

# Project Development Guide: Mixed-Feedback Model of Collective Emotion

## 1. 项目概述 (Project Overview)

本项目旨在实现一个基于统计物理的混合反馈模型 (Mixed-Feedback Model)，用于研究集体情绪中的相变、极化及临界慢化现象。项目分为理论计算 (Mean-Field Theory) 与网络模拟 (Agent-Based Simulation) 两大部分。

核心目标：

- 理论求解：基于 Ginzburg-Landau (GL) 方程，解析计算相变临界点  $r_c$  及稳态势能。
- 数值模拟：利用 Euler-Maruyama 方法求解随机微分方程 (SDE)，验证概率分布。
- 网络仿真：在复杂网络 (BA/ER) 上运行主体模型，验证拓扑结构下的理论预测。

## 2. 技术栈与目录结构 (Tech Stack & Structure)

Tech Stack: Python 3.9+ Libraries: numpy, scipy, matplotlib, networkx, pandas, seaborn

Directory Structure:

```
project_root/
├── src/
│   ├── __init__.py
│   ├── theory.py      # 理论核心: rc计算, alpha映射, 势能函数
│   ├── sde_solver.py  # SDE 数值解法 (Algorithm 1)
│   ├── network_sim.py # 网络 ABM 模拟 (Algorithm 2)
│   └── utils.py       # 绘图与辅助工具
├── notebooks/        # 探索性分析与论文绘图
│   ├── 01_potential_landscap.ipynb # 势能阱演化
│   ├── 02_bifurcation_diagram.ipynb # 分岔图 (理论 vs 模拟)
│   └── 03_critical_slowing_down.ipynb # 临界慢化验证
└── tests/            # 单元测试
└── DEVELOPMENT.md    # 本文档
```

## 3. 开发计划 (Development Plan)

### Phase 1: 理论核心模块 (Theoretical Core)

目标：实现 Method Part 2 中的所有解析公式，特别是临界点  $r_c$  和 GL 参数  $\alpha, u$  的计算。

任务清单 (Tasks):

- [ ] 实现微观响应函数的导数计算 `calculate_chi(phi, theta, k_avg)`。
  - 关键点：使用 `scipy.stats.binom` 计算边界概率密度。
- [ ] 实现临界点计算 `calculate_rc(n_m, n_w, chi)`。
  - 公式： $r_c = 1 + \frac{n_w}{n_m} \frac{2-\chi}{2+\chi}$ 。
- [ ] 实现宏观系数映射 `get_gl_params(r, rc)`。
  - 逻辑： $\alpha = r_c - r, u = 1.0$  (或其他拟合常数)。

- [ ] 实现有效势能函数 `potential_energy(q, alpha, u)`。

- 公式:  $V(q) = \frac{1}{2}\alpha q^2 + \frac{1}{4}uq^4$ 。

#### 验收标准 (Review Criteria):

- 当  $\theta, \phi$  对称且  $\chi > 2$  时, 函数应返回  $r_c < 1$ 。
- 当  $\alpha > 0$  时, 势能曲线应为单底 (U型) ; 当  $\alpha < 0$  时, 应为双底 (W型) 。

### Phase 2: SDE 数值求解器 (Stochastic Dynamics)

**目标:** 利用 Langevin 动力学验证理论分布, 并展示相变过程。

#### 任务清单 (Tasks):

- [ ] 实现 Euler-Maruyama 迭代步。
  - 方程:  $q_{t+1} = q_t + (-\alpha q_t - uq_t^3)dt + \sigma\sqrt{dt}\xi_t$ 。
- [ ] 开发 SDE 模拟主循环 `run_sde_simulation(...)`。
  - 支持并行跑多条轨迹 (Ensemble)。
- [ ] 实现稳态分布解析解 `theoretical_pdf(q, alpha, u, sigma)`。
  - 公式:  $P(q) \propto \exp(-V(q)/D)$ 。

#### 验收标准 (Review Criteria):

- **分布验证:** 运行 SDE 得到的  $q$  值直方图, 必须能完美覆盖在解析解  $P(q)$  的曲线上。
- **分岔验证:** 扫描  $r \in [0, 1]$ , 绘制  $q_{steady}$  vs  $r$ , 应观测到 Pitchfork 分岔。

### Phase 3: 网络主体模拟 (Network Simulation)

**目标:** 实现 Method Part 3, 引入网络拓扑和局部交互, 验证理论的鲁棒性。

#### 任务清单 (Tasks):

- [ ] 网络初始化: 集成 `networkx` 生成 BA 或 ER 网络。
- [ ] 实现局部感知逻辑 (Local Perception)。
  - 输入: 全局  $r$ , 邻居状态, 个人阈值  $(\phi_i, \theta_i)$ 。
  - 输出: 局部风险  $p_i$ 。
- [ ] 实现状态更新逻辑 (Stochastic Decision)。
  - 基于二项分布规则或阈值规则更新  $S_i \in \{H, M, L\}$ 。
- [ ] 实现宏观统计器。
  - 每个时间步计算  $Q(t)$  和  $A(t)$ 。
- [ ] 封装模拟器类 `NetworkAgentModel`。

#### 验收标准 (Review Criteria):

- **自洽性检查:** 在  $\beta = 0$  (无邻居耦合) 且参数对称时, 网络模拟的相变点应与 Phase 1 计算的  $r_c$  高度吻合。
- **不对称性检查:** 当设置不对称阈值时, 模拟应能自发演化出偏离 0.5 的  $p^*$ , 这是理论推导无法直接给出的。

## Phase 4: 临界慢化与高级分析 (Critical Phenomena)

目标: 计算自相关函数, 验证 Critical Slowing Down (CSD)。

### 任务清单 (Tasks):

- [] 实现自相关函数计算 `calculate_autocorrelation(time_series, lag)`。
- [] 数据管线: 在  $r$  逼近  $r_c$  的过程中, 记录  $q(t)$  序列。
- [] 拟合弛豫时间:  $\tau \propto 1/|r - r_c|$ 。

### 验收标准 (Review Criteria):

- 随着  $r \rightarrow r_c$ , 自相关系数 (Lag-1 Autocorrelation) 应显著上升并趋近于 1。

## 4. 编码规范 (Coding Standards)

- 参数解耦:** 所有物理参数 ( $n_m, n_w, \theta, \phi$ ) 必须在 config 字典或类属性中定义, 严禁在计算逻辑中写死硬编码 (Hard-coding)。
- 向量化计算:** 在 SDE 和理论计算中, 尽量使用 NumPy 的向量化操作, 避免 `for` 循环。
- 随机数种子:** 所有模拟函数必须接受 `seed` 参数, 保证结果可复现 (Reproducibility)。
- 文档字符串:** 关键函数 (特别是 `calculate_chi` 和 `step`) 必须包含 Physics Docstring, 说明对应论文中的哪个公式。

## 5. 快速启动 (Quick Start for Agent)

**Agent 指令:** "请首先阅读 Phase 1 的任务。在 `src/theory.py` 中实现 `calculate_chi` 和 `calculate_rc` 函数。请注意, 计算 `chi` 时需要使用二项分布在边界处的概率质量近似。完成后, 请编写一个简单的测试脚本, 验证当  $\chi$  很大时,  $r_c$  是否小于 1。"

#### 如何使用这个文档?

- \*\*复制\*\*:** 将上面的内容保存为 `DEVELOPMENT.md` 放在你的项目根目录。
- \*\*喂给 Agent\*\*:** 当你开始写代码时, 直接把这个文件发给你的 AI 助手 (Cursor, Claude, ChatGPT 等)
- \*\*按阶段执行\*\*:**
  - \* 你说: "基于 DEVELOPMENT.md 的 Phase 1, 请帮我生成 `src/theory.py` 的代码。"
  - \* 写完后说: "请根据 Phase 1 的验收标准, 帮我写一个测试脚本来验证 \$r\_c\$ 的推导是否正确。"

这样, Agent 就不会乱写, 而是严格遵循你的物理逻辑进行工程实现。