

一、简答题

3.4(a): 可设 t 秒内新计算机的输入规模为 m , $T(n)=3*2^n*64=3*2^m$ 。根据方程可解得 $m=3*n$ 。

3.8(b): 对于上限, 若 $n>1$, 有 $c_2n^3 + c_3 \leq (c_2+c_3) n^3$, 取 $c = c_2+c_3$, $n_0=1$, 有 $T(n) \leq cn^3$;

对于下线, 若 $n>1$, 有 $c_2n^3 + c_3 \geq c_2n^3$, 取 $c = c_2$, $n_0=1$, 有 $T(n) \geq cn^3$ 。

3.12

(a). $\Theta(1)$ 该语句执行时间为常数级的, 故时间代价为 $\Theta(1)$

(b). $\Theta(n)$ 第一条语句的时间代价为 $\Theta(1)$ for循环是一个双重循环, 内层for循环总是循环 n 次, 外层循环 3 次, 根据化简法则 4 和法则 2, for 循环的总时间代价为 n 。根据法则 3, 整个程序的代价为 $\Theta(n)$

(c). $\Theta(n^2)$ 第一条语句的时间代价为 $\Theta(1)$ for循环的时间代价为 n^2 。根据法则 3, 整个程序的时间代价 $\Theta(n^2)$

(d). $\Theta(n^2)$ 。for 循环的时间代价 $\Theta(n^2)$, 执

行 $tmp = A[i][j]; A[i][j] = A[j][i]; A[j][i] = tmp$; 需要的时间为一个常数, 记为 $C1$, 内层循环执行

$(n-i-1)$ 次, 根据法则 4 时间开销为

$C1(n-i-1)$, 外层循环 $(n-1)$ 次, 但是每一次内层循环开销都因为 i 的变化而不同。因此, 总的时间开销是从 1 累加到 $(n-1)$ 再乘以 $C1$ 。可以得出时间代价 $\Theta(n^2)$ 。

(e). $\Theta(n \log n)$ 第一个语句所需时间为一个常数。内层循环需要的时间为: Σ

$(i=1, \log n) n$, 外层循环需要时间为 n 。根据法则 4、法则 3 和法则 2, 整个程序的时间代价 $\Theta(n \log n)$

(f). $\Theta(n \log n)$ 第一个语句所需时间为一个常数。内层循环需要的时间为 Σ

$(i=1, \log n) n$, 外层循环需要的时间为 n , 根据法则 4, for 循环需要的时间为 $n \log n$ 。很具法则 3, 整个程序的时间代价 $\Theta(n \log n)$

(g). $\Theta(n^2 \log n)$ 内层循环语句 $A[i] = \text{Random}(n)$; 花的时间值为常数, $\text{sort}(A, n)$; 花的时间值为 $n \log n$, 因此, 根据法则 3, 两个语句的时间代价为 $\Theta(n \log n)$ 内层for循环所需时间为 n , 外层循环所需时间为 n 。因此, 根据法则 4, 整个程序的时间代价

$\Theta(n^2 \log n)$

(h). n^2 。第一个语句所需时间为一个常数。内层循环所需时间为 n , 外层循环所需时间为 n , 根据法则 4 for循环的时间代价为 n^2 。因此, 根据法则 3, 总的时间代价为 $\Theta(n^2)$

(i). $\Theta(n)$ 。第一个语句所需时间为一个常数。If 语句中所需最大的时间代价为 n 。因此，根据法则 4，总的时间代价 $\Theta(n)$ 。