

matplotlib 笔记本

吴嘉军

2026 年 1 月 19 日

摘要

这里是摘要

关键词：这里是关键词 1、关键词 2

目录

§1、 简单入门	1
1、 安装	1
1.1、 导入库	1
1.2、 创建数据	1
2、 绘制图形	1
3、 插入中文	1
4、 坐标布局	2
5、 坐标轴	2
6、 箭头	3
7、 文字说明	4
§2、 patches	5
1、 矩形	5
2、 三角形	6
2.1、 边角边画三角形	6
2.2、 向量	7
2.3、 三边画三角形	7
2.4、 角边角画三角形	8
3、 角	8
4、 圆形和椭圆	9
5、 扇形	9
§3、 隐函数	11
1、 圆锥曲线标准方程	11
2、 圆锥曲线一般方程	11

§1、简单入门

一般来说,matplotlib 需要和 numpy, 搭配着使用, 因为 matplotlib 主要是用来绘图的, 而 numpy 主要是用来进行数值计算的, 两者结合起来可以更好地进行数据处理和可视化.

1、安装

在使用 matplotlib 之前, 需要先安装它. 可以使用 pip 命令进行安装

```
1 pip install matplotlib
```

安装完成后, 可以使用以下命令来验证是否安装成功.

1.1、导入库

在使用 matplotlib 之前, 需要先导入它. 通常情况下, 我们会导入 matplotlib.pyplot 模块, 并将其重命名为 plt. 这样可以方便我们后续的使用.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
```

1.2、创建数据

在绘图之前, 我们需要先创建一些数据. 通常情况下, 我们会使用 numpy 来创建数据. 例如, 我们可以使用 numpy 的 linspace 函数来创建一个等间隔的数组.

```
1 x = np.linspace(0, 10, 100) # 创建一个从0到10的等间隔数组, 包含100个点
2 y = np.sin(x) # 计算x对应的正弦值
```

2、绘制图形

使用 matplotlib 绘制图形非常简单. 我们只需要调用 plt.plot 函数, 并传入 x 和 y 数据即可. 然后, 使用 plt.show 函数来显示图形.

```
1 plt.plot(x, y) # 绘制图形
2 plt.xlabel('X轴标签') # 设置X轴标签
3 plt.ylabel('Y轴标签') # 设置Y轴标签
4 plt.title('图形标题') # 设置图形标题
5 plt.show() # 显示图形
```

下面是一个简单的例子, 展示如何使用 matplotlib 绘制一个正弦波.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 # 创建数据
4 x = np.linspace(0, 4 * np.pi, 100)
5 y = np.sin(x)
6
7 # 绘制图形
8 plt.plot(x, y)
9 plt.xlabel('X')
10 plt.ylabel('Y')
11 plt.title('sin')
12
13 plt.savefig('figures/section1/1.1.png') # 保存图形为文件
14 # Show the plot
15 plt.show()
```

运行上述代码, 将会显示一个包含正弦波的图形窗口.

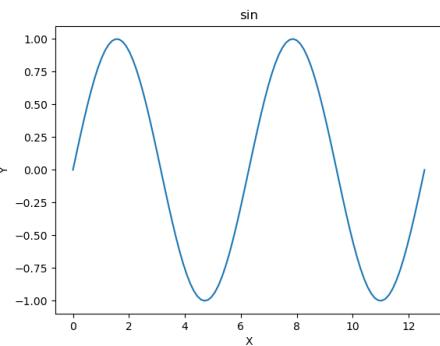


图 1.1: 正弦波图形

3、插入中文

在使用 matplotlib 绘图时, 如果需要插入中文, 可以使用以下方法:

```
1 plt.xlabel('X轴标签', fontproperties='SimHei') # 设置X轴标签为中文
2 plt.ylabel('Y轴标签', fontproperties='SimHei') # 设置Y轴标签为中文
3 plt.title('图形标题', fontproperties='SimHei') # 设置图形标题为中文
```

这里的'SimHei' 是黑体字体的名称, 你也可以根据需要选择其他字体. 确保你的系统中已经安装了所选的中文字体.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 # 创建数据
4 x = np.linspace(0, 4 * np.pi, 100)
5 y = np.sin(x)
6
7 # 绘制图形
8 plt.plot(x, y)
9 plt.xlabel('X轴标签', fontproperties='SimHei') # 设置X轴标签为中文
10 plt.ylabel('Y轴标签', fontproperties='SimHei') # 设置Y轴标签为中文
11 plt.title('图形标题', fontproperties='SimHei') # 设置图形标题为中文
12
13 plt.savefig('figures/section1/1.2.png') # 保存图形为文件
14 # Show the plot
```

15 plt.show()

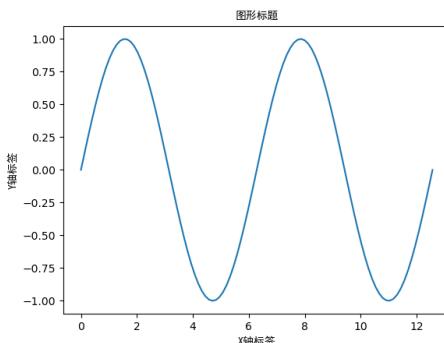


图 1.2

如果觉得太麻烦了，可以在代码开头添加如下代码，这样就可以全局使用中文字体了。

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 from matplotlib import rcParams
3 rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 全局设置中文字体为黑体
4 rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 解决负号显示问题
```

运行上述代码，将可以在 fig 中添加中文，以下代码为例：

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 # 创建数据
4 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 设置中文字体为SimHei
5 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 解决负号显示问题
6 x = np.linspace(0, 4 * np.pi, 100)
7 y = np.sin(x)
8
9 # 绘制图形
10 plt.plot(x, y)
11 plt.xlabel('X轴标签') # 设置X轴标签为中文
12 plt.ylabel('Y轴标签') # 设置Y轴标签为中文
13 plt.title('图形标题') # 设置图形标题为中文
14
15 plt.savefig('figures/section1/1.3.png') # 保存图形为文件
16 # Show the plot
17 plt.show()
```

4、 坐标布局

在 matplotlib 中，可以通过多种方式来调整图形的坐标布局。以下是一些常用的方法：

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3
4 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 用来正常显示中文标签
5 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 用来正常显示负号
6 fig = plt.figure("title") # an empty figure with no Axes
7 fig, ax = plt.subplots() # a figure with a single Axes
8 fig.suptitle("Figure标题") # set the Figure title
9 ax.set_title("Axes标题") # set the Axes title
10 fig, ax = plt.subplots(2, 2) # a figure with a 2x2 grid of Axes
```

```
11 axs[0, 0].set_title("Axes[0,0]title") # set the title for a specific Axes
12 axs[1, 1].set_title("Axes[1,1]title")
13 fig.tight_layout() # adjust spacing between subplots
14
15 # a figure with one Axes on the left, and two on the right:
16 fig, axs = plt.subplot_mosaic([('left', 'right_top'],
17                               ['left', 'right_bottom']))
18 axs['left'].set_title("左侧子图标题")
19 axs['right_top'].set_title("右上子图标题")
20 axs['right_bottom'].set_title("右下子图标题")
21 fig.tight_layout() # adjust spacing between subplots
22 plt.savefig('figures/section1/1.4.png') # 保存图形为文件
23 plt.show()
```

运行上述代码，将会显示一个包含三个子图的图形窗口，一个在左，两个在右。如下所示：

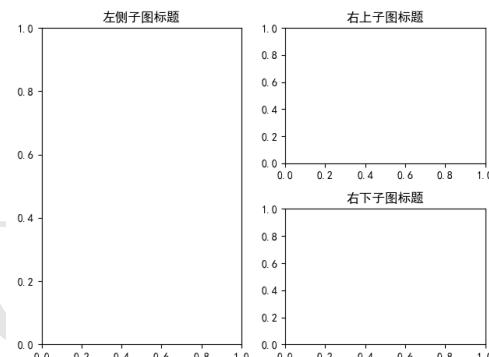


图 1.3: 多个子图布局

5、 坐标轴

在 matplotlib 中，可以通过多种方式来调整图形的坐标轴。以下是一些常用的方法：

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3
4 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 用来正常显示中文标签
5 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 用来正常显示负号
6
7 fig,ax = plt.subplots()
8 x = np.arange(0, 4*np.pi, 0.01)
9 y = np.sin(x)
10 ax.plot(x, y)
11 # 设置坐标轴标签
12 ax.set_xlabel("X轴标签")
13 ax.set_ylabel("Y轴标签")
14 # 设置坐标轴范围
15 ax.set_xlim(0, 9)
16 ax.set_ylim(-1, 1)
17 # 设置刻度
18 ax.set_xticks([0, 0.5*np.pi, np.pi, 1.5*np.pi, 2*np.pi, 2.5*np.pi, 3*np.pi, 3.5*np.pi, 4*np.pi])
19 ax.set_yticks([-1, -0.8, -0.6, -0.4, -0.2, 0, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1])
20
21 # 设置刻度标签
22 # ax.set_xticklabels(['0', '零点五', ' ', '一点五', '2', '二点五', '3', '三点五', '4'])
23 # ax.set_yticklabels(['-1', '-0.8', '-0.6', '-0.4', '-0.2', '0', '0.2', '0.4', '0.6', '0.8', '1'])
24 # 设置标题
25 ax.set_title("坐标轴示例")
```

```

26 # 显示网格
27 ax.grid(True)
28 # 上下左右边框可见性
29 ax.spines['top'].set_visible(False)
30 ax.spines['right'].set_visible(False)
31 # 设置刻度方向、长度、宽度和颜色
32 ax.tick_params(direction='inout', length=10, width=10, colors='red')
33 # 设置刻度线位置
34 ax.xaxis.set_ticks_position('bottom')
35 ax.yaxis.set_ticks_position('left')
36 # 设置刻度线样式
37 # 打开次刻度线
38 # 关闭次刻度线
39 ax.minorticks_off()
40 # 显示主次网格线
41 ax.grid(which='minor', linestyle='--', linewidth=0.5)
42 ax.minorticks_on()
43 ax.xaxis.set_tick_params(which='major', size=10, width=1, direction='out',
   colors='blue')
44 ax.xaxis.set_tick_params(which='minor', size=5, width=1, direction='out',
   colors='red')
45 ax.yaxis.set_tick_params(which='major', size=10, width=0.5, direction='out')
46 ax.yaxis.set_tick_params(which='minor', size=5, width=1, direction='in',
   colors='green')
47
48 # 设置坐标轴位置
49 ax.spines['bottom'].set_position((('data', 0)) # x轴位置
50 ax.spines['left'].set_position((('data', 0)) # y轴位置
51
52 # 添加箭头 ,clip_on=False的作用是防止箭头被裁剪掉
53 ax.plot(1, 0, '^r', transform=ax.get_yaxis_transform(), clip_on=False) #
   transform=ax.get_yaxis_transform()表示箭头在y轴上
54 ax.plot(0, 1, '^b', transform=ax.get_xaxis_transform(), clip_on=False) #
   transform=ax.get_xaxis_transform()表示箭头在x轴上
55
56 plt.savefig('figures/section1/1.5.png') # 保存图形为文件
57 plt.show()

```

运行上述代码，将会显示一个包含自定义坐标轴的图形窗口。如下所示：

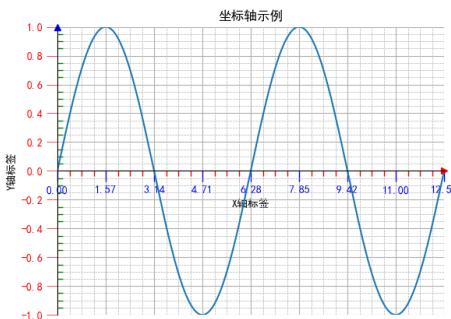


图 1.4：自定义坐标轴

6、 箭头

在 matplotlib 中，可以通过多种方式来添加箭头。以下是一些常用的方法：

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches

```

```

3
4 fig, ax = plt.subplots()
5
6 # 弯箭头示例
7 arrow = mpatches.FancyArrowPatch(
8     # 起点和终点坐标
9     (0.2, 0.2), (.8, .8),
10    # 箭头样式和属性
11    arrowstyle='->,head_length=0.4,head_width=0.2',
12    connectionstyle='arc3,rad=0.3', # 弯曲半径
13    # 其他属性,箭头颜色,线宽,大小等
14    color='blue', linewidth=2, mutation_scale=20,
15    # 坐标系是data坐标系,不裁剪
16    transform=ax.transData, clip_on=False
17 )
18 ax.add_patch(arrow)
19
20 plt.savefig('figures/section1/1.6.png') # 保存图形为文件
21 plt.show()

```

运行上述代码，将会显示一个包含箭头的图形窗口。如下所示：

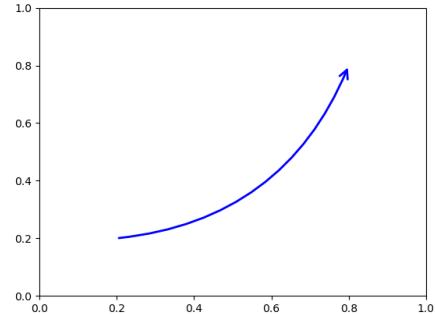


图 1.5：箭头示例

再举例说明一下如何添加不同样式的箭头。

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 用来正常显示中文标签
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 用来正常显示负号
7
8 fig, ax = plt.subplots()
9 x = np.linspace(0, 4*np.pi, 100)
10 y = np.sin(x)
11 ax.set_title("箭头示例2")
12 ax.plot(x, y)
13 # 直箭头示例
14 arrow1 = mpatches.FancyArrowPatch(
15     (0.7*np.pi, 1.2), (0.5 * np.pi, 1),
16     arrowstyle='->', mutation_scale=20,
17     connectionstyle='arc3,rad=0.3',
18     color='red',
19     transform=ax.transData, clip_on=False
20 )
21 arrow2 = mpatches.FancyArrowPatch(
22     (3.7*np.pi, -1.2), (3.5 * np.pi, -1),
23     arrowstyle='->', mutation_scale=20,
24     connectionstyle='arc3,rad=0.3',
25     color='red',
26     transform=ax.transData, clip_on=False

```

```

27 )
28
29 ax.add_patch(arrow1)
30 ax.add_patch(arrow2)
31
32 ax.spines['top'].set_visible(False)
33 ax.spines['right'].set_visible(False)
34 ax.spines['bottom'].set_position((('data', 0)) # x轴位置
35 ax.spines['left'].set_position((('data', 0)) # y轴位置
36
37 # 添加箭头 ,clip_on=False的作用是防止箭头被裁剪掉
38 ax.plot(1, 0, '^r', transform=ax.get_yaxis_transform(), clip_on=False) #
            transform=ax.get_yaxis_transform()表示箭头在y轴上
39 ax.plot(0, 1, '^b', transform=ax.get_xaxis_transform(), clip_on=False) #
            transform=ax.get_xaxis_transform()表示箭头在x轴上
40
41 # 点一个( /2,1)位置
42 ax.plot(0.5*np.pi, 1, 'og', markersize=8)
43 ax.plot(3.5*np.pi, -1, 'ob', markersize=8)
44
45 # 标注文字说明
46 ax.text(0.7*np.pi - 0.1, 1.2 - 0.1, "最高点($\pi/2,1)", color='red', fontsize=10)
47 ax.text(3.7*np.pi - 0.1, -1.2 - 0.1, "最低点(7$\pi/2,1)", color='red',
           fontsize=10)
48
49 plt.savefig('figures/section1/1.7.png') # 保存图形为文件
50 plt.show()

```

运行上述代码, 将会显示一个包含不同样式的箭头的图形窗口. 如下所示:

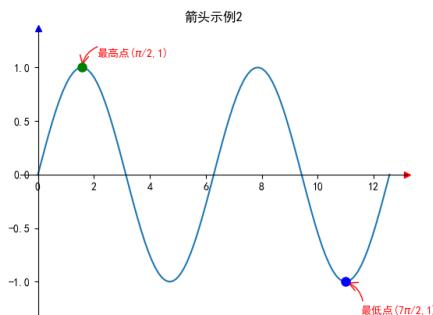


图 1.6: 不同样式箭头示例

7、 文字说明

在 matplotlib 中, 可以通过多种方式来添加文字说明. 以下是一些常用的方法:

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8
9 fig,ax = plt.subplots()
10 fig.suptitle("文字说明")
11 ax.set_title("latex文字说明")
12
13 ax.plot([0.5,1,1.5,2,2.5],[-0.5,-0.25,0,0.25,0.5],'og', markersize=2)
14 # 添加文字说明
15 ax.text(0.5, -0.5, "matplotlib可以插入latex公式", color='green', fontsize=12)
16 ax.text(1, -0.25, r"\frac{(\partial_1^2 u)(\partial_1 t)^2}{(\partial_1^2 u)(\partial_2 u)^2}", color='green', fontsize=15)
17 ax.text(1.5, 0, r"\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)", color='green', fontsize=15)
18 ax.text(2, 0.25, r"\rho = \int_a^b f(x) dx", color='green', fontsize=15)
19 ax.text(2.5, 0.5, r"\nabla \cdot E = \frac{\rho}{\epsilon_0} \varepsilon_0", color='green', fontsize=15)
20
21
22
23 ax.set_xlim(0,3.5)
24 ax.set_ylim(-1, 1)
25
26 ax.grid(True)
27 plt.savefig('figures/section1/1.8.png') # 保存图形为文件
28 plt.show()

```

运行上述代码, 将会显示一个包含文字说明的图形窗口. 如下所示:

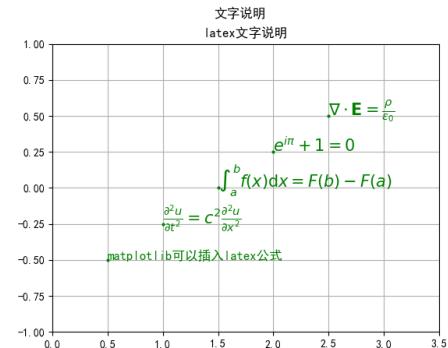


图 1.7: 文字说明示例

§2、 patches

在 matplotlib 中, patches 模块提供了许多用于绘制图形元素的类. 这些类可以用来创建各种形状, 如矩形、 圆形、 椭圆等. 以下是一些常用的 patches 类:

- **Rectangle**: 用于绘制矩形.
- **Circle**: 用于绘制圆形.
- **Ellipse**: 用于绘制椭圆.
- **Polygon**: 用于绘制多边形.

例如, 我们可以使用 patches.Rectangle 来创建一个正方形:

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 fig, ax = plt.subplots()
9 # 创建一个正方形
10 rec = mpatches.Rectangle((0.2,0.2), 0.6, 0.6, facecolor='blue', edgecolor='black')
11 ax.add_patch(rec)
12
13 ax.plot(0.2,0.2,color = 'red', marker = 'o', markersize=10)
14
15 ax.set_xlim(0,1)
16 ax.set_ylim(0,1)
17 ax.set_title('正方形示例')
18 # x轴和y轴一样长
19 ax.set_aspect('equal')
20 # 保持图形
21 plt.savefig('figures/section2/2.1.png')
22 plt.show()
```

运行上述代码, 将会显示一个包含正方形的图形窗口. 如下所示:

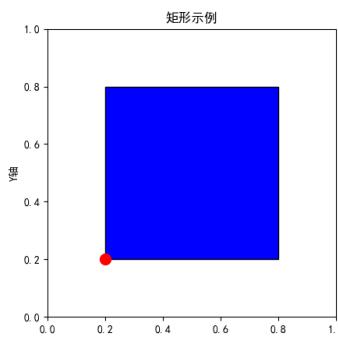


图 2.1: 正方形示例

1、 矩形

上面的例子已经展示了如何使用 patches.Rectangle 来创建一个矩形. 我们还可以通过设置不同的参数来调整矩形的属性, 如颜色、 边框宽度等.

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 # 创建子图
9 fig,ax = plt.subplots(3,2,figsize=(10,15))
10
11 # angle=0表示不旋转,facecolor表示填充颜色,edgecolor表示边框颜色,linewidth表示
12 # 边框宽度,alpha表示透明度
13 rect = mpatches.Rectangle((0.2,0.2),0.6,0.6,angle=0,facecolor="lightblue",
14                           edgecolor="blue",linewidth=2,alpha=0.7)
15 ax[0,0].add_patch(rect)
16 ax[0,0].set_xlim(0,1)
17 ax[0,0].set_ylim(0,1)
18 # adjustable参数设置为box时, 长宽比固定
19 ax[0,0].set_aspect('equal', adjustable='box')
20
21 # angle=45表示旋转45度,默认是绕着左下角旋转
22 rect = mpatches.Rectangle((0.2,0.2),0.6,0.6,angle=45,facecolor="lightgreen",
23                           edgecolor="green",linewidth=2,alpha=0.7)
24 ax[0,1].add_patch(rect)
25 ax[0,1].set_xlim(0,1)
26 ax[0,1].set_ylim(0,1)
27 ax[0,1].set_aspect('equal', adjustable='box')
28
29 # 填充颜色和边框颜色,填充无颜色,边框填充红色
30 rect = mpatches.Rectangle((0.2,0.2),0.6,0.6,angle=0,facecolor='none',
31                           edgecolor="red",linewidth= 2,alpha=1)
32 ax[1,0].add_patch(rect)
33 ax[1,0].set_xlim(0,1)
34 ax[1,0].set_ylim(0,1)
35 ax[1,0].set_aspect('equal', adjustable='box')
36
37 # 修改长方形的位置在原点,默认是以左下角为原点
38 rect = mpatches.Rectangle((0,0),0.6,0.6,angle=0,facecolor="orange",
39                           edgecolor="brown",linewidth=2,alpha=0.7)
40 ax[1,1].add_patch(rect)
41 ax[1,1].set_xlim(0,1)
42 ax[1,1].set_ylim(0,1)
43 ax[1,1].set_aspect('equal', adjustable='box')
44 ax[1,1].plot(0,0, 'ro', markersize = 10) # 标记原点位置
45
46 # 修改长方形的长和宽,宽为1,长为0.6
47 rect = mpatches.Rectangle((0.0,0.1),1,0.6,angle=0,facecolor="purple",
48                           edgecolor="none",linewidth=2,alpha=0.7)
49 ax[2,0].add_patch(rect)
50 ax[2,0].set_xlim(0,1)
51 ax[2,0].set_ylim(0,1)
52 ax[2,0].set_aspect('equal', adjustable='box')
53
54 # 修改长方形的透明度,alpha=0.3表示透明度为30%
55 rect1 = mpatches.Rectangle((0.2,0.2),0.6,0.6,angle=0,facecolor="red",
56                           edgecolor="none",linewidth=2,alpha=0.3)
57 rect2 = mpatches.Rectangle((0.3,0.3),0.6,0.6,angle=0,facecolor="blue",
58                           edgecolor="none",linewidth=2,alpha=0.4)
59 ax[2,1].add_patch(rect1)
60 ax[2,1].add_patch(rect2)
61 ax[2,1].set_xlim(0,1)
62 ax[2,1].set_ylim(0,1)
63 ax[2,1].set_aspect('equal', adjustable='box')
```

```
55 plt.savefig("figures/section2/2.2.png", dpi=300)
56 plt.show()
```

运行上述代码，将会显示一个包含自定义矩形的图形窗口。如下所示：

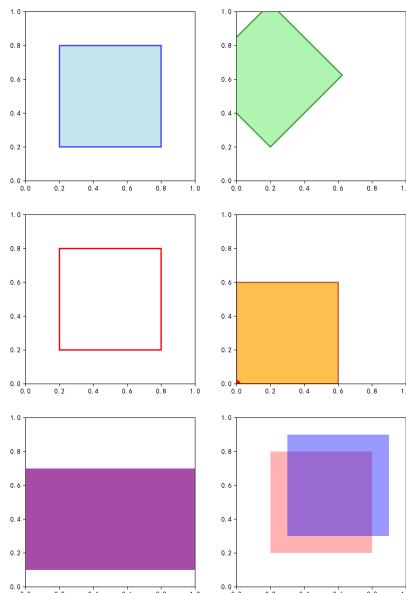


图 2.2: 自定义矩形示例

2、三角形

我们可以使用 `patches.Polygon` 来创建一个三角形。以下是一个示例：

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 # 创建子图
9 fig, ax = plt.subplots(1, 2, figsize=(10,5))
10 # 创建一个等边三角形,中心在(0.5,0.5),边长为0.8,RegularPolygon表示正多边形,
    numVertices=3表示三边形,radius表示外接圆半径,orientation表示旋转角度 pi
    /2表示旋转90度
11 triangle = mpatches.RegularPolygon((0.5, 0.5), numVertices=3, radius=0.4,
    orientation=np.pi / 2,
12     facecolor='lightcoral', edgecolor='darkred',
     linewidth=2, alpha=0.7)
13 ax[0].add_patch(triangle)
14 ax[0].set_xlim(0, 1)
15 ax[0].set_ylim(0, 1)
16 ax[0].set_aspect('equal')
17 ax[0].set_title('等边三角形')
18
19 # 创建一个直角三角形,顶点坐标为(0.2,0.2),(0.8,0.2),(0.8,0.8)
20 right_triangle = mpathes.Polygon([(0.2, 0.2), (0.8, 0.2), (0.8, 0.8)], facecolor
    ='lightblue', edgecolor='darkblue', linewidth=2, alpha=0.7)
21 ax[1].add_patch(right_triangle)
22 ax[1].set_xlim(0, 1)
23 ax[1].set_ylim(0, 1)
24 ax[1].set_aspect('equal')
25 ax[1].set_title('直角三角形')
26
27 plt.savefig("figures/section2/2.3.png", dpi=300)
28 plt.show()
```

```
19 # 创建一个直角三角形,顶点坐标为(0.2,0.2),(0.8,0.2),(0.8,0.8)
20 right_triangle = mpathes.Polygon([(0.2, 0.2), (0.8, 0.2), (0.8, 0.8)], facecolor
    ='lightblue', edgecolor='darkblue', linewidth=2, alpha=0.7)
21 ax[1].add_patch(right_triangle)
22 ax[1].set_xlim(0, 1)
23 ax[1].set_ylim(0, 1)
24 ax[1].set_aspect('equal')
25 ax[1].set_title('直角三角形')
26
27 plt.savefig("figures/section2/2.3.png", dpi=300)
28 plt.show()
```

运行上述代码，将会显示一个包含三角形的图形窗口。如下所示：

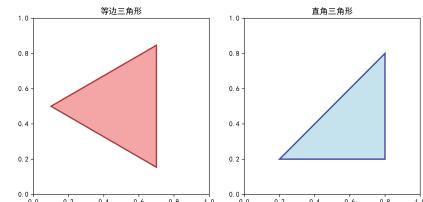


图 2.3: 三角形示例

这样绘制的三角形是已知顶点坐标的。如果是只知道两条边长和其中的夹角，可以通过计算得到其他两个顶点的坐标。

2.1、边角边画三角形

举个例子，假设已知三角形的一条边长为 a ，另一条边长为 b ，夹角为 θ ，则可以通过以下代码计算出其他两个顶点的坐标并绘制三角形：

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 # 创建子图
9 fig, ax = plt.subplots(1, 1, figsize=(10,5))
10 # 知道三角形的两条边长和夹角,计算顶点坐标
11 a = 0.6 # 边长a
12 b = 0.5 # 边长b
13 theta = np.radians(60) # 夹角60度转换为弧
14
15 # 计算顶点坐标
16 A = [0.2, 0.2]
17 B = [A[0] + a, A[1]]
18 C = [A[0] + b * np.cos(theta), A[1] + b * np.sin(theta)]
19 # 创建三角形
20 triangle = mpatches.Polygon([A, B, C], facecolor='lightcoral', edgecolor='darkred',
    linewidth=2, alpha=0.7)
21 ax.add_patch(triangle)
22 ax.set_xlim(0, 1)
23 ax.set_ylim(0, 1)
24 ax.set_aspect('equal')
```

```

25 ax.set_title('已知两边和夹角的三角形')
26 # *A表示解包坐标,*解包操作符,表示将元组拆开,写字在旁边,
27 ax.plot(*A, 'ro', label='顶点A') # 标记顶点A
28 ax.plot(*B, 'go', label='顶点B') # 标记顶点B
29 ax.plot(*C, 'bo', label='顶点C') # 标记顶点C
30
31 ax.text(*A, 'A', fontsize=12, ha='right', va='bottom')
32 ax.text(*B, 'B', fontsize=12, ha='left', va='bottom')
33 ax.text(*C, 'C', fontsize=12, ha='center', va='bottom')
34 ax.legend()
35
36 plt.savefig("figures/section2/2.4.png", dpi=300)
37 plt.show()

```



图 2.4: 三角形示例 2

2.2、向量

还可以使用向量在图像中寻找特殊点, 测量边长, 测量角, 绘制角平分线.

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 a = 1
9 b = 1
10 theta = np.radians(60) # 夹角60度转换为弧
11 A = [0.2, 0.2]
12 B = [A[0] + a, A[1]]
13 C = [A[0] + b * np.cos(theta), A[1] + b * np.sin(theta)]
14 A = np.array(A)
15 B = np.array(B)
16 C = np.array(C)
17 print(f'{A},{B},{C}')
18 fig,ax = plt.subplots()
19 ax.text(A[0],A[1],"A")
20 ax.text(B[0],B[1],"B")
21 ax.text(C[0],C[1],"C")
22 triangle = mpatches.Polygon([A, B, C], facecolor='lightblue', edgecolor='darkred', linewidth=2, alpha=0.7)
23
24 vec_ab = B - A
25 vec_ac = C - A
26 vec_bc = B - C
27 print(vec_ab)
28 ab = np.linalg.norm(vec_ab)
29 print(f'边长ab:{ab}')
30
31 mid_ab = (A + B) / 2
32 print(f'中点坐标:{mid_ab}')
33
34 angle_A = np.dot(vec_ab,vec_ac) / (np.linalg.norm(vec_ab) * np.linalg.
    norm(vec_ac))

```

```

35 # 计算弧度角
36 angle_radians = np.arccos(angle_A)
37 # 转换为度数
38 angle_degrees = np.degrees(angle_radians)
39 print(f'A夹角{angle_degrees}')
40
41 # 计算角平分线
42 # 归一化向量
43 unit_vec_ab = vec_ab / np.linalg.norm(vec_ab)
44 unit_vec_ac = vec_ac / np.linalg.norm(vec_ac)
45 print(unit_vec_ab)
46 print(unit_vec_ac)
47
48 # # 计算角平分线向量
49 bisector = unit_vec_ab + unit_vec_ac + A
50 ax.text(bisector[0],bisector[1],'角平分线')
51 x, y = zip(A,bisector) # 使用zip解包坐标
52 print(x)
53 print(y)
54 plt.plot(x,y,'bo',linestyle = '--',label = '角平分线')
55
56 angle_A = np.dot(vec_ab,bisector) / (np.linalg.norm(vec_ab) * np.linalg.
    norm(bisector))
57 # 计算弧度角
58 angle_radians = np.arccos(angle_A)
59 # 转换为度数
60 angle_degrees = np.degrees(angle_radians)
61 print(f'A夹角{angle_degrees}')
62
63 # # 计算中线
64 mid_bc = (B + C) / 2
65 ax.text(mid_bc[0],mid_bc[1],'中点')
66 print(mid_bc)
67 x, y = zip(A, mid_bc) # 使用zip解包坐标
68 # print(x)
69 # print(y)
70 plt.plot(x,y,'ro',linestyle = '--',label = '中线')
71
72
73
74 ax.add_patch(triangle)
75 ax.set_aspect('equal')
76 plt.savefig('figures/section2/2.5.png',dpi=300)
77 plt.show()

```

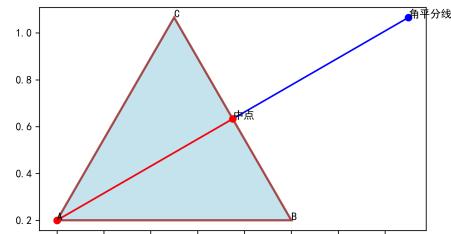


图 2.5: 三角形示例 3

2.3、三边画三角形

如果知道三条边的长度 a, b, c , 也可以用于绘制三角形.

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4
5 a,b,c = 1,1,1
6 A = [0.,0.]
7 # 利用余弦定理
8 # cosa=(b^2+c^2-a^2)/2bc
9 thetaA = (b**2 + c**2 - a**2) / (2*b*c)
10 angle_radians = np.arccos(thetaA)
11 # 转换为度数
12 angle_degrees = np.degrees(angle_radians)
13
14 print(f"angle_degrees:{angle_degrees:.2f}")
15 B = [A[0] + c, A[1]]
16 C = [A[0] + b * np.cos(angle_radians), A[1] + b * np.sin(angle_radians)]
17
18 fig,ax = plt.subplots()
19 triangle = mpatches.Polygon([A, B, C], facecolor='lightblue', edgecolor='darkred', linewidth=2, alpha=0.7)
20 ax.add_patch(triangle)
21 ax.text(0.5,0.5,r"\cos A=\frac{b^2+c^2-a^2}{2bc}", fontsize = 18)
22 ax.text(*A,'$A$',color = "red")
23 ax.text(*B,'$B$')
24 ax.text(*C,'$C$',color = 'blue')
25
26 ax.set_xlim(0,c + 0.1)
27 ax.set_ylim(0,b)
28 ax.set_aspect('equal')
29
30 plt.savefig("figures/section2/2.6.png")
31 plt.show()
32
33 # 初始条件
34 thetaA,thetaB = 30,90
35 c = 1
36 A = [0.,0.]
37
38 thetaC = 180 - thetaA - thetaB
39 if thetaC < 0:
40     print("构造不了三角形")
41     pass
42
43 angle_radiansA = np.radians(thetaA)
44 angle_radiansB = np.radians(thetaB)
45 angle_radiansC = np.radians(thetaC)
46
47 a = np.sin(angle_radiansA) / (np.sin(angle_radiansC) / c)
48 b = np.sin(angle_radiansB) / (np.sin(angle_radiansC) / c)
49
50 print(f"{{a},{b}}")
51
52 B = [A[0] + c, A[1]]
53 C = [A[0] + b * np.cos(angle_radiansA), A[1] + b * np.sin(angle_radiansA)]
54
55 fig,ax = plt.subplots()
56 triangle = mpatches.Polygon([A, B, C], facecolor='lightblue', edgecolor='darkred', linewidth=2, alpha=0.7)
57 ax.add_patch(triangle)
58 ax.set_xlim(0,c + 0.1)
59 ax.set_ylim(0,b)
60 ax.text(0.5,0.3,r"\frac{a}{\sin A}=\frac{b}{\sin B}=\frac{c}{\sin C}", fontsize = 18)
61 ax.text(*A,'$A$',color = "red")
62 ax.text(*B,'$B$')
63 ax.text(*C,'$C$',color = 'blue')
64 ax.set_aspect('equal')
65
66 plt.savefig("figures/section2/2.7.png")
67 plt.show()

```

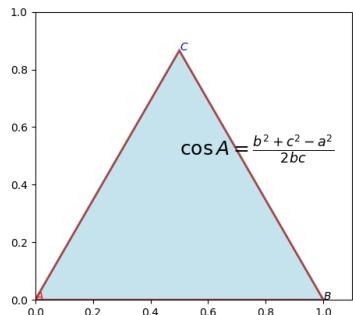


图 2.6: 三角形示例 4

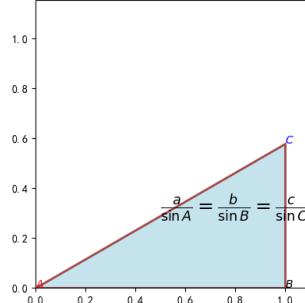


图 2.7: 三角形示例 5

2.4、角边角画三角形

知道三角形的两个角, 和两角中间的边长, 也可
以绘制三角形. 可以运用正弦定理:

$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ 用下面的例子绘图:

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 import matplotlib.patches as mpatches
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 A = [0.,0.]
9 B = [1.,0.]
10 theta = 120

```

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 import matplotlib.patches as mpatches
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7
8 A = [0.,0.]
9 B = [1.,0.]
10 theta = 120

```

```

11 radians = np.radians(theta)
12
13 C = [A[0] + 1. * np.cos(radians),A[1] + 1. * np.sin(radians)]
14
15 fig,ax = plt.subplots()
16 x,y = zip(A,B)
17 plt.plot(x,y,'r-')
18 x,y = zip(A,C)
19 plt.plot(x,y,'r-')
20 # 绘制弧线,宽度和height是椭圆形的长边和短边,相等时相当于圆形弧线,theta1和
    theta2分别是起点和终点角度
21 arc = mpatches.Arc((0,0),width=0.3,height=0.3,angle=0,theta1=0,theta2=
    theta,linewidth = 2,color = "blue")
22
23 ax.add_patch(arc)
24 ax.text(0.1,0.1,fr'$\alpha={theta}^{\circ}$',fontsize = 12)
25 ax.set_aspect('equal')
26 plt.savefig('figures/section2/2.8.png')
27 plt.show()

```

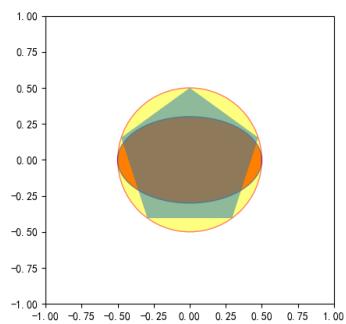


图 2.9: 圆形和椭圆

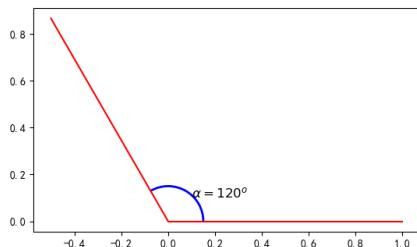


图 2.8: 角

4、 圆形和椭圆

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import numpy as np
4 import os
5
6 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
7 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
8
9 fig,ax = plt.subplots()
10
11 ellipse = mpatches.Ellipse((0,0),1.,0.6,fc = 'red',ec = 'blue')
12 circle = mpatches.Circle((0,0),0.5,fc = 'yellow',alpha = 0.5,ec = 'red')
13 regularPolygon = mpatches.RegularPolygon((0,0),numVertices=5,radius
    = 0.5,alpha = 0.5)
14 ax.add_patch(ellipse)
15 ax.add_patch(circle)
16 ax.add_patch(regularPolygon)
17 ax.set_xlim(-1,1)
18 ax.set_ylim(-1,1)
19 ax.set_aspect('equal')
20 # 文件保存
21 script_name = os.path.splitext(os.path.basename(__file__))[0]
22 plt.savefig("figures/section2/" + script_name + '.png')
23 plt.show()

```

5、 扇形

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.patches as mpatches
3 import os
4
5 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
6 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
7 fig, ax = plt.subplots()
8
9 # 使用 patches 自定义样式
10 wedge0 = mpatches.Wedge((0.,0.),0.5,theta1=0,theta2=30,linewidth=2,
    edgecolor='purple', facecolor='plum', alpha=0.7)
11 wedge1 = mpatches.Wedge((0.,0.),0.5,theta1=30,theta2=60,linewidth=2,
    edgecolor='green', facecolor='purple', alpha=0.7)
12 wedge2 = mpatches.Wedge((0.,0.),0.5,theta1=60,theta2=150,linewidth=2,
    edgecolor='black', facecolor='green', alpha=0.7)
13 wedge3 = mpatches.Wedge((0.,0.),0.5,theta1=150,theta2=290,linewidth=2,
    edgecolor='blue', facecolor='yellow', alpha=0.7)
14 wedge4 = mpatches.Wedge((0.,0.),0.5,theta1=290,theta2=360,linewidth=2,
    edgecolor='plum', facecolor='red', alpha=0.7)
15
16 ax.add_patch(wedge0)
17 ax.add_patch(wedge1)
18 ax.add_patch(wedge2)
19 ax.add_patch(wedge3)
20 ax.add_patch(wedge4)
21 ax.set_xlim(-1,1)
22 ax.set_ylim(-1,1)
23 ax.set_aspect('equal')
24 # 文件保存
25 script_name = os.path.splitext(os.path.basename(__file__))[0]
26 plt.savefig("figures/section2/" + script_name + '.png')
27 plt.show()

```

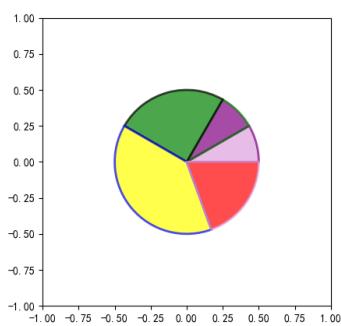


图 2.10: 扇形

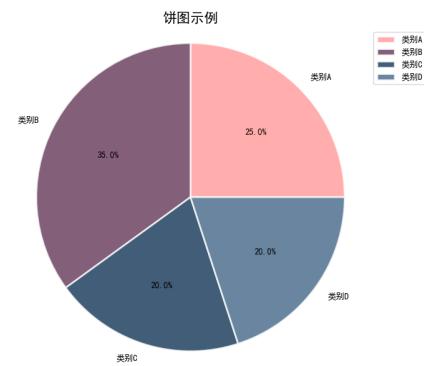


图 2.11: 扇形饼图

plt 也可以绘制扇形饼图

```
1 # 利用matplotlib.pyplot也可以直接绘制扇形饼图
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 # import matplotlib.patches as mpatches
4 import os
5
6 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
7 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
8 # 准备数据
9 labels = ['类别A', '类别B', '类别C', '类别D']
10 sizes = [25, 35, 20, 20]
11 colors = ["#ff9999", "#663758", "#123456", "#456789"]
12
13 # 创建图形
14 fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 6))
15
16 # 绘制饼图并获取扇形patch
17 wedges, texts, autotexts = ax.pie(sizes, labels=labels, colors=colors, autopct
18     ='%1.1f%%')
19
20 # 自定义每个扇形的样式
21 for i, wedge in enumerate(wedges):
22     # 设置边框颜色和宽度
23     wedge.set_edgecolor('white')
24     wedge.set_linenwidth(2)
25     # 设置透明度
26     wedge.set_alpha(0.8)
27
28 # 添加标题
29 ax.set_title('饼图示例', fontsize=16, fontweight='bold')
30
31 # 确保饼图是圆形
32 ax.axis('equal')
33
34 # 添加图例
35 ax.legend()
36
37 # 调整布局
38 plt.tight_layout()
39
40 # 文件保存
41 script_name = os.path.splitext(os.path.basename(__file__))[0]
42 plt.savefig("figures/section2/" + script_name + '.png')
43 plt.show()
```

§3、 隐函数

matplotlib 也可以按照隐函数进行绘图. 这里主要提供两种方法进行画图

1、 圆锥曲线标准方程

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import os
4
5 # 设置中文字体, 例如使用 "SimHei"
6 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 添加'SimHei'到字体列表
7 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 解决负号显示为的问题
8 fig,ax = plt.subplots()
9 fig.suptitle(r'隐函数$\frac{x^2}{4}+\frac{y^2}{1}=1$')
10 # 定义x和y的范围
11 x = np.linspace(-3,3,100)
12 y = np.linspace(-1.5,1.5,100)
13 X, Y = np.meshgrid(x, y)
14
15 # 计算Z值, Z = x^2/4 + y^2/1 - 1
16 Z = X**2/4 + Y**2/1 - 1
17
18 # 绘制等高线图
19 ax.contour(X, Y, Z, levels=[0], colors='black')
20 ax.plot(1,0,'>r',transform=ax.get_yaxis_transform(),clip_on=False) # transform=ax.get_yaxis_transform()表示箭头在x轴上
21 ax.plot(0,1,'^b',transform=ax.get_xaxis_transform(),clip_on=False) # transform=ax.get_xaxis_transform()表示箭头在y轴上
22 ax.set_aspect(1)
23 ax.set_title(r'隐函数$\frac{x^2}{4}+\frac{y^2}{1}=1$')
24
25
26 ax.spines['right'].set_visible(False)
27 ax.spines['top'].set_visible(False)
28 # 改变坐标轴的位置
29 ax.spines['bottom'].set_position(('data', 0))
30 ax.spines['left'].set_position(('data', 0))
31 # 文件保存
32 script_name = os.path.splitext(os.path.basename(__file__))[0]
33 plt.savefig("figures/section3/" + script_name + '.png')
34 plt.show()

```

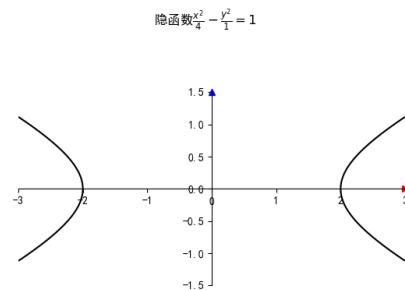


图 3.2: 双曲线

$$\text{隐函数 } y^2 = 2x$$

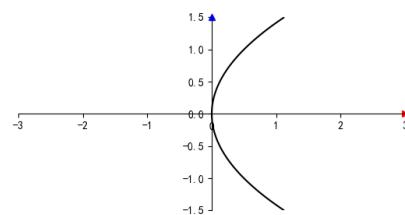


图 3.3: 抛物线

以上可以看出画图的方式是用到了 contour 绘制等高线的方式. 下面我们还可以用到 sympy 库, 利用 sympy 可以直接解出 y 与 x 的关系表达式: $y = f(x)$

2、 圆锥曲线一般方程

圆锥曲线一般方程:

$$Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$$

用圆锥曲线的一般方程来绘制一些图片

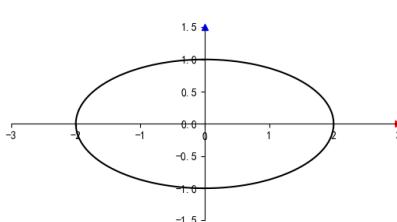


图 3.1: 椭圆

```

1 import sympy as sp
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import numpy as np
4 import os
5
6 plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
7 plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False
8
9 fig,ax = plt.subplots()
10 ax.set_title('圆锥曲线的一般方程')
11 A,B,C,D,E,F,x,y = sp.symbols('A,B,C,D,E,F,x,y')
12 expr = A*x**2 + B * x * y + C * y**2 + D * x + E * y + F
13 eq = sp.Eq(expr,0)
14 # 如果圆锥曲线在原点,则没有x和y的一次项,也就是D和E为0

```

```
15 subs_dict = {A:-3,B:4,C:-4,D:0,E:0,F:4}
16 result = eq.subs(subs_dict)
17
18 # 解出y关于x的表达式
19 solutions = sp.solve(result, y)
20
21 print(sp.latex(solutions))
22
23 # 绘制每个解
24 x_vals = np.linspace(-10, 10, 2000)
25 for i, sol in enumerate(solutions):
26     # 将符号表达式转换为数值函数
27     y_func = sp.lambdify(x, sol, 'numpy')
28
29     try:
30         y_vals = y_func(x_vals)
31         # 只绘制实数部分
32         mask = np.isreal(y_vals)
33         if np.any(mask):
34             ax.plot(x_vals[mask], np.real(y_vals[mask]), color = 'red',
35                     label=f'解{i+1}', linewidth=2)
36     except Exception as e:
37         print(f'绘制解{i+1}时出错:{e}')
38         continue
39
40 ax.text(0.,0.,f"${sp.latex(result)}$",
41         bbox={'boxstyle': 'round',
42               'facecolor': 'lightblue',
43               'alpha': 0.7,
44               'pad': 0.5},
45         alpha = 0.8)
46
47 offset_x = 0.5 # x方向的偏移量 (向左为负)
48 offset_y = 0.5 # y方向的偏移量 (向下为负)
49 text_x = ax.get_xlim()[0] + offset_x # 获取x轴最小值并加上偏移量
50 text_y = ax.get_ylim()[0] + offset_y # 获取y轴最小值并加上偏移量
51
52 ax.text(text_x,text_y,f'$y={sp.latex(solutions[0])}$', fontsize = 12)
53 ax.text(text_x,text_y + offset_y,f'$y={sp.latex(solutions[1])}$', fontsize =
54                 12)
55
56 # 文件保存
57 script_name = os.path.splitext(os.path.basename(__file__))[0]
58 plt.savefig("figures/section3/" + script_name + '.png')
59 plt.show()
```

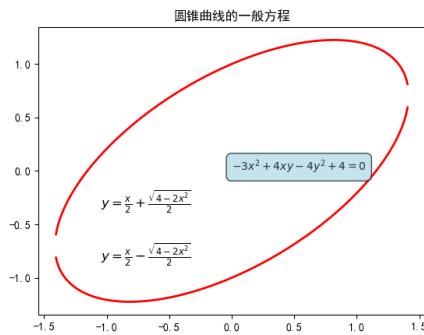


图 3.4: 圆锥曲线一般方程

参考文献

- [1] Matplotlib 官方文档, <https://matplotlib.org/stable/contents.html>
- [2] NumPy 官方文档, <https://numpy.org/doc/>