

## Lec-9. 边缘分布、条件分布

主讲教师：吴利苏 ([wulisu@sdust.edu.cn](mailto:wulisu@sdust.edu.cn))

主    页：[wulisu.cn](http://wulisu.cn)

# 目录

## 1. 边缘分布

- 二维离散型随机变量的边缘分布
- 二维连续型随机变量的边缘分布

## 2. 条件分布

- 二维离散型随机变量的条件分布
- 二维连续型随机变量的条件分布

## 边缘分布

目标: 已知  $(X, Y)$  的分布, 求  $X, Y$  的分布?

设  $F(x, y) = P\{X \leq x, Y \leq y\}$ , 令

$$\begin{aligned} F_X(x) &= P\{X \leq x\} \\ &= P\{X \leq x, Y \leq \infty\} \\ &= \lim_{y \rightarrow \infty} P\{X \leq x, Y \leq y\} \\ &= \lim_{y \rightarrow \infty} F(x, y) = F(x, \infty) \end{aligned}$$

设  $F(x, y) = P\{X \leq x, Y \leq y\}$ , 令

$$\begin{aligned} F_X(x) &= P\{X \leq x\} \\ &= P\{X \leq x, Y \leq \infty\} \\ &= \lim_{y \rightarrow \infty} P\{X \leq x, Y \leq y\} \\ &= \lim_{y \rightarrow \infty} F(x, y) = F(x, \infty) \end{aligned}$$

- 称  $F_X(x) = F(x, \infty)$  为  $(X, Y)$  关于  $X$  的**边缘分布函数**.

设  $F(x, y) = P\{X \leq x, Y \leq y\}$ , 令

$$\begin{aligned} F_X(x) &= P\{X \leq x\} \\ &= P\{X \leq x, Y \leq \infty\} \\ &= \lim_{y \rightarrow \infty} P\{X \leq x, Y \leq y\} \\ &= \lim_{y \rightarrow \infty} F(x, y) = F(x, \infty) \end{aligned}$$

- 称  $F_X(x) = F(x, \infty)$  为  $(X, Y)$  关于  $X$  的**边缘分布函数**.
- 称  $F_Y(y) = F(\infty, y)$  为  $(X, Y)$  关于  $Y$  的**边缘分布函数**.

## 离散型随机变量的边缘分布律

设二维离散型随机变量  $(X, Y)$  的联合分布律为

$$P\{X = x_i, Y = y_j\} = p_{ij}, \quad i, j = 1, 2, \dots$$

## 离散型随机变量的边缘分布律

设二维离散型随机变量  $(X, Y)$  的联合分布律为

$$P\{X = x_i, Y = y_j\} = p_{ij}, \quad i, j = 1, 2, \dots$$

- $P\{X = x_i\} = P\{X = x_i, \bigcup_{j=1}^{\infty} \{Y = y_j\}\} = \sum_{j=1}^{\infty} p_{ij} \triangleq p_{i\bullet},$   
 $i = 1, 2, \dots$  为  $(X, Y)$  关于  $X$  的**边缘分布律**.



## 离散型随机变量的边缘分布律

设二维离散型随机变量  $(X, Y)$  的联合分布律为

$$P\{X = x_i, Y = y_j\} = p_{ij}, \quad i, j = 1, 2, \dots$$

- $P\{X = x_i\} = P\{X = x_i, \bigcup_{j=1}^{\infty} \{Y = y_j\}\} = \sum_{j=1}^{\infty} p_{ij} \triangleq p_{i\bullet},$   
 $i = 1, 2, \dots$  为  $(X, Y)$  关于  $X$  的**边缘分布律**.
- $P\{Y = y_j\} = P\{\bigcup_{i=1}^{\infty} \{X = x_i\}, Y = y_j\} = \sum_{i=1}^{\infty} p_{ij} \triangleq p_{\bullet j},$   
 $j = 1, 2, \dots$  为  $(X, Y)$  关于  $Y$  的**边缘分布律**.

| $X \backslash Y$ | $y_1$           | $y_2$           | $\dots$ | $y_j$           | $\dots$ | $P\{X = x_i\}$ |
|------------------|-----------------|-----------------|---------|-----------------|---------|----------------|
| $x_1$            | $p_{11}$        | $p_{12}$        | $\dots$ | $p_{1j}$        | $\dots$ | $p_{1\bullet}$ |
| $x_2$            | $p_{21}$        | $p_{22}$        | $\dots$ | $p_{2j}$        | $\dots$ | $p_{2\bullet}$ |
| $\dots$          | $\dots$         | $\dots$         | $\dots$ | $\dots$         | $\dots$ | $\dots$        |
| $x_i$            | $p_{i1}$        | $p_{i2}$        | $\dots$ | $p_{ij}$        | $\dots$ | $p_{i\bullet}$ |
| $\dots$          | $\dots$         | $\dots$         | $\dots$ | $\dots$         | $\dots$ | $\dots$        |
| $P\{Y = y_j\}$   | $p_{\bullet 1}$ | $p_{\bullet 2}$ | $\dots$ | $p_{\bullet j}$ | $\dots$ | 1              |

$$P\{X = x_i\} = \sum_{j=1}^{\infty} p_{ij}, \quad i = 1, 2, \dots \quad \text{横向之和};$$

$$P\{Y = y_j\} = \sum_{i=1}^{\infty} p_{ij}, \quad j = 1, 2, \dots \quad \text{纵向之和}.$$

| $\begin{array}{c} \diagup \\ Y \end{array} \quad \begin{array}{c} X \\ \diagdown \end{array}$ | $x_1$          | $x_2$          | $\dots$ | $x_i$          | $\dots$ | $P\{Y = y_j\}$  |
|---|----------------|----------------|---------|----------------|---------|-----------------|
| $y_1$   | $p_{11}$       | $p_{21}$       | $\dots$ | $p_{i1}$       | $\dots$ | $p_{\bullet 1}$ |
| $y_2$   | $p_{12}$       | $p_{22}$       | $\dots$ | $p_{i2}$       | $\dots$ | $p_{\bullet 2}$ |
| $\dots$   | $\dots$        | $\dots$        | $\dots$ | $\dots$        | $\dots$ | $\dots$         |
| $y_j$   | $p_{1j}$       | $p_{2j}$       | $\dots$ | $p_{ij}$       | $\dots$ | $p_{\bullet j}$ |
| $\dots$   | $\dots$        | $\dots$        | $\dots$ | $\dots$        | $\dots$ | $\dots$         |
| $P\{X = x_i\}$  | $p_{1\bullet}$ | $p_{2\bullet}$ | $\dots$ | $p_{i\bullet}$ | $\dots$ | 1               |

$$P\{X = x_i\} = \sum_{j=1}^{\infty} p_{ij}, \quad i = 1, 2, \dots \quad \text{纵向之和};$$

$$P\{Y = y_j\} = \sum_{i=1}^{\infty} p_{ij}, \quad j = 1, 2, \dots \quad \text{横向之和}.$$

## 离散型随机变量的边缘分布函数

$$F_X(x) = F(x, \infty) = \sum_{x_i \leq x} \sum_{j=1}^{\infty} p_{ij}.$$

$$F_Y(y) = F(\infty, y) = \sum_{y_j \leq y} \sum_{i=1}^{\infty} p_{ij}.$$

例

|   |   | Y               |                 |
|---|---|-----------------|-----------------|
|   |   | 0               | 1               |
| X | 0 | $\frac{16}{49}$ | $\frac{12}{49}$ |
|   | 1 | $\frac{12}{49}$ | $\frac{9}{49}$  |

求其边缘分布律.

例

|   |   | Y               |                 |
|---|---|-----------------|-----------------|
|   |   | 0               | 1               |
| X | 0 | $\frac{16}{49}$ | $\frac{12}{49}$ |
|   | 1 | $\frac{12}{49}$ | $\frac{9}{49}$  |

求其边缘分布律.

$$\text{解: } P\{X=0\} = \frac{4}{7}, P\{X=1\} = \frac{3}{7}, \\ P\{Y=0\} = \frac{4}{7}, P\{Y=1\} = \frac{3}{7}.$$



例

|   |   | Y               |                 |
|---|---|-----------------|-----------------|
|   |   | 0               | 1               |
| X | 0 | $\frac{16}{49}$ | $\frac{12}{49}$ |
|   | 1 | $\frac{12}{49}$ | $\frac{9}{49}$  |

求其边缘分布律.

$$\begin{aligned} \text{解: } P\{X=0\} &= \frac{4}{7}, \quad P\{X=1\} = \frac{3}{7}, \\ P\{Y=0\} &= \frac{4}{7}, \quad P\{Y=1\} = \frac{3}{7}. \end{aligned}$$

□

注: 联合分布  $\Rightarrow$  边缘分布, 反之不成立.

## 例

一整数  $N$  等可能地在  $1, 2, 3, \dots, 10$  个值中取一个值, 设  $D = D(N)$  是能整除  $N$  的正整数的个数,  $F = F(N)$  是能整除  $N$  的素数的个数, 试写出  $D$  和  $F$  的联合分布律, 并求边缘分布律.



## 例

一整数  $N$  等可能地在  $1, 2, 3, \dots, 10$  个值中取一个值, 设  $D = D(N)$  是能整除  $N$  的正整数的个数,  $F = F(N)$  是能整除  $N$  的素数的个数, 试写出  $D$  和  $F$  的联合分布律, 并求边缘分布律.

解: 写出  $D, F$  的可能取值.

| 样本点 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| $D$ | 1 | 2 | 2 | 3 | 2 | 4 | 2 | 4 | 3 | 4  |
| $F$ | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 2 | 1 | 1 | 1 | 2  |

$D$  可能取值  $1, 2, 3, 4$ ;  $F$  可能取值  $0, 1, 2$ .

$$P\{D = 1, F = 0\} = \frac{1}{10}$$

$$P\{D = 2, F = 1\} = \frac{4}{10}$$

$$P\{D = 3, F = 1\} = \frac{2}{10}$$

$$P\{D = 4, F = 1\} = \frac{1}{10}$$

$$P\{D = 4, F = 2\} = \frac{2}{10}$$

| $\begin{array}{c} \text{D} \backslash \text{F} \end{array}$ | 0              | 1              | 2              | $P\{D = i\}$   |
|---|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 1   | $\frac{1}{10}$ | 0              | 0              | $\frac{1}{10}$ |
| 2   | 0              | $\frac{4}{10}$ | 0              | $\frac{4}{10}$ |
| 3   | 0              | $\frac{2}{10}$ | 0              | $\frac{2}{10}$ |
| 4   | 0              | $\frac{1}{10}$ | $\frac{2}{10}$ | $\frac{3}{10}$ |
| $P\{F = j\}$  | $\frac{1}{10}$ | $\frac{7}{10}$ | $\frac{2}{10}$ | 1              |

## 连续型随机变量的边缘分布

设连续型随机变量  $(X, Y)$  的概率密度为  $f(x, y)$ ,

$$F_X(x) = F(x, \infty) = \int_{-\infty}^x \left[ \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dy \right] dx$$

则

- $f_X(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dy$  为  $(X, Y)$  关于  $X$  的**边缘概率密度**.
- $f_Y(y) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dx$  为  $(X, Y)$  关于  $Y$  的**边缘概率密度**.

例

设  $X, Y$  具有联合概率密度

$$f(x, y) = \begin{cases} 6 & x^2 \leq y \leq x, \\ 0 & \text{其他.} \end{cases}$$

求边缘概率密度  $f_X(x), f_Y(y)$ .

解:

$$\begin{aligned} f_X(x) &= \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dy = \begin{cases} \int_{x^2}^x 6 dy & 0 \leq x \leq 1; \\ 0 & \text{其他.} \end{cases} \\ &= \begin{cases} 6(x - x^2) & 0 \leq x \leq 1; \\ 0 & \text{其他.} \end{cases} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f_Y(y) &= \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dx = \begin{cases} \int_y^{\sqrt{y}} 6 dx & 0 \leq y \leq 1; \\ 0 & \text{其他.} \end{cases} \\ &= \begin{cases} 6(\sqrt{y} - y) & 0 \leq y \leq 1; \\ 0 & \text{其他.} \end{cases} \end{aligned}$$

□

## 例

设二维正态随机变量  $(X, Y)$  的概率密度为

$$f(x, y) = \frac{1}{2\pi\sigma_1\sigma_2\sqrt{1-\rho^2}} e^{-\frac{1}{2(1-\rho^2)}\left[\frac{(x-\mu_1)^2}{\sigma_1^2} - \frac{2\rho(x-\mu_1)(y-\mu_2)}{\sigma_1\sigma_2} + \frac{(y-\mu_2)^2}{\sigma_2^2}\right]},$$

其中  $x, y \in \mathbb{R}$ ,  $\mu_1, \mu_2, \sigma_1, \sigma_2, \rho$  均为常数,  $\sigma_1 > 0$ ,  $\sigma_2 > 0$ ,  $-1 < \rho < 1$ . 求  $(X, Y)$  的边缘概率密度.

解:

$$\begin{aligned} f_X(x) &= \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dy \\ &= \frac{1}{2\pi\sigma_1\sigma_2\sqrt{1-\rho^2}} e^{-\frac{1}{2(1-\rho^2)}\frac{(x-\mu_1)^2}{\sigma_1^2}} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{1}{2(1-\rho^2)}\left[\frac{(y-\mu_2)^2}{\sigma_2^2} - \frac{2\rho(x-\mu_1)(y-\mu_2)}{\sigma_1\sigma_2}\right]} dy \\ &= \frac{1}{2\pi\sigma_1\sigma_2\sqrt{1-\rho^2}} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{1}{2(1-\rho^2)}\left(\frac{y-\mu_2}{\sigma_2} - \rho\frac{x-\mu_1}{\sigma_1}\right)^2} dy \end{aligned}$$

令  $t = \frac{1}{\sqrt{1-\rho^2}}\left(\frac{y-\mu_2}{\sigma_2} - \rho\frac{x-\mu_1}{\sigma_1}\right)$ , 则上式

$$= \frac{1}{2\pi\sigma_1} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{t^2}{2}} dt = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_1} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}}.$$

即,  $f_X(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_1} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}}, x \in \mathbb{R}.$

同理,  $f_Y(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_2} e^{-\frac{(y-\mu_2)^2}{2\sigma_2^2}}, y \in \mathbb{R}.$

- 二维正态分布的两个边缘分布都是一维正态分布, 并且不依赖参数  $\rho$ .

即对于给定的  $\mu_1, \mu_2, \sigma_1, \sigma_2$ , 取不同的  $\rho$  对应不同的二维正态分布, 而边缘分布是一样的.



- 二维正态分布的两个边缘分布都是一维正态分布, 并且不依赖参数  $\rho$ .

即对于给定的  $\mu_1, \mu_2, \sigma_1, \sigma_2$ , 取不同的  $\rho$  对应不同的二维正态分布, 而边缘分布是一样的.

- 联合分布  $\Rightarrow$  边缘分布,  
边缘分布  $\nRightarrow$  联合分布.

问题：边缘分布均为正态分布的随机变量，其联合分布一定是二维正态分布吗？

问题：边缘分布均为正态分布的随机变量，其联合分布一定是二维正态分布吗？

答：不一定.

### 例 (反例)

设  $(X, Y)$  的联合概率密度为

$$f(x, y) = \frac{1}{2\pi} e^{-\frac{x^2+y^2}{2}} (1 + \sin x \sin y),$$

不服从正态分布. 但  $f_X(x) = \frac{1}{2\pi} e^{-\frac{x^2}{2}}$ ,  $f_Y(y) = \frac{1}{2\pi} e^{-\frac{y^2}{2}}$ ,  
 $X$  和  $Y$  服从正态分布.

## 条件分布

对于事件  $A, B$ , 若  $P(A) > 0$ , 可考虑条件概率

$$P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)}.$$

## 条件分布

对于事件  $A, B$ , 若  $P(A) > 0$ , 可考虑条件概率

$$P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)}.$$

下面引入随机变量的条件分布：

- 二维离散型随机变量的条件分布；
- 二维连续型随机变量的条件分布. (下节课)

## 二维离散型随机变量的条件分布

对于二维离散型随机变量  $(X, Y)$ , 设其分布律为

$$P\{X = x_i, Y = y_j\} = p_{ij},$$

若  $P\{Y = y_j\} = p_{\bullet j} > 0$ , 则由条件概率公式

$$P\{X = x_i | Y = y_j\} = \frac{P\{X = x_i, Y = y_j\}}{P\{Y = y_j\}} = \frac{p_{ij}}{p_{\bullet j}}$$

当  $X$  取遍所有可能值, 就得到了条件分布律.

设  $(X, Y)$  是二维离散型随机变量. 则

- 对于固定的  $y_j$ , 若  $P\{Y = y_j\} > 0$ , 则称

$$P\{X = x_i | Y = y_j\} = \frac{P\{X = x_i, Y = y_j\}}{P\{Y = y_j\}} = \frac{p_{ij}}{p_{\bullet j}}$$

为在  $Y = y_j$  条件下,  $X$  的**条件分布律**.

设  $(X, Y)$  是二维离散型随机变量. 则

- 对于固定的  $y_j$ , 若  $P\{Y = y_j\} > 0$ , 则称

$$P\{X = x_i | Y = y_j\} = \frac{P\{X = x_i, Y = y_j\}}{P\{Y = y_j\}} = \frac{p_{ij}}{p_{\bullet j}}$$

为在  $Y = y_j$  条件下,  $X$  的**条件分布律**.

- 对于固定的  $x_i$ , 若  $P\{X = x_i\} > 0$ , 则称

$$P\{Y = y_j | X = x_i\} = \frac{P\{X = x_i, Y = y_j\}}{P\{X = x_i\}} = \frac{p_{ij}}{p_{i\bullet}}$$

为在  $X = x_i$  条件下,  $Y$  的**条件分布律**.



## 例

盒中装有 3 只红球, 4 只黑球, 3 只白球, 不放回取 2 只球. 以  $X$  表示取到红球的只数,  $Y$  表示取到黑球的只数. 求

(1)  $(X, Y)$  的联合分布律.

(2)  $X = 1$  时  $Y$  的条件分布律.

解: (1)  $(X, Y)$  的取值

$(0, 0), (0, 1), (0, 2), (1, 0), (1, 2), (1, 1), (2, 0), (2, 1), (2, 2).$

$$P\{X = i, Y = j\} = p_{ij} = \frac{C_3^i C_4^j C_3^{2-i-j}}{C_{10}^2},$$

$i, j = 1, 2, i + j \leq 2.$

| X \ Y | Y              |                |                |
|-------|----------------|----------------|----------------|
|       | 0              | 1              | 2              |
| 0     | $\frac{1}{15}$ | $\frac{4}{15}$ | $\frac{2}{15}$ |
| 1     | $\frac{3}{15}$ | $\frac{4}{15}$ | 0              |
| 2     | $\frac{1}{15}$ | 0              | 0              |

(2)

$$\begin{aligned} P\{X = 1\} &= \frac{7}{15} & P\{Y = 0|X = 1\} &= \frac{3}{7} \\ P\{Y = 1|X = 1\} &= \frac{4}{7} & P\{Y = 2|X = 1\} &= 0 \end{aligned}$$

| $Y$                | 0             | 1             | 2 |
|--------------------|---------------|---------------|---|
| $P\{Y = j X = 1\}$ | $\frac{3}{7}$ | $\frac{4}{7}$ | 0 |

## 例

已知  $(X, Y)$  的联合分布律

| X \ Y | Y   |     |     |
|-------|-----|-----|-----|
|       | -1  | 0   | 1   |
| 1     | $a$ | 0.2 | 0.2 |
| 2     | 0.1 | 0.1 | $b$ |

已知  $P\{Y \leq 0 | X < 2\} = 0.5$ , 求

(1)  $a, b$  的值.

(2)  $\{X = 2\}$  条件下,  $Y$  的条件分布律.

(3)  $\{X + Y = 2\}$  条件下,  $X$  的条件分布律.

解: (1)

$$\begin{cases} a + b = 0.4 \\ P\{Y \leq 0 | X < 2\} = 0.5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0, \\ b = 0.4. \end{cases} .$$

其中

$$\begin{aligned} P\{Y \leq 0 | X < 2\} &= \frac{P\{X < 2, Y \leq 0\}}{P\{X < 2\}} \\ &= \frac{P\{X = 1, Y = -1 \text{ 或 } Y = 0\}}{P\{X = 1\}} \\ &= \frac{a + 0.2}{a + 0.4} = 0.5 \end{aligned}$$

$$(2) P\{X = 2\} = 0.6,$$

$$P\{Y = j|X = 2\} = \frac{P\{X=2, Y=j\}}{P\{X=2\}} = \begin{cases} \frac{1}{6} & j = -1; \\ \frac{1}{6} & j = 0; \\ \frac{2}{3} & j = 1. \end{cases}$$

| $Y$                | -1            | 0             | 1             |
|--------------------|---------------|---------------|---------------|
| $P\{Y = j X = 2\}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{6}$ | $\frac{2}{3}$ |

(3)

$$\begin{aligned} & P\{X + Y = 2\} \\ &= P\{X = 1, Y = 1\} + P\{X = 2, Y = 0\} \\ &= 0.3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P\{X = i | X + Y = 2\} &= \frac{P\{X + Y = 2, X = i\}}{P\{X + Y = 2\}} \\ &= \frac{P\{X = i, Y = 2 - i\}}{P\{X + Y = 2\}} \\ &= \begin{cases} \frac{2}{3} & i = 1; \\ \frac{1}{3} & i = 2. \end{cases} \end{aligned}$$

| $X$                      | 1             | 2             |
|--------------------------|---------------|---------------|
| $P\{X = i   X + Y = 2\}$ | $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{3}$ |

## 例

一射手进行射击, 击中目标概率为  $p(0 < p < 1)$ , 射击直至击中目标两次为止. 设  $X$  表示首次击中目标所进行的射击次数,  $Y$  表示总共射击的次数. 试求  $X$  和  $Y$  的联合分布律和条件分布律.



解:  $Y = n$  表示“第  $n$  次击中目标, 且前  $n - 1$  射击中恰有一次击中”. 各次射击相互独立.  $X = m$  表示“第  $m$  次为首次击中目标”.

$m \leq n - 1$  即  $n$  和  $m$  可能取值为:  $n = 2, 3, \dots$ ;  
 $m = 1, 2, \dots, n - 1$ .

$$P\{X = m, Y = n\} = (1 - p)^{n-2} p^2$$

$$\begin{aligned} P\{Y = n\} &= \sum_{m=1}^{n-1} P\{X = m, Y = n\} \\ &= \sum_{m=1}^{n-1} (1 - p)^{n-2} p^2 = (n - 1) p^2 (1 - p)^{n-2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P\{X = m | Y = n\} &= \frac{P\{X = m, Y = n\}}{P\{Y = n\}} \\
 &= \frac{(1-p)^{n-2} p^2}{(n-1)p^2(1-p)^{n-2}} = \frac{1}{n-1}
 \end{aligned}$$

$$P\{X = m\} = \sum_{n=m+1}^{\infty} p^2(1-p)^{n-2} = p(1-p)^{m-1}.$$

$$\begin{aligned}
 P\{Y = n | X = m\} &= \frac{P\{X = m, Y = n\}}{P\{X = m\}} \\
 &= \frac{p^2(1-p)^{n-2}}{p(1-p)^{m-1}} = p(1-p)^{n-m-1}.
 \end{aligned}$$

## 二维连续型随机变量的条件分布

对于连续型随机变量  $X, Y$ ,

$$P\{X = x\} = 0, \quad P\{Y = y\} = 0, \quad \forall x, y.$$

所以不能直接用条件概率引入条件分布函数.

## 二维连续型随机变量的条件分布

对于连续型随机变量  $X, Y$ ,

$$P\{X = x\} = 0, \quad P\{Y = y\} = 0, \quad \forall x, y.$$

所以不能直接用条件概率引入条件分布函数.

下次课学习: 二维连续型随机变量的条件分布.