大学物理

College Physics

主讲华中科技大学刘超飞

大学物理演示实验室公共开放安排

本学期开放两个大学物理演示实验室,欢迎同学们前往参观。

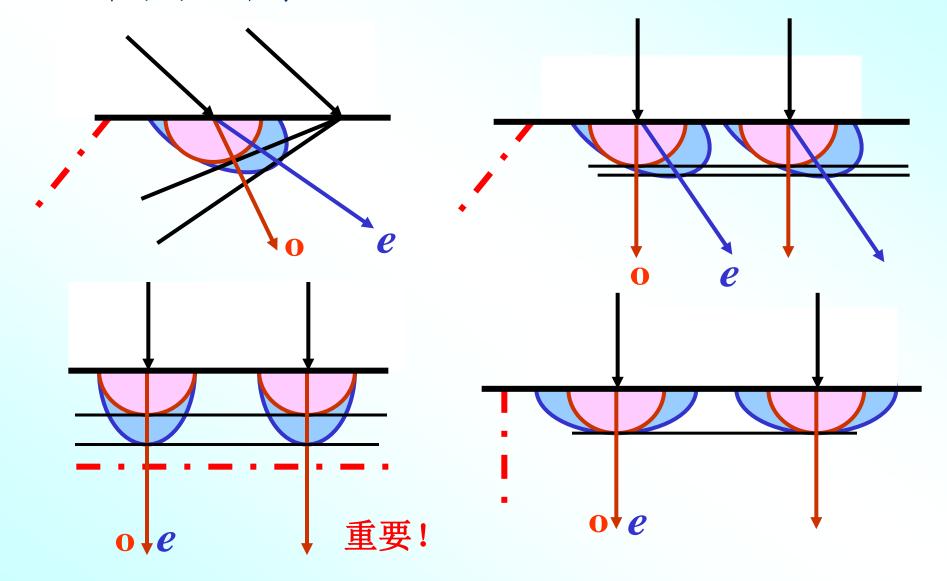
时间:第14周周三、周五下午5~6节

第15周周一、周二下午5~6节

地点: 西五楼111室(振动与波动)

西五楼112室(光学)

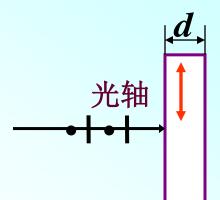
●双折射的几种情况



●波晶片

o、e光光程差:
$$\Delta r = l_o - l_e = (n_o - n_e)d$$

相差改变:
$$\Delta \phi = \frac{\Delta r}{\lambda} 2\pi = (n_o - n_e) \cdot \frac{2\pi d}{\lambda}$$

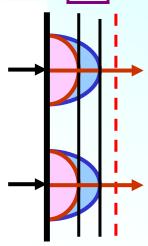


对 $\lambda/2$ 波片: 光程差 $\lambda/2$ 相位差 π

线偏振光↔线偏振光

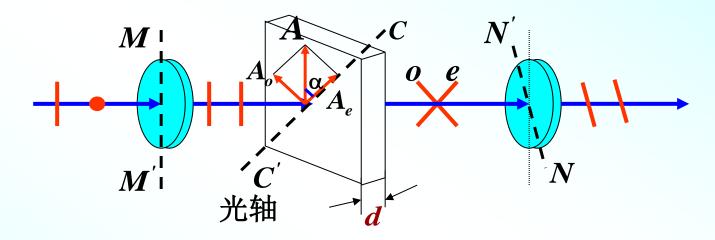
对 λ/4 波片: 光程差 λ/4 相位差 π/2

线偏振光↔正椭圆与圆偏振光



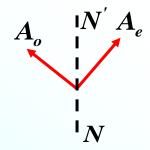
演示小鸭子

●偏振光的干涉

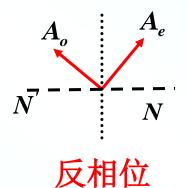


$$\Delta \phi = \frac{\Delta r}{\lambda} 2\pi = (n_o - n_e) \cdot d \cdot \frac{2\pi}{\lambda}$$

演示实验中,为什么转动偏振片时颜色会变?



o光与e光沿 N-N'方向的分量 同相位



第14章 早期量子论

干涉: 杨氏双缝、洛埃镜 ...

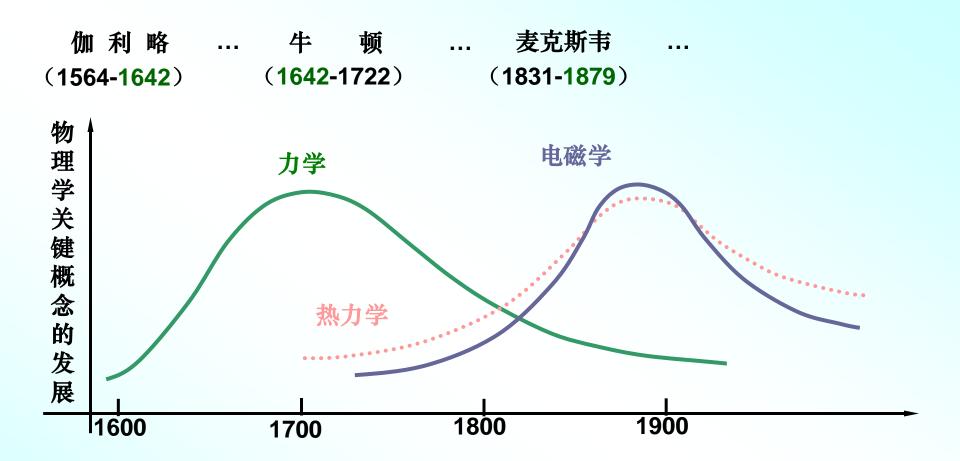
光具有波动性 〈 衍射:单缝、双缝、光栅、圆孔、X射线 ...

偏振:偏振态、双折射、色偏振...

那么,用光的波动性能否解释光的所有行为呢?

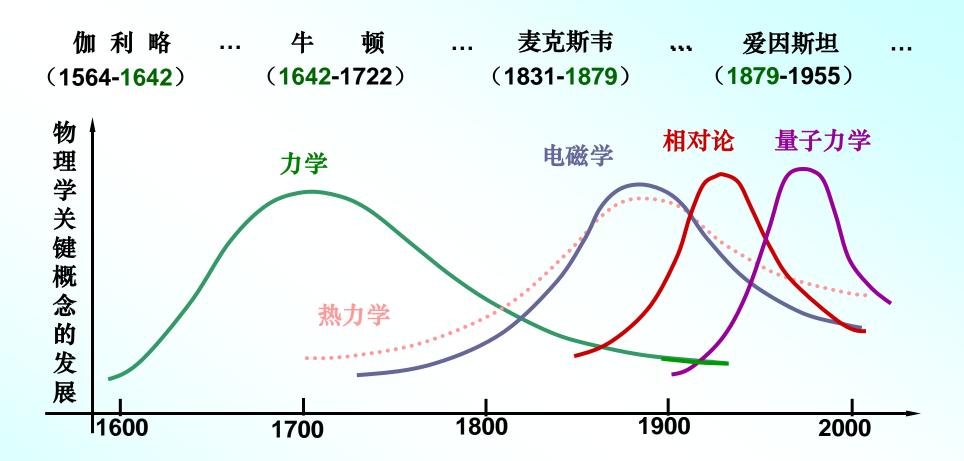


不能!



以牛顿力学和麦克斯韦电磁场理论为代表的经典物理学,到19世纪末20世纪初,已经取得了空前的成就(力,热,声,光,电磁学)。

人类对物质世界的认识,已从宏观低速物体的运动规律逐渐扩展到高速传播的电磁波(包括光波)的场物质运动规律。

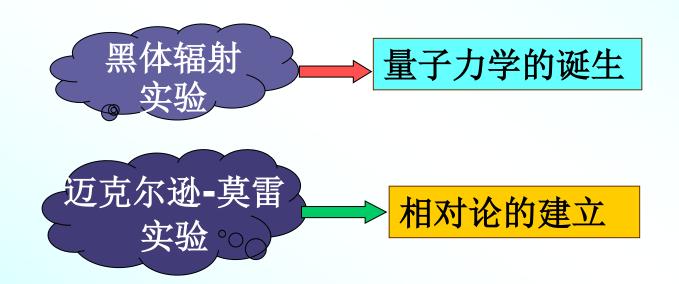


1900年,著名物理学家开尔文在元旦献词中的名言:

"在物理学的天空,一切都已明朗洁净了,只剩下两朵乌云"

但他却没有料到,这两朵小小的乌云正孕育着一场暴风雨,并促成了近代物理学的两大理论支柱——相对论和量子力学的诞生。

19世纪末,物理学晴朗天空中飘着的"两朵乌云"。



一、黑体辐射和普朗克的能量子假说

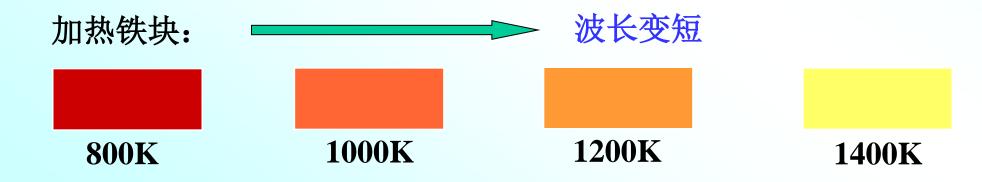
热辐射:任何物体(气、液、固)在任何温度下, 都会辐射电磁波。

物体辐射出的电磁波的频率分布与其温度相关。

低温物体发出的是<u>红外光</u>, 炽热物体发出的是可见光, 极高温物体发出的是紫外光。



红外检测伪彩色图像

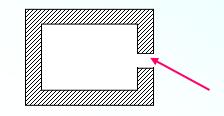


然而,我们观测一个物体的时候,除了观察到热辐射之外,往往还会观察到物体表面的反射光.

为了消除物体反射光谱以及不同材料对热辐射的影响,我们需要一个理想模型:

黑体:能100%吸收各种波长的电磁波而无反射和透射的物体。

◆ 用不透明材料制成一空心容器,壁上 开一小孔,这个小孔就是黑体



◆ 对于温度非常高,辐射非常强烈的物体,其表面反射电磁波可以忽略,也可以当作一个黑体。

任何物体总能在某个温度达到热平衡,所以辐射能力越强的物体,其吸收能力也越强.

1. 黑体辐射

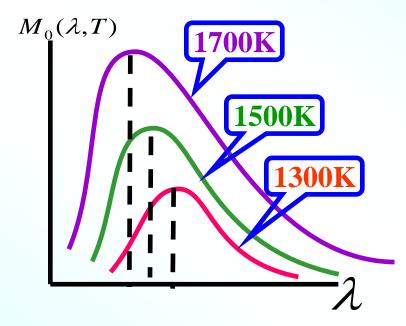
特点: 在相同温度下均发出同样的热辐射,而与材料无关。

黑体辐射机制: 分子的热运动使物体辐射电磁波

单色辐出度 $M_0(\lambda,T)$: 黑体温度为T时,单位时间内从其表面的单位面积上发出的、在波长 λ 附近的单位波长区间内的电磁波的能量。

实验曲线: (比如:加热铁块)

- ▲在同一温度,对各种波长 电磁波的辐射能量不同。
- ▲温度越高发射的能量越多, 电磁波的短波成分越多。



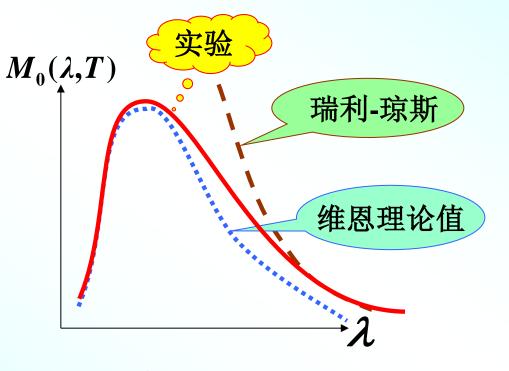
2. 经典理论的解释

◆ 1896年, 维恩(1911年诺贝尔物理学奖)根据经典热力学和麦克斯韦分布律得出:

——只适于短波

◆1900年,瑞利(1904年诺贝尔物理学奖)用能量均分定理及经典电磁理论(稍后经金斯略加修正)得出:

$$M_0(\lambda, T) = \frac{2\pi ckT}{\lambda^4}$$
——只适于长波



在短波区域发散——"紫外灾难"

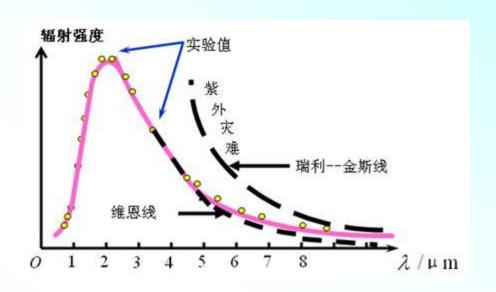
3. 普朗克的能量子假说和黑体辐射公式

普朗克黑体辐射公式:

(1900年12月14日发表)

$$M_0(\lambda,T) = \frac{2\pi c^2 h}{\lambda^5} \cdot \frac{1}{e^{hc/\lambda kT} - 1}$$

在全波段与实验结果 惊人地相符!



短波近似下 → 韦恩公式

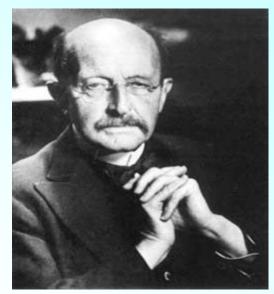
$$M_0(\lambda,T) = \frac{c_1}{\lambda^5} e^{\frac{-c_2}{\lambda T}}$$

长波近似下 → 瑞利-金斯公式

$$M_0(\lambda,T) = \frac{2\pi ckT}{\lambda^4}$$

普朗克的能量子假说(1918年,诺贝尔奖)

- 辐射物体中所包含的大量谐振子的能量只取特定的分立值
- 存在着能量的最小单元: 能量子 $\varepsilon = h \nu$ ($h = 6.6260755 \times 10^{-34} \text{ J·s}$)



Max Planck

• 振子只能 -6 -6 -6 地接不连续方式辐射或吸收能量物体发射或吸收电磁辐射: $\varepsilon = hv$

 $h=6.63\times10^{-34}\text{J}\cdot\text{s}$

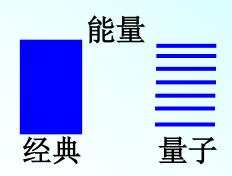
普朗克的能量子假说:

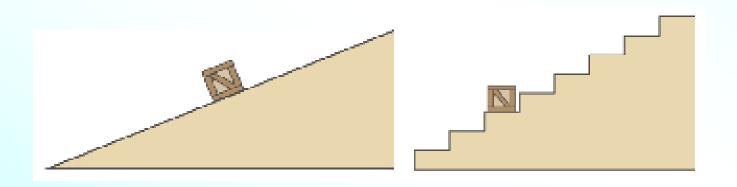
$$\varepsilon = h v$$

 $h=6.63\times10^{-34}\text{J}\cdot\text{s}$

说明:

1,这个能量子假设与经典理论有本质的区别:





2, "h"这个量是区别量子物理与经典物理的一个明显标志

普朗克的能量子假说: $\varepsilon = hv$ $h=6.63\times10^{-34}$ J·s

$$\varepsilon = h v$$

3. 宏观经典物理是量子物理的极限形式

例: m=0.3kg、k=3N/m的弹簧振子,振幅为A=0.1m。 由于摩擦系统的能量逐渐耗散,能量减小是不连续的。

「能量跳变:
$$\Delta E = h \nu$$

弾簧振子的振动频率: $\nu = \frac{\omega_0}{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = 0.5 \text{ Hz}$

$$\Rightarrow \Delta E = \frac{h}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = 3.3 \times 10^{-34} \text{J}$$

系统总能量:
$$E = \frac{1}{2}KA^2 = 1.5 \times 10^{-2}J$$

和对能量间隔
$$\frac{\Delta E}{E} = 2.2 \times 10^{-32}$$

二、光电效应和爱因斯坦的光量子论

- 1. 光电效应的实验规律
- 饱和光电流强度与入射光强度成正比。
- 光电子的初动能与入射光强度无关, 而与入射光的频率成线性有关:

$$eU_a = e(Kv - U_0)$$

 U_a 为反向截止电压。

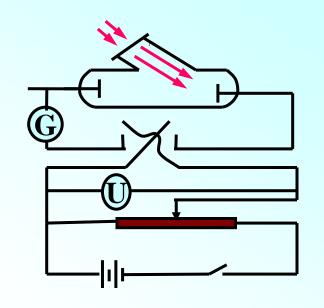
其大小反映了光电子初动能的大小。

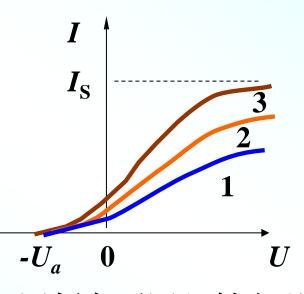
最大初动能:
$$\frac{1}{2}mv_{\text{max}}^2 = eU_a$$

只有当入射光频率 ν 大于一定的频率 ν_0 (红限频率)时,才会产生光电效应。

●光电效应具有瞬时性。

驰豫时间不超过10⁻⁹s





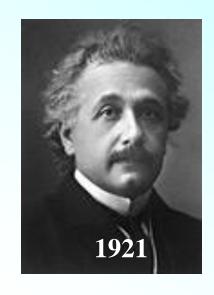
相同频率不同入射光强度

- 2,经典理论的解释极其困难按照光的经典电磁理论:
 - 光电子的最大初动能应决定于入射光的强度 而不是频率。
 - 光波是连续传播的,只要入射光有足够的强度, 任何频率的入射光都应产生光电效应。
 - 光电子需吸收一定的能量才能逸出金属表面, (阴极电子积累能量克服逸出功需要一段时间) 光电效应不可能瞬时发生!

3.爱因斯坦的光量子论(1921年, 诺贝尔奖)

1905年,爱因斯坦在普朗克能量子假说的基础上提出光子理论:

- \triangleright 一東光,是一東以光速 c 运动的粒子流,这些粒子称为光量子(光子)。
- 光的能量不是均匀地分布在波阵面上, 而是集中在微粒上。
- > 光在与物质作用时、传播时都具有微粒性。



光子具有能量、质量、动量:

$$\frac{\varepsilon_0 = h \, \nu}{\varepsilon_0 = m_{\text{H}} c^2} \Rightarrow m_{\text{H}} = \frac{h \nu}{c^2} \\
P = m_{\text{H}} c$$

$$\Rightarrow p = \frac{h}{\lambda}$$

光量子论成功解释了光电效应:

- (1)入射光强度越大,光子数越多,光子与电子相互作用的数目越多,逸出的光电子数目多
 - ——饱和光电流与入射光强度成正比
- (2)一个光子被一个电子所吸收,使电子获得 hv 的能量, 一部分用于克服金属表面逸出功A,剩下部分即为电子 最大初动能

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = hv - A$$
 ——最大初动能与频率成线性关系 (爱因斯坦的光电方程)

所以当频率小于A/h 时,不发生光电效应。

(3) 当光照射金属时,电子吸收能量是一次性的,不需要时间积累能量,电子逸出是瞬间,无明显时间延迟。

例: 钾的光电效应红限为 $\lambda_0 = 6.2 \times 10^{-7}$ m,

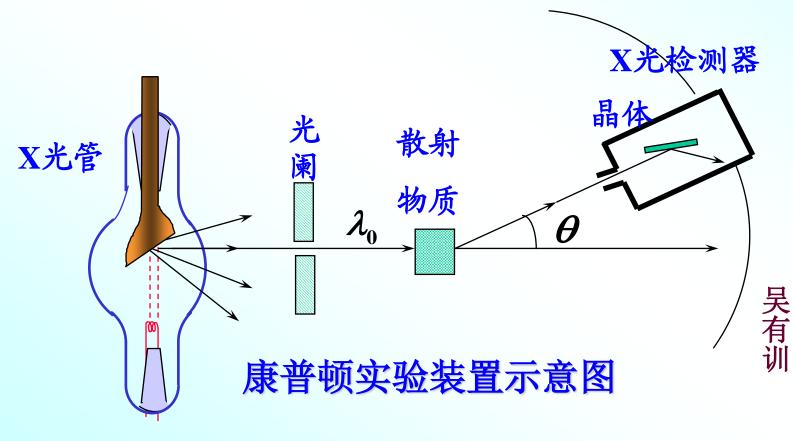
求: (1)表面逸出功;

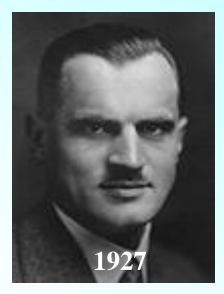
- (2) 在紫外线照射下,截止电压为多少?(紫外线 $\lambda=3.0\times10^{-7}$ m)
- (3) 电子的最大初速度为多少?

解: (1)
$$A_0 = hv_0 = \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{6.63 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{6.2 \times 10^{-7}} = 3.21 \times 10^{-19} \text{ J}$$

(3)
$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{2eU_a}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 2.14}{9.1 \times 10^{-31}}} = 8.67 \times 10^5 \text{ m/s}$$

三、 康普顿效应(1927年,诺贝尔奖) (1923年,康普顿;稍后,吴有训)

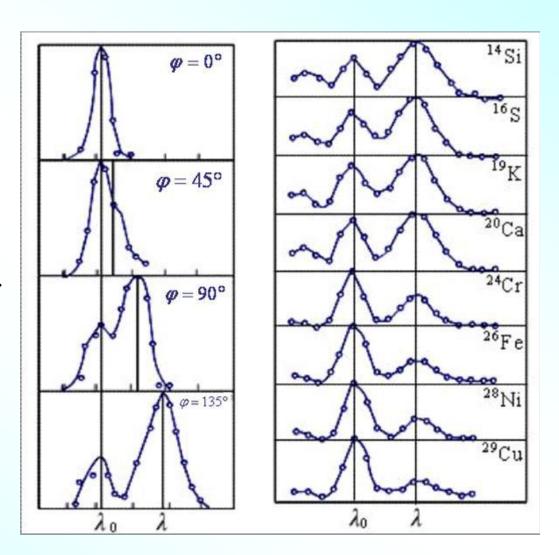






实验结果:

- (1)散射的光线中有与入射 波长 λ_o 相同的射线,也有 波长 $\lambda > \lambda_o$ 的射线。
- $\Delta \lambda = \lambda \lambda_o$ 随散射角 θ 的增加而增加。
- (3)对同一散射角 θ ,波长的增加量 $\Delta \lambda$ 相同,与散射物质无关。
- (4) 在原子量小的物质中,康普顿散射较强,反之较弱

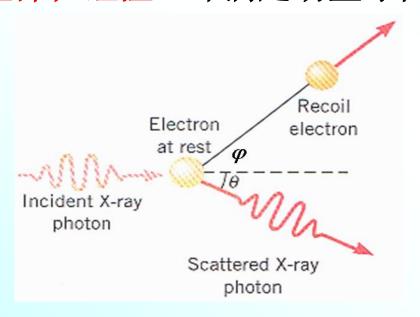


经典理论无法解释康普顿效应:

根据经典电磁波理论,在光场中作受迫振动的带电粒子,辐射的散射光的频率应等于入射光的频率.

光子论的解释:

此过程是光子与静止的自由电子发生相互作用,两粒子的碰撞是完全弹性碰撞,即满足动量守恒和能量守恒.



碰撞过程中能量守恒:

$$h\nu_0 + m_0 c^2 = h\nu + mc^2$$

动量守恒:

$$\frac{h}{\lambda_0} \overrightarrow{n}_0 = \frac{h}{\lambda} \overrightarrow{n} + m \overrightarrow{V}$$

 $P = h / \lambda$

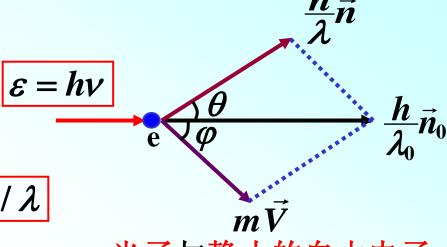
电子相对论质量:

$$m = \frac{m_o}{\sqrt{1 - V^2 / c^2}}$$

波长偏移: $\Delta \lambda = \lambda - \lambda_0$

$$\Rightarrow \Delta \lambda = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \theta)$$

推导过程



光子与静止的自由电子 发生相互作用

可见: $\Delta\lambda$ 与 λ_0 无关, 只与散射角 θ 有关 θ 1、 $\Delta\lambda$ 1

如果X射线光子与束缚 很紧的电子碰撞:

$$m_0 o \infty \quad \Rightarrow \Delta \lambda = 0$$
 $\Rightarrow \lambda_{\dagger \! \! \downarrow} = \lambda_{\lambda}$

推导细节
$$nv_0 + m_0 c^2 = hv + mc^2 \qquad (1)$$

$$\frac{h}{\lambda_0} \vec{n_0} = \frac{h}{\lambda} \vec{n} + m \vec{V} \qquad (2)$$

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - V^2/c^2}} \qquad (3)$$

$$(1) \Rightarrow m = m_0 + \frac{h}{\lambda_0 c} - \frac{h}{\lambda c}$$

$$(2) \Rightarrow \begin{cases} x \ddot{\mathcal{T}} \dot{\mathbf{n}} : \frac{h}{\lambda_0} = \frac{h}{\lambda} \cos\theta + mV \cos\varphi \Rightarrow (mV)^2 \cos^2\varphi = \left(\frac{h}{\lambda_0} - \frac{h}{\lambda} \cos\theta\right)^2 \\ y \ddot{\mathcal{T}} \dot{\mathbf{n}} : \frac{h}{\lambda} \sin\theta = mV \sin\varphi \Rightarrow (mV)^2 \sin^2\varphi = (\frac{h}{\lambda} \sin\theta)^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (mV)^2 = \left(\frac{h}{\lambda_0} - \frac{h}{\lambda} \cos\theta\right)^2 + \left(\frac{h}{\lambda} \sin\theta\right)^2$$

mV

$$(3) \Longrightarrow m^2 - m^2 V^2 / c^2 = m_0^2$$

附: 推导细节

$$\begin{bmatrix}
m = m_0 + \frac{h}{\lambda_0 c} - \frac{h}{\lambda c} \\
(mV)^2 = \left(\frac{h}{\lambda_0} - \frac{h}{\lambda} \cos \theta\right)^2 + \left(\frac{h}{\lambda} \sin \theta\right)^2 \\
m^2 - m^2 V^2 / c^2 = m_0^2
\end{cases}$$

$$\Rightarrow (m_0 + \frac{h}{\lambda_0 c} - \frac{h}{\lambda c})^2 - (\frac{h}{\lambda_0} - \frac{h}{\lambda} \cos \theta)^2 / c^2 - (\frac{h}{\lambda} \sin \theta)^2 / c^2 = m_0^2$$

$$\Rightarrow (m_0 + \frac{h}{\lambda_0 c} - \frac{h}{\lambda c})^2 - (\frac{h}{\lambda_0 c})^2 + 2\frac{h^2}{\lambda \lambda_0 c^2} \cos \theta - (\frac{h}{\lambda c})^2 = m_0^2$$

$$\Rightarrow m_0(\frac{1}{\lambda_0} - \frac{1}{\lambda}) - \frac{h}{\lambda \lambda_0 c} + \frac{h}{\lambda \lambda_0 c} \cos \theta = 0$$

$$\Rightarrow \lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \theta)$$



● X射线光子与"静止"的"自由电子"弹性碰撞:

$$\lambda_{\text{th}} = \lambda_{\text{th}} + \Delta \lambda$$

$$\Delta \lambda = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \theta)$$

- ullet X射线光子与束缚很紧的电子碰撞: $\lambda_{ ext{th}} = \lambda_{\lambda}$
- 由上面两点可推知:原子量较小的物质,电子束缚弱 ⇒康普顿散射较强原子量较大的物质,电子束缚紧 ⇒康普顿散射较弱

3. 康普顿散射实验的意义

- > 进一步证实了光子论,光确实具有波粒两象性;
- > 证明了光子能量、动量表示式的正确性;
- > 证实了在微观物理过程中能量、动量守恒定律成立。

- 例:波长为2.0 Å的X射线射到碳块上,由于康普顿散射,波长改变 0.04%,
- 求: (1)该光子的散射角;
 - (2) 使这个光子散射的反冲电子的能量。
- 解: (1)由已知条件:

$$\begin{bmatrix} \frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = 0.04\% & \Rightarrow \Delta\lambda = 4 \cdot 10^{-4} \lambda_0 \\ \text{康普顿散射: } \Delta\lambda = \lambda_c (1 - \cos \theta) = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \theta) \\ \Rightarrow \cos \theta = 0.967 \Rightarrow \theta = 14.75^{\circ}$$

(2) 由能量守恒, 反冲电子获得的能量即光子损失的能量:

$$E_{\parallel} = \Delta \varepsilon_{\perp} = h \nu_0 - h \nu = h c \frac{\lambda - \lambda_0}{\lambda_0 \lambda}$$

$$= h c \frac{0.04\%}{\lambda_0 (1 + 0.04\%)} = 2.49 \text{ eV}$$

4. 康普顿散射与光电效应的区别

(1) 康普顿效应中光子被散射只将部分能量交给自由电子, 而光电效应中光子被束缚电荷整个吸收。

证明: 康普顿效应中光子的能量不能被自由电子全部吸收。

反证法: 假设电子完全吸收光子的能量 hv_0

由能量守恒定律:

$$hv_0 + m_0c^2 = \frac{m_0c^2}{\sqrt{1 - (V/c)^2}} \Rightarrow V = \frac{c\sqrt{h^2v_0^2 + 2hv_0m_0c^2}}{hv_0 + m_0c^2}$$

由动量守恒定律:

$$\frac{h}{\lambda_0} = mV \Rightarrow V = \frac{h}{m\lambda_0} = \frac{h\nu_0}{mc} = \frac{h\nu_0c}{\sqrt{h^2\nu_0^2 + m_0^2c^4}}$$

二者不等, 所以光子的能量不能被完全吸收

- 4. 康普顿散射与光电效应的区别
 - (2) 在光电效应中不会产生康普顿效应

例: 康普顿效应中最大偏转角 $\theta=\pi$

如果入射光波 *λ*=4000 Å

$$\Delta \lambda = \lambda_c (1 - \cos \theta) = 2\lambda_c = 4.8 \times 10^{-12} \text{ m}$$

 $\Rightarrow \frac{\Delta \lambda}{\lambda} \sim 10^{-5}$ 普通光电效应中观察不到康普顿效应

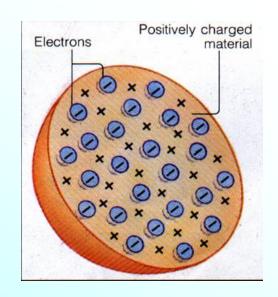
若是 λ=0.5 Å

 $\Rightarrow \frac{\Delta \lambda}{\lambda} \sim 0.1$ 入射波长 $\lambda \sim \lambda_C$ (x光) 时康普顿效应显著

四、玻尔量子理论

经典原子模型

1). 汤姆逊模型(1903)



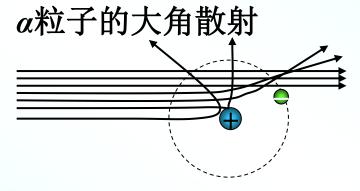
汤姆逊西瓜

1897年汤姆逊发现电子

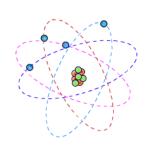


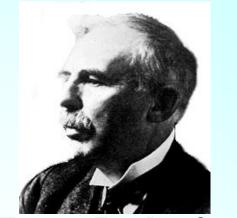
Joseph John Thomson 1856—1940 1906年诺贝尔奖

2). 卢瑟福核式模型 (1911)



汤姆逊模型无法解释α粒子 大角度散射实验.





Ernest Rutherford 1871—1937 1908诺贝尔奖

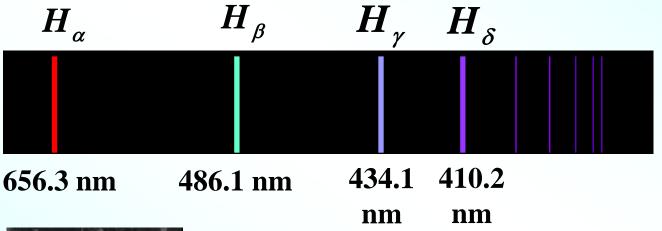
原子由原子核和核外电子构成。 原子核带正电荷,占据整个原子的 极小一部分空间;电子带负电,绕 着原子核转动。

原子半径 $r = 10^{-10}$ m, 原子核半径 $r = 10^{-14} \sim 10^{-15}$ m。

卢瑟福核式模型的问题:

- > 原子的稳定性问题?
- > 原子分立的线状光谱?

1,氢原子光谱



氢原子光谱是 有规律的分立 线状光谱.



Johann Jakob Balmer 1825—1898 1885年巴耳末得到氢原子可见光谱线 (Balmer series) 波长的经验公式:

$$\lambda = B \frac{n^2}{n^2 - 2^2}$$
 $(n = 3, 4, 5, \cdots)$

$$B = 364.6 \ nm$$

$$\lambda = B \frac{n^2}{n^2 - 2^2}$$
 $(n = 3, 4, 5, \cdots)$

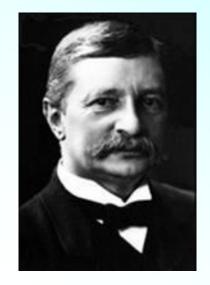
$$B = 364.6 \ nm$$

光谱学中习惯使用波数 (波长的倒数):

$$\tilde{v} = \frac{1}{\lambda}$$

$$\Rightarrow \left| \tilde{\nu} = R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \right|$$

—— 巴耳末公式



Janne Rydberg 1854—1919



Walter Ritz 1878-1909

1889年里德伯和里兹发现普遍公式:

$$\tilde{v} = R_H \left(\frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) = T \quad m \quad -T \quad n \quad (n > m)$$

里德伯常数: $R_{H} = 1.096776 \times 10^{7} m^{-1}$

谱线的波数可以表示为两光谱项之差。

氢原子光谱的波数

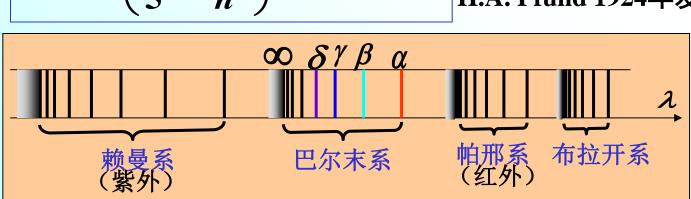
$$\tilde{v} = R_H \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$
 $n = 2,3,...$ 赖曼系 (紫外光) T. Lyman 1914年发现

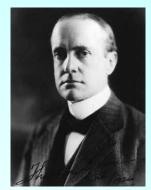
$$\tilde{v} = R_H \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n = 3.4, \cdots$$
 巴尔末系(可见光)

$$\tilde{\nu} = R_H \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$
 $n = 4.5, \cdots$ 帕邢系 (红外光)
F. Paschen 1908年发现

$$\tilde{v} = R_H \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$
 $n = 5.6, \cdots$ 布喇开系 (红外光) F. Brackett 1922年发现

$$\tilde{v} = R_H \left(\frac{1}{5^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$
 $n = 6.7, \dots$ 普芳德系 (红外光) H.A. Pfund 1924年发现





T. Lyman 1874-1954



F. Paschen 1865-1947



A.H. Pfund 1879-1949

卢瑟福核式模型的问题:

- > 原子的稳定性问题?
- > 原子分立的线状光谱?

2、玻尔理论

(1) 定态假设:原子只能处在一系列不连续的稳定的能量状态(定态)

$$E_1,E_2,E_3$$
···(称能级)

(2)频率公式: 当原子能级跃迁时,才发射或吸收光子, 其频率满足:

$$h\nu = |E_n - E_m|$$

(3) 量子化条件:定态时电子角动量 L应等于 \hbar 的整数倍。

$$L = n \frac{h}{2\pi} = n\hbar$$
 $n = 1, 2, 3.....$

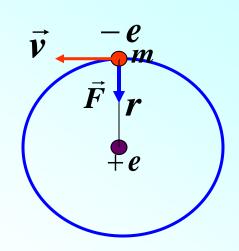


Niels Bohr 1885-1962 1922年诺贝尔奖

3、氢原子的轨道半径及能量

| 库仑力=向心力
$$\frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 r^2} = m\frac{v^2}{r}$$
 | 量子化条件 $mvr = n\frac{h}{2\pi} = n\hbar$

消去v得



1) 圆轨道半径
$$r_n = n^2 (\frac{4\pi \varepsilon_0 \hbar^2}{me^2})$$
 $n=1,2,\cdots$

$$n=1$$
为第一条轨道 $\Rightarrow r_1 = 0.53 \mathring{A}$ 称玻尔半径 a_0

n 为第n条轨道 $\Rightarrow r_n = n^2 a_0$

2) 能量
$$E_n = \frac{1}{2}mv_n^2 + (-\frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 r_n}) = -\frac{1}{n^2} \left(\frac{me^4}{8\varepsilon_0^2 h^2}\right) = -\frac{13.6eV}{n^2}$$

作业: 14—T1-T5

作业要求

- 1. 独立完成作业。
- 2. 图和公式要有必要的标注或文字说明。
- 3. 作业纸上每次都要写姓名以及学号(或学号末两位)。
- 4. 课代表收作业后按学号排序,并装入透明文件袋。
- 5. 每周二交上周的作业。迟交不改。
- 6. 作业缺交三分之一及以上者综合成绩按零分计。