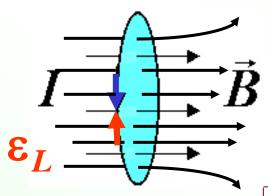
# 大学物理

## College Physics

主讲 华中科技大学 刘超飞

●自感: 通电线圈中电流发生变化导致磁通量改变而在线 圈自身中产生感应电动势的现象。 演示: 自感与磁导率



$$\psi = LI$$

$$L = \frac{\psi}{I}$$

自感电动势

$$\varepsilon_L = -L \frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} - I \frac{\mathrm{d}L}{\mathrm{d}t}$$

L称为自感系数,是线圈电磁惯性的量度。

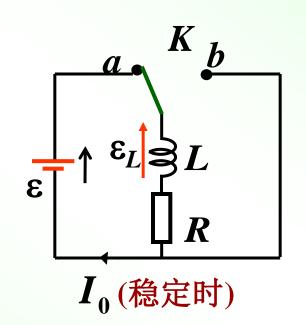
● LR电路中电流的滋涨和衰减情况:

$$i = I_0 (1 - e^{-\frac{R}{L}t})$$

$$i = I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$$

$$I_0 = \frac{\mathcal{E}}{R}$$

$$r = \overline{R}$$
  
电路的时间常数  
(弛豫时间)

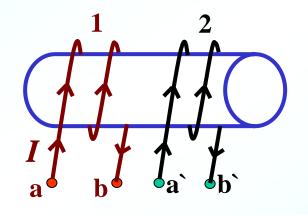


### ●互感

$$\Psi_1=M i_2$$
  $\Psi_2=M i_1$ 

$$\varepsilon_M = -M \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} - i \frac{\mathrm{d}M}{\mathrm{d}t}$$

当 
$$M=$$
常数时:  $\varepsilon_M=-M\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$ 



●通有电流I的自感线圈中储能  $W = \frac{1}{2}LI^2$ 

●磁场的能量 
$$W_m = \int w_m dV = \int_V \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} dV$$

### 互感的定义式:

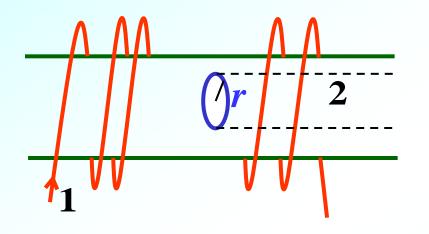
$$\varepsilon_M = -M \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

$$\Psi_2=M i_1$$

$$\Psi_1=M i_2$$

$$M = \begin{cases} |\Psi_2/i_1 = \Psi_1/i_2 \\ \frac{\varepsilon_2}{\mathrm{d}i_1/\mathrm{d}t} = \frac{\varepsilon_1}{\mathrm{d}i_2/\mathrm{d}t} \end{cases}$$

例: 长直螺线管单位长度上有n 匝线圈,另一半径为r 的圆环放在螺线管内,环平面与管轴垂直。求M 。



### 解:

设螺线管通有 $i_1$ ,则 $B_1 = \mu_0 n i_1$ 。

圆环中:  $\psi_2 = B_1 \pi r^2 = \mu_0 n i_1 \pi r^2$ 

$$\therefore M = \psi_2/i_1 = \mu_0 n \pi r^2$$

●原则上可设任一线圈产生磁场计算另一线圈的磁通量  $\psi \rightarrow M = \psi/i$ 。 但很多实际问题中M很难算出。

例: 载流正方形线圈旁有一无限长直导线。若线圈中有变化的电流i, 求在无限长直导线中产生的感应电动势。

解: 直导线中的电动势是互感电动势。

$$\varepsilon = -M \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

$$M = ?$$

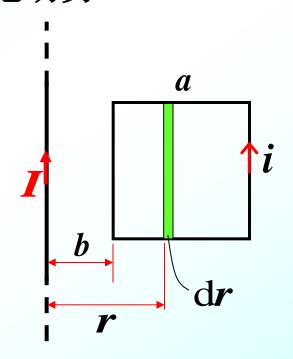
设直导线中有电流1,在线圈中

$$\phi = \int \vec{B} \cdot d\vec{s} = \int_{b}^{b+a} \frac{\mu_{0}I}{2\pi r} \cdot a dr$$

$$= \frac{\mu_{0}Ia}{2\pi} \ln \frac{b+a}{b}$$

$$M = \frac{\phi}{I} = \frac{\mu_{0}a}{2\pi} \ln \frac{b+a}{b}$$

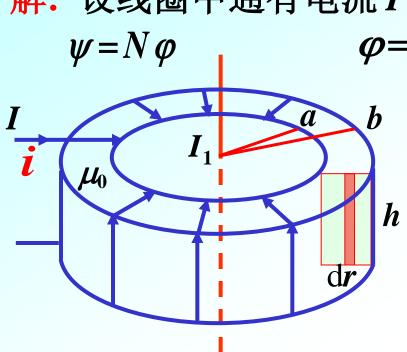
$$\therefore \varepsilon = -M \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = -\frac{\mu_0 a}{2\pi} \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} ln \frac{b+a}{b}$$



例:环形螺线管总匝数
$$N$$
(如图)(1)求 $L$ 

安培环路定理

解: 设线圈中通有电流 1.



$$\frac{\partial \vec{R} I}{\partial \varphi} = \int_{s}^{b} \vec{R} \cdot d\vec{s} = \int_{a}^{b} \frac{\mu_{0} NI}{2\pi r} \cdot h \, dr = \frac{\mu_{0} NI}{2\pi} h \cdot \ln \frac{b}{a}$$

$$b \qquad V = N\varphi - \mu_{0} N^{2} h \ln b$$

$$L = \frac{\Psi}{I} = \frac{N\varphi}{I} = \frac{\mu_0 N^2 h}{2\pi} \ln \frac{b}{a}$$

(2) 若中心有一无限长直导线, 求M.

设直线中通电流 
$$I_1$$
  $M=\psi_2/I_1$ 

$$= \frac{N\varphi_2}{I_1} = \frac{N}{I_1} \cdot \int_a^b \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r} \cdot h \, dr = \frac{\mu_0 N}{2\pi} h ln \frac{b}{a}$$

(3) 若在螺绕环中通以交变 电流  $i = I_0 \cos \omega t$ , 求在长直导线中的 感应电动势.

$$\varepsilon = -M \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = + \frac{\mu_0 Nh}{2\pi} \ln \frac{b}{a} I_0 \omega \sin \omega t$$
方向?

例:一矩形金属线框,边长为a、b (b足够长),线框质量为m自感系数为L,电阻忽略,线框以初速度 $v_0$  沿x 轴方向从磁场外进入磁感应强度大小为 $B_0$  的均匀磁场中,求矩形线圈在磁场内的速度与时间的关系式 v=v(t) 和沿x 轴方向移动的距离与时间的关系式 x=x(t).

解:线圈的一部分进入磁场后,线圈内有动生电动势和自感电动势。

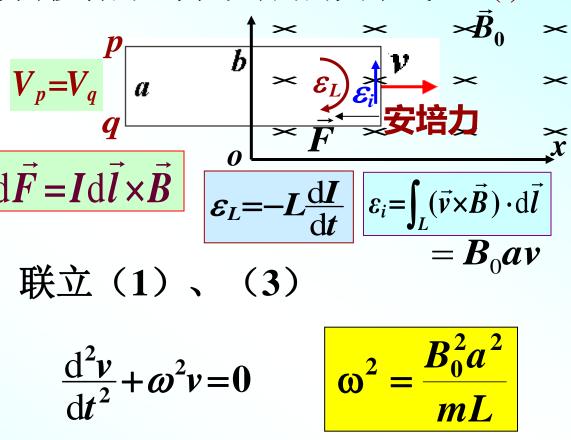
$$\begin{aligned} \mathbf{V}_p + |\mathbf{\varepsilon}_L| - |\mathbf{\varepsilon}_i| &= \mathbf{V}_q \\ \therefore |\mathbf{\varepsilon}_L| - |\mathbf{\varepsilon}_i| &= \mathbf{0} \end{aligned}$$

$$L\frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} - B_0 a v = 0 \quad (1)$$

$$\boldsymbol{B}_0 \boldsymbol{a} \boldsymbol{I} = -\boldsymbol{m} \frac{\mathrm{d} \boldsymbol{v}}{\mathrm{d} \boldsymbol{t}} \quad (2)$$

由(2)有:

$$\frac{\mathrm{d}^2 v}{\mathrm{d}t^2} = -\frac{B_0 a}{m} \frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} \quad (3)$$



$$v = C_1 \sin \omega t + C_2 \cos \omega t$$

$$v = C_1 \sin \omega t + C_2 \cos \omega t$$

当
$$t=0$$
 时, $v=v_0 \Rightarrow C_2=v_0$ 

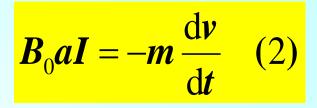
$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = C_1 \omega \cos \omega t - C_2 \omega \sin \omega t = -\frac{B_0 aI}{m}$$

当
$$t=0$$
时, $I=0$ 

$$C_1 \omega \cos 0 = 0$$

$$\therefore C_1 = 0$$

$$\begin{cases} v = v_0 \cos \omega t \\ x = \frac{v_0}{\omega} \sin \omega t \end{cases}$$



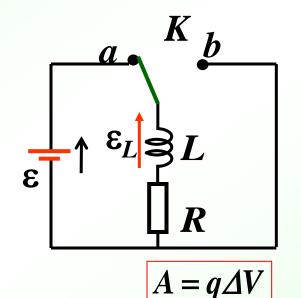
$$v = C_1 \sin \omega t + C_2 \cos \omega t$$

### 七. 磁场的能量

### 1. LR电路中的能量转换

电路在建立稳定电流的过程中电源力克服自感电动势  $\varepsilon_L$ 做功





当电流以di/dt > 0变化时,电流变化di,电源克服 $\epsilon_r$ 做功为dA:  $dA = -\epsilon_r dq = -\epsilon_r i dt$ 

$$:: \varepsilon_L = -L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \qquad :: \mathrm{d}A = Li \mathrm{d}i$$

$$A = \int_0^I Li di = \frac{1}{2} LI^2$$
  $W = \frac{1}{2} LI^2$ 

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

电流稳定后,去掉电源,电流i 从 $I \rightarrow 0$ , $\varepsilon_L$ 做功,释放存在线圈内的能量,把能量传给电阻,以热能形式散发:

$$Q = \int Ri^{2} dt = \int R(I^{2}e^{-2\frac{R}{L}t}) dt$$

$$= RI^{2} \int_{0}^{\infty} e^{-2\frac{R}{L}t} dt = -\frac{1}{2}LI^{2} \int_{0}^{\infty} e^{-2\frac{R}{L}t} d(-\frac{2R}{L}t) = \frac{1}{2}LI^{2}$$

### 2. 磁能与磁能密度

由上可得,通有电流I的自感线圈中储能:  $W = \frac{1}{2}LI^2$ 

$$W = \frac{1}{2}LI^2$$

类比电能存在电场中,可认为,磁能储存在磁场中。 那么,磁能 $W_m$ 与磁场( $\bar{B}$ 、 $\bar{H}$ ),如何联系?

以长直螺线管为例: 已知,长螺线管n、l、S、I。

在前面已求得:  $L=\frac{\Psi}{I}=\mu_0 n^2 l S$ .

$$W_m = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2}\mu_0 n^2 l S \cdot I^2 = \frac{1}{2}(\mu_0 n^2 I^2) l S = \frac{B^2}{2\mu_0} S l = \frac{B^2}{2\mu_0} V$$

::管内为均匀磁场,单位体积储存的能量为:

$$w_m = \frac{W_m}{V} = \frac{B^2}{2\mu_0} = \frac{1}{2}\vec{B} \cdot \vec{H}$$
  $\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0}$  磁场强度

以上结论对任意形式的磁场都成立。

一般地,非均匀场:  $W_m = \int w_m dV = \int_V \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} dV$ 

 $\mathrm{d}\vec{F} = I\mathrm{d}\vec{l} \times \vec{B}$ 

若已知
$$L \to W_m = \frac{1}{2}LI^2$$
 反之,已知 $W_m \to L$ 。

例: 两根平行输电线相距为d,半径为a,若维持I不变。(可求得,单位长度上的自感  $L=\frac{\mu_0}{\pi}ln\frac{d}{a}$ )

求: 1) 当 $d \rightarrow d$ '时,磁力做的功。

2) 磁能增加或减少多少,说明能量来源?

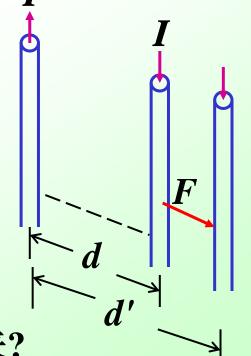
解: 1) 单位长度受力 
$$F = IlB = I \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

$$A = \int_{d}^{d'} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_{d}^{d'} \frac{\mu_0 I^2}{2\pi r} dr = \frac{\mu_0 I^2}{2\pi} ln \frac{d'}{d} > 0$$

2) 
$$\Delta W = W_{d'} - W_d = \frac{1}{2}L'I^2 - \frac{1}{2}LI^2$$

$$= \frac{1}{2}I^2 \frac{\mu_0}{\pi} \left( \ln \frac{d'}{a} - \ln \frac{d}{a} \right)$$

$$= \frac{\mu_0 I^2}{2\pi} \ln \frac{d'}{d} > 0 能量从何而来?$$



$$A_{$$
磁力 $}=rac{\mu_0I^2}{2\pi}\lnrac{d'}{d}$ 

$$A_{\overleftrightarrow{a}} = \frac{\mu_0 I^2}{2\pi} \ln \frac{d'}{d} \qquad \Delta W = \frac{\mu_0 I^2}{2\pi} \ln \frac{d'}{d}$$

导线移动时,会产生感应电动势 $\epsilon_i$ 。而要维持I不变,电 源力必须克服ει做功,从而将外电源的能量转变为磁能增量 和磁力做功两部分。以下给出定量证明:

$$\varepsilon_L = -\frac{\mathrm{d}\psi}{\mathrm{d}t} = -L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}^0 I\frac{\mathrm{d}L}{\mathrm{d}t}$$

 $=A_{kk}+\Delta W$ 



外电源克服ε,做功,

$$A_{\beta|} = -\int \varepsilon_L dq = \int I \frac{dL}{dt} \cdot I dt = \int_L^{L'} I^2 dL = I^2 (L' - L)$$

$$= I^2 \left( \frac{\mu_0}{\pi} \ln \frac{d'}{a} - \frac{\mu_0}{\pi} \ln \frac{d}{a} \right)$$

$$= \frac{\mu_0 I^2}{\pi} \ln \frac{d'}{d}$$

$$= \frac{\mu_0 I^2}{\pi} \ln \frac{d'}{d}$$

能量守恒

$$W_m = \frac{1}{2}LI^2 \qquad W_m \to L \qquad L = \frac{2W_m}{I^2}$$

$$W_m \rightarrow L$$

$$L = \frac{2W_m}{I^2}$$

同轴电缆,两圆柱面半径分别为a、b,充满 例: 磁介质 $\mu$ ,求单位长度 $W_m$ 与L。

解:设电缆通有电流I, 则两圆柱面间的磁场为:

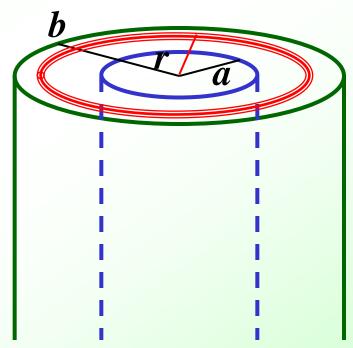
$$B = \frac{\mu I}{2\pi r}, H = \frac{B}{\mu} = \frac{I}{2\pi r}$$

$$W_m = \int \frac{1}{2} B \cdot H dV$$

$$= \int \frac{1}{2} \frac{\mu I}{2\pi r} \frac{I}{2\pi r} 2\pi r dr$$

$$= \frac{\mu I^2}{4\pi} \ln \frac{b}{a}$$

$$L = \frac{2W_m}{I^2} = \frac{2\mu I^2}{4\pi I^2} ln \frac{b}{a} = \frac{\mu}{2\pi} ln \frac{b}{a}$$



$$W_m = \int w_m dV = \int_V \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} dV$$

例: 一矩形金属线框,边长为 $a \setminus b$  (b足够长),线框质量为m自感 系数为L,电阻忽略,线框以初速度 $\nu_0$ 沿x轴方向从磁场外进入磁 感应强度大小为 $B_0$ 的均匀磁场中,求矩形线圈在磁场内的速度与时 间的关系式 v=v(t) 和沿 x 轴方向移动的距离与时间的关系式 x=x(t).

### 另解:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}LI^2$$

译:
$$\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}LI^2$$

$$\frac{V_p = V_q}{q}$$

$$\frac{V_p = V_q}{q}$$

$$\frac{V_p = V_q}{Q}$$

$$\frac{V_p = V_q}{Q}$$

$$\therefore mv \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} + LI \frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} = 0$$

将 
$$L\frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t}$$
- $B_0av$ =0 (1)代入上式

$$m\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} + B_0 aI = 0$$
 (2)

以下同解法一.

$$\begin{cases}
L \frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} - B_0 a v = 0 & (1) \\
m \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = -B_0 a I & (2)
\end{cases}$$

例:通过计算载流回路的磁场能量,证明两回路间的互感系数相等。 1 2

证明:设线圈1、2开始时均是开路状态。 先接通线圈1的电源,使其电流由0增加到*I*<sub>1</sub>。 在此过程中,电源克服线圈1的自感电动势 做功储存到磁场中的能量为:

$$W_1 = \frac{1}{2}L_1I_1^2$$

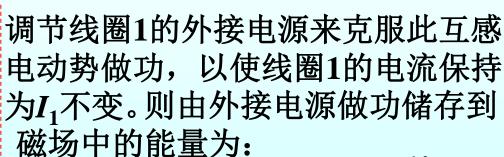
再接通线圈2的电源,使其电流由0增加到 $I_2$ 。

则线圈2中储存的磁场能量为:

$$W_2 = \frac{1}{2}L_2I_2^2$$

在线圈2中的电流增大过程中,会在线圈1中产生互感电动势:

$$\varepsilon_{21} = -M_{21} \frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t}$$



 $I_1 \downarrow I_2 \downarrow I_2 \downarrow I_2 \downarrow P = UI$ 

$$W_{21} = \int -\varepsilon_{21}I_{1}dt = \int M_{21}\frac{di_{2}}{dt}I_{1}dt$$

$$= \int_{0}^{I_{2}}M_{21}I_{1}di_{2} = M_{21}I_{1}I_{2}$$
系统的磁场中储存的总能量为:

$$W_m = \frac{1}{2}L_1I_1^2 + \frac{1}{2}L_2I_2^2 + M_{21}I_1I_2$$

例:通过计算载流回路的磁场能量,证明两回路间的互感

系数相等。

### 证明:

先接通线圈2的电源,使其电流由0增加到 $I_2$ 。 再接通线圈1的电源,使其电流由0增加到 $I_1$ 。

同理可得,系统的磁场中储存的总能量为:

$$W_{m} = \frac{1}{2}L_{1}I_{1}^{2} + \frac{1}{2}L_{2}I_{2}^{2} + M_{12}I_{1}I_{2}$$

$$W_{m} = \frac{1}{2}L_{1}I_{1}^{2} + \frac{1}{2}L_{2}I_{2}^{2} + M_{21}I_{1}I_{2}$$

$$M_{12} = M_{21}$$

系统的磁场中储存的总能量为:

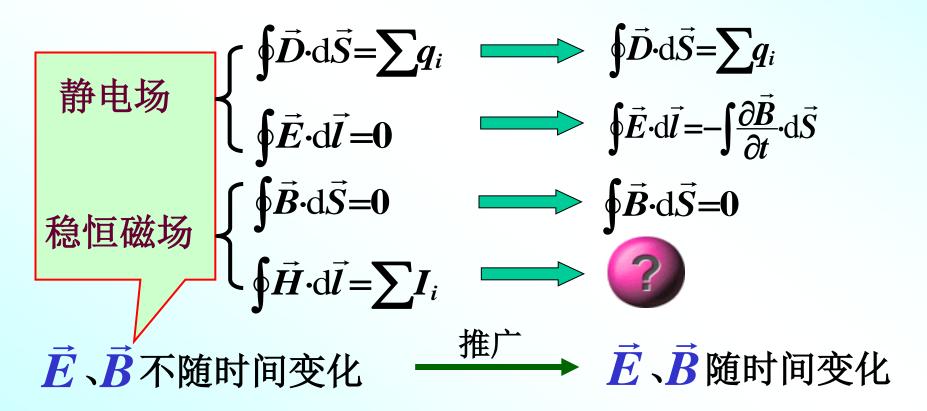
$$W_m = \frac{1}{2}L_1I_1^2 + \frac{1}{2}L_2I_2^2 + M_{21}I_1I_2$$

### 八、麦克斯韦方程组

$$(\vec{D} = \varepsilon \vec{E})$$

$$(\vec{H} = \frac{\vec{B}}{u})$$

1. 静电场、稳恒磁场的普遍规律及推广



麦克斯韦完成了此推广,得到了麦克斯韦方程组。那么,如何做?

### 2. 位移电流

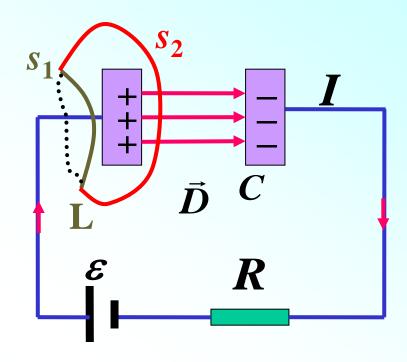


### 安培环路定理

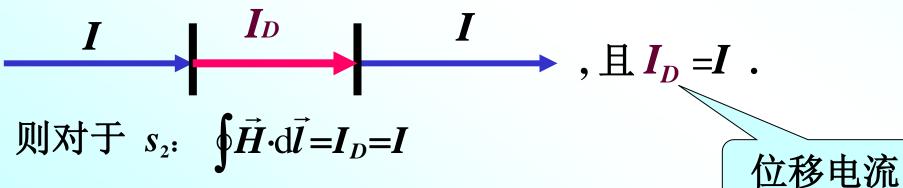
 $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I_i$ 

以L为边界作曲面 $s_1$ 、 $s_2$ ,对回路L,由安培环路定理得

$$egin{aligned} s_1 \colon \oint ec{H} \cdot \mathrm{d} ec{l} &= I \ s_2 \colon \oint ec{H} \cdot \mathrm{d} ec{l} &= 0 \end{aligned} 
ight. \ rac{\mathrm{d} ec{l}}{\mathrm{scap?}}$$



麦克斯韦大胆假设:

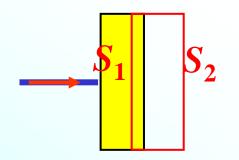


矛盾不复存在。 问题是:  $I_D$  到底是什么?



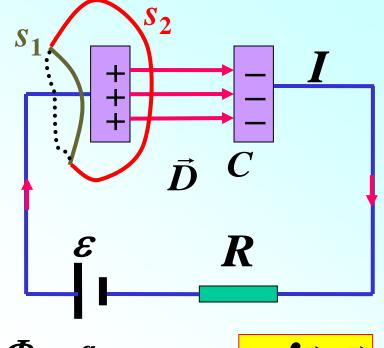
### 安培环路定理 $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I_i$

在电容的充放电过程中,考虑左极板。 则由 如图取高斯面,



$$\boldsymbol{\Phi}_{D} = \int \vec{D} \cdot d\vec{S} = \sum q_{i}$$

$$\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = \int_{S_1} \vec{D} \cdot d\vec{S} + \int_{S_2} \vec{D} \cdot d\vec{S} = \Phi_{S_2} = q_{KK}$$



$$I = \int \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

而穿过
$$S_1$$
的电流:  $I = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}q_{\mathrm{Wf}}}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left( \int_{s_2} \vec{D} \cdot \mathrm{d}\vec{S} \right)$ 

定义: 
$$I_D = \frac{\mathrm{d} \Phi_D}{\mathrm{d} t} = \int \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot \mathrm{d} \vec{S}$$

位移电流

显然, $I_D=I$ .

有电流的量纲

$$\vec{j}_D = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

定义位移电流: 
$$I_D = \frac{\mathrm{d} \Phi_D}{\mathrm{d} t} = \int \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot \mathrm{d} \vec{S}$$

位移电流密度: 
$$\vec{j}_D = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} = \epsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

$$q \uparrow D \uparrow$$

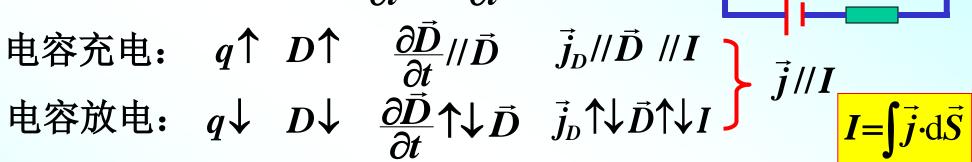
$$\frac{\partial \vec{D}}{\partial t} / / \vec{D}$$

$$ec{j}_{\scriptscriptstyle D} /\!/ec{D}$$
 // $ec{I}$ 

$$q \downarrow D$$

$$\frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \uparrow \downarrow \vec{D}$$

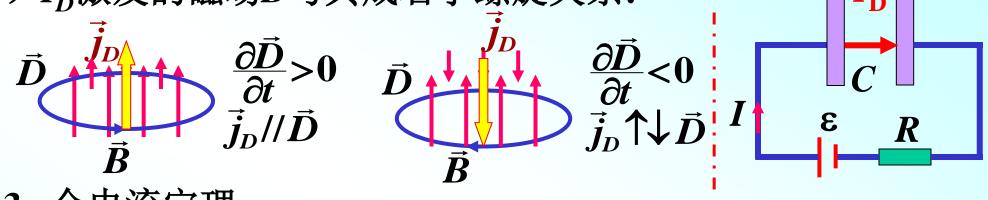
$$\vec{j}_D \uparrow \downarrow \vec{D} \uparrow \downarrow I$$



结论:在电容器中, $I_{D\dot{\mathbb{Q}}}=I$ ,极板中断的电流由 $I_D$ 接替,

- 1)  $I_D$ 的实质是变化的电场, $I_D$ 不产生焦耳热
- 2) In 在激发磁场方面与 I 等效 在极板间没有传导电流,但有 $I_D$ :  $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I_D$

3)  $I_D$ 激发的磁场 $\vec{B}$ 与其成右手螺旋关系:



3. 全电流定理

传导电流 + 位移电流 = 全电流

在非稳恒情况,往往是传导电流1与位移电流同时存在,两者之和的总的电流总是闭合的。

一般情况下的安培定律:

即:磁场强度H沿任意闭合环路的积分等于穿过此环路的 传导电流与位移电流的代数和。

例:一空气平行板电容器,略去边缘效应。

- 1) 充电完毕后,断开电源,然后拉开两极板。 此过程中两极板间是否有 $j_{D}$ ? ——  $j_{D}=0$
- 2) 充电完毕后,仍接通电源,然后拉开两极板。 此过程中两极板间是否有 j<sub>D</sub>? 为什么?

 $j_D \neq 0$  :  $V = E \cdot d$  V不变,  $d \uparrow$ ,  $E \downarrow D$ 改变

$$I_{D} = \frac{\mathrm{d} \Phi_{D}}{\mathrm{d}t} = \int \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot \mathrm{d}\vec{S}$$

$$\vec{j}_{D} = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} = \varepsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

例:一圆形平行板电容器,两极板的半径为a。设其正在 充放电,电荷按规律 $Q=Q_0\sin\omega t$ 变化,忽略边缘效应

求: 两极板间任意点的 $j_D$ 和B?

解: (1)平行板之间的电场为:  $D=\sigma=\frac{Q}{S}$   $j_D = \frac{\partial D}{\partial t} = \frac{1}{S} \frac{\partial Q}{\partial t} = \frac{\omega Q_0}{S} \cos \omega t$ 

jn均匀分布在横截面上,与传导电流同向。

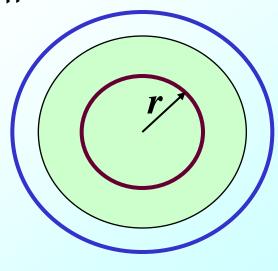
(2) 在极板间取半径为r的同心圆环为积分回路

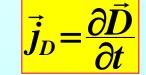
根据全电流定理: 
$$\int \vec{H} \cdot d\vec{l} = I + I_D$$

$$\boldsymbol{B} = \boldsymbol{\mu}_0 \boldsymbol{H} = \frac{\boldsymbol{\mu}_0 \boldsymbol{\omega} \boldsymbol{Q}_0}{2\pi a^2} r \cos \boldsymbol{\omega} t$$

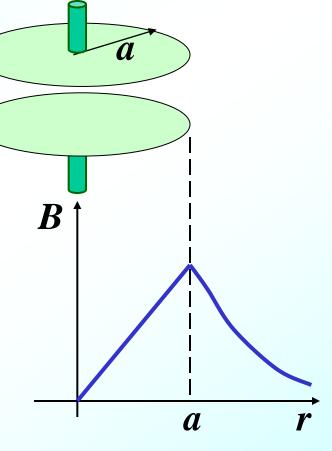
$$r > a$$
时  $I + I_D = \int \vec{j}_D \cdot d\vec{S} = \vec{j}_D \cdot \pi a^2$   $H = \frac{a^2}{2r} \vec{j}_D$ 

$$B = \frac{\mu_0 \omega Q_0}{2\pi r} \cos \omega t$$





$$\begin{cases}
B = \frac{\mu_0 j_D}{2} r & (r < a) \\
B = \frac{\mu_0 a^2 j_D}{2r} & (r > a)
\end{cases}
j_D = \frac{\omega Q_0}{\pi a^2} \cos \omega t$$



$$r = a$$
  $B = B_{max} = \frac{\mu_0 j_D}{2} a = \frac{\mu_0 \omega Q_0}{2\pi a} \cos \omega t$ 

一般,变化的电场产生的磁场很小。

如: 
$$a=5$$
cm,  $\frac{\partial D}{\partial t} = \varepsilon_0 \frac{\partial E}{\partial t}$ ,  $\frac{\partial E}{\partial t} = 10^{12} \text{ V/ms}$ 

$$B_{max}=3\times10^{-7}$$
 T 地球表面地磁场的大小约 $5\times10^{-5}$  T

例:加在平行板电容器极板上的电压变化率为1.0×10<sup>6</sup>v/s. 在电容器内产生1.0A的位移电流,则该电容器的电容 是多少?

解: 
$$I_D = \int \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

$$= S\varepsilon \frac{\partial E}{\partial t}$$

$$E = V/d$$

$$\therefore I_D = \frac{\varepsilon S}{d} \frac{\partial V}{\partial t}$$

$$C = \frac{\varepsilon S}{d}$$

$$\therefore I_D = C \frac{\partial V}{\partial t}$$

$$\therefore C = 1uF$$

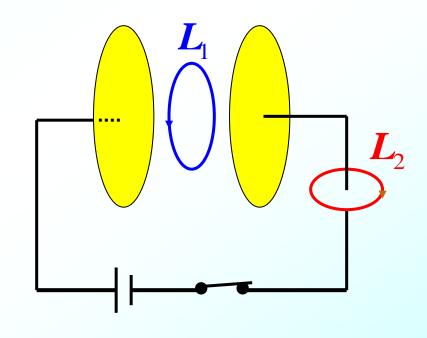
例:如图,平行板电容器(忽略边缘效应)充电时,沿环路  $L_1$ 、 $L_2$ 的磁场强度的环流中,正确的是( $\mathbb{C}$ )。

$$(\mathbf{A}) \oint_{L_1} \vec{H} \cdot d\vec{l} > \oint_{L_2} \vec{H} \cdot d\vec{l}$$

$$\mathbf{(B)} \oint_{L_1} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \oint_{L_2} \vec{H} \cdot d\vec{l}$$

$$(\mathbf{C}) \oint_{L_1} \vec{H} \cdot d\vec{l} < \oint_{L_2} \vec{H} \cdot d\vec{l}$$

$$\mathbf{(D)} \oint_{L_1} \vec{H} \cdot d\vec{l} = 0$$



## 作业: 8—T12-T17

### 作业要求

- 1. 独立完成作业。
- 2. 图和公式要有必要的标注或文字说明。
- 3. 作业纸上每次都要写姓名以及学号(或学号末两位)。
- 4. 课代表收作业后按学号排序,并装入透明文件袋。
- 5. 每周二交上周的作业。迟交不改。
- 6. 作业缺交三分之一及以上者综合成绩按零分计。