## 本节内容

# 栈的应用

--表达式求值

## 知识总览



## 大家熟悉的算数表达式



Reference: Wikipedia ——Reverse Polish notation

$$((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$$
3 2 1 4 7 6 5

$$15 \div 7 - 1 + 1 \times 3 - 2 + 1 + 1$$
① ② ④ ③ ⑤ ⑥ ⑦

由三个部分组成:操作数、运算符、界限符

界限符是必不可少的,

## 波兰数学家的灵感

$$((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$$



一个灵感:可以不用界限符也能无 歧义地表达运算顺序

Reverse Polish notation (逆波兰表达式 = 后缀表达式)

Polish notation (波兰表达式 = 前缀表达式)

## 中缀、后缀、前缀表达式

## 运算符在两个 操作数中间

## 中缀表达式

$$a + b - c$$

## 规则:运算符在两个操作数后面

## 后缀表达式

$$ab+c-$$

## 规则:运算符在两个操作数前面

## 前缀表达式

## 中缀表达式转后缀表达式 (手算)

#### 中缀转后缀的手算方法:

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「左操作数 右操作数 运算符」的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②

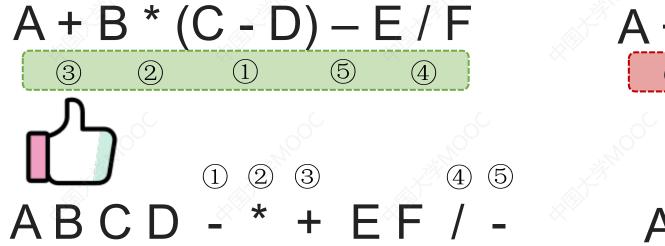


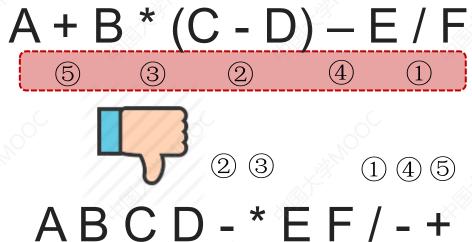
## 中缀表达式转后缀表达式(手算)

#### 中缀转后缀的手算方法:

运算顺序不唯一,因此对应的 后缀表达式也不唯一

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「左操作数 右操作数 运算符」的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②





私房菜: "左优先"原则,不要FreeStyle,保证<mark>手算和机算结果相同</mark>

"左优先"原则: 只要左边的运算符能先计算,就优先算左边的

客观来看两种都正确,只是"机算"结果是前者

## 中缀表达式转后缀表达式 (手算)

中缀转后缀的手算方法:

运算顺序不唯一,因此对应的 后缀表达式也不唯一

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「左操作数 右操作数 运算符」的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②

"左优先"原则: 只要左边的运算符能先计算, 就优先算左边的

可保证运算顺序唯一

- (1)
- 4
- 2
- 3
- (5)

(1)

- (2)
- 3 4
- (5)

#### 后缀表达式的手算方法:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算, <mark>合体为一个操作数</mark>

注意: 两个操作数的左右顺序

达式

后缀表达式的手算方法:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算, <mark>合体为一个操作数</mark>

注意: 两个操作数的左右顺序

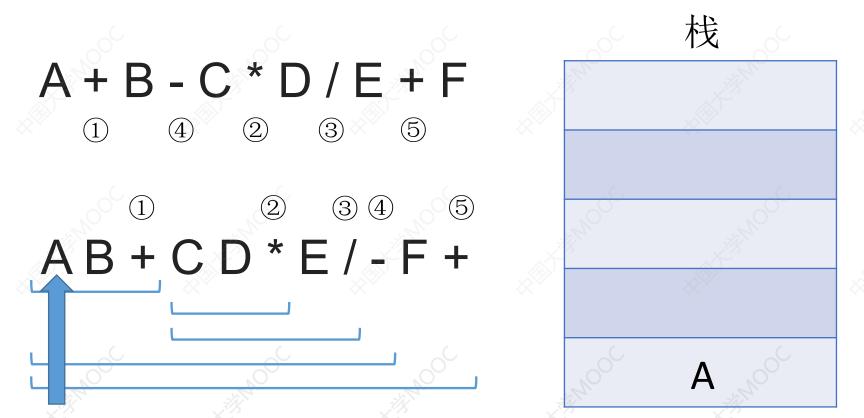
后缀表达式的手算方法:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算, <mark>合体为一个操作数</mark>

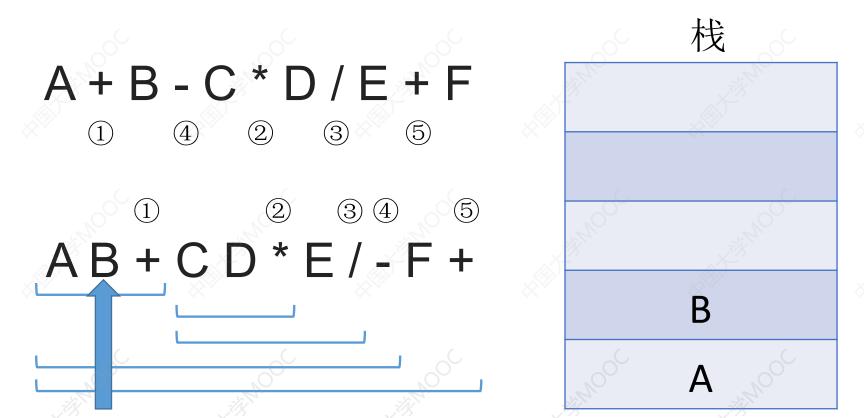
注意: 两个操作数的左右顺序



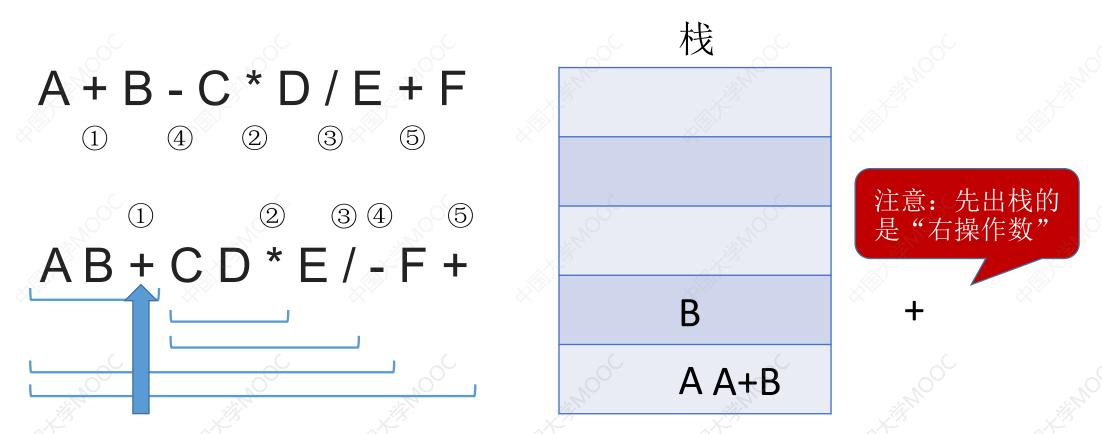
- ①从左往右扫描下一个元素, 直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①



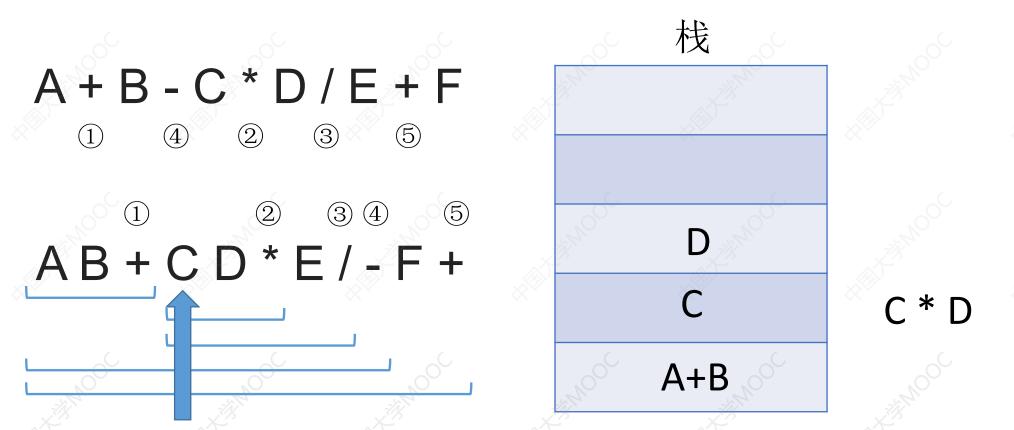
- ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①



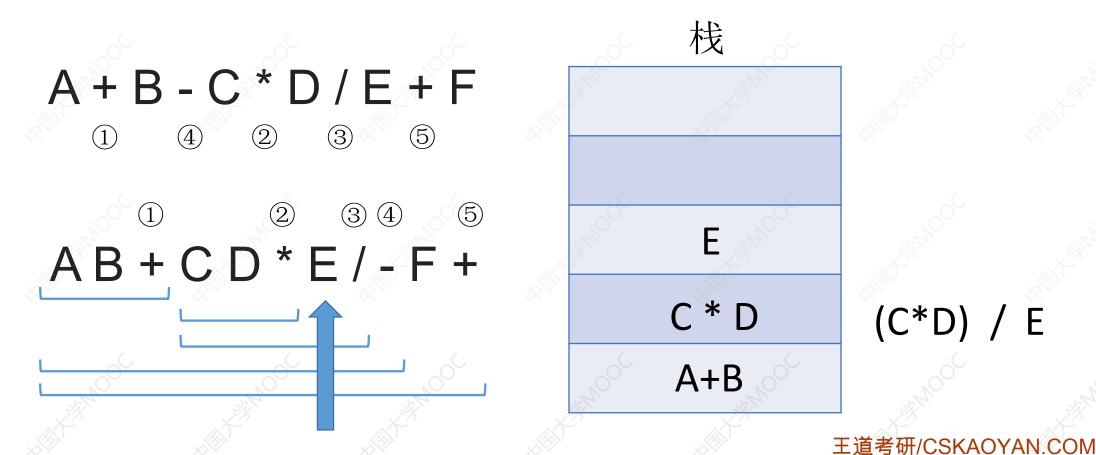
- ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①



- ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①

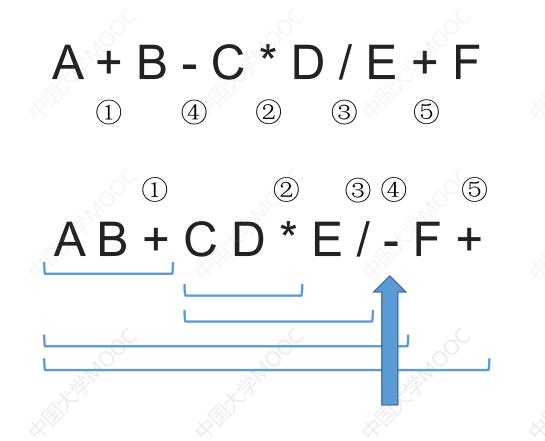


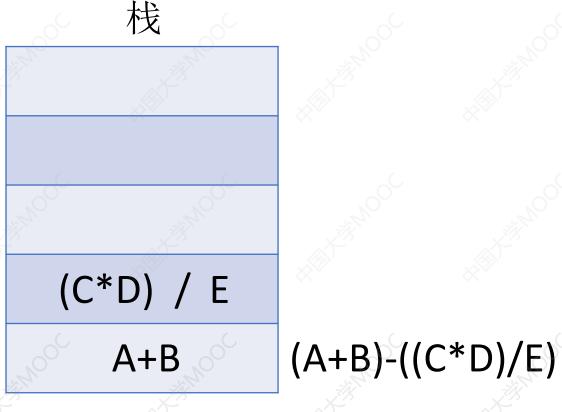
- ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①



#### <mark>用栈实现</mark>后缀表达式的计算:

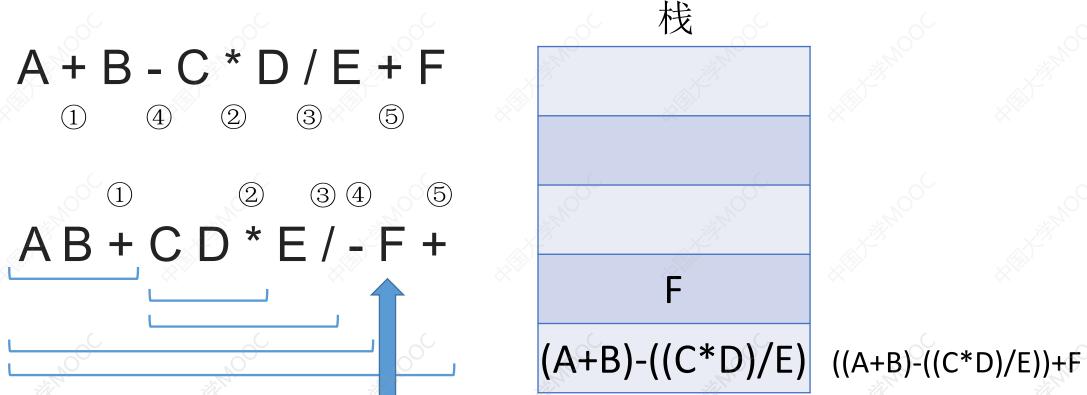
- ①从左往右扫描下一个元素, 直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①





王道考研/CSKAOYAN.COM

- ①从左往右扫描下一个元素, 直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶, 回到(1)



#### <mark>用栈实现</mark>后缀表达式的计算:

- ①从左往右扫描下一个元素, 直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①

A+B-C\*D/E+F

① ② ③ ④ ⑤

AB+CD\*E/-F+

栈

注意: 先出栈的

是"右操作数"

((A+B)-((C\*D)/E))+F

若表达式合法, 则最后栈中只会 留下一个元素, 就是最终结果

后缀表达式适用于基于栈的编程语言(stack-oriented programming language),如:
Forth、PostScript

注意: 先出栈的是"右操作数"

#### 用栈实现后缀表达式的计算:

- ①从左往右扫描下一个元素, 直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①

栈

15 7 1 1 + 
$$-\div$$
 3  $\times$  2 1 1 + +  $-$ 

思考:后缀表达式怎么转中缀?



## 中缀表达式转前缀表达式 (手算)

#### 中缀转前缀的手算方法:

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「运算符 左操作数 右操作数」的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②

"右优先"原则:只要右边的运算符能先计算,就优先算右边的

## 中缀表达式转前缀表达式 (手算)

15 7 1 1 + 
$$-\div$$
 3  $\times$  2 1 1 + +  $-$ 

$$- \times \div 15 - 7 + 1 1 3 + 2 + 1 1$$

7) (6)

- $\mathcal{A}$
- 3

- 2
- 1

## 前缀表达式的计算

用栈实现前缀表达式的计算:

- ① 从右往左 扫描下一个元素, 直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①

栈

注意: 先出栈的

是"左操作数"

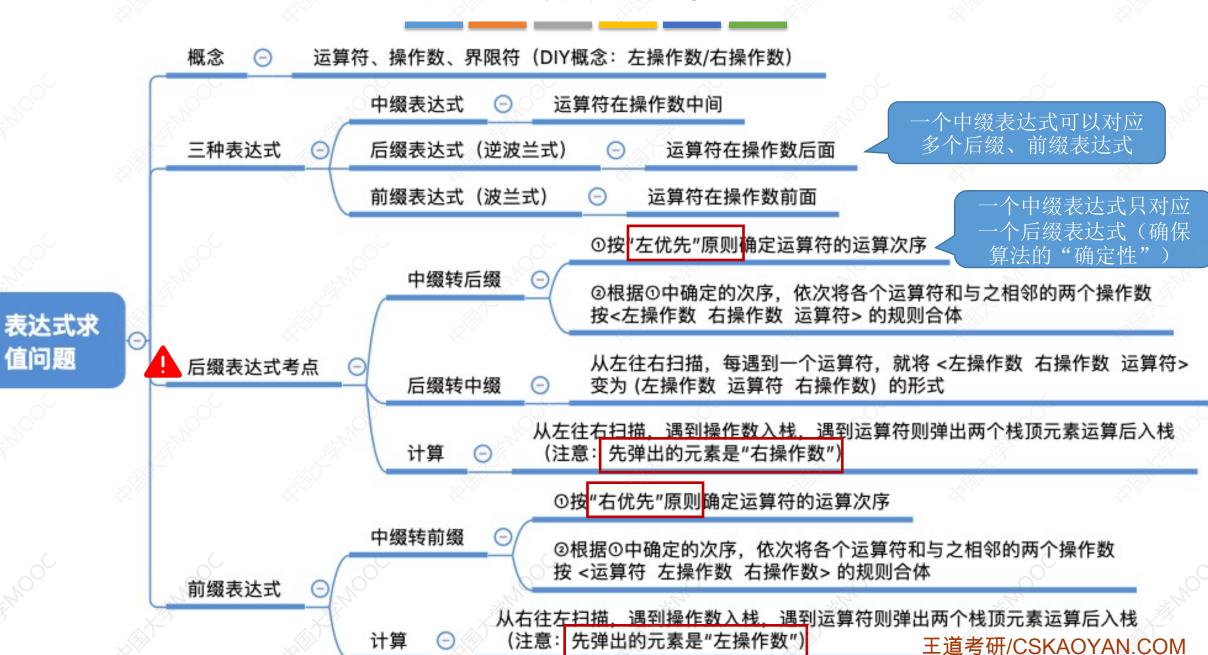
$$- \times \div 15 - 7 + 1 1 3 + 2 + 1 1$$

- $\overline{(7)}$
- 6
- (5)

 $\widehat{4}$ 

 $\overline{2}$   $\overline{1}$ 

### 知识回顾与重要考点



## 欢迎大家对本节视频进行评价~



学员评分: 3.3.2\_1 栈...





△ 公众号:王道在线



i b站:王道计算机教育



→ 抖音:王道计算机考研