第十次习题课 群文件《期中 & 期末试题》

考研例题-特征值

$$1.$$
求矩阵 $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 4 & 2 & 6 \\ 6 & 3 & 9 \end{bmatrix}$ 的特征值与特征向量。

2.已知 $a \neq 0$,求矩阵

$$\begin{bmatrix} 1 & a & a & a \\ a & 1 & a & a \\ a & a & 1 & a \\ a & a & a & 1 \end{bmatrix}$$

的特征值、特征向量。

3.抽象矩阵 1

设 A 是三阶矩阵, 且矩阵 A 的各行元素之和均为 5, 则矩阵 A 必有特征向量

4.抽象矩阵 2

已知 A 是 3 阶矩阵,如果非齐次线性方程组 Ax=b 有通解 $5b+k_1\eta_1+k_2\eta_2$,其中 η_1,η_2 是 Ax=0 的 基础解系,求A的特征值和特征向量。

考研例题-实对称矩阵

5.设 $A \neq 3$ 阶实对称矩阵,秩 r(A) = 2, 若 $A^2 = A$, 则 A 的特征值是

6.n 阶矩阵

$$A = \begin{bmatrix} a & 1 & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & a & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & 1 & a & \cdots & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & 1 & 1 & \cdots & a \end{bmatrix}$$

则 r(A) =

7.设 α 为 n 维单位列向量, E 为 n 阶单位矩阵, 则

$$A.E - \alpha \alpha^T$$
 不可逆

$$B.E + \alpha \alpha^T$$
 不可逆

$$B.E + \alpha \alpha^T$$
 不可逆 $C.E + 2\alpha \alpha^T$ 不可逆 $D.E - 2\alpha \alpha^T$ 不可逆

$$D.E - 2\alpha\alpha^T$$
 不可逆

期末试题

8.期末 2015-2016 三 2.

设 3 阶实对称矩阵 A 的特征值为 $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = \lambda_3 = 1$, 对应于 λ_1 的特征向量 $\alpha_1 = (0, 1, 1)^T$ 。

- (1) 求 A 对应于特征值 1 的特征向量;
- (2) 求 A;

- (3) 求 A^{2016} 。
- 9.期末 2016-2017 一 4.

设 $\alpha_1 = (a,1,1)^T, \alpha_2 = (1,b,-1)^T, \alpha_3 = (1,-2,c)^T$ 是正交向量组,则 a+b+c=____。

10.期末 2016-2017 一 5.

设 3 阶实对称矩阵 A 的特征值分别为 1,2,3 对应的特征向量分别为 $\alpha_1=(1,1,1)^T,\alpha_2=(2,-1,-1)^T,\alpha_3$,则 A 的对应于特征值 3 的一个特征向量 $\alpha_3=$ ____。