Technische Universität Dresden

Fakultät Elektrotechnik und Informationstechnik Institut für Regelungs- und Steuerungstheorie

Studienarbeit

Modellbildung und Reglerentwurf für ein Brückenkransystem

vorgelegt von: Konstantin Wrede

geboren am: 19. Januar 1998 in Sondershausen

Betreuer: M.Sc. Tommy Wohlfahrt

Dipl.-Ing. Fabian Paschke Dr.-Ing. Carsten Knoll

Verantwortlicher Hochschullehrer: Prof. Dr.-Ing. habil. Dipl.-Math. K. Röbenack

Tag der Einreichung: 30. September 2022



Selbstständigkeitserklärung

Hiermit erkläre ich, dass ich die von mir am heutigen Tage an der Fakultät Elektrotechnik und Informationstechnik eingereichte Studienarbeit zum Thema

Modellbildung und Reglerentwurf für ein Brückenkransystem

selbstständig und ohne Benutzung anderer als der angegebenen Hilfsmittel angefertigt habe. Alle Stellen, die wörtlich oder sinngemäß aus veröffentlichten oder nicht veröffentlichten Schriften entnommen sind, wurden als solche kenntlich gemacht.

Dresden, 30. September 2022

Konstantin Wrede

Kurzfassung

An dieser Stelle fügen Sie bitte eine deutsche Kurzfassung ein.

Abstract

Please insert the English abstract here. $\,$

Inhaltsverzeichnis

V	Verzeichnis der Formelzeichen					
A	Abbildungsverzeichnis					
Ta	abell	enverzeichnis	1			
1	Ein	leitung	2			
2	Systembeschreibung und Modellierungsansatz					
	2.1	Demonstratorsytem	3			
	2.2	Problembeschreibung und Zielsetzung	4			
	2.3	Modellierung mittels Lagrange-Formalismus	4			
		2.3.1 Lagrange-Gleichungen erster Art	4			
		2.3.2 Lagrange-Gleichungen zweiter Art	5			
	2.4	Generierung und Berechnung von DAE-Systemen	6			
	2.5	Systematische Flachheitsanalyse von MIMO-Systemen	7			
	2.6	Statische Eingangs-Ausgangs-Linearisierung	8			
	2.7	Quasistatische Eingangs-Ausgangs-Linearisierung	8			
3	Analytische Modellbildung					
	3.1	Analytisches Modell Einzelkran	10			
	3.2	Analytisches Modell Doppelkran	10			
	3.3	Systemidentifikation	10			
4	Reg	gelungsstrategie	11			
	4.1	Anwendung Flachheitsanalyse am Einzelkran	11			
	4.2	Anwendung Flachheitsanalyse am Doppelkran	11			
	4.3	Regelung zur Stabilisierung von Ruhelagen	12			
	4.4	Trajektorienplanung	12			
	4.5	Trajektorienfolgeregelung	12			
		4.5.1 Statische Rückführung	12			
		4.5.2 Dynamische Erweiterung	13			
		4.5.3 Quasi-statische Rückführungen	14			
		4.5.4 Exact feedforward linearization	15			
5	war	schon	16			
		Informationan zu schriftlichen Arbeiten am RST	16			

	5.2	Die T	itelseite	17
	5.3	Die st	ändigkeitserklärung	17
	5.4	Kurzfa	assung	17
	5.5	Auswa	ahl des Typs der Arbeit	18
	5.6	Eingel	bundene Pakete	18
	5.7	Zusätz	zliche Makros	19
	5.8	Weiter	re Informationen	19
6	Ein	ige Inf	Cormationen zu I⁴TEX	22
	6.1	Gener	alles zu Schriftgrößen, Hervorhebungen und Abständen	22
	6.2	Etwas	Mathematik	23
7	Ver	waltur	ng und Zitation von Literatur	26
8	kur	zer Tit	tel	28
	8.1	Unter	abschnitt 1	29
		8.1.1	Unter-unterabschnitt 1	30
		8.1.2	Unter-unterabschnitt 2	32
9	Fül	lkapite	el 1	36
	9.1	Fullab	schnitt 1	36
		9.1.1	Füllunterabschnitt 11	36
		9.1.2	Füllunterabschnitt 12	36
		9.1.3	Füllunterabschnitt 13	37
	9.2	Fullab	schnitt 2	37
		9.2.1	Füllunterabschnitt 21	37
		9.2.2	Füllunterabschnitt 22	37
		9.2.3	Füllunterabschnitt 3	38
	9.3	Fullab	schnitt 3	38
		9.3.1	Füllunterabschnitt 31	38
		9.3.2	Füllunterabschnitt 32	38
		9.3.3	Füllunterabschnitt 33	39
	9.4	Fullab	schnitt 4	39
		9.4.1	Füllunterabschnitt 41	39
		9.4.2	Füllunterabschnitt 42	39
		9.4.3	Füllunterabschnitt 43	40
	9.5	Fullab	schnitt 5	40
		9.5.1	Füllunterabschnitt 51	40
		9.5.2	Füllunterabschnitt 52	40
		9.5.3	Füllunterabschnitt 53	41
Li	iterat	ur		42

Verzeichnis der Formelzeichen

Abbildungsverzeichnis

1	Doppelkran-Demonstratorsystem mit Laufkatzen und Last	3
2	Ein Hochleistungsschnittstellenboard wie es typisch in regelungstechnischen Echtzeitanwendungen ist, um höchsten technologischen Anforde-	
	rungen im Rahmen der Industrie 4.0 gerecht zu werden	30
3	Zwei verschiedene Anwendungsfälle für das Hochleistungsschnittstellen-	
	board	32
4	Vier verschiedene Anwendungsfälle für das Hochleistungsschnittstellen-	
	board, die die unterschiedliche Leistungsfähigkeit demonstrieren	34

Tabellenverzeichnis

1	Relative Grade der Ausgänge und explizites Auftreten der Eingänge	12
2	Auftreten der Eingänge τ_j bei Ordnung k der Ausgangsableitung y_i	15
3	Befehle zum Anpassen der Titelseite	17
4	Auswahl des Typs der Arbeit mittels Klassenoptionen	18
5	Auswahl eingebundener Pakete	18
6	Zusätzliche Makros und Umgebungen	19
7	Beispiele der vordefinierten Umgebungen	20

Einleitung

Systembeschreibung und Modellierungsansatz

2.1 Demonstratorsytem

Im Rahmen vorangegangener studentischer Arbeiten ist am Fraunhofer-Institut für Integrierte Schaltungen IIS, Institutsteil Entwicklung Adaptiver Systeme EAS [3] in Dresden ein Demonstratorsystem entwickelt worden. Langfristig soll dieses Vorteile von Regelungsstrategien auf verteilten Recheneinheiten gegenüber einer zentralen Messgrößenverarbeitung und Stellgrößenberechnung veranschaulichen. Der Demonstrator ist in Abbildung 1 dargestellt.

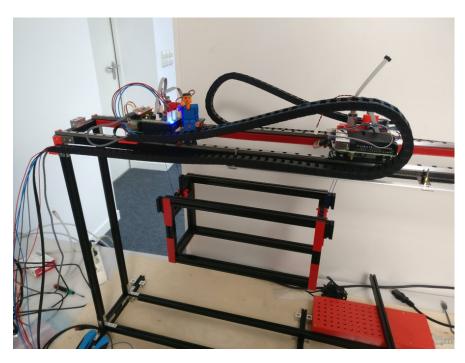


Abbildung 1 – Doppelkran-Demonstratorsystem mit Laufkatzen und Last.

Das Demonstratorsystems besteht aus zwei Brückenkränen, die eine gemeinsame Last in einer festen Ebene anheben. Die Kräne befinden sich auf Schienen und verfügen jeweils über einen Raspberry Pi 4B als Hauptrecheneinheit sowie einen STM32-Mikrocontroller für Motoransteuerungen und Messungen. Beide Raspberry Pis können über eine LAN-Verbindung miteinander kommunizieren.

Beide Kräne sind auf Schienen in horizontaler Richtung sowie die Seillängen mit jeweils einem DC-Motor aktuiert. Auf den STM32-Mikrocontroller ist bereits eine eine unterlagerte Strom- beziehungsweise Kraftregelung für diese implementiert. Messungen der Seillängen und Kranpositionen auf der Schiene erfolgen mittels Inkrementalgebern nach einem anfänglichen Kalibrierungsvorgang. Die Seilwinkel werden mittels mitschwingender Potentiometer bestimmt.

2.2 Problembeschreibung und Zielsetzung

Bei der Bewegung von Containern in Häfen ist ein ruckarmer und gegenüber der Horizontalen stabiler Transport notwendig. Ziel der Studienarbeit ist es deshalb, bezüglich des vorhandenen Demonstratorsystems eine zentrale Referenzregelstrategie zu entwerfen. Damit soll unter Vorgabe von Sollposen eine Planung von Trajektorien der Last in der Ebene und Folgeregelung zur Überführung dieser zwischen verschiedenen Ruhelagen ermöglicht werden. Diese Überlegungen sollen auf Basis einer Modellierung des Krans als Mehrkörpersystems geschehen.

2.3 Modellierung mittels Lagrange-Formalismus

2.3.1 Lagrange-Gleichungen erster Art

Die Dynamik mechanischer Systeme lässt sich über Differentialgleichungen, den so genannten Lagrange-Gleichungen beschreiben. Dabei wird eine Menge aus n auftretenden und zeitlich veränderlichen Koordinaten als Konfigurationskoordinaten oder Systemgrößen $\boldsymbol{\theta} = (\theta_1, ..., \theta_n)^T$ bezeichnet. Die zeitlichen Änderungsraten dieser sind die (Konfigurations-)Geschwindigkeiten $\boldsymbol{\dot{\theta}}$ [4, S.7].

Die kinetische Energie eines Systems wird im Folgenden durch die Funktion T sowie die potentielle Energie durch V beschrieben. Eine Lagrange-Funktion kann damit folgendermaßen definiert werden:

$$L(\boldsymbol{\theta}, \dot{\boldsymbol{\theta}}) = T(\boldsymbol{\theta}, \dot{\boldsymbol{\theta}}) - V(\boldsymbol{\theta}). \tag{2.1}$$

Mit den Lagrange-Gleichungen erster Art können Probleme mit Zwangsbedingungen

und -kräften dargestellt werden:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{\theta}_i} \right) - \frac{\partial L}{\partial \theta_i} = \tilde{Q}_i + Q_i, \quad i = 1, ..., n.$$
(2.2)

Die sich auf die jeweilige Koordinate θ_i beziehende Stellkraft $Q_i = f_i - D_i$ entspricht der verallgemeinerten Kraft, welche sich aus äußeren (Stell-)Kräften f_i sowie internen Reibungskräften D_i zusammensetzt [2, S. 49].

Aus den m holonomen Zwangsbedingungen $g_i(\boldsymbol{\theta}) = 0$ folgen die Zwangskräfte \tilde{Q}_i in Richtung der Koordinate θ_i :

$$\tilde{Q}_i = \sum_{j=1}^m \lambda_j G_{ji}(\boldsymbol{\theta}) \tag{2.3}$$

Dabei werden die Lagrange-Multiplikatoren λ_j unter dieser Beziehung genutzt:

$$\frac{\mathrm{d}g_j}{\mathrm{d}t} = \sum_{i=1}^n G_{ji}(\boldsymbol{\theta})\dot{\theta}_i = 0 \quad j = 1, ..., m.$$
 (2.4)

2.3.2 Lagrange-Gleichungen zweiter Art

Eine alternative Herleitung solcher Systemgleichungen sind die Lagrange-Gleichungen zweiter Art. Bei diesen müssen Zwangskräfte nicht explizit bestimmt werden. Die Bewegungsgleichungen können folgendermaßen aus der Lagrange-Funktion abgeleitet werden:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{\theta}_i} \right) - \frac{\partial L}{\partial \theta_i} = Q_i, \quad i = 1, ..., n.$$
(2.5)

Eine stark automatisierte Durchführung dieses Formalismus ist unter Nutzung des Python-Pakets symbtools [7] möglich.

 ${\mathord{\text{--}}}{\mathsf{-}}$

Zur Bestimmung der generalisierten Kräfte Q_i wird das Prinzip der virtuellen Arbeit hinzugezogen [8]:

$$\delta W = \sum_{k=1}^{l} \mathbf{F}_{k} \cdot \frac{\partial \mathbf{r}_{k}}{\partial \theta_{1}} \delta \theta_{1} + \ldots + \sum_{k=1}^{l} \mathbf{F}_{k} \cdot \frac{\partial \mathbf{r}_{k}}{\partial \theta_{n}} \delta \theta_{n}.$$
 (2.6)

Dabei entspricht bei einem System von l (massebehafteten) Teilchen r_k dem Richtungsvektor zum k-ten Partikel, F_k der jeweils entlang dieses Richtungsvektoren angewandten

Stellkraft, δr_k der virtuellen Verschiebung und $\delta \theta_i$ der virtuellen Verschiebung der Koordinaten.

Die gesamte virtuelle Arbeit des Systems dieser Teilchen kann also ebenso durch

$$\delta W = Q_1 \delta \theta_1 + \ldots + Q_n \delta \theta_n, \tag{2.7}$$

dargestellt werden, wobei sich die generalisierten Kräfte zu

$$Q_i = \sum_{k=1}^{l} \frac{\partial \mathbf{r_k}}{\partial \theta_i} \cdot \mathbf{F}_k, \quad i = 1, \dots, n$$
 (2.8)

ergeben.

2.4 Generierung und Berechnung von DAE-Systemen

Standardform:

$$\dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{f}(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{z}, \boldsymbol{u}, t) \tag{2.9}$$

$$\mathbf{0} = \mathbf{g}(\mathbf{x}, \mathbf{z}, \mathbf{u}, t) \tag{2.10}$$

mit \boldsymbol{x} Zustand, \boldsymbol{z} algebraischer Variablen (quasi Zustandsgrößen, die in Systemgleichungen nicht differentiell vorkommen), \boldsymbol{u} Systemeingang, t Zeit.

Differenzieller Index: Minimale Anzahl an Differentiation $\frac{d}{dt}$ der algebraischen Gleichungen (AGL) \boldsymbol{g} (Zwangsbedingungen), damit unter Einbeziehung der Differentialgleichung ein explizites Differentialgleichungssystem aus dem DAE-System entsteht. (Vgl. Systementwurf Mechatronischer Systeme S. 139)

Numerische Integration von DAE-Systemen:

- mechanische Systeme mit starrer Kopplung als Zwangsbedingungen allgemein von Index 3
- Lösung über Indexreduktion auf Index 2 -> Integration über implizites Verfahren
- Lösung über Indexreduktion auf Index 1 -> Integration über explizites Verfahren
 + AGL-Löser oder implizites Verfahren
- Lösung über Indexreduktion auf Index 0 -> Integration über explizites oder implizites Verfahren
- Bestimmung der Anfangswerte der Integration aus gegebenen AGL oder Gleichungen, die sich im Laufe der Indexreduktion ergeben

modeltools führt dabei Reduktion von Index 3 System auf Index 1 System durch. Hier wird als Solver ODASSL verwendet. Dieser ist modifizierte Version des DASSL Solvers zur Lösung überbestimmter (mehr Gleichungen als Variablen, wieso?) Systeme (singulärer) impliziter DGL ($https://modelica.org/assimulo/DAE_OVER_ODASSL.html$). Zu DASSL: https://www.openmodelica.org/doc/OpenModelicaUsersGuide/latest/solving.html

 ${\it Zum\ weiterem\ Verständnis\ von\ DAEs:\ } //reference.wolfram.com/language/tutorial/NDS constant for the property of the$

weitere Punkte zum behandeln: - Warum konsistenete AW bei DAE wichtig, Funktionsweise von modeltools mit DAE-Systemen ->DAE System(object)->init? (Präsi zu modeltools unter Präsi in nextcloud) - Stichpunkte wie in modeltools DAEs aufgestellt werden - Schritte zur Reduktion auf Index 1 System in modeltoos verstehen, warum ist Reduktion wichtig?

2.5 Systematische Flachheitsanalyse von MIMO-Systemen

Paper Fritzsche, Franke, Knoll Systematische Flachheitsanalyse und Algorithmische $Anleitung: https://github.com/klim-/uc_algorithm/blob/master/doc/user_quide.pdf$

Mathematische Beschreibung eines nichtlinearen Systems in impliziter Form:

$$\mathbf{0} = \mathbf{F}(\mathbf{x}, \dot{\mathbf{x}}), \ \mathbf{x}(t) \in \mathbb{R}^n$$
 (2.11)

Wobei \boldsymbol{x} nicht dem Zustandsvektor allein sondern allen Systemgrößen, also Zustandskomponenten und Systemeingangsgrößen entspricht.

Das DAE-System besitzt den Systemgrößenvektor \boldsymbol{y} mit

$$y = \frac{x}{z} = \frac{\theta}{\dot{\theta}}$$
 (2.12)

Somit wird unter Berücksichtigung der verallgemeinerten Stellkräfte $\pmb{\tau}$ die implizite DGL gebildet:

$$\mathbf{0} = \mathbf{F}(\mathbf{w}, \dot{\mathbf{w}}) \text{ mit } \mathbf{w} = \begin{pmatrix} \mathbf{y} \\ \dot{\mathbf{t}} \\ \lambda \\ \tau \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\theta} \\ \dot{\boldsymbol{\theta}} \\ \lambda \\ \tau \end{pmatrix}$$
 (2.13)

Mechanische Systeme können über folgende Bewegungsgleichungen dargestellt werden

 $(2019_K noll_H eedt_R oebenack_L agrangian_M odel tools.pdf)$:

$$\mathbf{0} = \mathbf{M}(\boldsymbol{\theta})\ddot{\boldsymbol{\theta}} + \mathbf{C}(\boldsymbol{\theta}, \dot{\boldsymbol{\theta}}) + \mathbf{K}(\boldsymbol{\theta}, \dot{\boldsymbol{\theta}}) + \mathbf{G}(\boldsymbol{\theta})\lambda - \mathbf{B}(\boldsymbol{\theta})\tau$$
(2.14)

$$\mathbf{0} = \boldsymbol{g}(\boldsymbol{\theta}) \tag{2.15}$$

(für späteres Kapitel der SA!) Dieses Doppelkransystem mit den Systemgrößen

$$\boldsymbol{w} = \begin{pmatrix} p_1 \ p_2 \ p_3 \ p_4 \ q_1 \ q_2 \ q_3 \ q_4 \ \dot{p}_1 \ \dot{p}_2 \ \dot{p}_3 \ \dot{p}_4 \ \dot{q}_1 \ \dot{q}_2 \ \dot{q}_3 \ \dot{q}_4 \ \lambda_1 \ \lambda_2 \ \lambda_3 \ \tau_1 \ \tau_2 \ \tau_3 \ \tau_4 \end{pmatrix}^T$$
(2.16)

So kann das implizite DAE-System aus den Bewegungsgleichungen und diesen definitorischen Gleichungen beschrieben werden:

$$(I_{6x6}, 0_{6x17})\dot{w} = (0_{6x6}, I_{6x6}, 0_{6x11})w$$
 (2.17)

2.6 Statische Eingangs-Ausgangs-Linearisierung

relativer grad ... (Buch von Röbenack) mit Definition 4.80 usw., aber nich Erzeugung von y Ableitungen

2.7 Quasistatische

Eingangs-Ausgangs-Linearisierung

Analytische Modellbildung

Verschiedene Stufen zur Modellierung im Repo:

Einzelkran: -model single crane -> ODE System zur kollokierten partiellen Linearisierung, Simulation von ODEs -DAE lift actuated single crane -> Darstellung als DAE-System mit Hubaktuierung, so dass Regelung mittels virtueller Kraft auf Ruhelage, wenn Schneckengetriebe sperrt.

Doppelkran (double crane notebooks, nur LK Aktuierung): Prinzipielles Problem, dass in kinetischer Energie T für Lagrange alle abgeleiteten p,q vorkommen müssen - DAE double crane w1 angle -> G2 in kartesischen Koordinaten und absoluter Lastwinkel, so dass für T nur Trägheitsmoment von Last, nicht Seilen nötig, damit alle p, q enthalten - DAE double crane w1 angle -> 3 relative Winkel, deshalb auch J in Seilen für T

Doppelkran (lift actuated double crane notebooks, vollständige Aktuierung): Prinzipielles Problem, dass effiziente Berechnung und Hubaktuierung bei Ruhelage und Schwerkraft wirken (Vgl. Einzelkran DAE lift actuated single crane) - DAE double crane fully actuated -> 3 Winkel als passive Koordinaten, aber ungelöstes Problem des Findens von konsistenten Anfangswerten - DAE double crane cartesian -> Gelenke als kartesische Koordinaten, 3 ZB in euklidischen Abständen -> keine cos, sin Terme (daher effiziente Simulation), Längen 11, 12 zunächst als feste Parameter und dann später manuell durch weitere Zustände im Modell mod ergänzt, Trick mit diskreten Massen statt homogener Last wie in Notebook erklärt - weitere Versuche der Beschreibung mit Winkeln durch Probleme bei T (alle pdot) oder seeehr lange Simulationsdauern nicht zielführend

3.1 Analytisches Modell Einzelkran

3.2 Analytisches Modell Doppelkran

3.3 Systemidentifikation

Trägheitsmoment der Last nach berechnet zu $0.004553475~\mathrm{kg}$ m m

Regelungsstrategie

4.1 Anwendung Flachheitsanalyse am Einzelkran

4.2 Anwendung Flachheitsanalyse am Doppelkran

Herangezogen: ODE Modell des Gantrys aus Lagrange 1 (ODE flatness analysis simulation) -> relativ überschaubare mod.eqns (5 Gleichungen) - eqns.jacobian(ttau), um Spalten zu finden, in denen Größe nur 1 mal vorkommt, so dass keine widersprüchlichen Gleichungen für Bestimmung der Größe -> eliminiere Gleichung und Größe aus Zeile, bei der solche Größe gefunden: - zunächst tau1(tau2) in 1ter(2ter) Spalte und damit 4te(5te) Zeile/Gleichung zu eliminieren - bei weiteren Größen keine Spalten mehr in jacobimatrix, in denen Größen nur 1 mal vorkommen, außerdem nun Jacobi-Matrix der Dimension 3x2 -> Ziel: Durch Linearkombination (Multiplikationen von Links) soll Transformation in Form

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$
 gebracht werden -> Vorgehen: $w_1 \cdot B_1 = \begin{pmatrix} I_2 \\ 0_{1 \times 2} \end{pmatrix}$ -> Bildung der Pseudo-Inversen

von B1: $B_{1,pinv} = B_1^{L+}$ sowie Links-Orthokomplement (VR aller Zeilen, die orthogonal auf allen Spalten von B) $B_1^{L\perp}$, also $B^T B_1^{L\perp} = 0 => \begin{pmatrix} B_1^{L+} 0 \\ B_1^{L\perp} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} B_{1,1} \\ B_{1,2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_2 \\ 0_{1\times 2} \end{pmatrix}$ mit der

3x3 Matrix w1 und 2x2 Matrix
$$B_{1,1}$$
, 1x2 Matrix $B_{1,2} ==> w_1 = \begin{pmatrix} B_1^{L+} \\ B_1^{L\perp} \end{pmatrix}$, so dass neuer

Gleichungssatz egns2 = w1 * egns1, daraus analog wie Anfangs tau1,2 und beide Glei-

chungen eliminierbar ==> in letzter Gleichung (Zeile) kommen q1,2 nur algebraisch vor: $s_2\left((-p_1+q_1+s_2\cos\left(p_3\right)\right)\left(l_0\sin\left(p_3\right)-p_1\sin\left(p_3\right)+p_2\cos\left(p_3\right)+q_2\sin\left(p_3\right)\right)+\left(-p_1\sin\left(p_3\right)+p_2\cos\left(s_2\left(l_1l_2m_2\ddot{p}_1+l_1\tau_4\left(l_0-p_1+q_2-s_2\cos\left(p_3\right)\right)+l_2\tau_3\left(-p_1+q_1+s_2\cos\left(p_3\right)\right)\right)\left(l_0p_2\sin\left(p_3\right)-l_0s_2\sin^2\left((p_2-s_2\sin\left(p_3\right)\right)\left(l_0-p_1+q_2-s_2\cos\left(p_3\right)\right)-\left(p_2+s_2\sin\left(p_3\right)\right)\left(-p_1+q_1+s_2\cos\left(p_3\right)\right)\right)\left(J_2l_1l_2\ddot{p}_3+s_2\sin\left(p_3\right)\right)\left(l_0-p_1+q_2+\kappa_{1,1}q_1q_2=0\right),$ so dass hieras OBdA q2 sowie die letzte Gleichung eliminiert werden kann. Die verbleibenden Systemgrößen des Flachenausgangs ergeben sich somit zu $\mathbf{y}=(p_1,p_2,p_3,q_1)^T$. Alle anderen Systemgrößen können durch $\mathbf{y}(\cdot)$ und dessen Ableitungen parametriert werden. Die Zusammenhänge dafür folgen

aus den im Vorhinein eliminierten Gleichungen.

4.3 Regelung zur Stabilisierung von Ruhelagen

4.4 Trajektorienplanung

4.5 Trajektorienfolgeregelung

4.5.1 Statische Rückführung

relativer vektorieller relativer Grad \mathbf{r} des MIMO-Systems [6, S. 194]:

- Durch Zeitableitungen der jeweiligen Komponente des flachen Ausgangs y_i kann die damit korrespondierende Komponente des relativen Grades r_i bestimmen. Diese entspricht der Ableitungsordnung, bei der das erste mal ein Eingang explizit auftritt.
- Hierbei werden die Zeitableitungen des Ausgangs durch Lie-Ableitungen entlang des Vektorfelds der Systemgleichungen $\alpha=f+g\tau$ rekursiv erzeugt:

$$y_i^k = L_{\alpha} y_i^{k-1} \tag{4.1}$$

-In der folgenden Tabelle sind die daraus bestimmten relativen Grade sowie die dabei explizit auftretenden Eingänge aufgelistet.

Tabelle 1 – Relative Grade der Ausgänge und explizites Auftreten der Eingänge.

i	1	2	3	4
r_i	2	2	2	2
explizities Auftreten von τ_j bei $y_i^{r_i}$	$ au_3, au_4$	$ au_3, au_4$	$ au_3, au_4$	$ au_1, au_3$

Das Fehlen von τ_2 bei allen dieser Ausgangsableitungen bedeutet für die Entkopplungsmatrix Λ (auf Section Statische Eingangs-Ausgangs-Linearisierung verweisen) eine Singularität aufgrund der zweiten Nullspalte, denn der einzige von Null verschiedene Eintrag in $\mathbf{g_2}$ erfolgt durch $g_{10,2} = \frac{1}{m_3}$ und die Lie-Ableitungen $L_f h_i = \dot{y}_i$ geben nur die zeitliche Ableitung des flachen Ausgangs $\dot{\mathbf{y}} = (\dot{p}_1, \dot{p}_2, \dot{p}_3, \dot{q}_1)^T$ wieder. So folgt für das relevante Produkt $\frac{\partial L_f y_i}{\partial \dot{q}_2} = 0 \ \forall i$. Allgemeiner gilt, dass ein Eingang τ_j in den Ausgangsableitungen $y_i^{(r_i)}$ genau dann nicht explizit auftritt, also die j-te Spalte von Λ eine Nullspalte ist, wenn für alle zugehörigen gemischten Lie-Ableitungen $L_{\mathbf{g}_i} L_f^{r_i-1} y_i = 0$ gilt

[6, S. 201]:

$$\Lambda = \begin{pmatrix}
0 & 0 & \frac{p_1 - q_1 - s_2 \cos(p_3)}{m_2 \sqrt{(p_2 - s_2 \sin(p_3))^2 + (-p_1 + q_1 + s_2 \cos(p_3))^2}} & \frac{-l_0 + p_1 - q_2 + s_2 \cos(p_3)}{m_2 \sqrt{(p_2 - s_2 \sin(p_3))^2 + (-p_1 + q_1 + s_2 \cos(p_3))^2}} \\
0 & 0 & \frac{p_2 - s_2 \sin(p_3)}{m_2 \sqrt{(p_2 - s_2 \sin(p_3))^2 + (-p_1 + q_1 + s_2 \cos(p_3))^2}} & \frac{p_2 + s_2 \sin(p_3)^2 + (l_0 - p_1 + q_2 - s_2 \cos(p_3))^2}{p_2 + s_2 \sin(p_3)} \\
0 & 0 & \frac{s_2(p_1 \sin(p_3) - p_2 \cos(p_3) - q_1 \sin(p_3))}{J_2 \sqrt{(p_2 - s_2 \sin(p_3))^2 + (-p_1 + q_1 + s_2 \cos(p_3))^2}} & \frac{s_2(l_0 \sin(p_3) - p_1 \sin(p_3))^2 + (l_0 - p_1 + q_2 - s_2 \cos(p_3))^2}{s_2(l_0 \sin(p_3) - p_1 \sin(p_3) + p_2 \cos(p_3) + q_2 \sin(p_3))} \\
\frac{1}{m_1} & 0 & \frac{-p_1 + q_1 + s_2 \cos(p_3)}{m_1 \sqrt{(p_2 - s_2 \sin(p_3))^2 + (-p_1 + q_1 + s_2 \cos(p_3))^2}} & 0
\end{pmatrix} \tag{4.2}$$

Analog gilt für den alternativen flachen Ausgang $\boldsymbol{y}=(p_1,p_2,p_3,q_2)^T$ aufgrund des Fehlens von τ_1 , welches eine erste Nullspalte von $\boldsymbol{\Lambda}$ impliziert.

Daher ist Λ in dieser Form nie regulär und r nie wohldefiniert und dieses System nicht statisch eingangs-ausgangs-linearisierbar. Stattdessen können zur Regelung Ansätze mit einer dynamischen Erweiterung oder quasistatischen Zustandsrückführung verfolgt werden.

4.5.2 Dynamische Erweiterung

Die Entkopplungsmatrix Λ hat eine Nullspalte, weil τ_2 in keine r Ausgangsableitung $y_i^{(r_i)}$ explizit auftritt. Somit gilt rang $\Lambda = k = 3 < m = 4$.

Verhindern von frühzeitigem auftreten der 3 Eingangskomponenten τ_1 , τ_3 , τ_4 in den entsprechenden Ausgangsableitungen. Dafür:

- Ergänzung dieser Eingänge um in diesem Fall jeweils zwei Integratoren, so dass die neuen Eingangskomponenten bei der selben Ableitungsordnung das erste mal explizit auftreten wie τ_2 und Erweiterung der Systemgleichungen um die folgenden DGL:

$$\dot{\tau}_{1} = \tilde{\tau}_{1}
\dot{\tilde{\tau}}_{1} = \tilde{\tilde{\tau}}_{1}
\dot{\tau}_{2} = \tilde{\tau}_{2}
\dot{\tilde{\tau}}_{2} = \tilde{\tilde{\tau}}_{2}
\dot{\tilde{\tau}}_{3} = \tilde{\tau}_{3}
\dot{\tilde{\tau}}_{3} = \tilde{\tilde{\tau}}_{3}.$$

$$(4.3)$$

- Definition des neuen Eingangsvektors unter Einsortierung der zuvor abwesenden Komponente τ_2 zuletzt $\tilde{\tau} = (\tilde{\tilde{\tau}}_1, \tilde{\tilde{\tau}}_3, \tilde{\tilde{\tau}}_4, \tau_2)^T$.
- Erweiterung des Zustandsvektors auf $\tilde{\boldsymbol{x}} = (\boldsymbol{x}, \ddot{\boldsymbol{x}}, \tau_1, \tau_3, \tau_4, \tilde{\tau}_1, \tilde{\tau}_3, \tilde{\tau}_4)^T$

- Umsortierung der Nullspalte von $\pmb{\Lambda}$ auf die letzte Position analog zum neuen Eingangsvektor

Für dieses modifizierte System folgt somit stets für $r_i = 4 \ \forall i$.

Problem:

- Simulationsergebnis divergiert selbst bei reinem Vorsteuerungsfall, also ohne Anfangsfehler
- Herleitung des Ausgangsableitungen über Lie-Ableitungen entlang erweiterter Zustandsgleichungen $\tilde{\alpha}=\tilde{f}+\tilde{g}\tilde{\tau}$ mit

$$\tilde{\boldsymbol{\alpha}} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\alpha} \\ \boldsymbol{x}^{(3)} \\ \tilde{\tau}_{1} \\ \tilde{\tau}_{3} \\ \tilde{\tau}_{4} \\ \tilde{\tilde{\tau}}_{1} \\ \tilde{\tilde{\tau}}_{3} \\ \tilde{\tilde{\tau}}_{4} \end{pmatrix}, \quad \tilde{\boldsymbol{f}} = \tilde{\boldsymbol{\alpha}}|_{\tilde{\boldsymbol{\tau}}=0}, \quad \tilde{\boldsymbol{g}} = \frac{\partial \tilde{\boldsymbol{\alpha}}}{\partial \tilde{\boldsymbol{\tau}}}$$

$$(4.4)$$

und diese sollen nach [6, S. 195] Gleichung 4.157 jeweils auch über:

$$y_{i}^{(r_{i})} = L_{\tilde{\mathbf{f}}}^{r_{i}} y_{i} + L_{\tilde{\mathbf{g}}_{1}} L_{\tilde{\mathbf{f}}}^{r_{i}-1} y_{i} \tilde{\tilde{\tau}}_{1} + L_{\tilde{\mathbf{g}}_{2}} L_{\tilde{\mathbf{f}}}^{r_{i}-1} y_{i} \tilde{\tilde{\tau}}_{3} + L_{\tilde{\mathbf{g}}_{3}} L_{\tilde{\mathbf{f}}}^{r_{i}-1} y_{i} \tilde{\tilde{\tau}}_{4} + L_{\tilde{\mathbf{g}}_{4}} L_{\tilde{\mathbf{f}}}^{r_{i}-1} y_{i} \tau_{2}.$$
 (4.5)

und in Implementierung ist dies dann $y_i^{(r_i)} = 0$, da für $r_i = 4$ bereits ab $L_{\tilde{f}}^2 y_i = 0 \ \forall i$. Entlang der Systemgleichungen \tilde{a} abgeleitet ist dies allerdings nicht der Fall ==> Wiederspruch!

4.5.3 Quasi-statische Rückführungen

Ebenso wie die dynamische Erweiterung kann eine quasi-statische Zustandsrückführung bei einem nicht wohldefiniertem relativen vektoriellen Grad im statischen Ansatz [6, S. 206].

- Im Folgenden wird der flache Ausgang $\boldsymbol{y}=(y_1,y_2,y_3,y_4)^T=(p_1,p_2,p_3,q_1)^T$ betrachtet.
- Zeitliche Ableitungen werden durch Lie-Ableitungen bezüglich des erweiterten Zustandsvektors $\tilde{\boldsymbol{x}} = (\boldsymbol{x}, \ddot{\boldsymbol{x}}, \boldsymbol{\tau}, \dot{\boldsymbol{\tau}})^T$ entlang des Vektorfelds der Zustandsgleichungen $\tilde{\boldsymbol{\alpha}} = \tilde{\boldsymbol{f}} + \tilde{\boldsymbol{g}}\tilde{\boldsymbol{\tau}}$ mit

$$\tilde{\boldsymbol{\alpha}} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{f} + \boldsymbol{g}\boldsymbol{\tau} \\ \boldsymbol{x}^{(3)} \\ \dot{\boldsymbol{\tau}} \\ \ddot{\boldsymbol{\tau}} \end{pmatrix} \tag{4.6}$$

Tabelle 2 – Auftreten der Eingänge τ_i bei Ordnung k der Ausgangsableitung y_i .

k	$ au_1 $	$ au_2$	τ_3	$ au_4$
$y_1^{(k)}$	4	4	2	2
$y_2^{(k)}$	4	4	2	2
$y_3^{(k)}$	4	4	2	2
$y_4^{(k)}$	2	>4	2	4
$(y_5^{(k)} = q_2^{(k)}$	>4	2	4	2)

- τ_3 tritt das erste mal bei $r_1=2$ in \ddot{y}_1 sowie auch in allen anderen zweiten Ableitungen des flachen Ausgangs auf. Dies gilt nicht für alle weiteren Eingänge, da der relative vektorielle Grad für $r_i=2$ $\forall i$ nicht wohldefiniert ist.
- Außerdem tritt τ_4 auch bei $r_3=2$ in $\ddot{y}_1,\,\ddot{y}_2$ und $\ddot{y}_3,$ nicht aber in \ddot{y}_4 auf.
- -> Widerspruch zu [6, S. 206], bei dem für Auftreten von u_2 der Ausgang y_2 noch weiter differenziert werden muss!
- τ_2 tritt erst bei $r_2=4$ in $y_1^{(4)},\,y_2^{(4)}$ oder $y_3^{(4)}$ auf.
- τ_1 tritt erst bei $r_4 = 2$ in \ddot{y}_4 auf.
- Definition neuer Eingänge:

$$\ddot{y}_{1} = \ddot{p}_{1} =: v_{1}
y_{2}^{(4)} = p_{2}^{(4)} =: v_{2}
\ddot{y}_{3} = \ddot{p}_{3} =: v_{3}
\ddot{y}_{4} = \ddot{q}_{1} =: v_{4}$$
(4.7)

4.5.4 Exact feedforward linearization

Stabilitätsbetrachtung

war schon

In den folgenden Abschnitten werden einige Erläuterungen zur LATEX-Dokumentenklasse ArbeitRST.cls gegeben werden. Diese basiert auf der Klasse scrbook aus dem KOMA-Script-Paket und kann daher mit Hilfe der Methoden aus diesem Paket modifiziert werden. Für nähere Informationen dazu sei auf die KOMA-Script-Anleitung unter http://www.ctan.org/pkg/koma-script verwiesen. Das Wichtigste in Kürze gibt es auch in einem Cheatsheet unter https://ctan.org/pkg/latex-refsheet.

Die Vorlage wurde zuletzt am 31. Juli 2022 getestet mit der folgenden Version von KOMA-Script: 2020/01/24 v3.29 KOMA-Script

Changelog

- 09.10.2020: Kompatibilität mit neuen KOMA-Script Versionen hergestellt (scrpage2
 → scrlayer-scrpage).
- 09.07.2019: Umstellung auf biber/biblatex.

5.1 Informationen zu schriftlichen Arbeiten am RST

Informieren Sie sich in der für Sie relevanten Prüfungsordnung über die Anzahl der geforderten Exemplare die eingereicht werden müssen. Bitte beachten Sie, dass jedes dieser Exemplar die Aufgabenstellung enthalten muss. Lassen Sie diese bitte beim Binden zwischen der Titelseite und der Selbstständigkeitserklärung einfügen. Eines der Exemplare muss dabei das originale, vom Vorsitzenden des Prüfungsausschusses und dem verantwortlichen Hochschullehrer unterzeichnete, Dokument enthalten, bei den restlichen genügen Kopien. Bitte beachten Sie, dass die Arbeit einseitig ausgedruckt werden muss. Ausschlaggebend für die fristgemäße Einreichung ist die Bestätigung des Prüfungsamtes. Informieren Sie sich daher im Vorfeld über die Öffnungszeiten am Abgabetag. Sollte das Prüfungsamt geschlossen haben, ist es in der Regel möglich mit

den Mitarbeitern eine individuelle Vereinbarung zu treffen.

5.2 Die Titelseite

Die Titelseite kann über die in Tabelle 3 angegebenen Befehle angepasst werden.

Tabelle 3 – Befehle zum Anpassen der Titelseite

Befehl	Bedeutung
\author	legt den Namen des Autors der Arbeit fest
\geburtsdatum	legt das Geburtsdatum des Autors fest
\geburtsort	legt das Geburtsort des Autors fest
\title	legt den Titel der Arbeit fest
\subtitle	legt den Untertitel der Arbeit fest
\betreuer	fügt einen Betreuer hinzu
\date	legt das Einreichungsdatum der Arbeit fest –
	wird dieser Befehl nicht aufgerufen wird standardmäßig das zum
	Kompilationszeitpunkt eingestellte Systemdatum verwendet.

5.3 Die ständigkeitserklärung

In der Selbstständigkeitserklärung werden automatisch der Typ der Arbeit, ihr Titel sowie der Name des Autors übernommen. Der Ort kann über den Befehl \selbstort geändert werden, wobei standardmäßig "Dresden" verwendet wird. Das Datum ist standardmäßig identisch zum Einreichungsdatum, kann aber mit dem Befehl \selbstdatum geändert werden.

5.4 Kurzfassung

Eine Kurzfassung der Arbeit kann mit dem Befehl \kurzfassung{deutsch}{englisch} eingefügt werden. Das erste Argument entspricht dabei der deutschen, das zweite der englischen Version.

5.5 Auswahl des Typs der Arbeit

Zur Auswahl des Typs der Arbeit steht die Klassenoption arbeit zur Verfügung. Mit dieser können sie zwischen Diplom-, Master- und Studienarbeit sowie dem Bericht zum Forschungspraktikum auswählen:

Tabelle 4 – Auswahl des Typs der Arbeit mittels Klassenoptionen

5.6 Eingebundene Pakete

In der Dokumentenklasse werden bereits einige LATEX-Pakete geladenen. Davon sind die zum Verfassen einer Arbeit möglicherweise relevanten in der Tabelle 5 aufgeführt.

Tabelle 5 – Auswahl eingebundener Pakete

amsmath, amssymb,	Pakete zum Satz mathematischer Formeln, Dokumentation			
amsfonts, amsthm	finden sie unter			
	http://www.ams.org/publications/authors/tex/			
	amslatex,			
	besonders empfehlenswert ist der "Short Math Guide for LATEX"			
booktabs	ermöglicht das Setzen "schöner" Tabellen, Dokumentation unter			
	http://ctan.org/pkg/booktabs			
cite	verbessert einige Aspekte des Zitierens, Dokumentation unter			
	http://ctan.org/pkg/cite			
caption, subcaption	Pakete zum Anpassen der Unter- und Überschriften von Tabellen,			
	Grafiken etc., Dokumentation unter			
	http://ctan.org/pkg/caption			
	http://ctan.org/pkg/subcaption			

Neben diesen Paketen wird das Paket hyperref (http://ctan.org/pkg/hyperref) zur farbigen Hervorhebung von Verweisen, Links etc. eingebunden. Bitte deaktivieren Sie diese Markierungen vor dem Ausdrucken mit Hilfe des Befehls

\hypersetup{hidelinks}.

5.7 Zusätzliche Makros

In die Dokumentenklasse ArbeitRST wurden einige Makros aufgenommen, die sich bei der Arbeit mit LATEX als nützlich erwiesen haben.

Tabelle 6 – Zusätzliche Makros und Umgebungen

Syntax	Ausgabe	Beschreibung
\vect{a}	a	Umschaltung auf fette Schriftart im Mathemodus- oft für Vektoren genutzt
$\displaystyle diag(a, \ldots, z)$	$diag(a, \ldots, z)$	Nützlich zur Definition von Diagonalmatrizen
$\displaystyle \left(\int_{0}^{t} \left$	$\frac{\mathrm{d}^n q}{\mathrm{d}t^n}$	Ableitungen darstellen
$\mathbf{partiell[n]}\{q\}\{t\}$	$\frac{\partial^n q}{\partial t^n}$	partielle Ableitungen darstellen
\dr	d	Aufrechtes d für Integrale $(\int f(t) \mathrm{d}t)$
\Reals	\mathbb{R}	Körper der reellen Zahlen
\Compl	\mathbb{C}	Körper der komplexen Zahlen
\Real(a)	$\Re(a)$	Realteil von a
\Imag(a)	$\Im(a)$	Imaginärteil von a
\norm{a}	a	Norm von a
\abs{a}	a	Betrag von a
$\sl \{a\}$	$\langle a,b \rangle$	Skalar produkt von a und b
\grad(a)	$\operatorname{grad}(a)$	Gradient von a
\div(a)	$\operatorname{div}(a)$	Divergenz von a

Neben diesen Makros wurden Umgebungen zum Erzeugen von Definitionen (definition), Beispielen (beispiel), Lemmata (lemma) und Bemerkungen (bemerkung) definiert.

5.8 Weitere Informationen

Da LATEX seine Funktionalität im wesentlichen durch frei verfügbare Pakete erhält, ist es günstig eine Distribution zu installieren, die bereits die wesentlichen Pakete enthält und

Tabelle 7 – Beispiele der vordefinierten Umgebungen

Syntax	Ausgabe
\begin{definition}[Beispiel] Beispiel für eine Definitionsumgebung \end{definition}	Definition 5.1 (Beispiel). Beispiel für eine Definitionsumgebung
\begin{beispiel}[Beispiel] Beispiel für eine Beispielumgebung \end{beispiel}	Beispiel 5.1 (Beispiel). Beispiel für eine Beispielumgebung
\begin{lemma}[Beispiel] Beispiel für eine Lemmaumgebung \end{lemma}	Lemma 5.1 (Beispiel). Beispiel für eine Lemmaumgebung
\begin{bemerkung}[Beispiel] Beispiel für eine Bemerkungsumgebung \end{bemerkung}	Bemerkung 5.1 (Beispiel). Beispiel für eine Bemerkungsumgebung

das Hinzufügen weiterer Pakete vereinfacht. Für Windows existiert beispielsweise MiK-TeX (http://miktex.org/) und für Linux TeX Live (http://www.tug.org/texlive/). Zum Erstellen von LaTeX-Dokumenten unter Windows hat sich das Programm TeX-nicCenter (http://www.texniccenter.org/), vor allem in Verbindung mit dem Suma-tra PDF-Betrachter (http://blog.kowalczyk.info/software/sumatrapdf), als sehr nützlich erwiesen. Unter Linux gilt dasselbe für das Programm Kile (http://kile.sourceforge.net/). Zum Erstellen und Verwalten von Bibtex-Dateien wurden gute Erfahrungen mit JabRef (http://jabref.sourceforge.net/) gemacht. Es existieren zahlreiche Bücher zum Umgang mit LaTeX, von denen an dieser Stelle nur [5] aufgeführt wird.

Einige Informationen zu LATEX

6.1 Generalles zu Schriftgrößen, Hervorhebungen und Abständen

Im Gegensatz zu WYSIWAG-Programmen wie Microsoft Word oder LibreOffice muss sich der Nutzer nicht um die explizite Festlegung der Schriftgrößen kümmern. Für das Dokument wird eine Basisschriftgröße definiert – im hier vorliegenden Fall 12 pt –, und alle anderen Größen von Überschriften etc. werden entsprechend gültiger und anerkannter Schriftsatzregeln automatisch festgelegt. Nur ausnahmsweise sollte die Schriftgröße manuell festgelegt werden. Hierzu gibt es die Makros \tiny, \footnotesize, \small, \normalsize, \large, \large, \huge und \Huge.

Hervorhebungen sollte man nicht durch fette Buchstaben oder Unterstreichungen realisieren, sondern durch kursiv setzen. Dies geschieht mit dem Befehl \emph{Text der kursiv gesetzt werden soll}.

Einen Absatz beendet man in LaTeXmit einer Leerzeile und nicht, was häufig falsch gemacht wird, mit einem Doppelbackslash \\:

Korrekter LATEX-Code: Falscher LATEX-Code:

Dies ist der erste Absatz.

Hier beginnt der zweite Absatz.

Hier beginnt der zweite Absatz.

oder auch falsch:

Dies ist der erste Absatz.

Hier beginnt der zweite Absatz.

Im kompilierten Dokument wird ein neuer Absatz entweder durch eine Einrückung in der ersten Zeile, oder durch einen vertikalen Abstand zum vorherigen Absatz kenntlich gemacht. Dieses Verhalten steuert man mit den Schaltern \parindent und \parskip am

Beginn des Dokuments. Der Parameter \parindent legt fest, mit welcher Einrückung jeder neue Absatz beginnen soll, der Parameter \parskip legt fest, wieviel vertikaler Abstand zwischen zwei Absätzen liegen soll. Einer der beiden Werte sollte ungleich Null gesetzt sein, z.B. auf 2ex¹. Beide Werte ungleich Nullzu setzen macht satztechnisch keinen Sinn. Dieses Dokument ist mit

\setlength{\parindent}{0ex}
\setlength{\parskip}{2ex}

gesetzt worden.

Auf die Absatzgestaltung ist auch bei Formeln zu achten, je nachdem, ob nach einer Formel ein neuer Absatz beginnt oder nicht:

Nach der Formel beginnt neuer Absatz:

Nach der Formel geht der Satz weiter:

Man erhält letztendlich \begin{equation} a^2 + b^2 = c^2. \end{equation} Es ergibt sich die Gleichung
\begin{equation}

a^2 + b^2 = c^2 \end{equation}

Nun wird der Abstand zur Quelle betrachtet.

in der \$a\$, \$b\$ und \$c\$ die Seiten des Dreiecks sind.

Man erhält letztendlich

Es ergibt sich die Gleichung

$$a^2 + b^2 = c^2. (6.1)$$

 $a^2 + b^2 = c^2 (6.2)$

in der a, b und c die Seiten des Dreiecks sind.

Nun wird der Abstand zur Quelle betrachtet.

6.2 Etwas Mathematik

LATEX eignet sich in besonderem Maße zum Setzen von mathematischen Formeln. Eine einzelne Formel erhalten Sie mit der equation-Umgebung:

$$1 + e^{i\pi} = 0. ag{6.3}$$

Bitte beachten Sie, dass Formeln Teil des Satzes sind und somit mit den entsprechenden Satzzeichen versehen werden müssen².

 $^{^{1}}$ 1ex = Breite des Buchstabens x

²Dies ist ein langer Fussnotentext, um zu testen, wie es mit der Einrückung aussieht bei mehrzeiligen Fussnoten. Da kann es zu unschönem Aussehen kommen.

In der Regel genügt es, für eine Gleichung nur dann eine Nummer zu vergeben, wenn Sie später auch auf diese verweisen. Um auf die Nummer einer Gleichung zugreifen zu können verwenden Sie den Befehl \eqref:

$$\dots$$
 wie in Gl. (6.3) gezeigt \dots

Möchten Sie verhindern, dass eine Gleichung nummiert wird, verwenden Sie die equation*-Umgebung:

$$E + F - K = 2.$$

Mathematische Ausdrücke im Text werden durch Dollarzeichen abgegrenzt, z.B.: "Es gilt stets $x \approx \sin(x)$, man kann also davon ausgehen, dass |x| < 10".

Für Gleichungssysteme bietet sich die align- bzw. align*-Umgebung an, wobei bei letzterer keine Gleichungsnummern ausgegeben wird:

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y} \tag{6.4}$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{\partial v}{\partial x}. (6.5)$$

Alternativ können Sie auch eine aligned-Umgebung verwenden:

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}
\frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{\partial v}{\partial x}.$$
(6.6)

Mit Hilfe der subequations-Umgebung lassen sich die Nummern der einzelnen Gleichungen eines Systems vereinheitlichen:

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial (vh)}{\partial x} = 0 \tag{6.7a}$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left(gh + \frac{u^2}{2} \right) = 0. \tag{6.7b}$$

Die subequations-Umgebung funktioniert auch zusammen mit mehreren einzelnen Gleichungen:

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial (vh)}{\partial x} = 0 \tag{6.8a}$$

und

$$\frac{\partial v}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left(gh + \frac{u^2}{2} \right) = 0. \tag{6.8b}$$

Mit dem intertext-Befehl kann man auch innerhalb von align-Umgebungen Anmerkungen zwischen den Zeilen einfügen, ohne dass die Formelausrichtung verloren geht:

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial (vh)}{\partial x} = 0 \tag{6.9a}$$

Es gilt außerdem:

$$\frac{\partial v}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left(gh + \frac{u^2}{2} \right) = 0. \tag{6.9b}$$

Für wichtige mathematische Funktionen gibt es in \LaTeX vordefinierte Makros, zum Beispiel \searrow für sin (anstelle der Ausgabe von sin):

\sin, \cos, \tan, \cot, \arcsin, \arccos, \arctan,
\log, \ln, \sinh, \cosh, \tanh, \coth

Weitere Details können diesem Dokument entnommen werden: ftp://ftp.ams.org/ams/doc/amsmath/short-math-guide.pdf bzw. der Gesamtdokumentation des Paketes amsmath: ftp://ftp.ams.org/ams/doc/amsmath/amsldoc.pdf.

Verwaltung und Zitation von Literatur

Die Literaturverwaltung und Referenzierung von verwendeter Literatur ist in \LaTeX komfortabel möglich. Diese Vorlage verwendet das neue biblatex/ biber-System. Bitte verwenden Sie nicht das veraltete bibtex!

Es wird zunächst eine Datei aufgebaut, die die Literaturquellen sammelt. Diese Datei muss die Dateiendung .bib haben, also z.B. Literatur-Arbeit.bib. Jedem Eintrag wird dabei ein Kürzel zugewiesen. Auf die Literaturstelle wird dann innerhalb Ihres LATEX-Dokuments mit dem \cite-Befehl verwiesen. Also z.B. so: \cite{FLMR95ijc} liefert [1].

Informationen zum Aufbau der .bib-Datei finden sich hier: https://verbosus.com/bibtex-style-examples.html. In der Regel werden die Eintragstypen book, article und inbook benötigt.

Damit beim Kompilieren der LaTeX-Datei eine korrekte Verarbeitung der Literatur erfolgt, muss am Beginn des Dokuments

\addbibresource{Literatur-Arbeit.bib}

und am Ende

\printbibliography

eingefügt werden, so wie in dieser Vorlage schon geschehen. Zur Erstellung des Gesamtdokuments sind dann folgende Kommandos erforderlich:

pdflatex ArbeitRST.tex
biber ArbeitRST
pdflatex ArbeitRST.tex
pdflatex ArbeitRST.tex

Achtung! Wenn Sie ihren Text in einer LATEX-Entwicklungsumgebung schreiben, müssen Sie das dortige Kommando zur Literaturerstellung ggf. anpassen!

Details zur Nutzung und Konfiguration von biblatex: https://de.sharelatex.com/learn/Bibliography_management_with_biblatex.

Hinweise zu deutschsprachigen Anpassungen: www.nagel-net.de/Latex/DOKU/DTK-2_2008-biblatex-Teil1.pdf.

Ein Programm zur komfortablen, plattformunabhängigen Verwaltung von bib-Dateien ist JabRef: http://www.jabref.org/.

Eine Untersuchung zu Umlauten findet sich hier

Ausführlicher Kapiteltitel, der wirklich viel zu lang für das Inhaltsverzeichnis in dieser Dokumentvorlage ist

In diesem Kapitel sind einige Abbildungen verstreut, um den Umgang mit Grafiken zu demonstrieren. Der restliche Text ist Blindtext.

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

8.1 Unterabschnitt 1

Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Nach diesem vierten Absatz beginnen wir eine neue Zählung. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.



Abbildung 2 – Ein Hochleistungsschnittstellenboard wie es typisch in regelungstechnischen Echtzeitanwendungen ist, um höchsten technologischen Anforderungen im Rahmen der Industrie 4.0 gerecht zu werden.

8.1.1 Unter-unterabschnitt 1

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E = mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^nb}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \theta d\theta d\phi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E=mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^nb}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \theta d\theta d\varphi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text

liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E = mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n b}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \theta d\theta d\varphi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E=mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^nb}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \vartheta d\vartheta d\varphi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E=mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n b}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \theta d\theta d\varphi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E = mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^nb}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \theta d\theta d\phi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert

der Schrift an $E = mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n b}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \vartheta d\vartheta d\varphi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\beta) = 1$. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an $E = mc^2$. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. $a\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n b}$. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. $d\Omega = \sin \theta d\theta d\varphi$. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.



a) Fall mit Synchronisation.



b) Fall ohne Synchronisation.

Abbildung 3 – Zwei verschiedene Anwendungsfälle für das Hochleistungsschnittstellenboard.

8.1.2 Unter-unterabschnitt 2

Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte

aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Nach diesem vierten Absatz beginnen wir eine neue Zählung. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

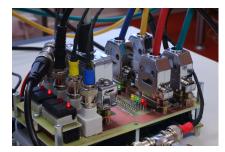
Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der



a) Fall mit Synchronisation.



c) Fall mit unterkritischer partieller Synchronisation.



b) Fall ohne Synchronisation.



d) Fall mit überkritischer partieller Synchronisation.

Abbildung 4 – Vier verschiedene Anwendungsfälle für das Hochleistungsschnittstellenboard, die die unterschiedliche Leistungsfähigkeit demonstrieren.

Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Nach diesem vierten Absatz beginnen wir eine neue Zählung. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein

Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Kapitel 9

Füllkapitel 1

9.1 Fullabschnitt 1

9.1.1 Füllunterabschnitt 11

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.1.2 Füllunterabschnitt 12

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.1.3 Füllunterabschnitt 13

Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.2 Fullabschnitt 2

9.2.1 Füllunterabschnitt 21

Nach diesem vierten Absatz beginnen wir eine neue Zählung. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.2.2 Füllunterabschnitt 22

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.2.3 Füllunterabschnitt 3

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.3 Fullabschnitt 3

9.3.1 Füllunterabschnitt 31

Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.3.2 Füllunterabschnitt 32

Nach diesem vierten Absatz beginnen wir eine neue Zählung. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.3.3 Füllunterabschnitt 33

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.4 Fullabschnitt 4

9.4.1 Füllunterabschnitt 41

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.4.2 Füllunterabschnitt 42

Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.4.3 Füllunterabschnitt 43

Nach diesem vierten Absatz beginnen wir eine neue Zählung. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.5 Fullabschnitt 5

9.5.1 Füllunterabschnitt 51

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.5.2 Füllunterabschnitt 52

Das hier ist der zweite Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

9.5.3 Füllunterabschnitt 53

Und nun folgt – ob man es glaubt oder nicht – der dritte Absatz. Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

Literatur

- [1] M. Fliess u. a. "Flatness and defect of non-linear systems: introductory theory and examples". In: *International Journal of Control* 61.6 (1995), S. 1327–1361.
- [2] Torsten Fließbach. Mechanik: Lehrbuch zur Theoretischen Physik I. Spektrum Akademischer Verlag, 2009. DOI: https://doi.org/10.1007/978-3-8274-2188-3_8.
- [3] Home page Fraunhofer IIS/EAS. Fraunhofer-Institut fuer Integrierte Schaltungen IIS, Institutsteil Entwicklung Adaptiver Systeme EAS. Juni 2022. URL: https://www.eas.iis.fraunhofer.de/.
- [4] Carsten Knoll. "Regelungstheoretische Analyse- und Entwurfsansaetze fuer unteraktuierte mechanische Systeme". Diss. TU Dresden, 2016. URL: https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:bsz:14-qucosa-209765.
- [5] Frank Mittelbach und Michel Goosens. Der LaTeX-Begleiter. 2. Pearson Studium, 2005.
- [6] Klaus Röbenack. *Nichtlineare Regelungssysteme*. Springer Vieweg Berlin, Heidelberg, 2017. DOI: https://doi.org/10.1007/978-3-662-44091-9.
- [7] symbtools GitHub Repository. Juni 2022. URL: https://github.com/TUD-RST/symbtools.
- [8] Bruce Torby. "Energy Methods". In: Advanced Dynamics for Engineers (1984).