

# Algorytmy i Struktury Danych II

## Skarbonki

Vladyslav Slovinskyi

20 czerwca 2022

### Zawartość:

Katalog KeyBox zawiera implementację zadania pt. "Skarbonki":

#### I. KeyBox:

- |                                   |  |
|-----------------------------------|--|
| 1) <code>Vertex.cpp</code>        | - implementacja klasy, reprezentującej wierzchołek grafu;  |
| 2) <code>Edge.cpp</code>          | - implementacja klasy, reprezentującej pojedynczą krawędź; |
| 3) <code>Visitor.cpp</code>       | - implementacja wizytatora;                                |
| 4) <code>GraphAsMatrix.cpp</code> | - implementacja grafu za pomocą macierzy sąsiedztwa;       |

### Jak uruchomic programy:

Katalog zawiera program Makefile do kompilacji powyższych programów, a także czyszczenia katalogu.

- Aby skompilowac projekt należy wykonać: `$ make`;
- Aby skompilowac projekt oraz wykonać test należy wykonać:  
`$ make test`  
zawartość pliku `data.txt` zostanie wprowadzona do programu `main.x`;
- Aby wyczyścić zawartość katalogu (usunąć zbędne pliki), należy wykonać:  
`$ make clean`;

### Opis problemu i opis rozwiązania

Zadanie ma naturalną interpretację grafową. W celu rozwiązania problemu utworzono graf skierowany mający  $n$  wierzchołków ponumerowanych liczbami od 0 do  $n - 1$ . Wierzchołki o numerach  $a$  i  $b$  są połączone krawędzią, jeśli klucz do skarbonki  $a$  znajduje się w skarbonce  $b$ . Zauważmy, że z każdego wierzchołka wychodzi dokładnie jedna krawędź; stąd wynika, że w grafie jest dokładnie  $n$  krawędzi. Graf, w którym z każdego wierzchołka wychodzi dokładnie jedna krawędź, ma zawsze podobną postać: każda składowa ma jeden cykl, do którego są dołączone drzewa. Oczywiście rozbieżność którejkolwiek skarbonki odpowiadającej

wierzchołkowi w cyklu pozwala otworzyć wszystkie skarbonki odpowiadające wierzchołkom składowej, w której ten cykl się znajduje. Oznacza to, że zadanie sprowadza się do policzenia składowych grafu.

## Implementacja algorytmu

Istnieje wiele metod znajdowania liczby składowych grafu. Użyta metoda polega na przeszukiwaniu grafu (w głąb). Wierzchołki, do których można dotrzeć z jednego wierzchołka poruszając się po krawędziach w dowolnym kierunku, tworzą jedną składową. Do realizacji zadania została użyta struktura danych pt. graf, zaimplementowana zgodnie z następującym interfejsem:

```
1 #ifndef GRAPHASMATRIX_H
2 #define GRAPHASMATRIX_H
3
4 #include "Edge.h"
5 #include "Iterator.hpp"
6 #include "Visitor.h"
7
8 #include <vector>
9
10 class GraphAsMatrix
11 {
12 public:
13     class AllVerticesIter : Iterator<Vertex> {
14         GraphAsMatrix& graph;
15         int current;
16
17     public:
18         AllVerticesIter(GraphAsMatrix& owner);
19         ~AllVerticesIter() = default;
20         bool is_done();
21         Vertex& operator*();
22         void operator++();
23     };
24
25 public:
26     class EmanEdgesIter : Iterator<Edge> {
27         GraphAsMatrix& owner;
28         int row;
29         int col;
30
31     public:
32         EmanEdgesIter(GraphAsMatrix& owner, int v);
33         ~EmanEdgesIter() = default;
34         void next();
35         bool is_done();
36         Edge& operator*();
```

```

37         void operator++();
38     };
39
40 protected:
41     std::vector<Vertex*> vertices;
42     std::vector<std::vector<Edge*>> adjacencyMatrix;
43     bool _isDirected;
44     int _numberOfVertices;
45     int _numberOfEdges;
46
47 public:
48     GraphAsMatrix(int n, bool b);
49     ~GraphAsMatrix();
50     int number_of_vertices() const;
51     bool is_directed();
52     int number_of_edges() const;
53     void add_edge(int u, int v);
54     Edge* select_edge(int u, int v);
55     Vertex* select_vertex(int v);
56     void DFS(Vertex* v);
57     void DFS(Vertex* v, std::vector<bool>& visited);
58     int number_of_money_box(Visitor* visitor);
59     void underlying_graph();
60
61     AllVerticesIter& vertices_iter() {
62         return *(new AllVerticesIter(*this));
63     }
64
65     EmanEdgesIter& eman_edges_iter(int v) {
66         return *(new EmanEdgesIter(*this, v));
67     }
68 };
69
70 #endif

```

Do przeglądania grafu został wykorzystany algorytm DFS. W celu wyznaczenia minimalnej ilości skarbonek, którą należy rozbić wykorzystano metodę `int number_of_money_box(Visitor* visitor)`. Jako argument metoda przyjmuje wizytatora, zliczającego minimalną ilość skarbonek. Za pomocą iteratora przeglądamy wszystkie wierzchołki, wołając algorytm DFS. Ostatecznie metoda zwraca minimalną ilość skarbonek, które należy rozbić.

```

1 #include "GraphAsMatrix.h"
2
3 void GraphAsMatrix::DFS(Vertex* v, std::vector<bool>& visited) {
4     visited[v->get_number()] = true;
5     for (GraphAsMatrix::EmanEdgesIter& it = this->eman_edges_iter(v->
6         get_number()); !it.is_done(); ++it) {

```

```

7         Vertex* vertex = (*it).mate(v);
8         if (!visited[vertex->get_number()]) {
9             DFS(vertex, visited);
10        }
11    }
12 }
13
14 int GraphAsMatrix::number_of_money_box(Visitor* visitor) {
15     if (_isDirected) underlying_graph();
16     std::vector<bool> visited(this->number_of_vertices(), false);
17     for (GraphAsMatrix::AllVerticesIter& it = this->vertices_iter();
18         !it.is_done(); ++it) {
19         if (!visited[( *it ).get_number()]) {
20             DFS(&( *it ), visited);
21             visitor->visit();
22         }
23     }
24     return visitor->count();
25 }

```

## Złożoność obliczeniowa

Złożoności są następujące:

- inicjalizacja:  $O(n^2)$ ;
- add\_edge(v, u):  $O(1)$ ;
- is\_edge(v, u)  $O(1)$ ;
- DFS(v):  $O(n^2)$ ;