

大学物理

College Physics

主讲

华中科技大学

刘超飞

● 旋转矢量与谐振动的速度和加速度

v_τ 在X轴上的投影:

$$v_{\tau x} = A\omega \cdot \cos(\omega t + \phi + \frac{\pi}{2})$$

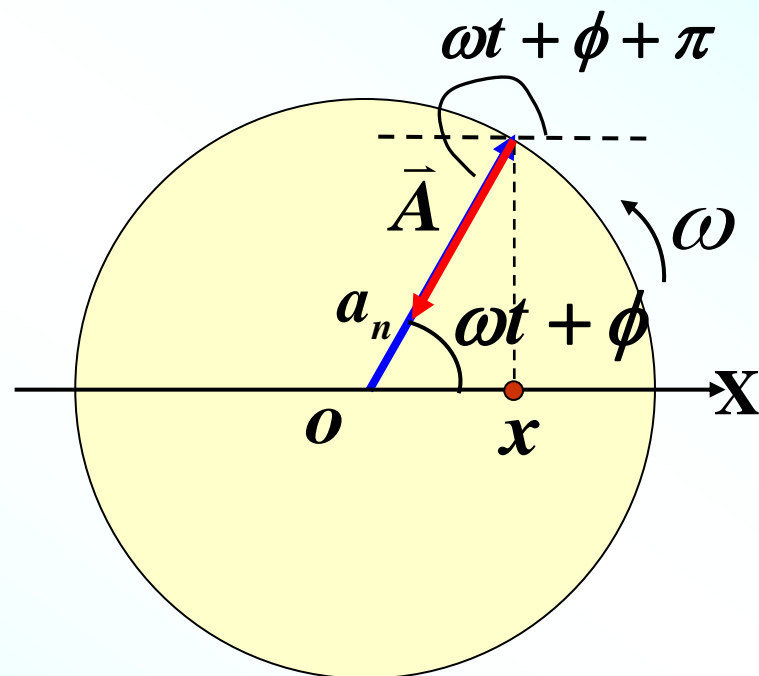
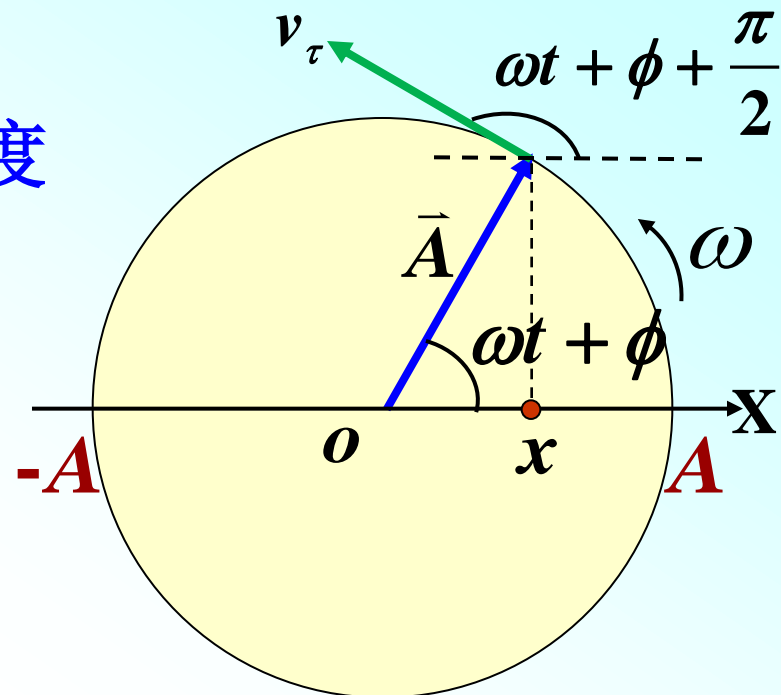
即: $v = -A\omega \sin(\omega t + \phi)$

a_n 在X轴上的投影:

$$a_{nx} = A\omega^2 \cos(\omega t + \phi + \pi)$$

即: $a = -A\omega^2 \cos(\omega t + \phi)$

等于简谐振动的速度和加速度



● 位相差

设两频率相等的谐振动：

$$\begin{cases} x_1 = A_1 \cos(\omega t + \phi_1) \\ x_2 = A_2 \cos(\omega t + \phi_2) \end{cases}$$

它们的位相差： $\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = \phi_2 - \phi_1 = \Delta\phi$

由 $\Delta\phi$ 可以比较两振动的步调：

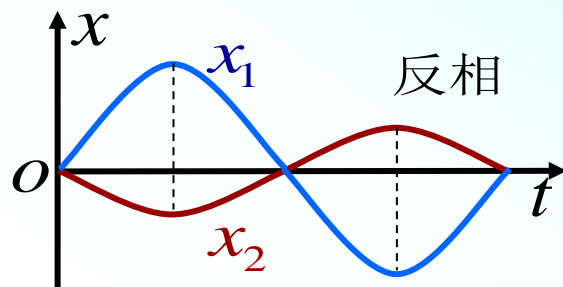
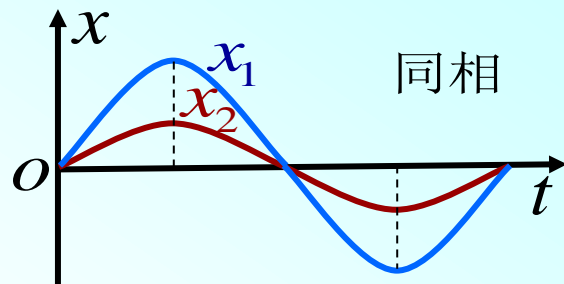
(1) $\Delta\phi = 2k\pi$ ——— 同相

(2) $\Delta\phi = (2k+1)\pi$ ——— 反相

(3) $\Delta\phi \neq k\pi$ 则两振动不同相，若 $\Delta\phi > 0$ ，

则称 x_2 比 x_1 超前 $\Delta\phi$ 的位相 (或 x_1 比 x_2 落后 $\Delta\phi$ 的位相)

(4) 不同物理量也可比较振动的步调



● 谐振动系统的能量

1) E_K 、 E_p 各自随时间作周期性变化

$$E_k = \frac{1}{2}kA^2 \sin^2(\omega t + \phi) \quad E_p = \frac{1}{2}kA^2 \cos^2(\omega t + \phi)$$

谐振动的过程是动能与势能相互转换的过程。

2) $E_{\text{总}} = \text{常量} \propto A^2$

3) 动能与势能的时间平均值均为总机械能的一半：

$$\overline{E_p} = \overline{E_k} = \frac{1}{2}E_{\text{总}}$$

四、谐振动的合成

1. 同振动方向、同频率的两个谐振动的合成

设两谐振动分别为：

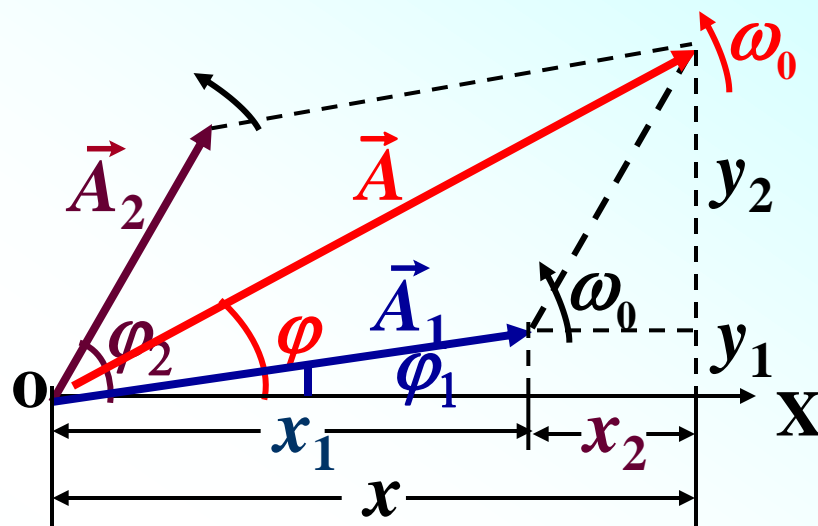
$$x_1 = A_1 \cos(\omega_0 t + \varphi_1)$$

$$x_2 = A_2 \cos(\omega_0 t + \varphi_2)$$

合振动： $x = x_1 + x_2$

由矢量合成法，可得：

$$x = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$$



结论： 合振动是谐振动，其频率仍为 ω_0 ，其中

$$\left\{ \begin{aligned} A &= \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)} \\ \text{tg } \varphi &= \frac{y_1 + y_2}{x_1 + x_2} = \frac{A_1\sin\varphi_1 + A_2\sin\varphi_2}{A_1\cos\varphi_1 + A_2\cos\varphi_2} \end{aligned} \right.$$

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{A_1 \sin \phi_1 + A_2 \sin \phi_2}{A_1 \cos \phi_1 + A_2 \cos \phi_2}$$

两个重要的特例：

(1) 两分振动同相 $\varphi_2 - \varphi_1 = 2k\pi$ ($k=0, \pm 1, \pm 2 \dots$)

\vec{A}_1 \vec{A}_2 重合，合振幅为：

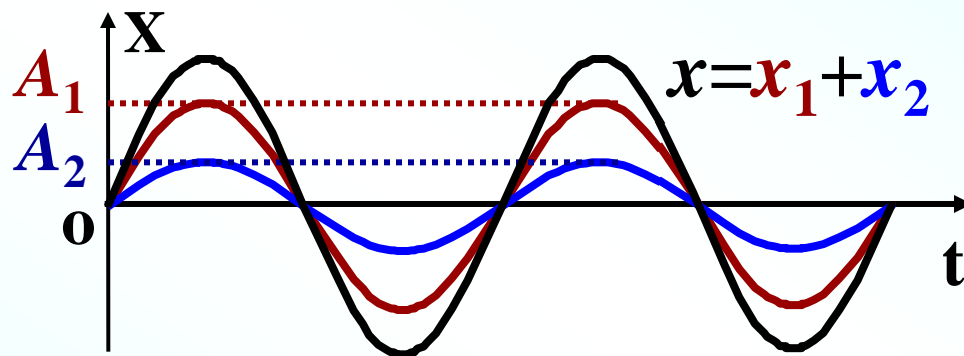
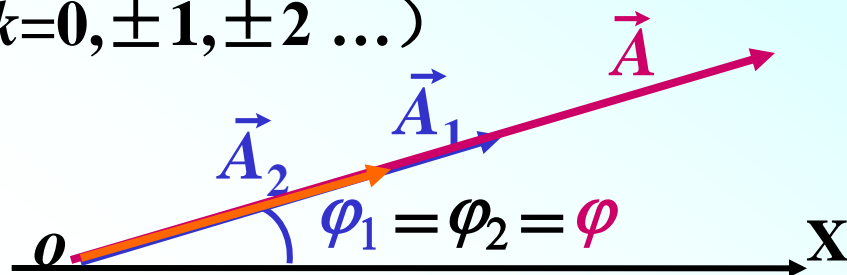
$$A = A_1 + A_2$$

合振动初位相： $\varphi = \varphi_1 = \varphi_2$

合振动方程：

$$x = x_1 + x_2$$

$$= (A_1 + A_2) \cos(\omega t + \phi_1)$$



合振动的振幅最大。

两振动的合成效果： **使振动加强**

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$\tan \phi = \frac{A_1 \sin \phi_1 + A_2 \sin \phi_2}{A_1 \cos \phi_1 + A_2 \cos \phi_2}$$

(2) 两分振动**反相** $\varphi_2 - \varphi_1 = (2k+1)\pi$

\vec{A}_1 与 \vec{A}_2 方向相反, 合振幅为:

$$A = |A_1 - A_2|$$

合振动初位相:

$$\text{若 } A_1 > A_2 \quad \varphi = \varphi_1$$

$$\text{若 } A_1 < A_2 \quad \varphi = \varphi_2$$

两振动合成的振幅最小。

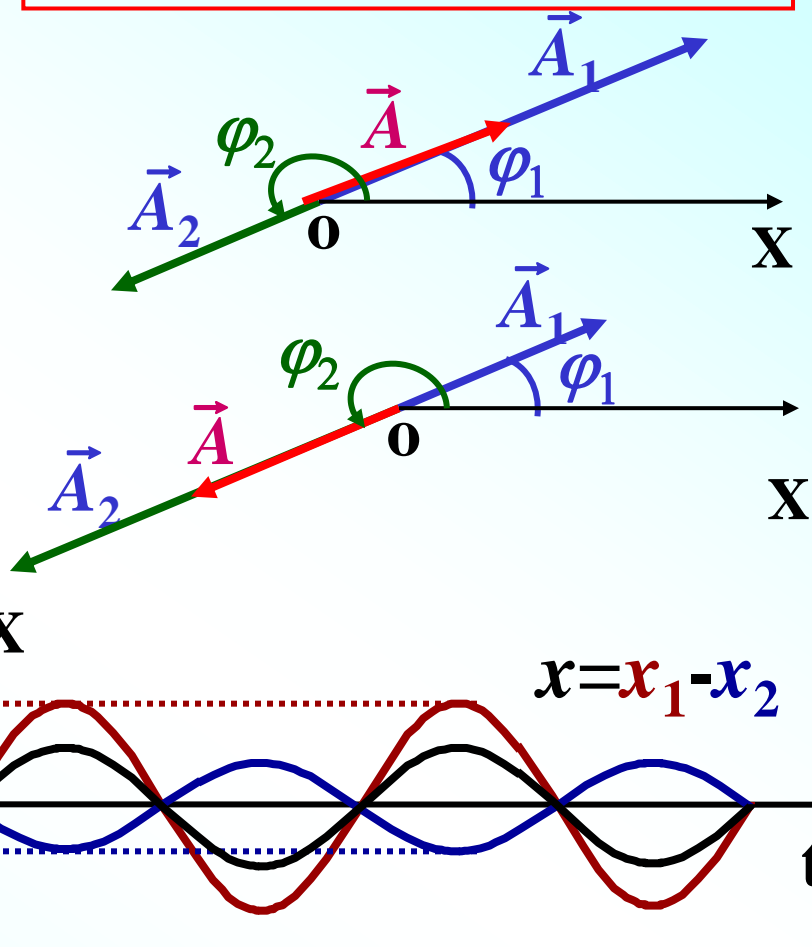
两振动的合成效果:

使振动减弱

(3) 两分振动的位相差:

$$\varphi_2 - \varphi_1 \neq k\pi$$

合成振动的振幅: $|A_1 - A_2| < A < A_1 + A_2$



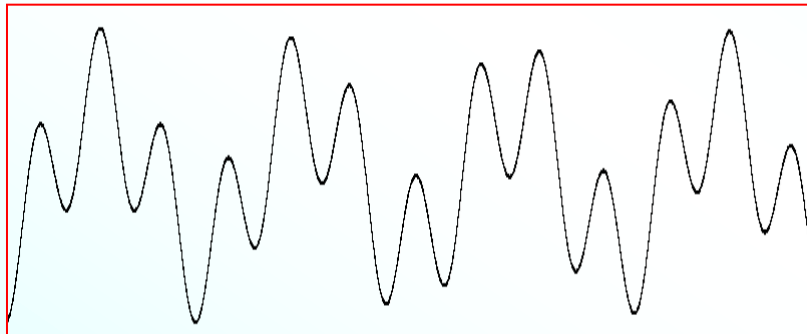
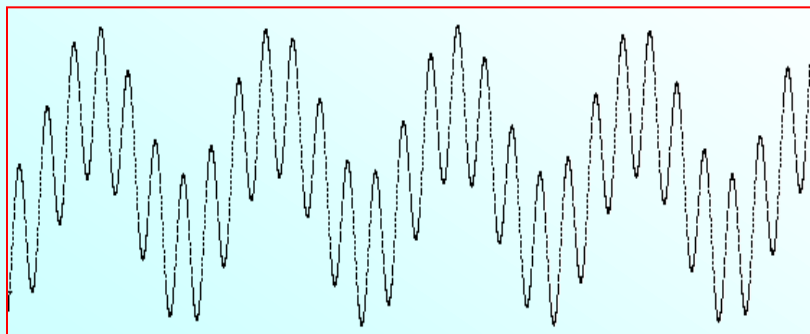
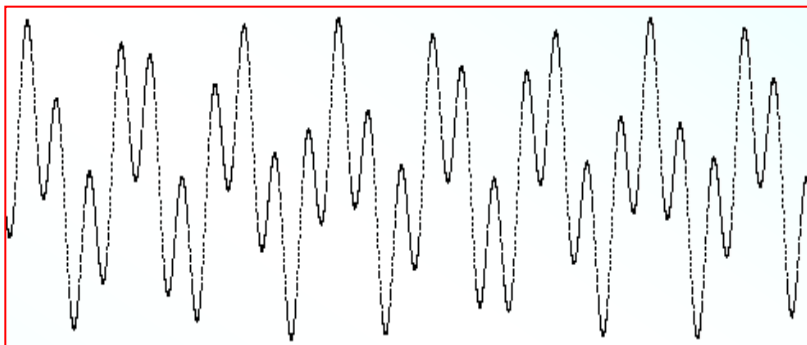
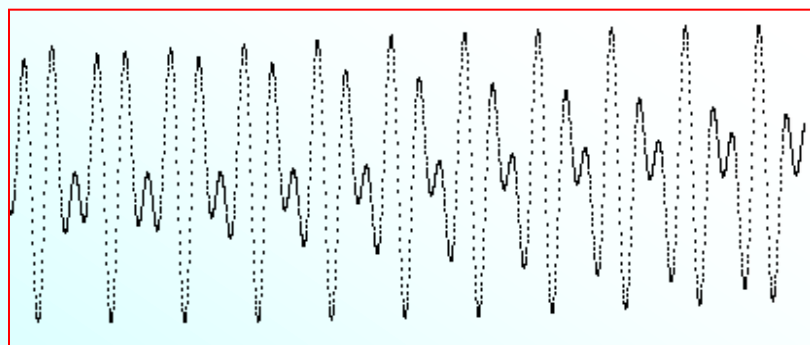
2. 同振动方向、不同频率的两个谐振动的合成

两振动: $x_1 = A_1 \cos(\omega_1 t + \varphi)$ $x_2 = A_1 \cos(\omega_2 t + \varphi)$

合振动: $x = x_1 + x_2 = 2A_1 \cos\left(\frac{\omega_2 - \omega_1}{2}t\right) \cos\left(\frac{\omega_2 + \omega_1}{2}t + \varphi\right)$

振幅按余弦函数变化, 变化范围: $0 \leq A \leq 2A_1$

因此, 合振动显然不是谐振动。**振动曲线取决于频率差。**

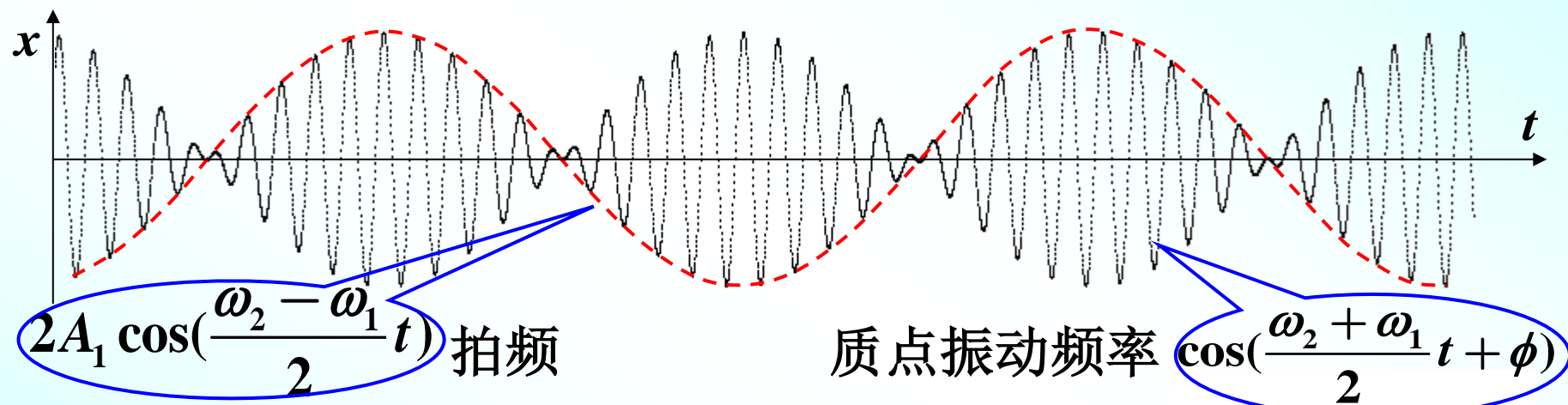


若频率差很小?

若频率差很小：振幅将出现明显的加强和减弱现象 ——拍

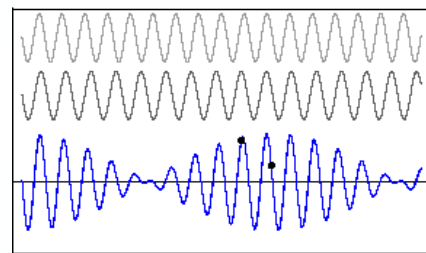
$$x = 2A_1 \cos\left(\frac{\omega_2 - \omega_1}{2} t\right) \cos\left(\frac{\omega_2 + \omega_1}{2} t + \phi\right)$$

可见 $\frac{\omega_2 - \omega_1}{2} t$ 改变 π 时， A 就重复出现一次变化



拍的周期 τ : $\frac{\omega_2 - \omega_1}{2} \tau = \pi \Rightarrow \tau = \frac{2\pi}{\omega_2 - \omega_1}$

拍的频率 ν : $\nu = \frac{1}{\tau} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{2\pi} = \nu_2 - \nu_1$



拍频与合振动位移变化的频率是完全不同的。

拍现象只在两分振动的频率相差不大时才明显。

3. 振动方向相互垂直、频率相等的两个谐振动的合成

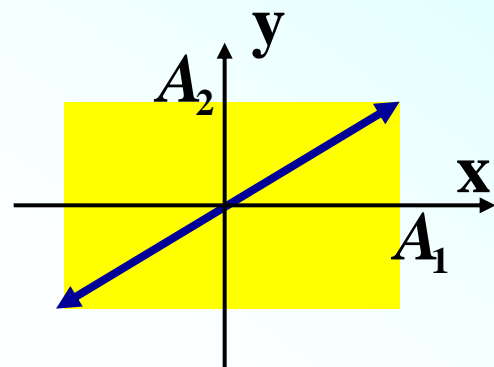
两振动: $x = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1)$ $y = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2)$

消去 t : $\Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1)$

讨论几种特殊情况:

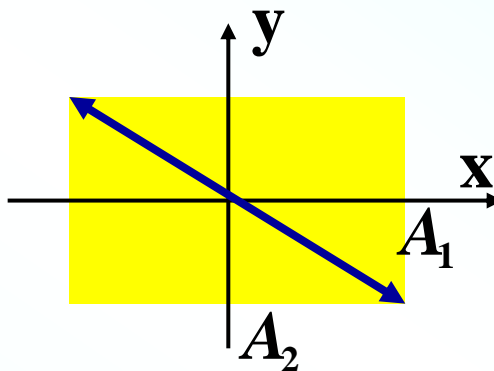
1) $\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = 0 \Rightarrow \left(\frac{x}{A_1} - \frac{y}{A_2}\right)^2 = 0$

$\Rightarrow y = \frac{A_2}{A_1} x$ 斜率: $\text{tg}\theta = \frac{A_2}{A_1}$ $\varphi_2 = \varphi_1 = \varphi$



2) $\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \pi \Rightarrow \left(\frac{x}{A_1} + \frac{y}{A_2}\right)^2 = 0$

$\Rightarrow y = -\frac{A_2}{A_1} x$ 斜率: $\text{tg}\theta = -\frac{A_2}{A_1}$



频率、振幅同上, 质点沿 $y = -\frac{A_2}{A_1} x$ 直线做谐振动

$$\left. \begin{aligned} x &= A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y &= A_2 \cos(\omega t + \varphi_2) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$3) \quad \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} = 1$$

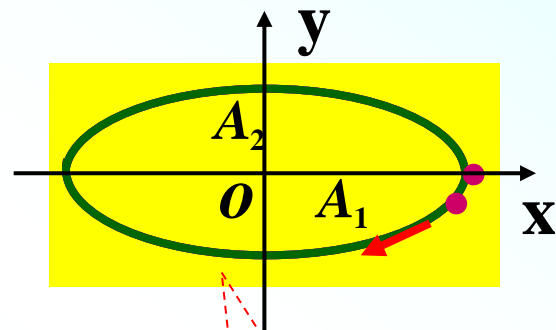
轨迹为一正椭圆。长短轴分别为 $2A_1$ 、 $2A_2$
(若 $A_1=A_2$ ，就是一个圆)

问题：振动方向？ 设 $\varphi_2 = \varphi_1 + \frac{\pi}{2}$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y = A_2 \cos(\omega t + \varphi_1 + \frac{\pi}{2}) \\ \quad = -A_2 \sin(\omega t + \varphi_1) \end{cases}$$

当 $\omega t + \varphi_1 = 0$ 时： $x = A_1$, $y = 0$

而 $\omega(t + \Delta t) + \varphi_1$ 时： $y < 0$



右旋椭圆

振动为顺时针方向

$$\left. \begin{aligned} x &= A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y &= A_2 \cos(\omega t + \varphi_2) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1)$$

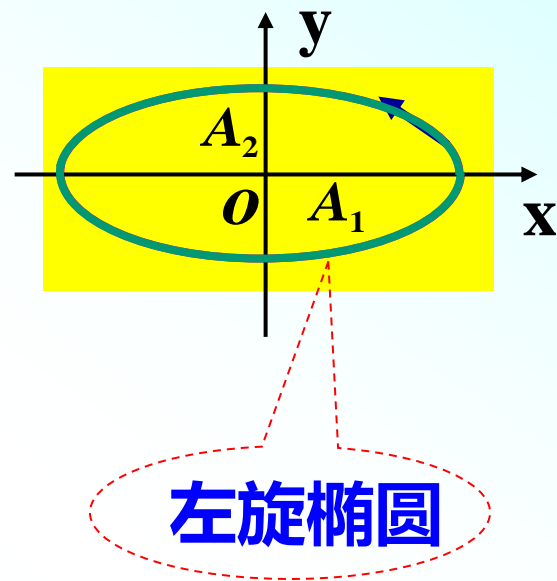
$$4) \quad \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \frac{3\pi}{2} \Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} = 1$$

$$\text{设 } \varphi_2 = \varphi_1 + \frac{3\pi}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y = A_2 \cos(\omega t + \varphi_1 + \frac{3\pi}{2}) \\ \quad = A_2 \sin(\omega t + \varphi_1) \end{cases}$$

当 $\omega t + \varphi_1 = 0$ 时: $x = A_1, y = 0$

$\omega(t + \Delta t) + \varphi_1$ 时: $y > 0$



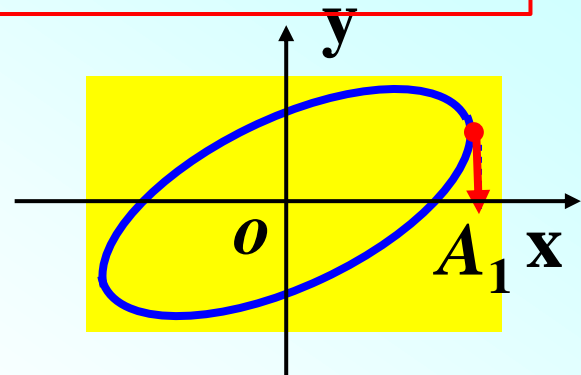
$$\left. \begin{aligned} x &= A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y &= A_2 \cos(\omega t + \varphi_2) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1)$$

5) $\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \varphi$ φ 为其它任意值,

轨迹是任意一个斜椭圆 左旋?右旋?

为便于讨论: 令 $\varphi_1 = 0$, 即

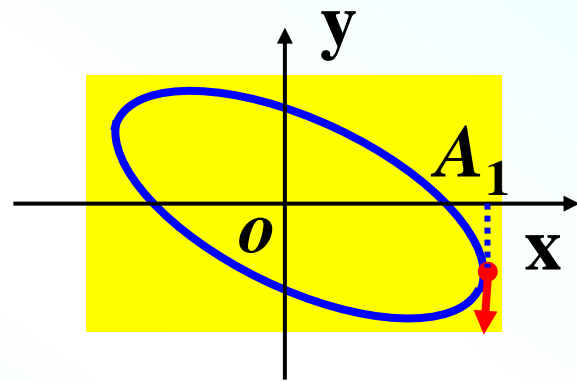
$$\left\{ \begin{aligned} x &= A_1 \cos(\omega t) \\ y &= A_2 \cos(\omega t + \varphi) \end{aligned} \right. \quad t=0 \text{ 时: } x = A_1, \quad y = A_2 \cos \varphi$$



当 $0 < \varphi < \pi$,

$$v_x = \frac{dx}{dt} = -\omega A_1 \sin \omega t \big|_{t=0} = 0$$

$$\begin{aligned} v_y &= \frac{dy}{dt} = -\omega A_2 \sin(\omega t + \varphi) \big|_{t=0} \\ &= -\omega A_2 \sin \varphi < 0 \end{aligned}$$



右旋椭圆

$$\left. \begin{aligned} x &= A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y &= A_2 \cos(\omega t + \varphi_2) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1)$$

5) $\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \varphi$ φ 为其它任意值,

轨迹是任意一个斜椭圆 左旋?右旋?

为便于讨论: 令 $\varphi_1 = 0$, 即

$$\left\{ \begin{aligned} x &= A_1 \cos(\omega t) \\ y &= A_2 \cos(\omega t + \varphi) \end{aligned} \right. \quad t=0 \text{ 时: } x = A_1, \quad y = A_2 \cos \varphi$$

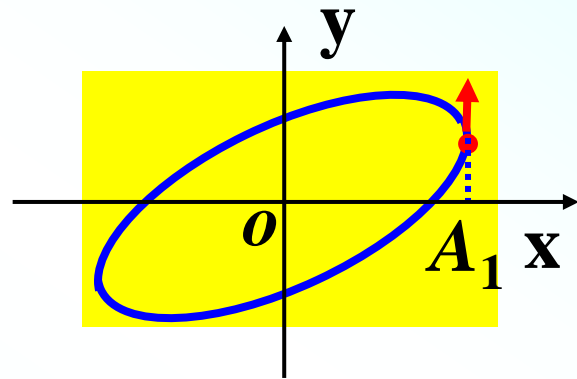
当 $\pi < \varphi < 2\pi$, 或 $-\pi < \varphi < 0$

$$v_x = \frac{dx}{dt} = -\omega A_1 \sin \omega t \big|_{t=0} = 0$$

$$v_y = \frac{dy}{dt} = -\omega A_2 \sin(\omega t + \varphi) \big|_{t=0}$$

$$= -\omega A_2 \sin \varphi > 0$$

左旋椭圆



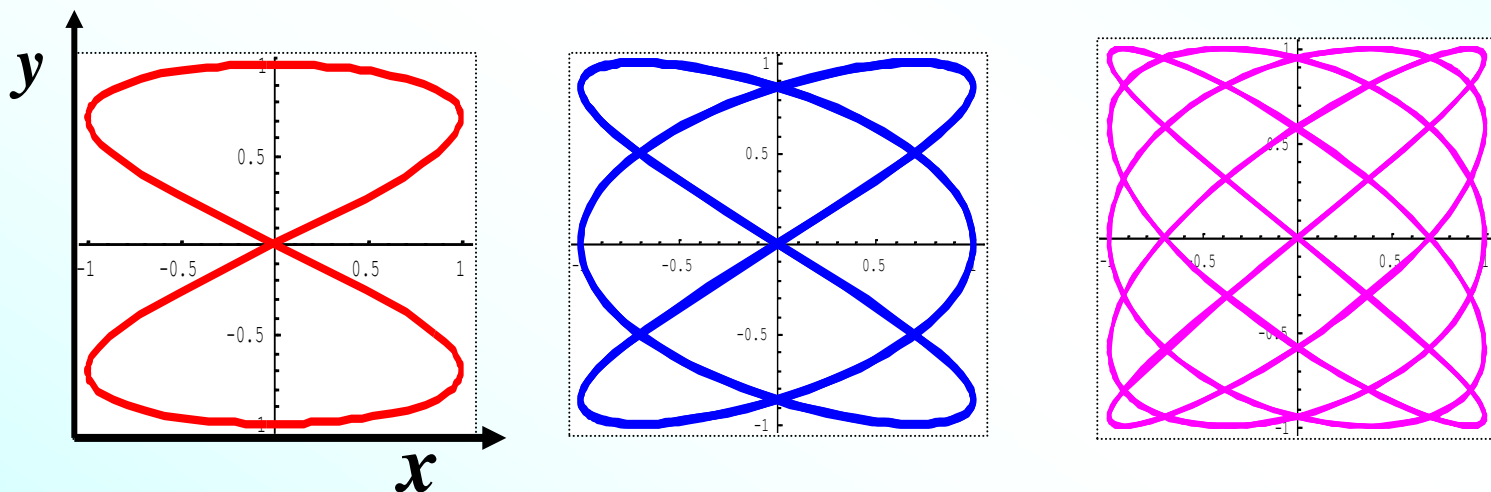
4、不同频率垂直方向谐振动的合成

设两振动为： $x = A_1 \cos(\omega_1 t + \varphi_1)$ $y = A_2 \cos(\omega_2 t + \varphi_2)$

合振动轨迹曲线一般很复杂，且不稳定。

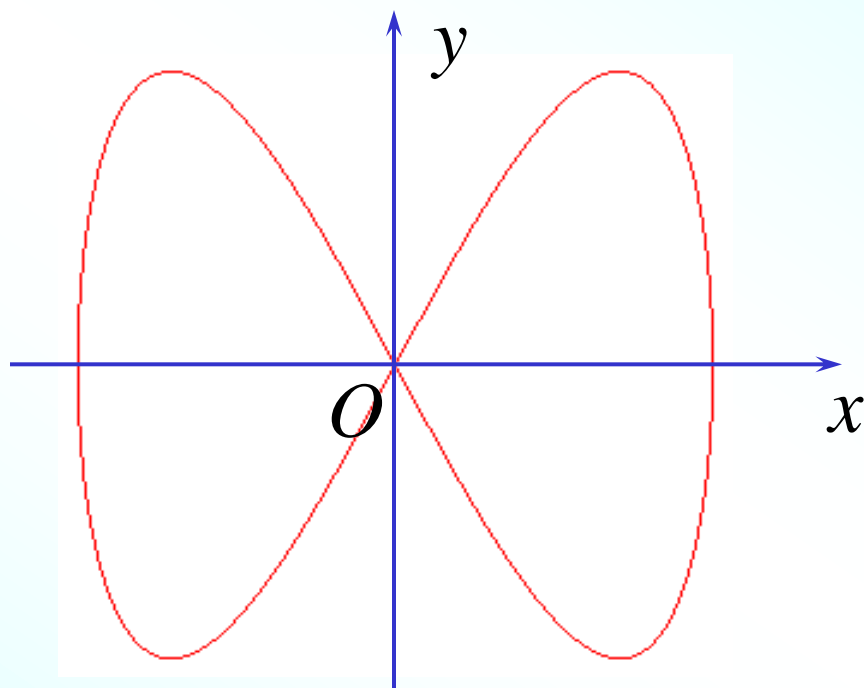
两振动的频率成**整数比**时，合成轨迹稳定，

称为**李萨如图形**。如：



由切点数之比 $\frac{N_y}{N_x} = \frac{T_y}{T_x} = \frac{\nu_x}{\nu_y}$ 可用于测频率。

$\omega_x : \omega_y = 1:2$ 时，对应不同初相位差的李萨如图形

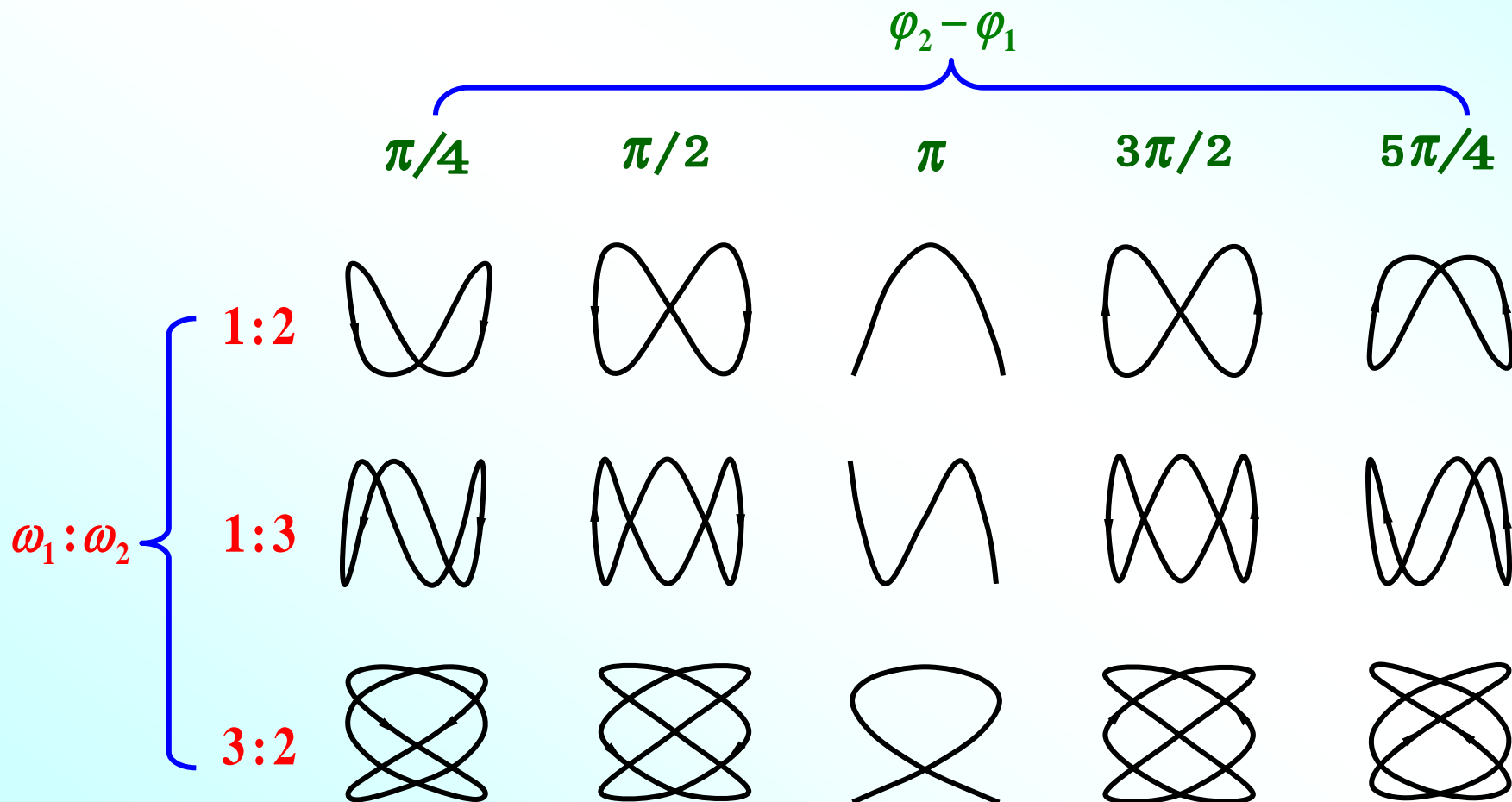


相邻的李萨如图形初相位差为 12°

李萨如图形示例

$$x = A_1 \cos(\omega_1 t + \varphi_1)$$

$$y = A_2 \cos(\omega_2 t + \varphi_2)$$



五、振动的一般情形

1. 谐振子的阻尼振动

1) 动力学方程

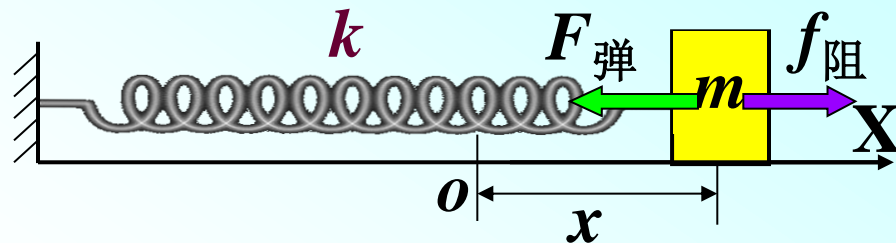
$$\left\{ \begin{array}{l} F = F_{\text{弹}} + f_{\text{阻}} \\ F_{\text{弹}} = -kx \\ f_{\text{阻}} = -\gamma v = -\gamma \frac{dx}{dt} \\ \text{牛顿定律: } F = m \frac{d^2 x}{dt^2} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow m \frac{d^2 x}{dt^2} = -kx - \gamma \frac{dx}{dt}$$

$$\Rightarrow \frac{d^2 x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = 0 \quad \text{——动力学方程}$$

阻尼项

β ——阻尼系数



对比无阻尼谐振振动

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$$

2) 运动学特征

一般 β 不同振动状态就不同

(1) 阻尼较小时 ($\beta < \omega_0$) 称为**弱阻尼**。

方程的解: $x(t) = A_0 e^{-\beta \cdot t} \cos(\omega t + \phi_0)$

其中: 振幅 $A = A_0 e^{-\beta t}$

频率 $\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$

振动特点:

1. **振幅随时间按指数衰减**

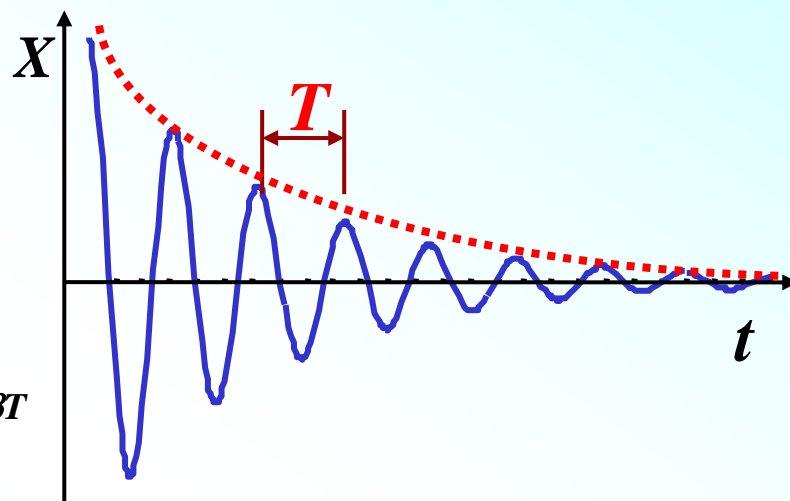
间隔一个周期的振幅比: $\frac{A_0 e^{-\beta t}}{A_0 e^{-\beta(t+T)}} = e^{\beta T}$

2. **是准周期运动** 位相改变 2π 所经历的时间 \sim **周期**

出现两次极大的时间间隔: $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{\sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}} > T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0}$

3. **能量 E 随振幅 A 的减小而衰减** ($E \propto A^2$)

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = 0$$



相比于无阻尼运动,
周期变长, 振动变慢。

2) 运动学特征

一般 β 不同振动状态就不同

$$\frac{d^2x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = 0$$

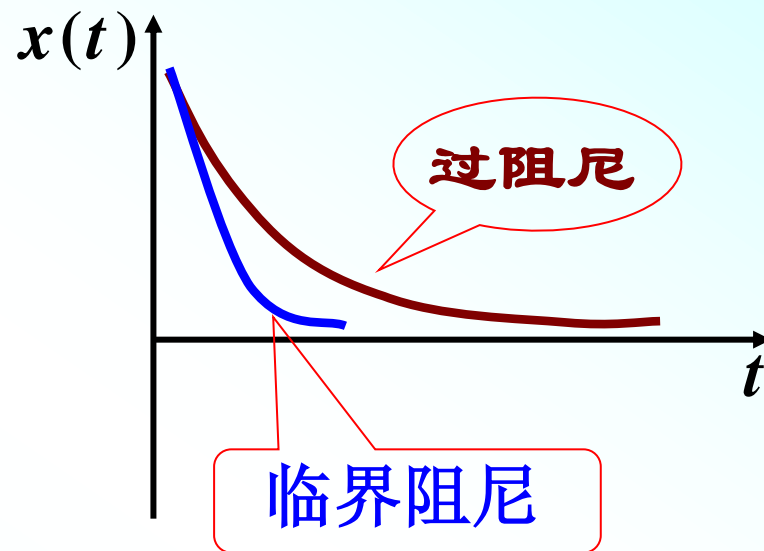
(2) 阻尼较大时 ($\beta > \omega_0$)，称为**过阻尼**。

方程的解: $x(t) = C_1 e^{-(\beta - \sqrt{\beta^2 - \omega_0^2})t} + C_2 e^{-(\beta + \sqrt{\beta^2 - \omega_0^2})t}$

其中的积分常数 C_1 、 C_2 由初始条件决定。

振动特点: 非周期运动，无振动发生。

物体从初始位置开始一直是向着平衡位置运动，到达平衡位置后停止。



(3) $\beta = \omega_0$ ，称为**临界阻尼**。

方程的解: $x(t) = (C_1 + C_2 t) e^{-\beta t}$ C_1 、 C_2 由初始条件决定。

振动特点同上，但比过阻尼更快回到平衡位置。

2. 谐振子的受迫振动（共振）

1) 谐振子的受迫振动方程

设强迫力 $F_{\text{外}} = F_0 \cos(\omega_{\text{外}} t)$

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} = F_{\text{弹}} + f_{\text{阻}} + F_{\text{外}}$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{m} \quad 2\beta = \frac{\gamma}{m} \quad f_0 = \frac{F_0}{m}$$

$$\Rightarrow \frac{d^2 x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = f_0 \cos(\omega_{\text{外}} t) \quad \text{——动力学方程}$$

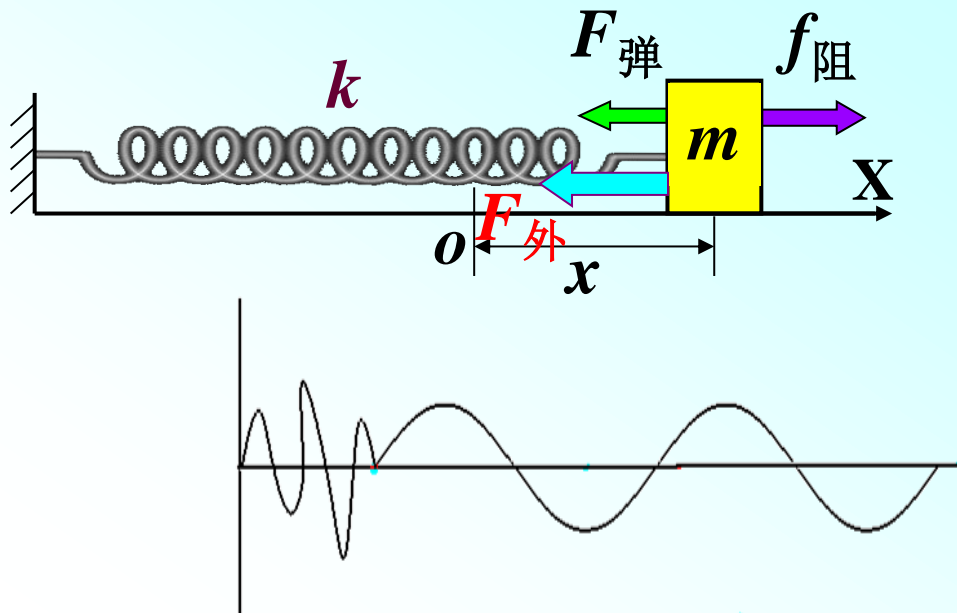
$$\Rightarrow x(t) = \underbrace{A_0 e^{-\beta \cdot t} \cos(\omega_0 t + \phi_0)}_{\text{反映系统的暂态行为}} + \underbrace{A_p \cos(\omega_{\text{外}} t + \alpha)}_{\text{系统的稳定振动状态}}$$

反映系统的暂态行为

系统的稳定振动状态

经过足够长的时间，第一项变为0，振动变为稳态：

$$\Rightarrow x(t) = A_p \cos(\omega_{\text{外}} t + \alpha)$$



$$\frac{d^2x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = f_0 \cos(\omega_{\text{外}} t) \xrightarrow{\text{稳态解}} x(t) = A_p \cos(\omega_{\text{外}} t + \alpha)$$

即：稳态时的受迫振动由**周期性**强迫力决定。

稳态频率： $\omega = \omega_{\text{外}}$

将稳态解代入方程可得：

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{振幅: } A_p = \frac{f_0}{m \sqrt{(\omega_0^2 - \omega_{\text{外}}^2)^2 + 4\beta^2 \omega_{\text{外}}^2}} \\ \text{位相: } \text{tg} \alpha = -\frac{2\beta \omega_{\text{外}}}{\omega_0^2 - \omega_{\text{外}}^2} \end{array} \right.$$

2) 稳定受迫振动与谐振动的区别

1. 受力不同：弹簧振子— $F_{\text{弹}}$ ，受迫振动— $F_{\text{外}}$

2. 三特征量的本质不同：

弹簧振子 $\left\{ \begin{array}{l} \omega_0 \\ A \\ \varphi \end{array} \right\}$	—系统固有 由初始条件决定	受迫振动 $\left\{ \begin{array}{l} \omega_{\text{外}} \\ A \\ \alpha \end{array} \right\}$	—由外力决定 与初始条件无关
---	--------------------------------	---	---------------------------------

3. 能量情况不同：谐振系统**能量守恒**

受迫振动系统阻力消耗能量 = 外力的功

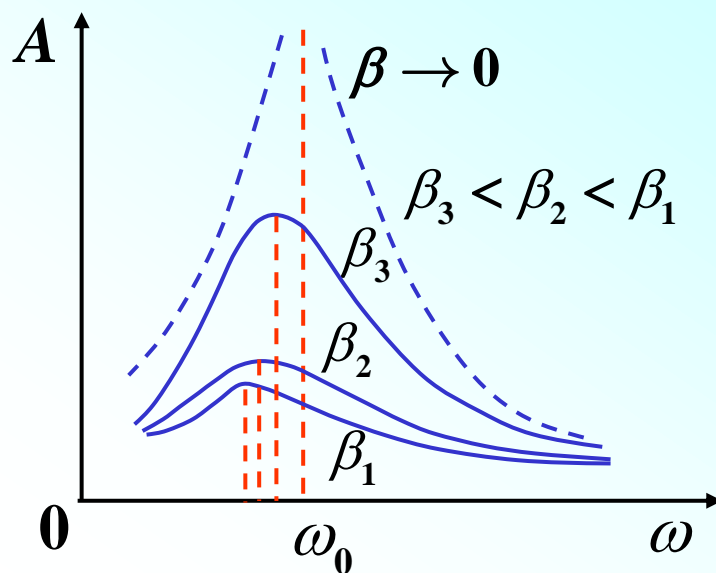
3. 共振 —— 位移共振

在一定条件下，振幅出现极大值，振动剧烈的现象。

$$\left[\begin{array}{l} \text{受迫振动 振幅为: } A = \frac{f_0}{m\sqrt{\omega_0^2 - \omega_{\text{外}}^2}^2 + 4\beta^2\omega_{\text{外}}^2} \\ \text{振幅取极大值: } \frac{dA}{d\omega_{\text{外}}} = 0 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \omega_{\text{外}r} = \sqrt{\omega_0^2 - 2\beta^2} \text{ —— 共振频率}$$

$$\Rightarrow A_{\text{Max}} = \frac{f_0}{2\beta\sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}} \text{ —— 共振振幅 } A_r$$



一般 $\omega_r < \omega_0$, 是 β 的函数

β 大, 则 ω_r 小 A_{max} — 小

β 小, 则 ω_r 大 A_{max} — 大

$$\text{若 } \beta \ll \omega_0 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \omega_{\text{外}r} = \omega_0 \\ A = \frac{f_0}{2\beta\omega_0} \end{array} \right.$$

尖锐共振

$$\text{若 } \beta \rightarrow 0 \Rightarrow A_{\text{Max}} \rightarrow \infty$$

波动

波动：振动的传播，是物质运动的一种形态。

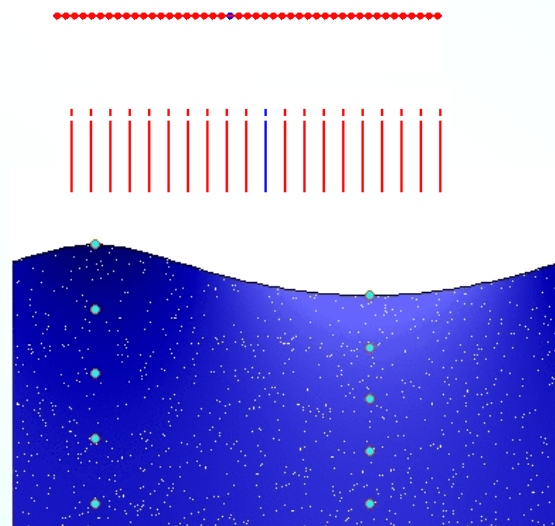
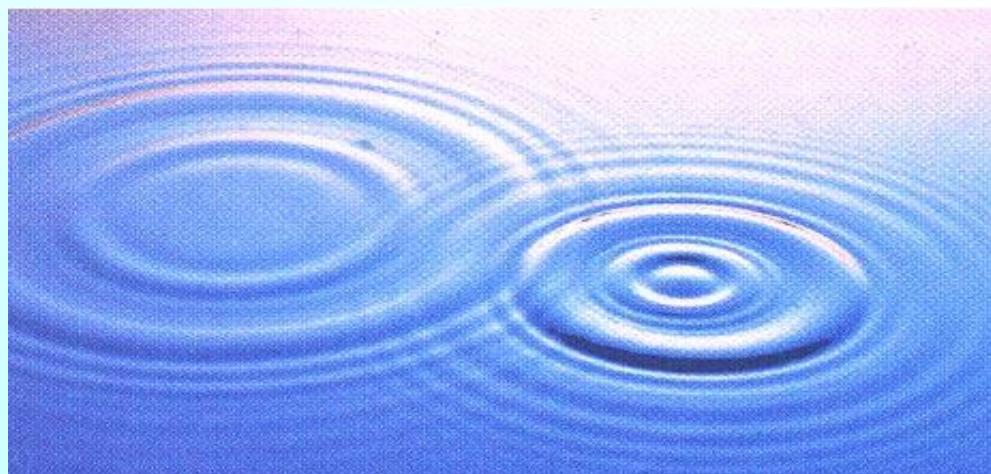
波动与振动是两个不同的概念，但是又紧密相连。

振动是波动的基础，波动是振动的传播。

波的分类

按振动方向与
传播方向分类

横波：振动方向与传播方向垂直 如：电磁波
纵波：振动方向与传播方向相同 如：声波
混合波：如 水面波、地震波



波动

波动：振动的传播，是物质运动的一种形态。

波的分类

按性质分类 { **机械波**：机械振动在弹性媒质中的传播过程
电磁波：电磁场周期性变化在空间的传播
引力波：时空形变，以 c 的速度在空间传播

本质不同，但具有**共同特征**：

1. 都是由物质间的相互影响引起的
2. 以有限的速度传播，伴随着能量的传递。
3. 都有干涉、衍射现象，横波有偏振。
4. 服从共同的数学规律。

机械波

一、机械波产生的条件

- 1) 波源——产生振动的机构
- 2) 弹性媒质：无穷多质点通过相互之间的弹性力作用组合在一起的连续介质。

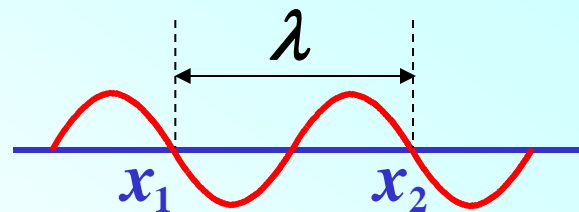
注意：

- 1) 波的传播过程是**振动状态**的传播过程。
(质点本身不随波运动)
传播的是**位相**，是**能量**。
- 2) 波是指媒质整体表现的运动状态，其特点是：
相邻质点的振动**位相依次落后**。

二、描述波的几个基本概念

1、波长 λ : 空间周期

在波的传播方向上，两相邻的位相差为 2π 的质点间的距离。



2、周期 T : 时间周期

波向前传播一个波长所用的时间。

3、波速 u :

振动状态(位相)在媒质中的传播速度。

波速的大小决定于媒质的性质。

——媒质的密度和弹性模量等

三者之间的关系: $u = \frac{\lambda}{T}$

4、频率 ν :

单位时间内，波推进的距离中包含的完整的波长的数目。

$$\nu = \frac{1}{T}$$

注意:

1) 波动与质点振动 $\left\{ \begin{array}{l} \text{周期相等, 即 } T_{\text{波}} = T_{\text{振}} \\ \text{频率相等, 即 } \nu_{\text{波}} = \nu_{\text{振}} \end{array} \right.$

$$T_{\text{波}} = \frac{\lambda}{u} \quad T_{\text{振}} = \frac{2\pi}{\omega}$$

2) 波速与质点振动的速度是不同的概念

$$u_{\text{波}} \neq v_{\text{振}}$$

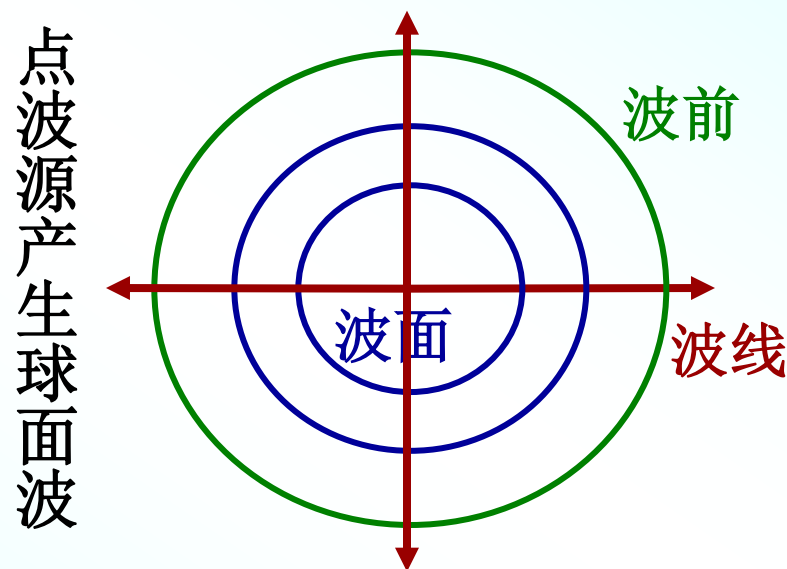
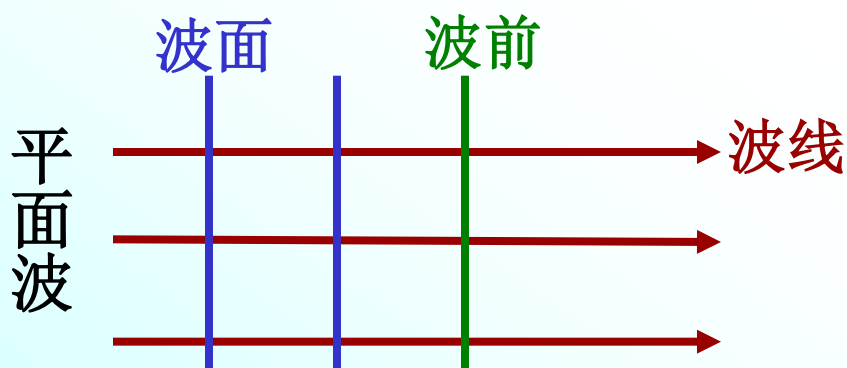
5、波数 k :

单位长度内包含的波长的个数 $k = \frac{1}{\lambda}$

角波数: 在波的传播方向上 2π 长度内
包含的波长的个数 $k = \frac{2\pi}{\lambda}$

6、波阵面（波面）：振动位相相同的点组成的面

波前：传播在最前的波面



7、波线:

发自波源，与波面垂直指向波的传播方向的射线

三、平面简谐波 又叫一维简谐波

⌈ 媒质中各质点都作谐振动，并且波阵面是一组平行平面。
同一个波面上的所有质点振动方式完全相同，

→ 一条波线上的质点振动状态可以代表整个空间的波动状态

1. 波函数 能够描述任意质点在任意时刻的振动情况

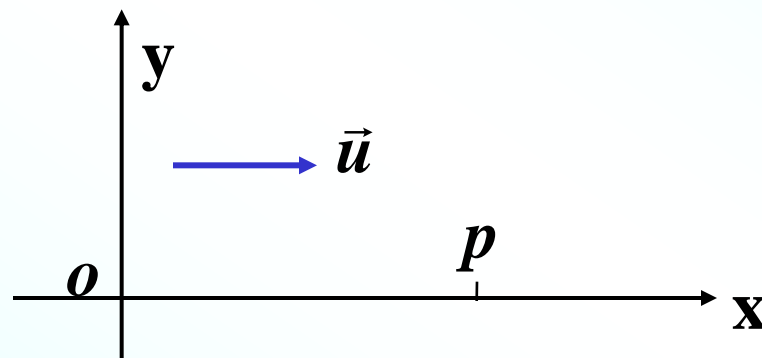
以横波为例：

设一简谐波以速度 u 向 x 轴方向传播，

在坐标原点 o 处引起的振动为：

$$y_o = A \cos(\omega t + \phi)$$

那么任意一点的振动表示为？

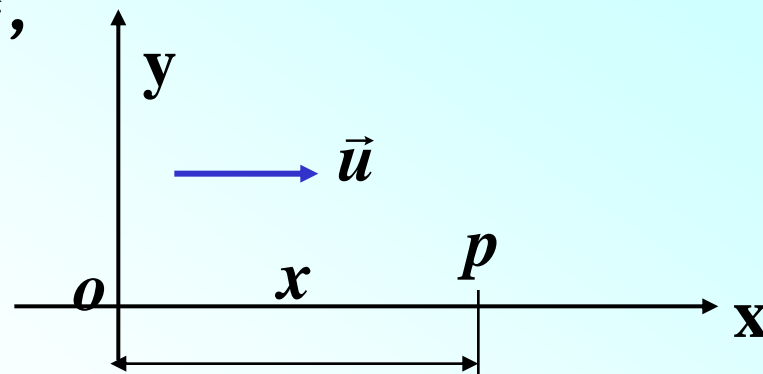


设一简谐波以速度 u 向 x 轴方向传播，
在坐标原点 o 处引起的振动为：

$$y_o = A \cos(\omega t + \phi)$$

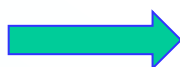
那么任意一点的振动表示为？

任选一点 p ，记 $op=x$



注：波传播的是质点的**振动状态**

p 点的振动是从 o 点振动传过来



p 点的位相总是落后于 o 点的位相

o 点位相传到 p 点所需时间为 $\Delta t = x / u$



则 p 点 t 时刻的位相等于 o 点 $(t-\Delta t)$ 时刻的位相

已知 o 点 t 时刻位相： $\omega t + \phi$

→ o 点 $(t-\Delta t)$ 时刻位相： $\omega(t - \Delta t) + \phi$

→ p 点 t 时刻位相： $\omega(t - \Delta t) + \phi$

点 p 在时刻 t 的位相为 $\omega(t - \Delta t) + \phi$

所以 p 点的振动方程为: $y = A \cos[\omega(t - \Delta t) + \phi]$

即: $y = A \cos[\omega(t - \frac{x}{u}) + \phi]$ (平面简谐波的波函数)

描述了整个空间任意质点在任意时刻的振动状态。

注意:

平面简谐波的传播方向可以是沿着 x 轴的负方向
但我们习惯将 u 理解为速度的绝对值(总是正的)

$$y = A \cos[\omega(t - \frac{x}{u}) + \phi]$$

表示正向传播的
平面简谐波的波函数

作业： 11—T7-T12

作业要求

1. 独立完成作业。
2. 图和公式要有必要的标注或文字说明。
3. 作业纸上每次都要写姓名以及学号(或学号末两位)。
4. 课代表收作业后按学号排序，并装入透明文件袋。
5. 每周二交上周的作业。迟交不改。
6. 作业缺交三分之一及以上者综合成绩按零分计。