## 《线性代数》第三章作业(5月28日提交)

临班 370

## 2023年5月6日

班级: 好石:	班级:	姓名:	学号:
---------	-----	-----	-----

- 1. 判断题 (错误请给出说明或反例. 每题 2 分, 共 20 分):
- (1) 行等价的两个增广矩阵对应的线性方程组同解.
- (2) 等价的两个增广矩阵对应的线性方程组同解.
- (3) n 阶方阵 A 可经过若干次初等列变换变为矩阵 B, 则存在可逆矩阵 P 使得 PA=B.
- (4)  $R(A + B) \ge R(A) + R(B)$ .
- (5) R(A) = R(B), 则 A 与 B 等价.
- (6) 任意矩阵 A 可以写成初等矩阵的乘积.
- (7) A 为方阵, A 可逆当且仅当 AX = 0 有非零解.
- (8) 若  $AX = AY, A \neq O$ ,则 X = Y.
- (9) A 列满秩, AX = AY, 则 X = Y.

3. 计算题 (每题 20 分, 共 80 分):

「算题 (每题 20 分,共 80 分):
$$(1) 用初等变换求解矩阵方程  $AX = 2X + A,$ 其中  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$$

(2)  $\lambda$  取何值时, 线性方程组

$$\begin{cases} \lambda x_1 + x_2 + x_3 &= 0 \\ x_1 + \lambda x_2 + x_3 &= 3 \\ x_1 + x_2 + \lambda x_3 &= \lambda - 1 \end{cases}$$

- ① 有唯一解; ② 无解; ③无穷多个解.
- (3) 分别用逆矩阵法, Carmer 法则, 和初等变换方法, 求解非齐次线性 方程组

$$\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 &= 2\\ 2x_1 - x_2 - 3x_3 &= 1\\ 3x_1 + 2x_2 - 5x_3 &= 0 \end{cases}$$

(4) 令

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 & 2 \\ 1 & -1 & 2 & -1 \\ 1 & 3 & -4 & 4 \end{pmatrix},$$

利用初等行变换把矩阵 A 化为行最简形矩阵 B, 从而求矩阵 A 的秩. 进一 步, 求可逆矩阵 P, 使得 PA = B.