

大学物理

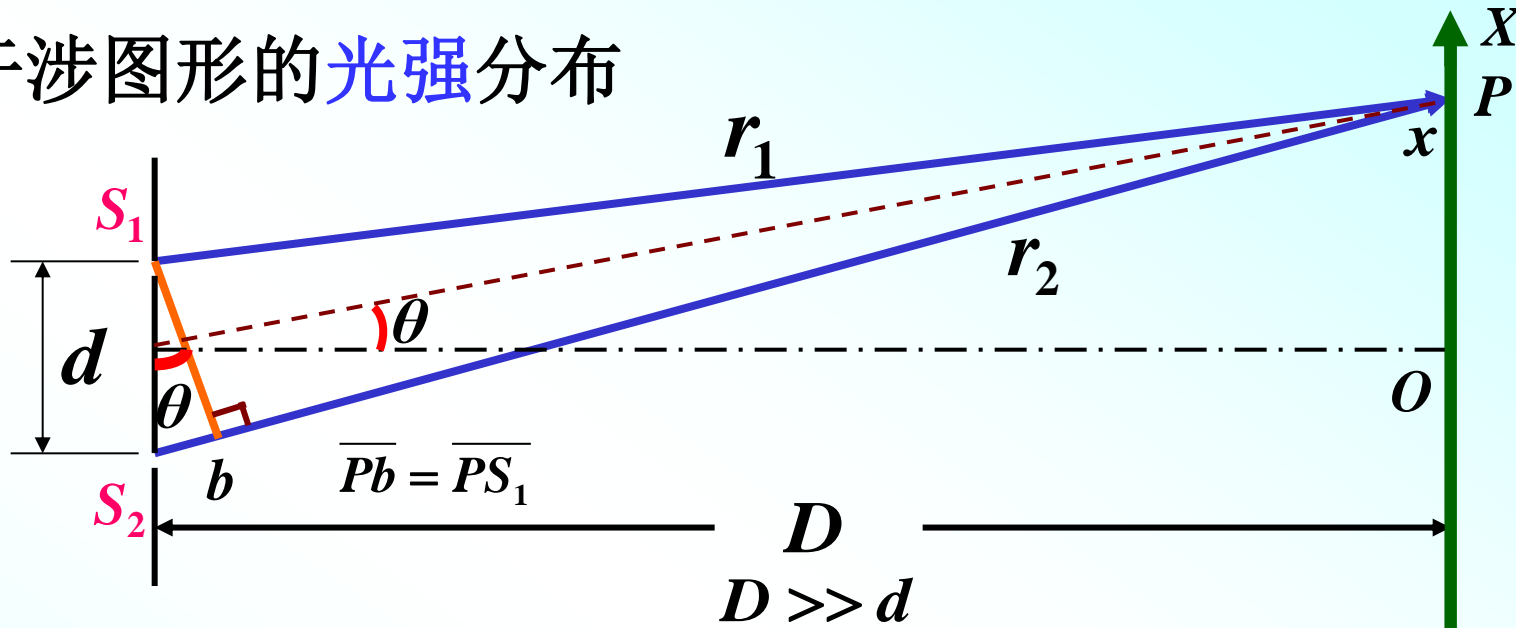
College Physics

主讲

华中科技大学

刘超飞

● 干涉图形的光强分布



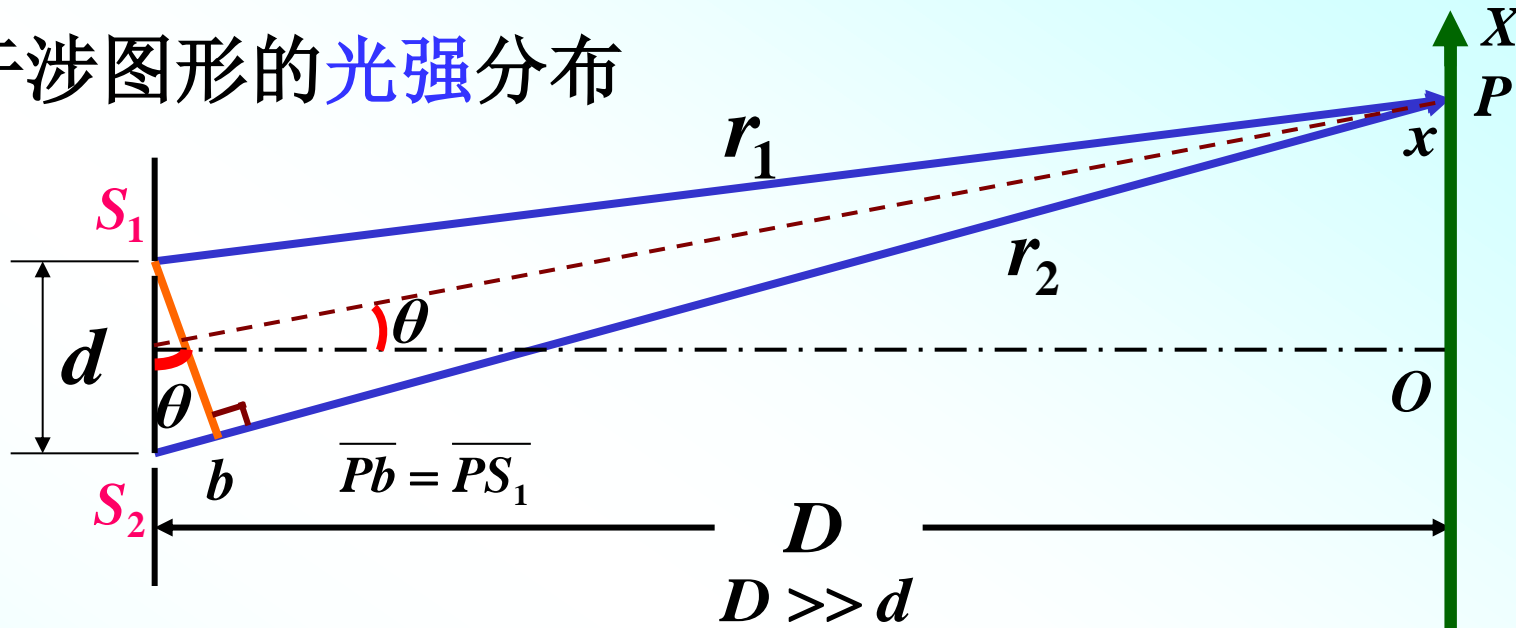
任意P点的光强为: $I_\theta = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta\phi$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{如果两光强相等 } I_1 = I_2 = I_0 \Rightarrow I_\theta = 4I_0 \cos^2 \frac{\Delta\phi}{2} \\ \Delta\phi = 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda} = 2\pi \frac{d \sin \theta}{\lambda} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow I_\theta = 4I_0 \cos^2 \left(\frac{\pi d \sin \theta}{\lambda} \right) \quad \text{干涉光强的角分布}$$

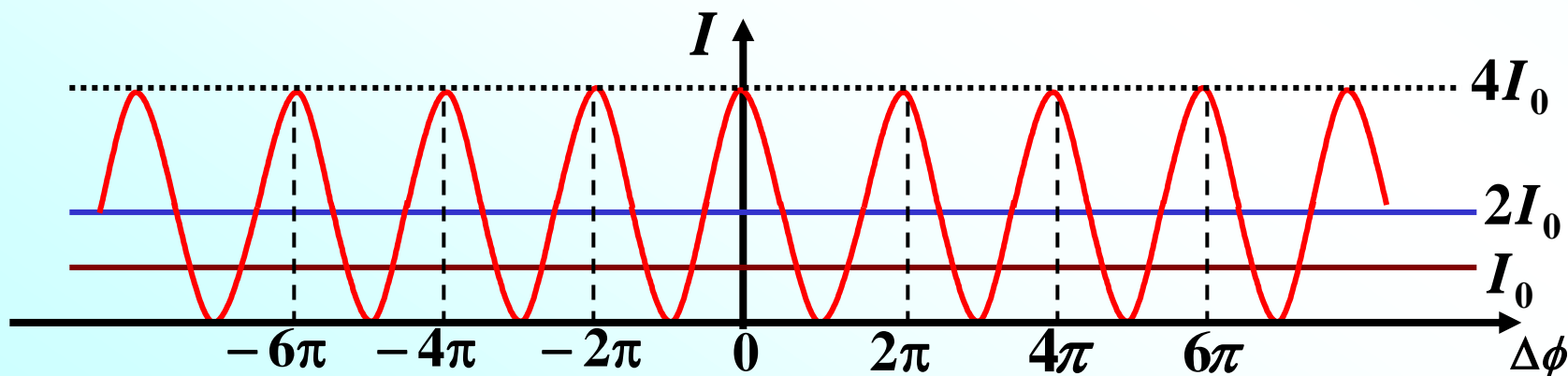
$\sin \theta \approx \frac{x}{D} \longrightarrow$ 还可求得光强的坐标分布: I_x

● 干涉图形的光强分布

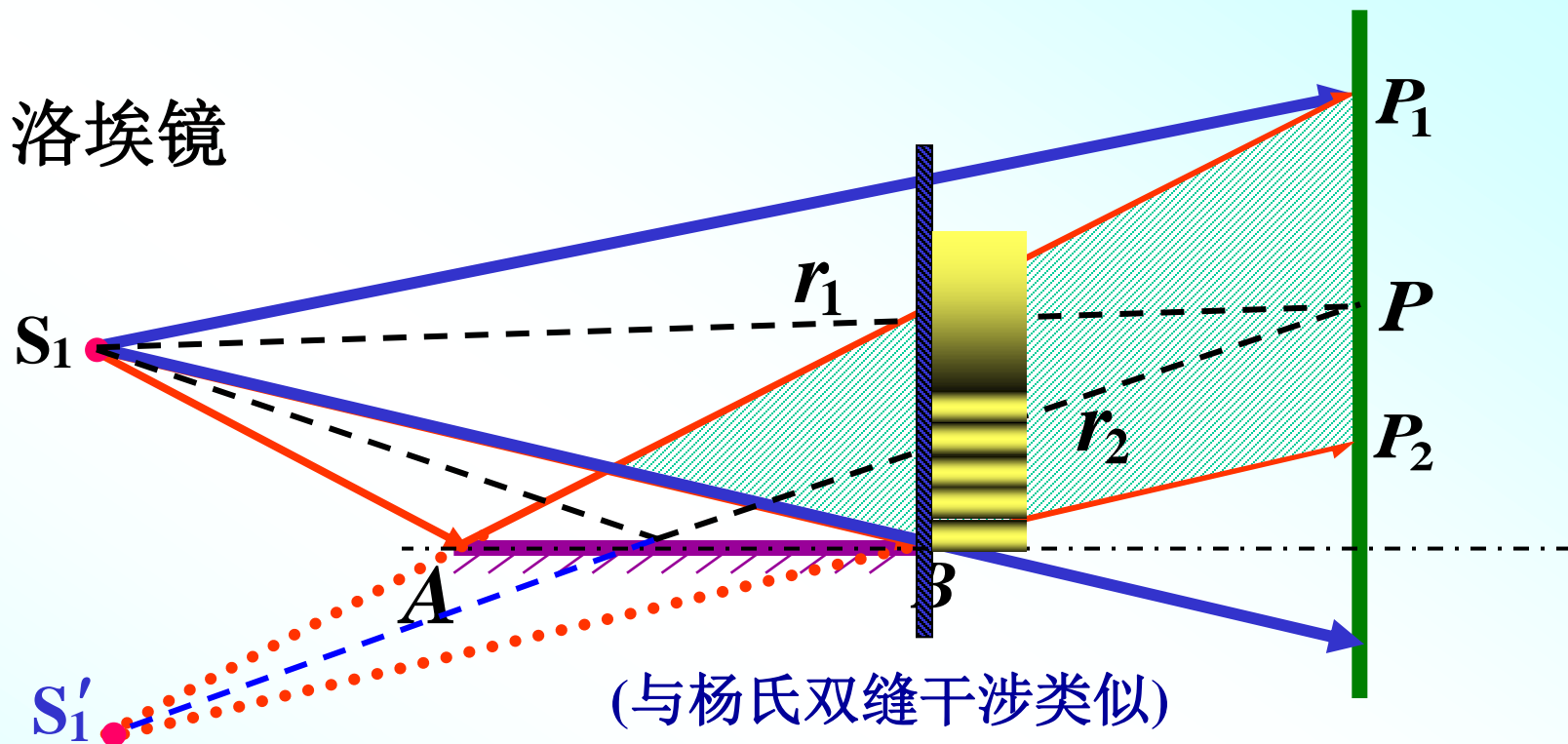


任意P点的光强为: $I_\theta = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta\phi$

如果两光强相等 $I_1 = I_2 = I_0$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{明纹 } I = 4I_0 \\ \text{暗纹 } I = 0 \end{array} \right.$



● 洛埃镜



明暗条纹的位置：

真空中：
$$r_2 - r_1 + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k=0,1,2,\dots)$$

将屏移到 B 处， B 处为暗纹证实了半波损失的存在。

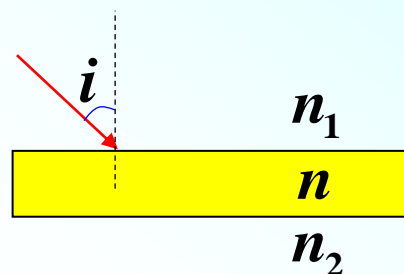
●分振幅干涉 (薄膜干涉)

● 1.等倾干涉 (薄膜厚度均匀)

$$2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

(1) 是否考虑半波损失:

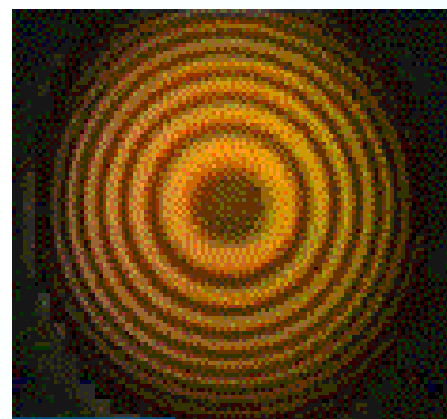
$\left. \begin{matrix} n_1 > n > n_2 \\ n_1 < n < n_2 \end{matrix} \right\}$ 不考虑! $\left. \begin{matrix} n_1 > n < n_2 \\ n_1 < n > n_2 \end{matrix} \right\}$ 要加 $\frac{\lambda}{2}$!



(2) 愈往中心, 条纹级次愈高。若变d: 视频

(3) 条纹呈内疏外密。

(4) 白光入射, 发生色散, 产生彩色条纹。



视频

说明:

(1) 透射光也有干涉现象,
明暗条件为:

$$2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

反射光加强的点, 透射光正好减弱 (互补)

(2) 平行光垂直入射的干涉现象:

单色光垂直入射时:

薄膜表面为同一亮度。

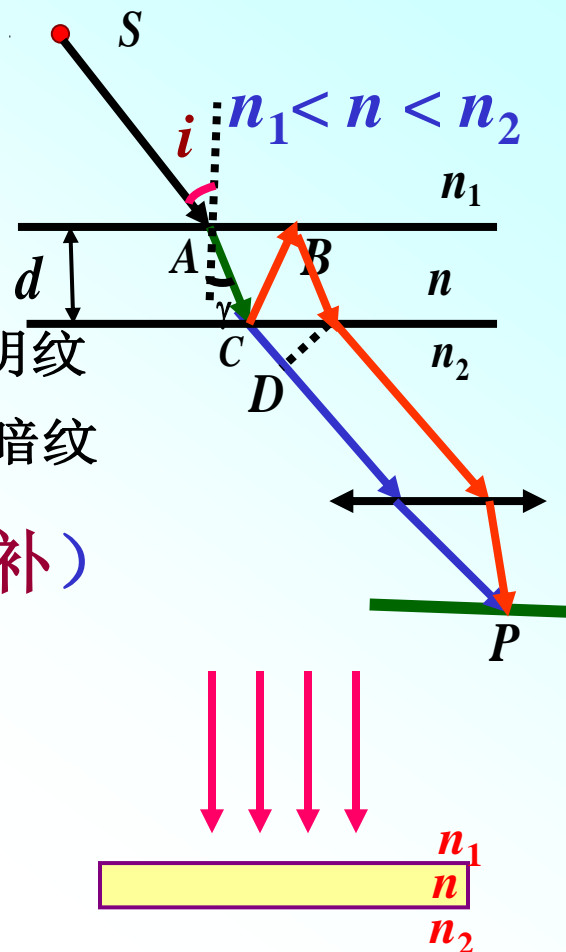
(可能全亮、也可能全暗)

复色光垂直入射时,

薄膜表面有的颜色亮, 有的消失。

等倾干涉的应用 —— 增透(反)膜:

使某些颜色的单色光在表面的反射干涉相消, 增加透射。



$$\delta = 2d \sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\lambda/2 & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

例：折射率 $n=1.50$ 的玻璃表面涂一层 $MgF_2(n=1.38)$, 为使它在 5500\AA 波长处产生极小反射，这层膜应多厚？

解：

$n_2 = 1.38$	MgF_2
$n_3 = 1.50$	

$n_1 = 1$

$\because n_1 < n_2 < n_3$
不加 $\lambda/2$

应用：照相机镜头、太阳能电池表面镀增透膜，激光谐振腔反射镜增反膜，飞机隐形...

假定光垂直入射，极小反射处有：

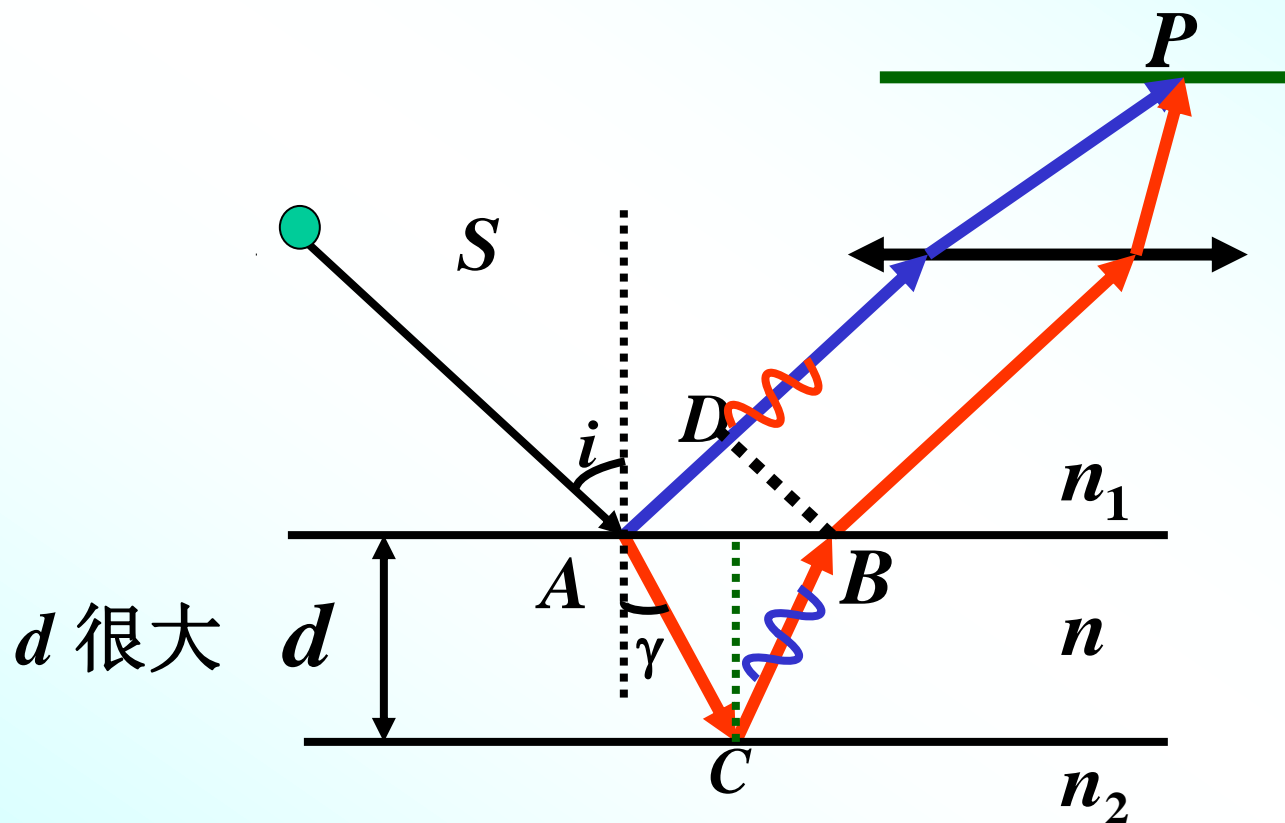
$$\left\{ \begin{array}{l} \delta = 2n_2d = (2k+1)\lambda/2 \quad k=0,1,2,\dots \text{暗} \\ \text{最薄的膜 对应于 } k=0 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow d = \frac{\lambda}{4n_2} = \frac{5500}{4 \times 1.38} \approx 1000 \text{\AA}$$

k 取其它值亦可，但 d 不能太大。为什么？



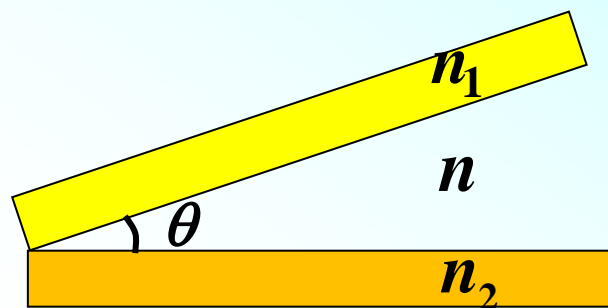
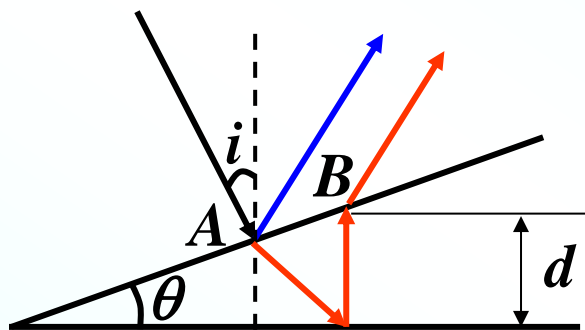
问题：为什么在玻璃板上看不到干涉现象？



答曰：时间相干性的限制。

2.等厚干涉（厚度不均匀的薄膜干涉）

1) 劈尖干涉（两表面有一定夹角）



B 处（厚度为 d ）的明暗条件：

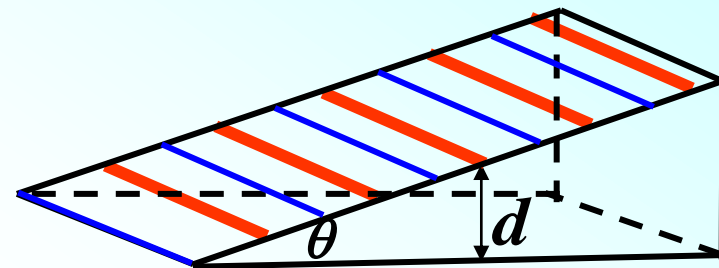
$$\delta = 2d \sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

对于垂直入射，有 $i=0$ ：

$$\Rightarrow \delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

干涉条纹的分布特征：



(1) 每一 k 值对应劈尖某一确定厚度 d 。

即同一厚度对应同一干涉级

——等厚条纹 (等厚线)

干涉条纹是一组与棱边平行的明暗相间的条纹

(2) 棱边处 $d = 0$

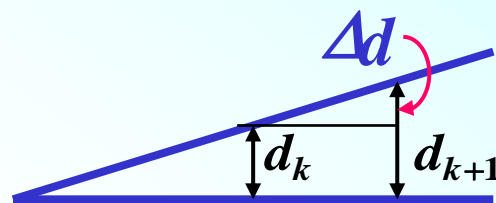
$$\begin{cases} n_1 = n_2 \neq n & \Rightarrow \delta = \frac{\lambda}{2} \text{ 暗纹} \\ n_1 < n < n_2 & \Rightarrow \delta = 0 \text{ 亮纹} \end{cases}$$

$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

(3) 相邻两明（暗）纹间对应的厚度差为：

$$2nd + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \Rightarrow d_k = \frac{1}{2n} \left(k\lambda - \frac{\lambda}{2} \right)$$

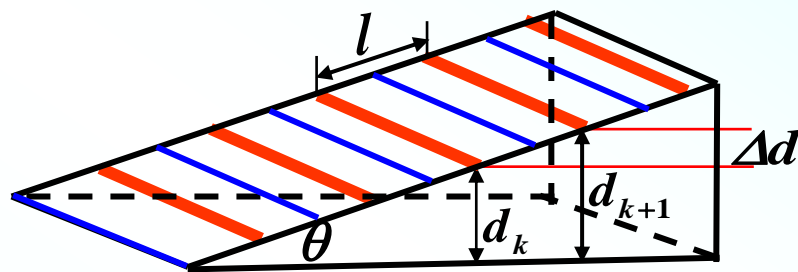
$$\Rightarrow \Delta d = d_{k+1} - d_k = \frac{\lambda}{2n}$$

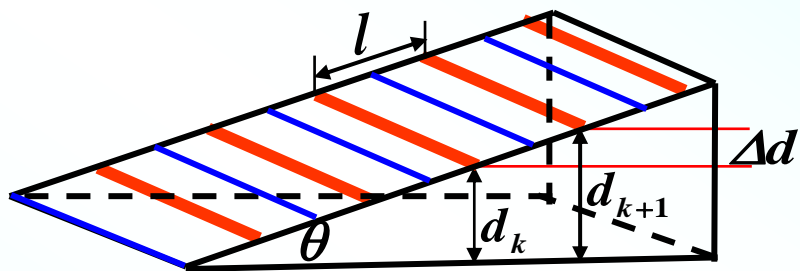


(4) 明（暗）纹间距 l ：

$$\begin{cases} \Delta d = l \sin \theta \\ \Delta d = \frac{\lambda}{2n} \end{cases}$$

$$\Rightarrow l = \frac{\lambda}{2n \sin \theta} \left\{ \begin{array}{l} \theta, \lambda \text{ 一定, 则 } l \text{ 确定, 所以条纹等间距} \\ \theta \text{ 一定, } \lambda \uparrow \text{ 则 } l \uparrow; \lambda \downarrow \text{ 则 } l \downarrow \text{ 视频} \\ \theta \uparrow \text{ 则 } l \downarrow \text{ 条纹变密; } \theta \downarrow \text{ 则 } l \uparrow \text{ 条纹变疏 视频} \end{array} \right.$$



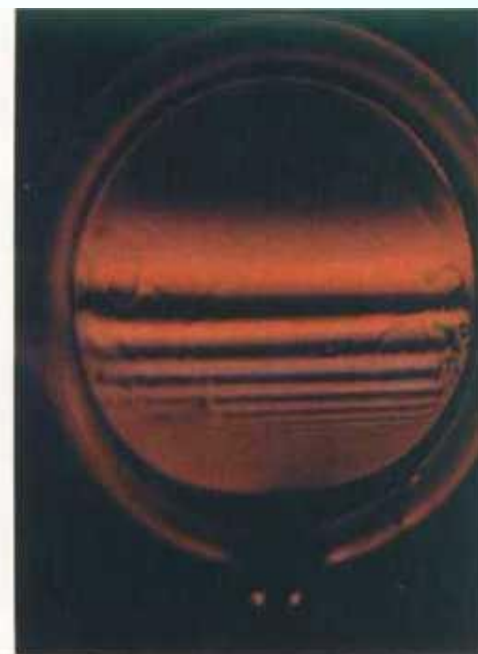
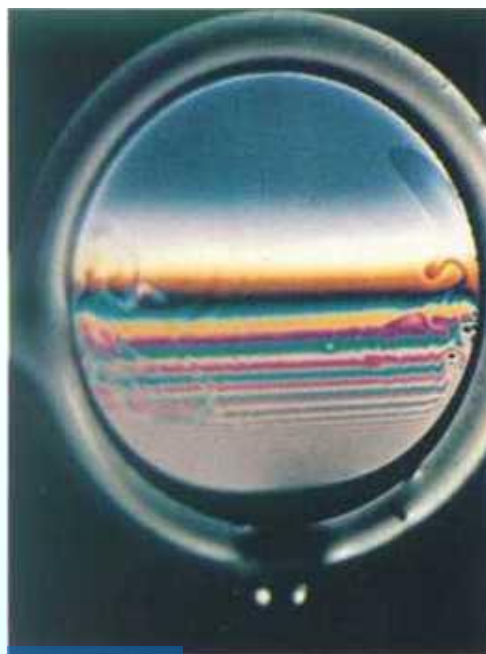


第 k 级明纹:

$$2nd_k + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad (k = 1, 2, \dots)$$



(5)复色光入射得彩色条纹



视频

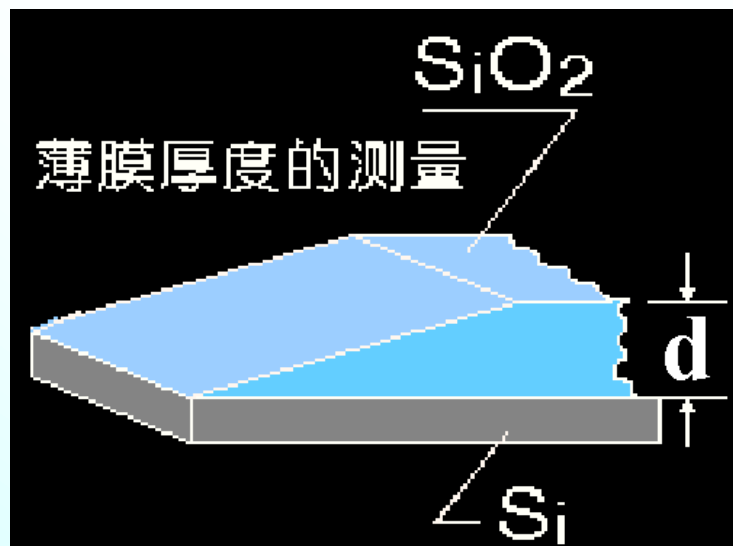
Interference produced by reflecting white light from a soap film. The picture on the right shows the pattern produced by red light.

劈尖干涉的几个应用：

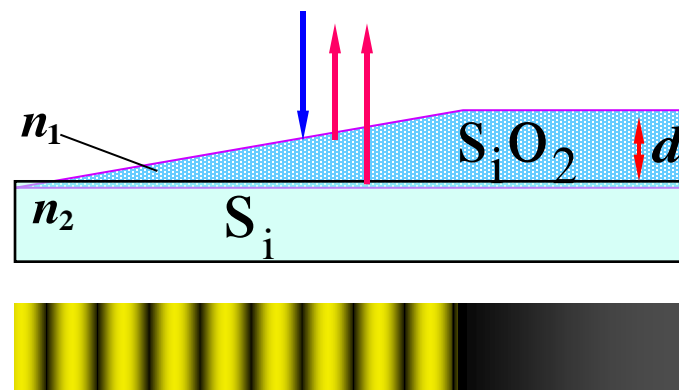


▲通过已知 λ ，可求得金属丝直径、薄膜厚度。

例：利用劈尖干涉判断薄膜（ SiO_2 ）的生长情况



测膜厚



$$2n_1d_k + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

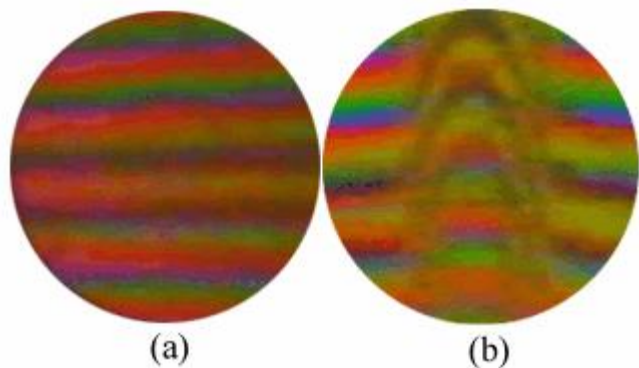
$$2n_1d_{k+1} + \frac{\lambda}{2} = (k+1)\lambda$$

$$\Rightarrow \Delta d = d_{k+1} - d_k = \frac{\lambda}{2n_1}$$

$$N \text{ 条明纹对应厚度为: } d = N \frac{\lambda}{2n_1}$$

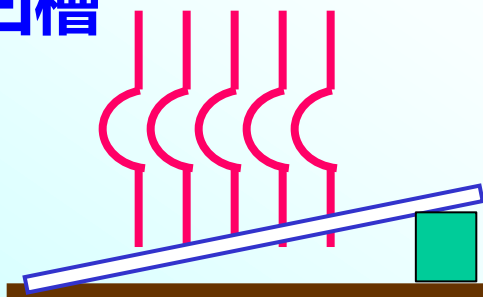
劈尖干涉的几个应用：

▲可检测工件的平整度

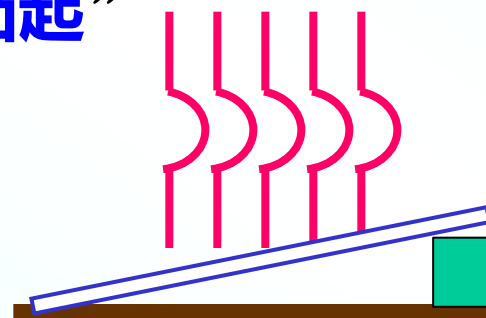


每个条纹对应空气劈尖的等厚线

有“**凹槽**”

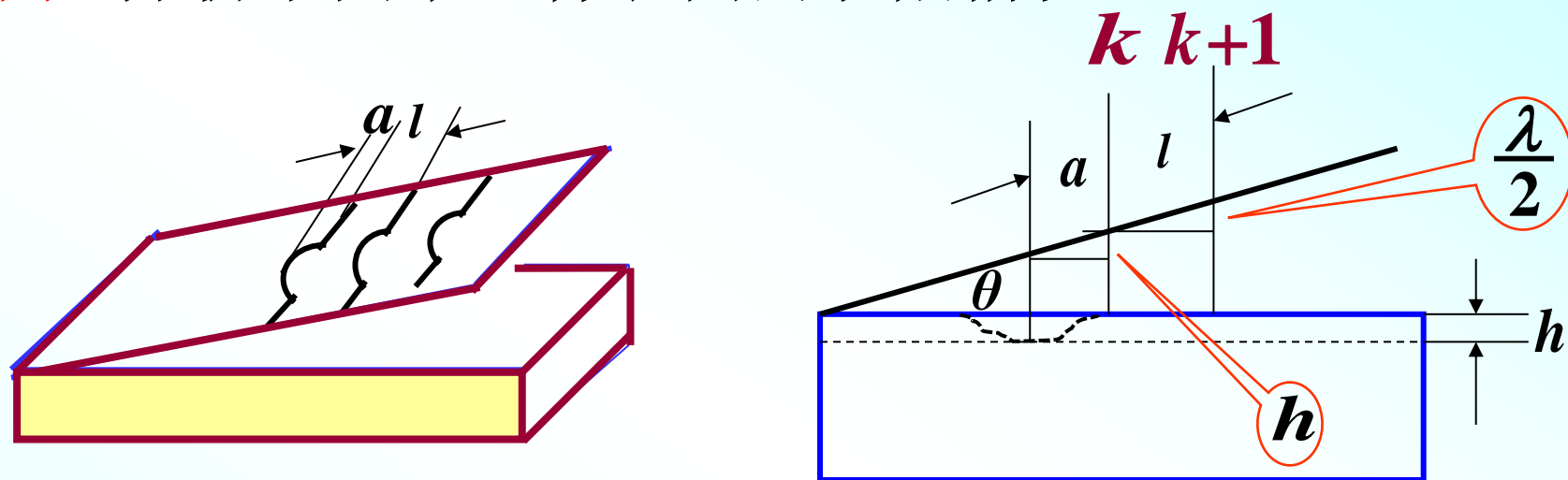


有“**凸起**”



视频：光洁度检测

例：分析下图中工件表面的缺陷情况。



解：分析可知缺陷为坑或槽。那么，坑或槽的深度 $h=?$

明纹处满足条件：

$$\left\{ \begin{array}{l} 2nd + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \Rightarrow \Delta d = \frac{\lambda}{2n} \\ \Delta d = l \sin \theta \\ h = a \sin \theta \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow h = \frac{a\lambda}{2nl} = \frac{a\lambda}{2l} \text{ 空气中}$$

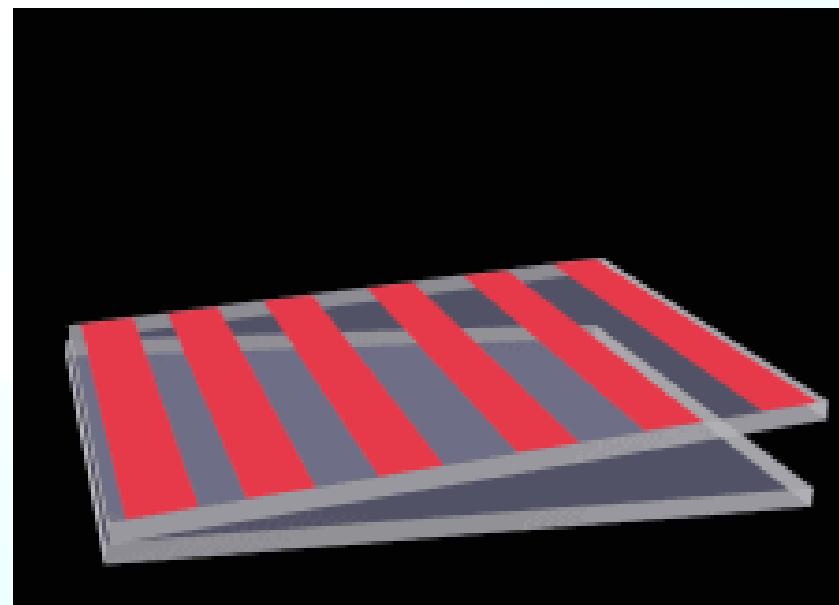
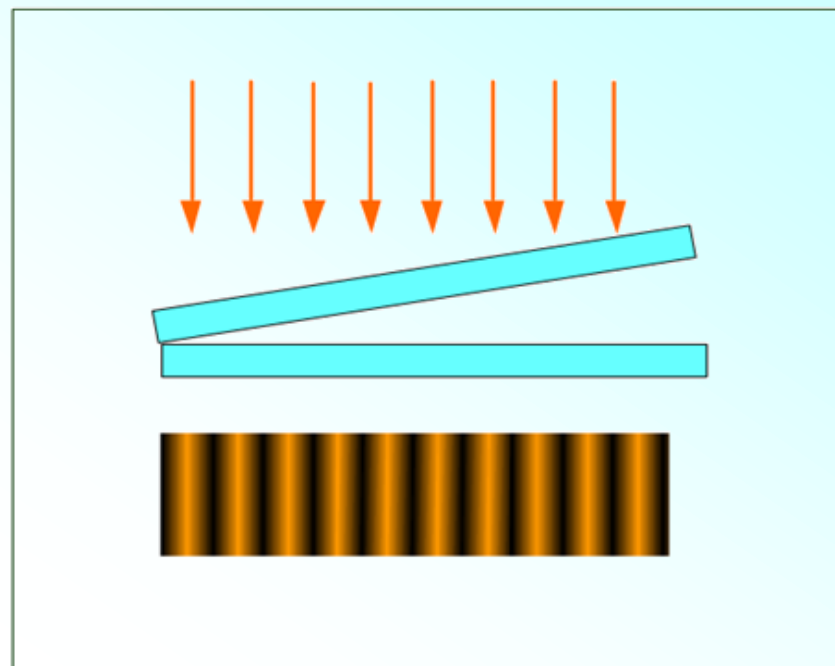
▲劈尖干涉条纹的移动

每个条纹对应劈尖内的一个确定的厚度。

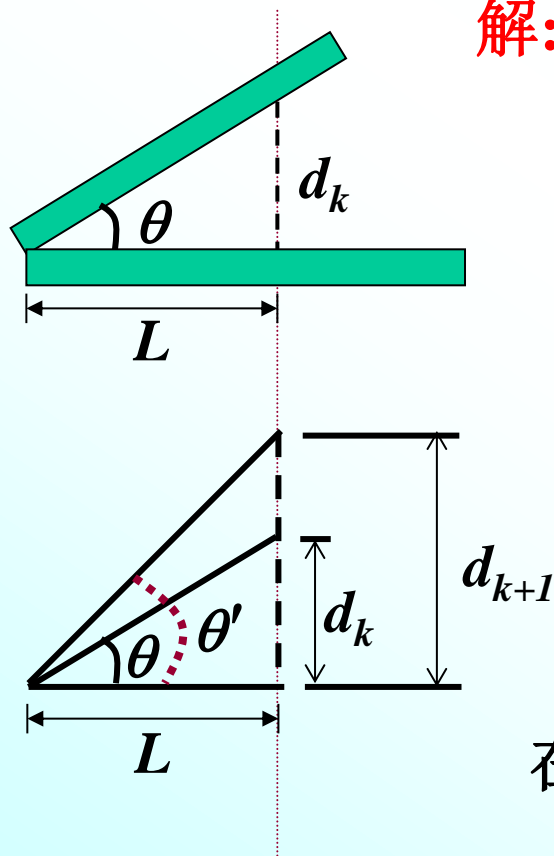
相当于地图上的“等高线”

当此厚度对应的位置改变时，
对应的条纹随之移动。

条纹间距也随之变化。



例：用波长为 λ 的单色光垂直照射到空气劈尖上，从反射光中观察干涉条纹，距顶点 L 处是暗条纹。使劈尖角 θ 连续变大，直到该点再次出现暗条纹为止。则劈尖角的改变量 $\Delta\theta$ 是多少？



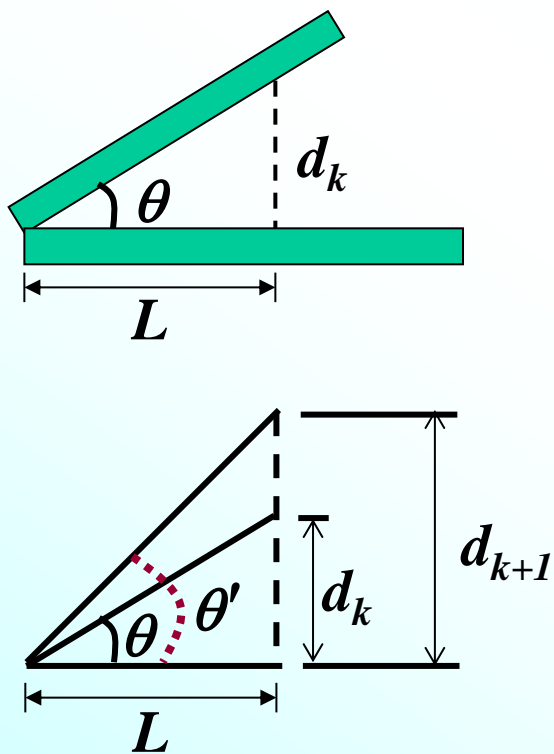
解：设 L 处是第 k 级暗纹，空气膜厚为 d_k ，
则光程差满足

$$\left\{ \begin{array}{l} 2nd_k + \frac{\lambda}{2} = (2k+1)\frac{\lambda}{2} \\ n=1 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow d_k = k \frac{\lambda}{2} \Rightarrow d_{k+1} = (k+1) \frac{\lambda}{2}$$

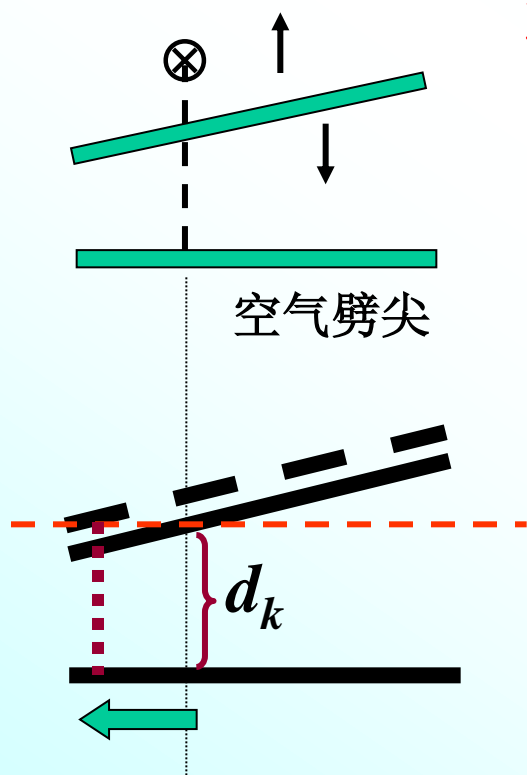
故，第 $k+1$ 级暗纹在第 k 级暗纹的右侧。
在劈尖角 θ 连续变大的过程中，条纹向左平移。

L 处再次出现暗条纹，表明第 $(k+1)$ 暗纹移到了 L 处。设此时劈尖角为 θ' 。



$$\begin{aligned}
 & \left\{ \begin{aligned} 2nd_k + \frac{\lambda}{2} &= (2k+1)\frac{\lambda}{2} \\ n &= 1 \end{aligned} \right. \\
 & \Rightarrow d_k = k \frac{\lambda}{2} \\
 & \Rightarrow d_{k+1} = (k+1)\frac{\lambda}{2} \\
 & \theta = \text{tg}\theta = d_k / L \\
 & \theta' = \text{tg}\theta' = d_{k+1} / L \\
 & \Delta\theta = \theta' - \theta \\
 & \Rightarrow \Delta\theta = \frac{(k+1)\lambda}{2L} - \frac{k\lambda}{2L} \\
 & = \frac{\lambda}{2L}
 \end{aligned}$$

例：如图，显微镜的叉丝正对着一暗纹，当劈尖的上表面向上平移时，观察到的干涉条纹会发生怎样的变化？若向下平移呢？



解：设此处是第 k 级暗纹，且此处空气膜厚为 d_k ，则光程差满足

$$\begin{cases} 2nd_k + \frac{\lambda}{2} = (2k+1)\frac{\lambda}{2} \\ n=1 \end{cases} \Rightarrow d_k = k \frac{\lambda}{2}$$

由上式可知，第 k 级暗纹所对应的空气膜的厚度是确定的。

先考虑向上平移的情况。

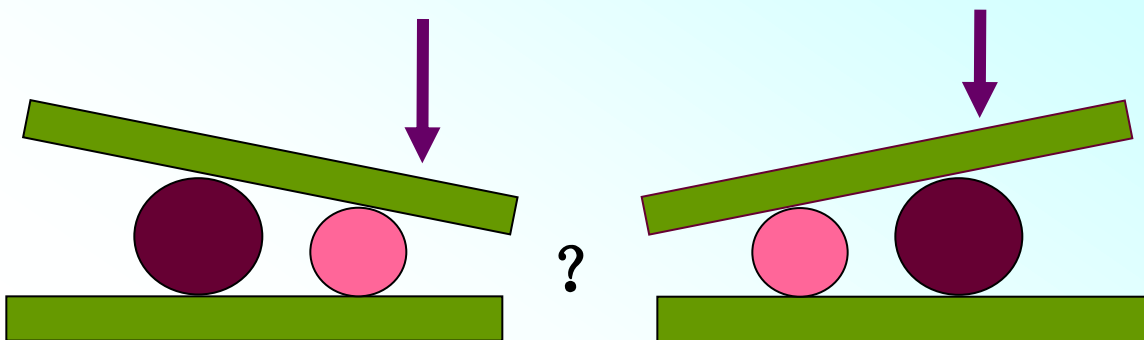
在上表面向上平移的过程中，第 k 级暗纹向左移。

所以，在上表面向上平移的过程中，全部条纹整体向左平移。

向下平移时可作类似分析，条纹整体向右平移。

例：用两块平面玻璃板能否判别两个直径相差很小的钢珠？

解：如图，构成劈尖，通过观察干涉条纹来判别。钢珠的排列有右边两种可能。



条纹间距为 $l = \frac{\lambda}{2n \sin \theta}$ 所以通过改变 θ 可以改变条纹间距。

在右边那颗上方端轻轻地压一下，若：

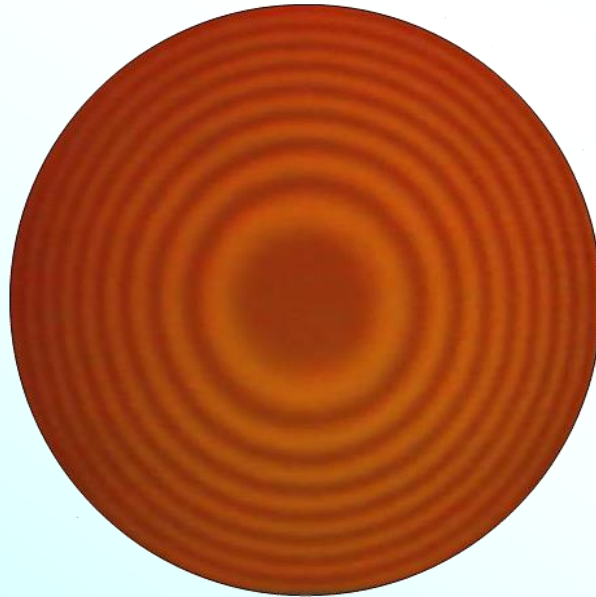
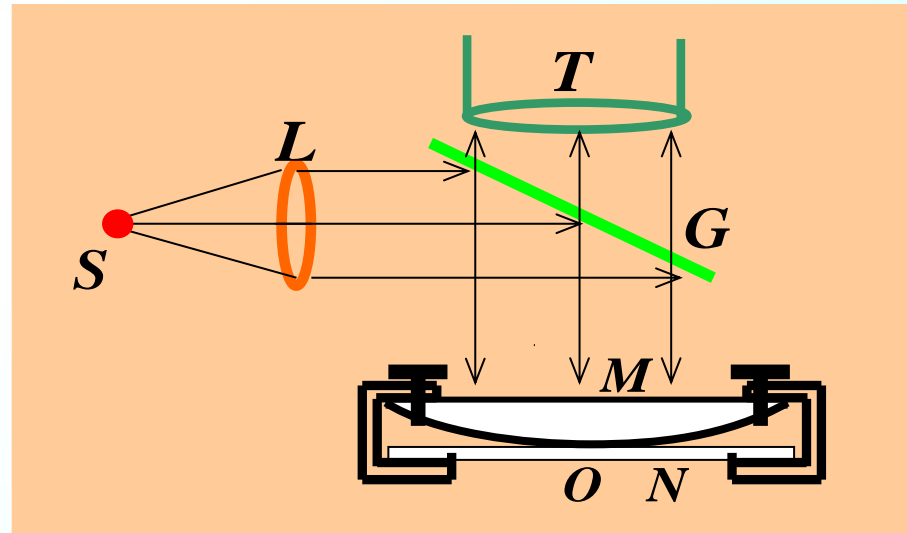
[右边的小，则压后 θ 增大，条纹间距变小，等厚干涉条纹变密；
[右边的大，则压后 θ 减小，条纹间距变大，等厚干涉条纹变疏。

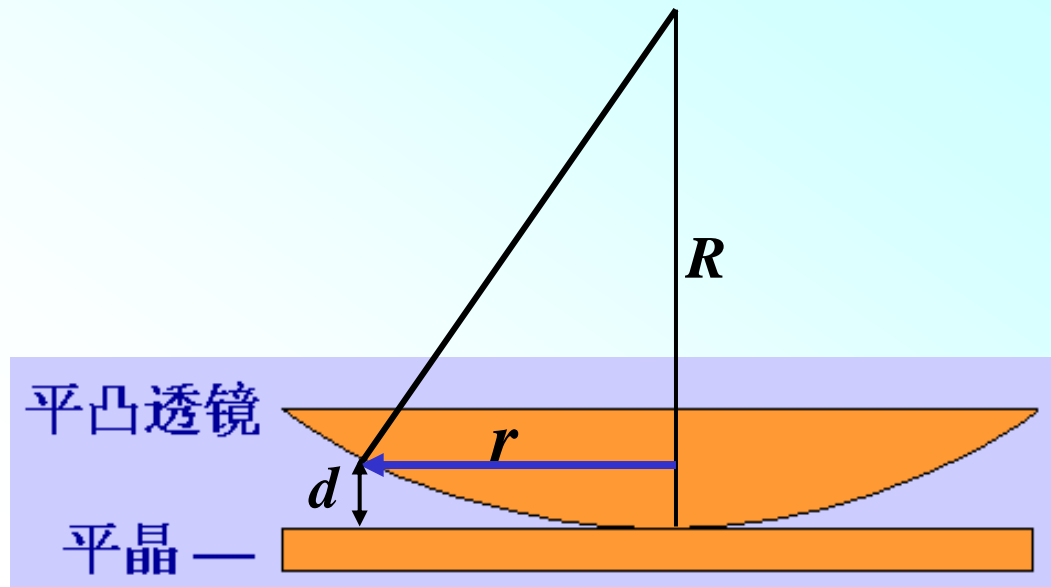
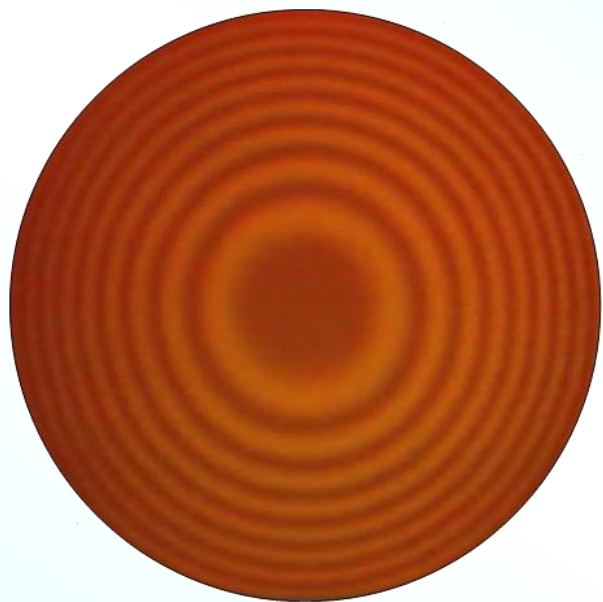
另：用白光入射,形成彩带。

$$2nd_k + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

对同一级条纹，波长长(红色)的 d_k 大，故靠近红色一端的钢珠大。

2) 牛顿环 (平凸透镜的曲率半径很大)





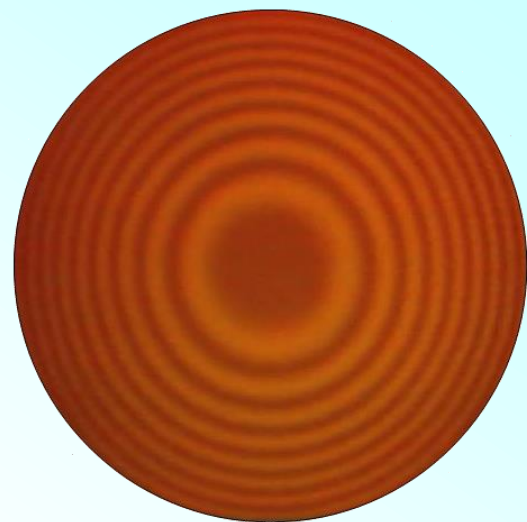
$$\left[\begin{array}{l} \text{明暗条件: } \delta = 2d + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & k = 1, 2, \dots \quad \text{明} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & k = 0, 1, 2, \dots \quad \text{暗} \end{cases} \end{array} \right.$$

$$\left[\begin{array}{l} \text{干涉环半径为 } r, \text{ 有: } r^2 = R^2 - (R-d)^2 = 2Rd - d^2 \approx 2Rd \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \left[\begin{array}{l} \text{明纹: } d = (k - \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow r = \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2}} \quad (k = 1, 2, \dots) \\ \text{暗纹: } d = \frac{k\lambda}{2} \Rightarrow r = \sqrt{kR\lambda} \quad (k = 0, 1, \dots) \end{array} \right.$$

干涉环半径:

$$r = \begin{cases} \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2}} (k=1, 2, \dots) & \text{明纹} \\ \sqrt{kR\lambda} (k=0, 1, \dots) & \text{暗纹} \end{cases}$$



讨论:

- (1) $2d + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \longrightarrow d \uparrow, k \uparrow$
愈往边缘, 条纹级别愈高。

与等倾干涉不同

- (2) $r_k = \sqrt{kR\lambda} \quad k=0, 1, 2, \dots$
牛顿环的中心一定是暗点。

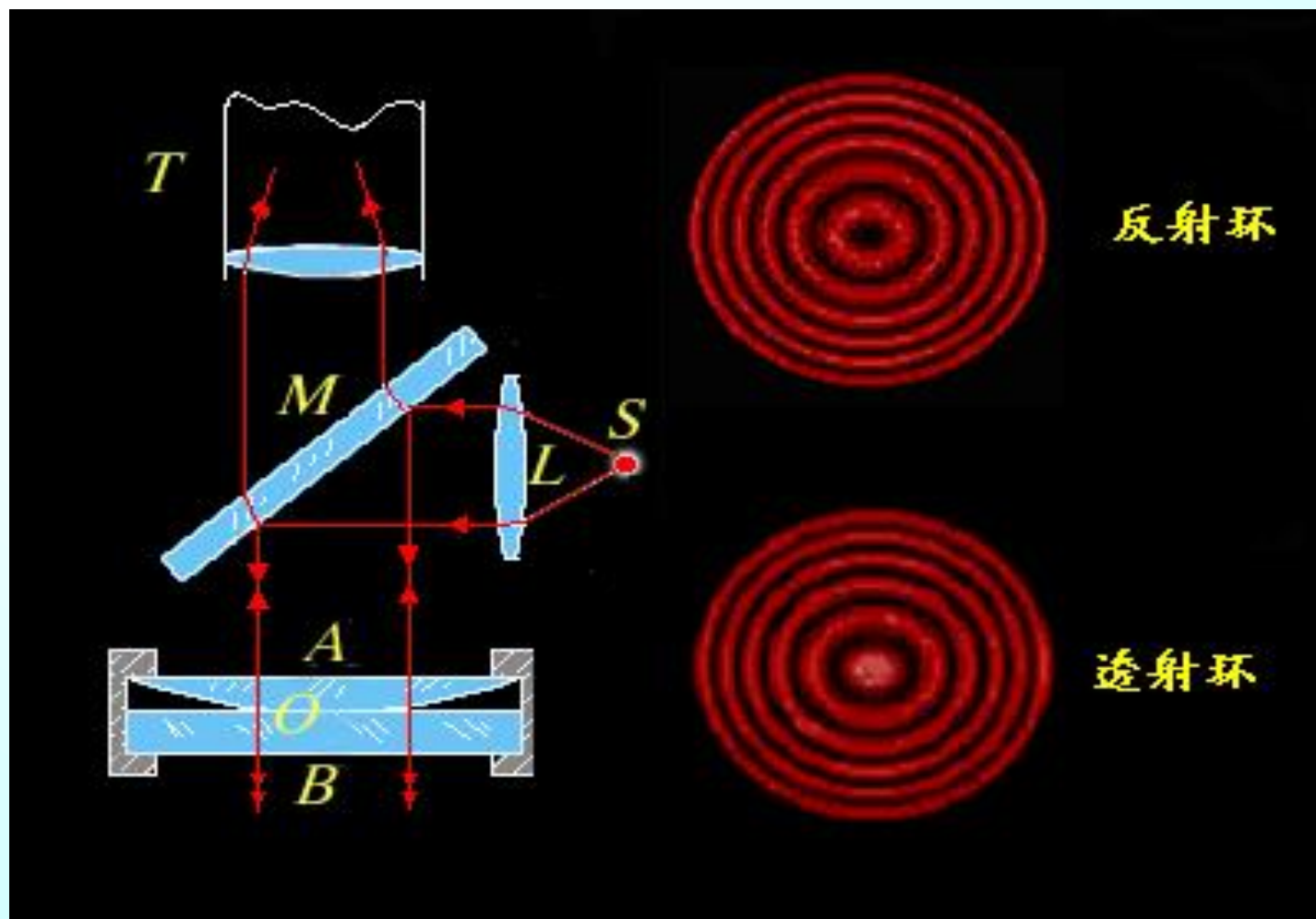
- (3) 相邻两暗环的间隔
可见, 环中心疏, 旁边密。

$$\Delta r_k = r_{k+1} - r_k \approx \sqrt{\frac{R\lambda}{4k}} \quad (k \gg 1)$$

- (4) 可求出 R : $R = \frac{r_{k+m}^2 - r_k^2}{m\lambda}$

- (5) 已知 R 可求 λ

(6) 透射光与之互补



例：如图，用波长为 λ 的单色光垂直入射。平凸透镜的曲率半径为 R ，平凸透镜与平板玻璃间有一小间距 d_0 。
求牛顿环中各暗环的半径。

解：设第 k 级暗环的半径为 r ，有：

$$\delta_k = 2(d + d_0) + \frac{\lambda}{2} = (2k + 1) \frac{\lambda}{2}$$

$$\Rightarrow d = \frac{k\lambda}{2} - d_0$$

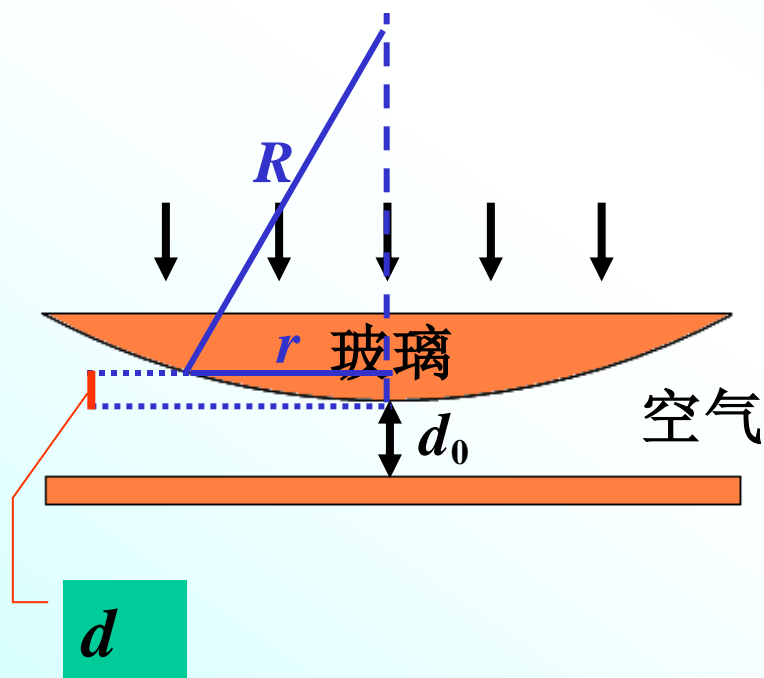
由几何关系可知：

$$r^2 = R^2 - (R - d)^2 = 2Rd - d^2$$

$$\Rightarrow r^2 \approx 2Rd$$

$$\Rightarrow r = \sqrt{kR\lambda - 2Rd_0}$$

第 k 级暗环的半径



作业： 13 —T6-T11

作业要求

1. 独立完成作业。
2. 图和公式要有必要的标注或文字说明。
3. 作业纸上每次都要写姓名以及学号(或学号末两位)。
4. 课代表收作业后按学号排序，并装入透明文件袋。
5. 每周二交上周的作业。迟交不改。
6. 作业缺交三分之一及以上者综合成绩按零分计。