中国石油大学(北京)2018-2019 学年第二学期

《数学分析 II》期末考试试卷

考试方式 (闭卷考试)

班级:	
姓名:	
, , , ,	
学号:	

题号	_	=	三	四	五.	六	七	总分
得分								

(试卷不得拆开,所有答案均写在题后相应位置)

A 卷

一、填空题(每题3分,共15分)

- 1. 求极限 $\lim_{h\to 0} \frac{1}{h^2} \int_0^h \left[\frac{1}{x} \frac{\cos x}{\sin x} \right] dx =$ ______
- 2. 设向量场A = $(y^2 + z^2, z^2 + x^2, x^2 + y^2)$, 则该向量场的旋度的散度∇·(∇×A)为:
- 3. $\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^2y^2}{x^2+y^2} =$ ______
- 4. 设函数u = xyz, 它在点A(5,1,2)处沿到点B(9,4,14)的方向 \overrightarrow{AB} 上的方向导数为:
- 5. 设L是半圆周 $\begin{cases} x = a \cos t \\ v = a \sin t \end{cases}$, $0 \le t \le 2\pi$, 则第一类曲线积分 $\int_{L} (x + y)^2 ds =$ ______

二、选择题(每题3分,共15分)

- 1. 函数 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 在(0,0)点处()
 - (A) 不连续; (B) 偏导数存在; (C) 可微; (D) 沿着任意方向的方向导数存在.
- 2. 己知函数f(x,y)在(0,0)的某邻域内有定义,且 $f_x(0,0) = 2$, $f_y(0,0) = 1$, 则()
 - (A) 曲面z = f(x, y)在(0,0,f(0,0))处的法向量为(2,1,1);
 - (B) 曲线 $\begin{cases} z = f(x,y) \\ y = 0 \end{cases}$ 在(0,0,f(0,0))处的切向量为(1,0,2);
 - (C) 曲线 $\begin{cases} z = f(x,y) \\ y = 0 \end{cases}$ 在(0,0,f(0,0))处的切向量为(2,0,1);
 - (D) $dz|_{0.0} = 2dx + dy$.
- 3. 设区域 $\Omega_1: x^2 + y^2 + z^2 \le R^2, z \ge 0$, 及 $\Omega_2: x^2 + y^2 + z^2 \le R^2, x \ge 0$, $y \ge 0$, $z \ge 0$. 则()
 - (A) $\iiint_{\Omega_1} x dv = 4 \iiint_{\Omega_2} x dv ;$

(B) $\iiint_{\Omega_1} y dv = 4 \iiint_{\Omega_2} y dv ;$

(C) $\iiint_{\Omega_1} z dv = 4 \iiint_{\Omega_2} z dv ;$

- (D) $\iiint_{\Omega_1} xyzdv = 4 \iiint_{\Omega_2} xyzdv.$
- 4. 在力场 $\vec{F} = \left(\frac{y^3}{\sqrt{x^2 + v^2}}, \frac{-x^3}{\sqrt{x^2 + v^2}}\right)$ 的作用下,一质点沿着圆周 $x^2 + y^2 = 1$ 逆时针运动一周所作的 功为()

- (A) $\frac{\pi}{2}$, (B) $-\frac{\pi}{2}$, (C) $\frac{3\pi}{2}$, (D) $-\frac{3\pi}{2}$
- 5. 极限 $\lim_{t\to 0^+} \frac{1}{t^4} \iiint_{x^2+y^2+z^2 \le t^2} \sqrt{x^2+y^2+z^2} \, dx dy dz = ()$
 - (A) 0, (B) $\frac{\pi}{2}$, (C) π , (D) $+\infty$

三、解答题(每题6分,共30分)

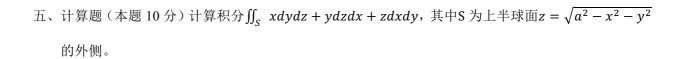
1.
$$\dot{x}I_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^n x \, dx \, (n \in Z^+)$$

3. 计算积分
$$\iint_D e^{\frac{x-y}{x+y}} dx dy$$
其中 D 是由 $x=0,y=0,x+y=1$ 所围成的区域。

4. 计算积分
$$\iint_V \left(\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2}\right) dxdydz$$
,其中V为椭球体 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} \le 1$

5. 设
$$w = f(x^2 + y^2 + z^2, xyz)$$
, f 具有连续的二阶偏导数,计算 $\frac{\partial^2 w}{\partial x \partial z}$.

四、计算题(本题 10 分)计算积分 $\int_L (e^x \sin y - my) dx + (e^x \cos y - m) dy$,其中 L 为由 (a,0) 到 (0,0) 经过圆 $x^2 + y^2 = ax$ 上半部分的路线。



六、计算题(本题 10 分)计算 $\oint_L (y^2+z^2)dx+(z^2+x^2)dy+(x^2+y^2)dz$,其中L为x+y+z=1与三个坐标平面的交线,从z轴正向看,方向为逆时针方向。

七、计算题(本题 10 分)求函数 $F(x,y,z)=x^2+y^2+z^2$ 在约束条件 $\begin{cases} x+y+z=1\\ x+2y+3z=6 \end{cases}$ 下的最小值.

A 卷