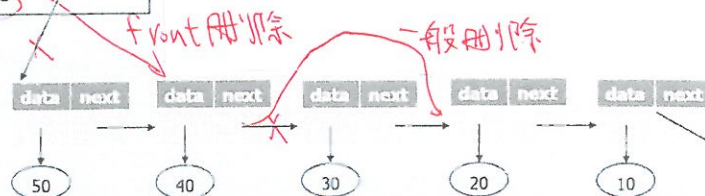
return currentNode;

这是个 private 方法 (满足 precondition 时才能调用)

ListInterface 如果 index 无效, 会删除 front value, 发生 special case → 导致 firstNode 的改变

numberOfEntries 5  
firstNode

除了删除 front (最前面的节点), 不需要改变 firstNode



一般是将 before 连到 next.  
而 front 无 before node, 因此  
改变 firstNode



public T remove(int givenPosition) //移除给定位置的值

```

{
    T result = null; //初始化返回值
    if ((givenPosition >= 1) && (givenPosition <= numberOfEntries)) //满足precon - 给定位置合理, - 列表不为空
    {
        if (givenPosition == 1) //删除的是第一个
        {
            result = firstNode.getData();
            firstNode = firstNode.getNextNode(); //改变firstNode的link, 至下一个节点
        }
        else //常规操作
        {
            Node nodeBefore = getNodeAt(givenPosition-1); //找到前节点
            Node nodeToRemove = nodeBefore.getNextNode(); //前节点后的节点即删除节点
            result = nodeToRemove.getData(); //删除
            Node nodeAfter = nodeToRemove.getNextNode(); //删除节点后的下一个节点
            nodeBefore.setNextNode(nodeAfter); //前节点与后节点直接link
        } // end if 小的值了
        numberOfEntries--;
        return result;
    } // end if 大的值了不
    else throw new IndexOutOfBoundsException("Illegal Index"); //抛出无效index
}

```

Special Case:  
First Node

Normal  
Case

Special Case: Invalid Index

## First & Last Reference

我们可以添加一个 lastNode 变量, 从而在 end 插入 Node 而不需遍历整个 list

? 当出现特殊情况 { remove last node  
remove only node

//有last Node的版本

有

//满足precon

```

public T remove(int givenPosition)
{
    T result = null;
    if ((givenPosition >= 1) && (givenPosition <= numberOfEntries))
    {
        if (givenPosition == 1)
        {
            result = firstNode.getData();
            firstNode = firstNode.getNextNode();
            if (numberOfEntries == 1)
                lastNode = null;
        }
        else
        {
            Node nodeBefore = getNodeAt(givenPosition-1);
            Node nodeToRemove = nodeBefore.getNextNode();
            Node nodeAfter = nodeToRemove.getNextNode();
            nodeBefore.setNextNode(nodeAfter);
            result = nodeToRemove.getData();
            if (givenPosition == numberOfEntries)
                lastNode = nodeBefore;
        } // end if
        numberOfEntries--;
    } // end if
    else throw new IndexOutOfBoundsException("Illegal Index");

    return result;
}

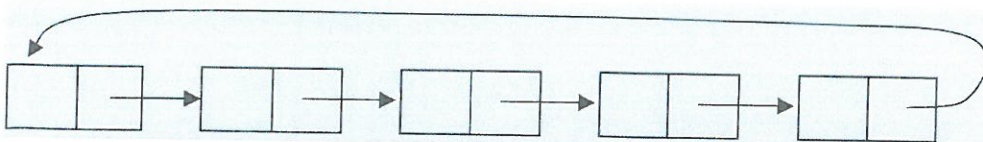
```

≡ { 删除 only node  
它本质删除了 front node. (因为只有一个 node!!)

≡ { 删除 last node.  
切换 lastNode

## Circular Linked List 循环链表

last node 连回 front node



适用于 Queue 队列

# Doubly Linked List 双向链表

每个node都有指向 previous 和 next

可以从两个方向遍历列表 (例如用于 Deque 双向队列)  
引用 front 或 end

## Lecture 9

### Array Implementation for List

好处: 一 存储多个值进行不同操作 private T[] list;

一 追踪逻辑尺寸 (几个对象): private int numberOfEntries;

一 动态调整

以 add 方法为例: public void add (int newPosition, T newEntry)

如何在任意索引处添加元素

一 direct access that index

一 shift  $\Rightarrow$  为新元素腾出空间

Note: 数组的第 0 index 不会使用

一 它列出的是 [numberOfEntries]

```
public void add(int givenPosition, T newEntry)
```

```
{
```

```
    checkIntegrity(); // 完整性验证, ADT 都有这步
```

```
    if ((givenPosition >= 1) &&
```

```
        (givenPosition <= numberOfEntries + 1)) // givenPosition 满足大条件
```

```
    {
```

```
        if (givenPosition <= numberOfEntries)
```

```
            makeRoom(givenPosition);
```

// 满足小条件, 挪位 ✓.

```
        list[givenPosition] = newEntry;
```

```
        numberOfEntries++; // 条目数增加
```

```
        ensureCapacity();
```

$\rightarrow$  // 把 newEntry 放进去.

```
    } else
```

```
        throw new IndexOutOfBoundsException("Error"); // 在最后一位, 没法 make room.
```

```
}
```

makeRoom() 方法的工作 - shifting 算法  $\Leftarrow$  correct side 很重要

这是 private 方法

$\Leftarrow$  wrong side 导致复制

```
private void makeRoom(int givenPosition)
```

```
{
```

```
    // givenPosition 满足了之前的条件
```

```
    // 把每一个条目都移到下一个更高的 index, 从 end 开始, 直到位于 newPosition 的条目移了
```

```
    int newIndex = givenPosition; int lastIndex = numberOfEntries;
```

```
    for (int index = lastIndex; index >= newIndex; index--)
```

```
        list[index+1] = list[index];
```

```
    } // end makeRoom
```

关于删除数据?: public T remove (int givenPosition)

一 我们的做法与 add 相反

{ 移除元素

旁边条目移过去以填补空白

numberOfEntries 递减



```

public T remove(int givenPosition)
{
    checkIntegrity();
    if ((givenPosition >= 1) && (givenPosition <= numberOfEntries)) // 满足位置条件
    {
        T result = list[givenPosition]; // 获取要删除的条目

        if (givenPosition < numberOfEntries) // 后续条目移向删除位置(非last)
            removeGap(givenPosition); // 删除操作
        list[numberOfEntries] = null;
        numberOfEntries--;
        return result;
    }
    else
        throw new IndexOutOfBoundsException("Error"); // 否则抛出Error.
} // end remove

```

## removeGap()算法

```

private void removeGap(int givenPosition)
{
    int removedIndex = givenPosition; // 移除索引为给定位置
    int lastIndex = numberOfEntries; // 最后一个索引为条目数
    for (int index = removedIndex; index < lastIndex; index++) // 把该条目之后的条目们都移向更低位置
        list[index] = list[index+1]; // 移位
} // end removeGap

```

## List

标准List的实现: **ArrayList** 是一个标准类(动态扩展, 实现List Interface)

- **Vector** 类 > public E remove(int index)
- **LinkedList** 双链表, 也能实现Queue双队列

## 算法效率

例: 顺序搜索  $N$  次, 而二叉搜索只需  $\log_2 N$  次. 样本大时差距很大.

因此对于前分析算法

可以通过已实现的算法经验预估, 更重要 **Asymptotic Analysis**.

1) 用**关键指令**控制算法整体运行时间

例: 排序算法本质是彼此的**比较**, 运行时间与比较的次数成正比

2) 用**公式**表示关键指令的数量如何增加  $\Rightarrow$  variable  $N$  变量问题.

- **Worst Time**: 处理问题最多用多少关键指令?

- **Average Time**: . . . 平均用多少 . . . ?

例: 排序算法的最坏情况:  $F(N) = (N^2/2) - (N/2)$ , 运行时间为  $O(N^2)$

以数量级计算

忽略常数与低数量级

## Lecture 10

asymptotic analysis 的简例

1° 恒定时间  $O(1)$ , 与  $N$  无关

```
Y = X;  
Z = X + Y;
```

2° 线性时间  $O(N)$ , 与  $N$  增长率相同

```
for (int i = 0; i < N; i++)  
    do_some_constant_time_operation;
```

 做  $N$  次操作

3° 平方时间  $O(N^2)$  做  $N \times N$  次操作

```
for (int i = 0; i < N; i++)  
    for (int j = 0; j < N; j++)  
        do_some_constant_time_op;
```

以 sorting 算法为例 (key 操作为比较)

1. 顺序搜索  $O(N)$  最多迭代  $N$  次

2. 二叉搜索  $O(\log_2 N)$

每次切成两半,  $N = 2^K$  迭代

```
public static int binarySearch(Object[] a, Object key) {  
    int low = 0;  
    int high = a.length - 1;  
  
    while (low <= high) {  
        int mid = (low + high) / 2;  
        Object midVal = a[mid];  
        int cmp = ((Comparable) midVal).compareTo(key);  
        if (cmp < 0)  
            low = mid + 1;  
        else if (cmp > 0)  
            high = mid - 1;  
        else  
            return mid; // 找着  
    }  
    return -(low + 1); // 没找着 -> worst case  
}
```

另: add(newEntry)

Runtime for resizable array: ① 分配一个新数组, 把数据复制过去,  $O(N)$ . ② 列最后插入,  $O(1)$   
加起来是  $O(N)$ .

但有时可直接 add, 只需  $O(1)$ .

↓  
① Amortized Time 摊还时间: 一系列操作的平均时间

对于动态数组, 调整大小有 2 种方案: ① 每次尺寸 +1  
② 每次尺寸 double (通常)

① 每次把尺寸 +1

insert  $i$  需要 assign  $i$  items  $\Rightarrow O(N)$

需  $N$  次 add() 操作.

总操作 =  $1 + 2 + \dots + (N-1) + N = N(N+1)/2 \Rightarrow O(N^2)$   $N$  次.

平均时间则为  $O(N^2)/N = O(N)$  一次操作的时间

for ResizableArrayBag