

Curso de Pós-Graduação em Ciências Veterinárias - UFRRJ

Métodos Estatísticos

Prof: Wagner Tassinari

wagner.tassinari@ini.fiocruz.br

Testes Não-Paramétricos

Por que Utilizar Testes Não-Paramétricos ?

Por que Utilizar Testes Não-Paramétricos ?

- Embora em grande parte das pesquisas quantitativas as variáveis em estudo se apresentem de maneira contínua e com distribuição normal, em muitas situações, na prática, muitas variáveis não satisfazem essas condições, e portanto não é possível a utilização de métodos baseados na distribuição normal (métodos paramétricos);
- Ou seja, as variáveis não são contínuas, sua distribuição é desconhecida, ou ainda sua distribuição é conhecida mas não pode ser aproximada por uma distribuição normal.

Por que Utilizar Testes Não-Paramétricos ?

- Tal como não é estatisticamente rigorosa a utilização de testes paramétricos quando não se cumprem os pressupostos necessários, também deverá ser evitada a utilização dos testes não-paramétricos em situações em que prevalecem as condições de utilização dos testes paramétricos, pois estes (paramétricos) são mais eficientes;
- Para verificar a forma de distribuição das populações, a fim de se decidir pela utilização de um teste paramétrico ou por um teste não-paramétrico, podem usar-se os testes de normalidade.

Teste de Mann-Whitney

Teste de Mann-Whitney

- É aplicado quando estão em comparação dois grupos independentes;
- Este teste é equivalente ao teste *t de Student* para a diferença de médias populacionais;
- Hipóteses
 - $H_0 : \mu_1 = \mu_2 \therefore \mu_1 - \mu_2 = 0$
 - $H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 \therefore \mu_1 - \mu_2 \neq 0$

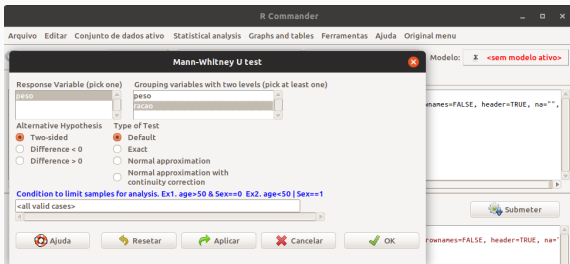
Exemplo:

Com o objetivo de testar a eficiência de uma nova ração para engorda, dezoito ratos foram separados aleatoriamente em dois grupos. O primeiro grupo, formado por oito ratos, recebeu ração normal. O segundo grupo, de dez ratos, foi tratado com uma nova ração de engorda. Verifique através do teste de Mann-Whitney se houve um aumento de peso significativo a 5% de significância.

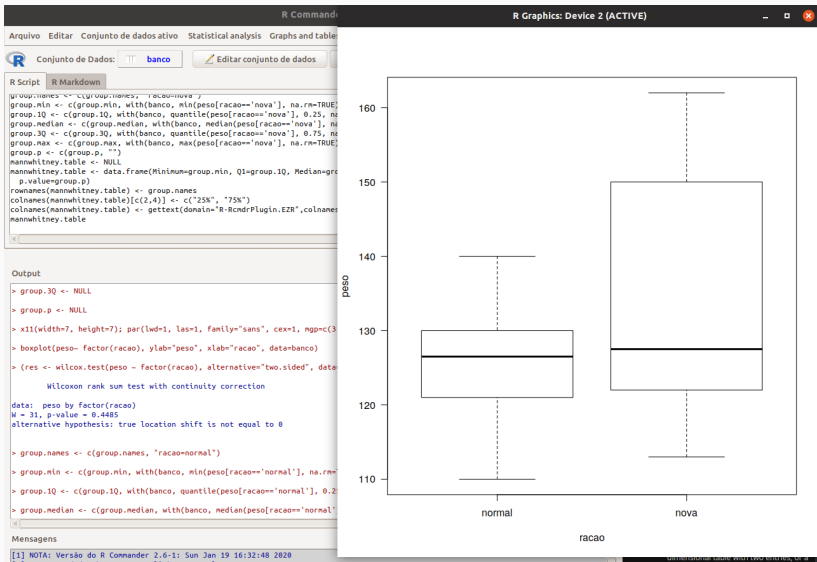
- $H_0 : \mu_{normal} = \mu_{nova}$
- $H_1 : \mu_{normal} \neq \mu_{nova}$

Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT

- Importar o arquivo “racaoratos.xlsx”
 - Rcommander → Arquivo → Importar arquivos de dados → from Excel data set
- Testar os dois grupos
 - Rcommander → Statistical analysis → Testes Não-Paramétricos → Mann Whitney U test



Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT



Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT

```
> mannwhitney.table <- NULL
> mannwhitney.table <- data.frame(Minimum=group.min, Q1=group.Q1, Median=group.median, Q3=group.Q3, Maximum=group.max,
+   p.value=group.p)
> rownames(mannwhitney.table) <- group.names
> colnames(mannwhitney.table)[c(2,4)] <- c("25%", "75%")
> colnames(mannwhitney.table) <- gettext(domain="R-RcmdrPlugin.EZR",colnames(mannwhitney.table))
> mannwhitney.table
```

	Minimum	25%	Median	75%	Maximum	p.value
racao=normal	110	121.50	126.5	130.0	140	0.448
racao=nova	113	122.25	127.5	148.5	162	

- Como $p\text{-valor} = 0,4239$, não rejeita-se H_0

Teste de Wilcoxon

- O teste de Wilcoxon é aplicado quando estão em comparação de duas amostras pareadas;
- Também chamado de teste de Mann-Whitney-Wilcoxon para dados pareados; Este teste é equivalente ao teste t pareado.
 - $H_0 : \mu_1 = \mu_2 \therefore \mu_1 - \mu_2 = 0 \therefore \mu_d = 0$
 - $\mu_1 : \mu_2 \neq \mu_2 \therefore \mu_1 - \mu_2 \neq 0 \therefore \mu_d \neq 0$

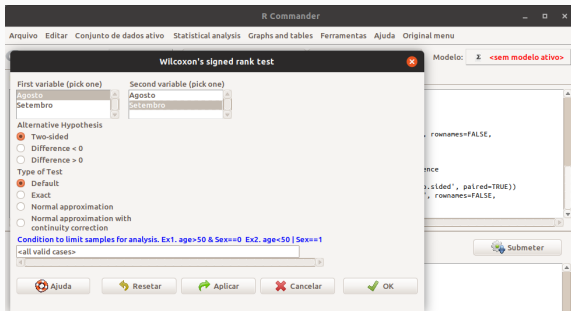
Exemplo:

A massa de 10 pássaros migratórios foi medida em duas ocasiões, primeiro em agosto e os mesmos pássaros (marcados individualmente e recapturados) foram medidos novamente em setembro.

- $H_0 : \text{agosto} = \text{setembro}$
- $H_1 : \text{agosto} \neq \text{setembro}$

Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT

- Importar o arquivo “massapassaros.xlsx”
 - Rcommander → Arquivo → Importar arquivos de dados → from Excel data set
- Testar os dois grupos
 - Rcommander → Statistical analysis → Testes Não-Paramétricos → Mann Whitney U test



Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT

```
Output
> (res <- wilcox.test(subset(dados2, massa == 1.3massa), subset(dados2, massa == 1.3mes), alternative="two.sided", paired=TRUE))

> dados2 <- readXL("/home/tassinari/ownCloud/UFRRJ/Metodos Estatisticos 2020/Bancos/nassapassaros0.xlsx", rownames=FALSE,
+ header=TRUE, na="", sheet="Planilha1", stringsAsFactors=TRUE)

> #####Wilcoxon's signed rank test####

> median(dados2$Agosto - dados2$Setembro, na.rm=TRUE) # median difference
[1] -0.85

> res <- NULL

> (res <- wilcox.test(dados2$Agosto, dados2$Setembro, alternative='two.sided', paired=TRUE))

    Wilcoxon signed rank test

data: dados2$Agosto and dados2$Setembro
V = 8, p-value = 0.04883
alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

> cat(gettext(domain="R-RcmdrPlugin.EZR", "Wilcoxon's signed rank test"), "p.value = 0.0488
+ ")
Wilcoxon's signed rank test p.value = 0.0488
```

- Como $p\text{-valor} = 0,0469$, rejeita-se H_0 ao nível de 5% de significância, portanto houve um aumento significativo na massa dos pássaros ao longo do tempo.

Teste de Kruskal-Wallis

Teste de Kruskal-Wallis

- Este teste é equivalente a uma ANOVA não-paramétrica de um fator (experimento inteiramente ao acaso);
- O teste de Kruskal-Wallis ou análise de variância pelos números de ordem (*ranks*) pode ser utilizado nos casos em que se utiliza o teste paramétrico da ANOVA, sendo apenas ligeiramente menos potente. Além disso, deve ser utilizado nas situações em que a ANOVA paramétrica não pode ser utilizada, nomeadamente quando as k amostras ou grupos não provêm de populações normais, ou quando as variâncias são muito heterogêneas.

Teste de Kruskal-Wallis

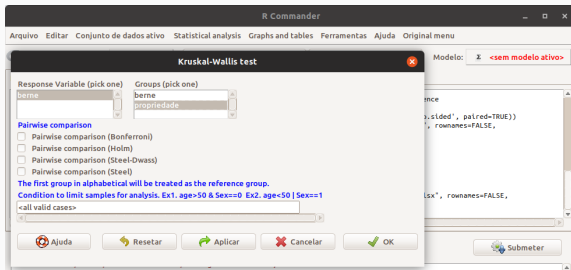
- Quando $k = 2$, o teste de Kruskal-Wallis é idêntico ao teste de Mann-Whitney;
- Hipóteses:
 - H_0 : Não existe diferença entre os tratamentos
 - H_1 : Existe diferença entre os tratamentos

Exemplo:

Foi realizado um estudo para verificar se a média do número de bernes por animal é a mesma em três propriedades selecionadas para o estudo. Foram alocados 5 animais em cada propriedade.

Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT

- Importar o arquivo “bernepropriedades.xlsx”
 - Rcommander → Arquivo → Importar arquivos de dados → from Excel data set
- Testar os grupos
 - Rcommander → Statistical analysis → Testes Não-Paramétricos → Kruskal-Wallis test



Solução utilizando o plugin Rcommander.EZT

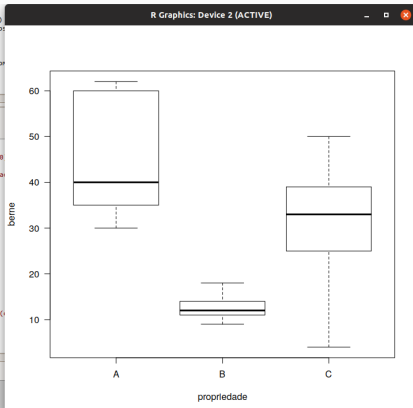
```
#####Kruskal-Wallis test#####
x11(width=7, height=7); par(lwd=1, las=1, family="sans", cex=1, mgp=c(3.0,1.0))
boxplot(berne~ factor(propriedade), ylab="berne", xlab="propriedade", data=dados)
tapply(dados$berne, dados$propriedade, median, na.rm=TRUE)
res <- NULL
(res <- kruskal.test(berne ~ factor(propriedade), data=dados))
cat(gettext(domain="R-RcmdrPlugin.EZT", "Kruskal-Wallis test"), " ", gettext(dor
signif(res$p.value, digits=3), "
", sep=""))

Output
> #####Kruskal-Wallis test#####
> x11(width=7, height=7); par(lwd=1, las=1, family="sans", cex=1, mgp=c(3.0,1.0))
> boxplot(berne~ factor(propriedade), ylab="berne", xlab="propriedade", data=dados)
> tapply(dados$berne, dados$propriedade, median, na.rm=TRUE)
  A  B  C
40 12 33
> res <- NULL
> (res <- kruskal.test(berne ~ factor(propriedade), data=dados))
      Kruskal-Wallis rank sum test

data:  berne by factor(propriedade)
Kruskal-Wallis chi-squared = 7.62, df = 2, p-value = 0.02215

> cat(gettext(domain="R-RcmdrPlugin.EZT", "Kruskal-Wallis test"), " ", gettext(dor
+   signif(res$p.value, digits=3), "
+   ", sep=""))
Kruskal-Wallis test p.value = 0.0221

Mensagens
[6] NOTA: Os dados dados2 tem 10 linhas e 2 colunas.
[7] NOTA: Os dados dados5 tem 15 linhas e 2 colunas.
```



- Como $p\text{-valor} = 0.02215$, rejeita-se H_0 ao nível de 5% de significância, portanto existe diferença significativa no número de bernes em pelo menos uma das propriedades.