期中试卷剩余部分习题群文件《期中 & 期末试题》

1.期中 2016-2017 一 4.

设
$$f(x) = ax^2 + bx + c$$
, A 为 n 阶方阵,定义 $f(A) = aA^2 + bA + cI$,如果 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, $f(x) = x^2 - x - 1$, 则 $f(A) = x^2 - x - 1$

- 2.期中 2017-2018 二 1. 判断是否成立并给出理由。
- 设 A, B 为同阶对称方阵,则 AB 一定是对称矩阵;
- 3.期中 2017-2018 二 4. 设 2 阶矩阵 $A=\begin{bmatrix}a&b\\c&d\end{bmatrix}$,若 A 与所有的 2 阶矩阵均可以交换,则 a=d,b=c=0。
- 4.期中 2018-2019 二 2.
- 设 $A \neq n$ 阶实对称矩阵,如果 $A^2 = 0$ 。证明 A = 0. 并举例说明,如果 A 不是实对称矩阵,上述命题不正确。