grupa 1

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy

o rozkładzie arcus sinus — o gęstości

$$f(x) = \frac{1}{\pi \sqrt{x(1-x)}} \mathbb{1}_{[0,1]}(x)$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — geometryczym $\mathcal{G}eom(p=1/2)$,

$$P(k) = p(1-p)^k, k \in \{0, 1, \ldots\}$$

o rozkładzie ciągłym — $\beta(a = 3, b = 1.5)$,

$$f(x) = \frac{x^{a-1}(1-x)^{b-1}}{B(a,b)} \mathbb{1}_{[0,1]}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie Cauchy'ego — o gęstości

$$f(x) = \frac{2}{\pi} \left(1 + (2(x-1))^2 \right)^{-1}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — hipergeometrycznym hiper(n=6,N=10,K=4),

$$P(k) = \frac{\binom{K}{k} \binom{N-K}{n-k}}{\binom{N}{n}}$$

o rozkładzie ciągłym — $\chi^2(n=2)$,

$$f(x) = \frac{x^{\frac{n}{2} - 1} e^{-\frac{1}{2}x}}{2^{\frac{n}{2}} \Gamma(\frac{n}{2})} \mathbb{1}_{(0,\infty)}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy

o rozkładzie logistycznym — o gęstości

$$f(x) = 2\frac{e^{2x}}{1 + (e^{2x})^2}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — Pascala Pas(s=5,p=1/2),

$$P(k) = \frac{(k-1)!}{(k-s)!(s-1)!} p^{s} (1-p)^{k-s}$$

o rozkładzie ciągłym — tStudenta ($\nu = 3$),

$$f(x) = \frac{\Gamma\left(\frac{\nu+1}{2}\right)}{\sqrt{\pi\nu}\Gamma\left(\frac{\nu}{2}\right)} \left(1 + \frac{x^2}{\nu}\right)^{-\frac{\nu+1}{2}}$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

grupa 4

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy

o rozkładzie Pareto — o gęstości

$$f(x) = 2x^{-3} \mathbb{1}_{[1,\infty)}(x)$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — ujemnym dwumianowym nBinom(s=9,p=3/4),

$$P(k) = \frac{(s+k-1)!}{k!(s-1)!} p^{s} (1-p)^{k}$$

o rozkładzie ciągłym — logarytmicznym (a = 1, b = 4),

$$f(x) = -\frac{1}{b} \ln \left(\frac{x-a}{b} \right) \mathbb{1}_{[a,a+b)}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

grupa 5

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie potęgowym — o gęstości

$$f(x) = \frac{1}{2}x^{-\frac{1}{2}}\mathbb{1}_{[0,1]}(x)$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — geometryczym $\mathcal{G}eom(p=1/4)$,

$$P(k) = p(1-p)^k, k \in \{0, 1, \ldots\}$$

o rozkładzie ciągłym — parabolicznym

$$f(x) = \frac{3}{2} \left(1 - (2x - 1)^2 \right) \mathbb{1}_{[0,1]}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

grupa 6

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy

o rozkładzie tStudenta($\nu=2$) — o gęstości

$$f(x) = \frac{1}{(2+x^2)^{3/2}}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — Poissona $Pois(\lambda=2)$,

$$P(k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, \ k \in \{0, 1, \ldots\}$$

o rozkładzie ciągłym — $\chi^2(n=4)$,

$$f(x) = \frac{x^{\frac{n}{2} - 1} e^{-\frac{1}{2}x}}{2^{\frac{n}{2}} \Gamma(\frac{n}{2})} \mathbb{1}_{(0,\infty)}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie Weibulla — o gęstości

$$f(x) = \frac{2}{x} (x)^2 e^{-(x)^2} \mathbb{1}_{[0,\infty)}(x)$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — ujemnym dwumianowym nBinom(s=5, p=1/2),

$$P(k) = \frac{(s+k-1)!}{k!(s-1)!} p^{s} (1-p)^{k}$$

o rozkładzie ciągłym — $\beta(a = 1.5, b = 5)$,

$$f(x) = \frac{x^{a-1}(1-x)^{b-1}}{B(a,b)} \mathbb{1}_{[0,1]}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

grupa 8

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie Gumbela — o gęstości

$$f(x) = \frac{1}{3}e^{-\left(\frac{x-2}{3} + e^{-\frac{x-2}{3}}\right)}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — Pascala Pas(s=9,p=3/4),

$$P(k) = \frac{(k-1)!}{(k-s)!(s-1)!} p^{s} (1-p)^{k-s}$$

o rozkładzie ciągłym — $\Gamma(a=4,b=1/2)$,

$$f(x) = \frac{b^a}{\Gamma(a)} x^{a-1} e^{-bx} \mathbb{1}_{(0,\infty)}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

grupa 9

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie wartości ekstremalnych — o gęstości

$$f(x) = e^{-(x-2)}e^{-e^{-(x-2)}}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — hipergeometrycznym hiper(n=4,N=12,K=6),

$$P(k) = \frac{\binom{K}{k} \binom{N-K}{n-k}}{\binom{N}{n}}$$

o rozkładzie ciągłym — log-normalnym $\mu = -2, \sigma = 1$,

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}x} e^{-\frac{(\ln x - \mu)^2}{2\sigma^2}} \mathbb{1}_{(0,\infty)}$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie trójkątnym — o gestości

$$f(x) = \begin{cases} 4x, & 0 \le x < \frac{1}{2} \\ 4(1-x), & \frac{1}{2} \le x \le 1 \end{cases}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — dwumianowym Binom(n=40, p=0.7),

$$P(k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

o rozkładzie ciągłym — F-Snedecora, F(a = 100, b = 100),

$$f(x) = \frac{\Gamma\left(\frac{a+b}{2}\right)}{\Gamma\left(\frac{a}{2}\right)\Gamma\left(\frac{b}{2}\right)} \frac{\left(\frac{a}{b}\right)^{\frac{a}{2}} x^{\frac{a-2}{2}}}{\left(1 + \frac{a}{b}x\right)^{\frac{a+b}{2}}} \mathbb{1}_{[0,\infty)}(x),$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie Gumbela — o gęstości

$$f(x) = \frac{1}{5}e^{-\left(\frac{x-1}{5} + e^{-\frac{x-1}{5}}\right)}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — Poissona $Pois(\lambda = 4)$,

$$P(k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, \ k \in \{0, 1, \ldots\}$$

o rozkładzie ciągłym — $\chi^2(n=3)$,

$$f(x) = \frac{x^{\frac{n}{2} - 1} e^{-\frac{1}{2}x}}{2^{\frac{n}{2}} \Gamma(\frac{n}{2})} \mathbb{1}_{(0,\infty)}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie Weibulla — o gęstości

$$f(x) = \frac{2}{x} (x)^2 e^{-(x)^2} \mathbb{1}_{[0,\infty)}(x)$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — dwumianowym Binom(n=15,p=0.9),

$$P(k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

o rozkładzie ciągłym — logarytmicznym (a = 2, b = 2),

$$f(x) = -\frac{1}{b} \ln \left(\frac{x-a}{b} \right) \mathbb{1}_{[a,a+b)}(x)$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.

ZADANIE 1: Metodą odwrotnej dystrybuanty wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie trójkątnym — o gęstości

$$f(x) = \begin{cases} 4x, & 0 \le x < \frac{1}{2} \\ 4(1-x), & \frac{1}{2} \le x \le 1 \end{cases}$$

ZADANIE 2: Korzystając z generatora rozkładu jednostajnego runif () wygenerować ciąg pseudolosowy o rozkładzie dyskretnym — ujemnym dwumianowym nBinom(s=6,p=1/2),

$$P(k) = \frac{(s+k-1)!}{k!(s-1)!} p^{s} (1-p)^{k}$$

o rozkładzie ciągłym — tStudenta ($\nu = 5$),

$$f(x) = \frac{\Gamma\left(\frac{\nu+1}{2}\right)}{\sqrt{\pi\nu}\Gamma\left(\frac{\nu}{2}\right)} \left(1 + \frac{x^2}{\nu}\right)^{-\frac{\nu+1}{2}}$$

W zadaniu 1:

- wyznaczyć w sposób analityczny dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną rozkładu,
- przedstawić dystrybuantę i dystrybuantę odwrotną na jednym wykresie.

W zadaniach 1 i 2:

- podać statystyki opisowe otrzymanych ciągów długości N=10,100,1000 i porównać wyniki z parametrami rozkładu teoretycznego,
- narysować histogram (wykres częstości) wraz z wykresem gęstości rozkładu (mas prawdopodobieństwa) teoretycznego,
- narysować dystrybuantę empiryczną wraz z dystrybuantą teoretyczną.

Ponadto dla rozkładów ciągłych sprawdzić wybranym testem statystycznym, czy wylosowane próbki są zgodne z dystrybuantą teoretyczną.