

## 第三次课

● 在下次课之前完成下列视频. 合计82分钟.

18. 矩阵的分块 (13分钟)
19. 分块矩阵的加减法与数乘(9分钟)
20. 分块矩阵的乘法(15分钟)
21. 分块矩阵的乘法常用结果(8分钟)
22. 分块矩阵的转置(9分钟)
23. 线性方程组、矩阵方程、向量方程的转化(6分钟)
24. 线性方程组、矩阵方程、向量方程组的转化(9分钟)
25. 如何解矩阵方程(13分钟)

- 看视频的同时记好笔记.
- 看线性代数教材 P88 例3.2.6 -P93 例 3.2.17之前的内容.
- 课堂上将分组讨论2.15, 2.16, 2.17, 2.18, 2.19, 2.20, 2.21, 2.22.
- 组长安排组员整理一份课堂讨论题目解答, 写上日期, 下次课交上来.
- 每位同学在课堂讨论完成以后在课下独立完成以下全部作业.

例 2.15 已知方程组 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & a+2 \\ 1 & a & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$$
 无解, 则  $a = \underline{\hspace{2cm}}$ .

例 2.16 设  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 0 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}$ . 求矩阵  $X$  使得  $AX = B$ .

例 2.17 已知  $\mathbf{X} = \mathbf{A}\mathbf{X} + \mathbf{B}$ , 其中,  $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ ,  $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \\ 5 & -3 \end{pmatrix}$ . 求矩阵  $\mathbf{X}$ .

例 2.18 判断下列说法是否正确, 并说明理由.

(5) 如果矩阵  $\mathbf{A}$ ,  $\mathbf{B}$  可以相乘, 则它们的分块矩阵也能够相乘.

**例 2.19** 用分块矩阵的乘法来表示 $\mathbf{AB}$ 的行向量和列向量.

**例 2.20** 若 $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ , 求 $\mathbf{A}^{10}$ .

**例 2.21** 设3阶矩阵 $\mathbf{A} = (\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3)$ , 令

$\mathbf{B} = (\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3, \alpha_1 + 2\alpha_2 + 3\alpha_3, \alpha_1 + 4\alpha_2 + 9\alpha_3)$ ,  
求 $\mathbf{C}$  使得 $\mathbf{AC} = \mathbf{B}$ .

**例 2.22** 设 $Q$ 是 $n$ 阶矩阵,如果 $Q^T Q = I$ ,我们称 $Q$ 是正交矩阵.设 $A = (\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3)$ 是3阶正交阵,证明

$$\alpha_i^T \alpha_j = \begin{cases} 1, & i = j \\ 0, & i \neq j \end{cases}.$$