# Das **edumath** Package\*†

# Daniel Wunderlich [code@wu-web.de]

Version 0.1 (Build: 20180213010600)

Zusammenfassung Dieses Package stellt Kommandos und Umgebungen zur Verfügung, welche häufig beim Einsatz von LATEX im Kontext der Bildung in Mathematik benötigt werden. Zum einen werden häufig benötigte Packages geladen. Zum anderen werden Makros und Umgebungen erstellt, welche den Einsatz von La im beschriebenen Zusammenhang vereinfachen sollen.

> edumath bezieht sich hierbei auf Notationen, wie sie in Deutschland (insb. Baden-Württemberg) üblich sind.

> Warnung: Das edumath Package befindet sich in der Entwicklung. Alle Funktionen, Einstellungen und Makros sowie Dateinamen können sich in späteren Versionen ändern oder können unvollständig sein. Auch die Dokumentation ist noch nicht vollständig. Sie ist noch nicht für den produktiven Einsatz bereit.

#### Inhalt

I	Einleitung	3
1	Über edumath	3
2	Über diese Dokumentation	3
3	Danksagung	4
II	Installation	5
4	Voraussetzungen	5
5	Installation	5
Ш	Dokumentation	6
6	Package laden und Optionen wählen	
7 Grundlegendes		6
	7.1 Dezimaltrenner	6
	7.2 Abstand vor und nach abgesetzten Formeln	6

<sup>\*</sup>Available on http://www.ctan.org/pkg/edumath.

<sup>†</sup>Development version available on https://github.com/wunderlich/edumath.

	7.3 amsmath Optionen	6	
8	Symbole und Operatoren	6	
9	Spezielle Mengen		
10	Streichungen	8	
11	Schriftliches Rechnen	8	
12	Äquivalenzumformungen	9	
13	Rechenbäume	10	
14	Funktionen	11	
15	Lösungsformeln für Quadratische Gleichungen	11	
16	Umgebungen für Sätze, Definitionen etc.	12	
	16.1 Grundlegendes	12	
	16.2 amsthm Darstellung	13	
	16.3 Umrahmte Darstellung	15	
	16.4 thmbox Darstellung	17	
<b>17</b>	Elementare Geometrie	19	
	17.1 Punkte	19	
	17.2 Dreieck-Planfiguren	19	
18	Polynomdivision	20	
19	Analytische Geometrie	21	
	19.1 Gauß'sches Eliminationsverfahren	21	
	19.2 Vektoren	23	
	19.3 Vektorfunktionen	23	
	19.4 Vielfache – Lineare (Un)Abhängigkeit	24 25	
	19.6 Ebenen	25 26	
20	) Pfeileinschübe	28	
	Text- und Formeleinschübe	20 29	
	Formatierung	30	
	3 Schriftarten 30		
24	Optionen	<b>30</b>	
	<ul><li>24.1 Hinweise zu Farboptionen</li><li>24.2 Grundlegendes</li></ul>	30 30	
	24.3 Umgebungen für Sätze, Definitionen etc.	31	
	24.4 Analytische Geometrie	32	
	24.5 Schriftarten	32	
25	Index	34	

# Teil I Einleitung

## 1 Über edumath

Möchte man  $\mbox{\sc M}_{
m E}$ X in Bildungseinrichtungungen (insb. Schulen) im Kontext der Ausbildung in Mathematik verwenden, benötigt man viele wiederkehrende Inhalte und Formeln. Typische Beispiele sind spezielle Mengen (z. B.  $\mbox{\sc N}$ ,  $\mbox{\sc Q}$ ,  $\mbox{\sc R}$ , ...) oder die Beschriftung von Äquivalenzumformungen:

$$4x + 10 = 18 \mid -10$$
  
 $4x = 8 \mid : 4$   
 $x = 2$ 

Durch edumath werden Makros und Umgebungen zur Verfügung gestellt, welche die Erstellung dieser Inhalte vereinfacht. Einige von ihnen entstammen existierenden Packages, welche geladen werden, einige werden neu definiert. Durch eine Vielzahl von Optionen kann edumath unkompliziert an die eigenen Bedürfnisse angepasst werden.

Der Ursprung des Packages liegt in Deutschland (Baden-Württemberg), weshalb die dort übliche Notation verwendet wird.

## 2 Über diese Dokumentation

Nach der Einleitung in diesem Teil und Informationen zur Installation in Teil II beginnt die eigentliche Dokumentation in Teil III. Dort werden zuerst einige grundlegende Aspekte von edumath und zentraler mathematischer Anpassungen vorgestellt. Anschließend werden alle Makros und Umgebungen thematisch sortiert erläutert – dies umfasst den zentralen Teil dieser Dokumentation. Zuletzt werden die vielen Optionen des Packages in Abschnitt 24 beschrieben, wobei diese häufig auch schon in den vorherigen Abschnitten angesprochen werden.

Diese Dokumentation verwendet verschiedene Schriftarten und -stile zur Auszeichnung unterschiedlicher Komponenten. Tabelle 1 zeigt diese Arten der Auszeichnungen.

Schrift	Beschreibung
package	Package
option	Option
\macro	Makro <sup>1</sup>
umgebung	Umgebung
⟨argument⟩	Argument (allgemein)
$\{\langle argument \rangle\}$	Notwendiges Argument
[\argument\]	Optionales Argument

**Tabelle 1:** Auszeichnung durch Schriftarten und -stile dieser Dokumentation.

Hinweis: TikZ-Optionen werden in dieser Dokumentation wie alle anderen Optionen behandelt.

Bei Beispielen wird der 

ETEX-Quelltext auf der rechten Seite dargestellt, links die resultierende PDF-Ausgabe:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Es wird versucht, in dieser Dokumentation ausschließlich den Begriff *Makro* zu verwenden. Die Begriffe *Befehl, Funktion* und *Kommando* sind – sollten sie wider Erwarten doch verwendet werden – als Synonyme zu verstehen.

$$\int_{a}^{b} f(x) dx$$
 \lambda \int\_a^b f(x) \diff x

# 3 Danksagung

Ohne die mühevolle und leidenschaftliche Arbeit vieler Beteiligter des LEX-Kosmos wäre die Erstellung eines eigenen Packages nicht möglich. Herzlichen Dank an jeden Einzelnen von ihnen!

Einigen Personen sei an dieser Stelle persönlich gedankt:

- Simon Sigurdhsson f
   ür seine Dokumentenklasse skdoc und sein Package skmath, welche als Inspiration und Anleitung zugleich dienten. [https://github.com/urdh]
- Karolina Plotzki für die Motivation zum Schreiben dieses Packages, Feedback und gute Ideen.
- Christian Hupfer für ausführliche E-Mail-Antworten und kürzester Zeit, jede Menge Ratschläge und Motivation. [http://www.ich-rede-mich-um-kopf-und-kragen.de/]
- Alexander Weick für Hinweise auf viele Rechtschreib- und Tippfehler.
- Den vielen fleißigen Helfern auf TEX StackExchange, die meistens innerhalb weniger Stunden bei Problemen helfen. [https://tex.stackexchange.com/users/60539/dawu?tab=questions]

# Teil II Installation

# 4 Voraussetzungen

Das edumath Package benötigt folgende Packages:

amsmath	esvect	l3keys2e	polynom	stmaryrd
amssymb	etoolbox	mathalfa*	sansmath*	xlop
amsthm	expl3	mathpazo*	tikz	xparse
calc	gauss	mathtools	tikz-qtree*	
cancel	icomma*	newtxmath*	thmtools*	

<sup>\*</sup> optional

Alle Packages sind über CTAN erhältlich – sie können z.B. unter Linux über TeX Live, unter Windows über MiKTeX und unter MacOSX über MacTeX bezogen werden.

## 5 Installation

**Todo:** Installationsanleitung schreiben.

# Teil III Dokumentation

# 6 Package laden und Optionen wählen

edumath wird wie allen gängigen Packages durch \usepackage{edumath} geladen. Auch Optionen können auf bekannte Weise gewählt werden: \usepackage[ $\langle Optionen \rangle$ ]{edumath}, z. B. \usepackage[commasep=false, thmframefg=red]{edumath}.

# \edumathoption \edumathsetup

```
{\langle Option \rangle} {\langle Wert \rangle} 
{\langle Option \rangle} = {\langle Wert \rangle} - Liste}
```

Viele Optionen können auch nach dem Laden von edumath angepasst werden. Bei einzelnen Optionen kann dies durch \edumathoption realisiert werden, z. B. \edumathoption {thmframefg} {red}. Möchte man mehrere Optionen anpassen, ist \edumathsetup vorzuziehen. Die Zuweisungen werden durch ein Komma getrennt, z. B. \edumathsetup {thmframefg=red, thmframebf=white}.

**Warnung:** Einige Optionen *müssen* bereits beim Laden des Packages (also durch \usepackage) gesetzt werden. In Abschnitt 24 ist dies jeweils durch einen Hinweis vermerkt.

# 7 Grundlegendes

#### 7.1 Dezimaltrenner

Standardmäßig wird durch edumath der Punkt als Dezimaltrenner durch das Komma ersetzt, wie es im Deutschen üblich ist.

#### **Beispiel:**

Dieses Verhalten kann durch die Option commasep unterbunden werden. Es wird durch das Package icomma realisiert.

#### 7.2 Abstand vor und nach abgesetzten Formeln

Aus ökologischen und ökonomischen Gründen wird der Abstand vor und nach abgesetzten Formeln durch edumath reduziert.

#### 7.3 amsmath Optionen

Möchte man Optionen an das Package amsmath, welches von edumath automatisch geladen wird, weitergeben, kann dies durch die Option amsoptions getan werden. Das Laden könnte dann z. B. so aussehen: \usepackage[amsoptions={nonamelimits,intlimits}]{edumath}.

# 8 Symbole und Operatoren

\corr

Das Entspricht-Zeichen.

Beispiel:

\diff

Der Differentialoperator d der Integral- und Differentialrechnung sollte nicht kursiv gestaltet werden (es handelt sich nicht um eine Variable). Hierzu kann durch \diff ein aufrechtes "d" erzeugt werden.

Beispiel:

\iu

Die imaginäre Einheit i der komplexen Zahlen sollte nicht kursiv gestaltet werden (es handelt sich nicht um eine Variable). Hierzu kann durch \iu(vom engl. imaginary unit) ein aufrechtes "i" erzeugt werden.

Beispiel:

$$z = a + bi$$
  $\begin{bmatrix} z = a + b \setminus iu \\ \end{bmatrix}$ 

**\lightning** 

Stellt einen Widerspruchspfeil im Textmodus zur Verfügung.

**Beispiel:** 

Dies führt zum Widerspruch. ∮ Dies führt zum Widerspruch. \lightning

9 Spezielle Mengen

\N \Z \Q \R \I \C

\L

Folgende gängige spezielle Mengen können durch kurze Makros erstellt werden: natürliche, ganze, rationale, irrationale und komplexe Zahlen. Darüber hinaus steht ein Symbol für die Lösungsmenge von Gleichungen zur Verfügung.

Die Erzeugung dieser Makros kann durch die Option specialsets unterbunden werden.

\solset  $\{\langle Elemente \rangle\}$ 

Beim Lösen von Gleichungen und Gleichungssystemen soll häufig die Lösungsmenge angegeben werden. Dies kann durch \solset getätigt werden.

#### Beispiel:

$$\mathbb{L} = \{1; 2; 3\}$$
 \\[ \solset\{1; 2; 3\} \\]

# 10 Streichungen

Um Streichungen (z. B. beim Kürzen eines Bruches) darzustellen, lädt edumath das Package cancel. In diesem werden verschiedene Makros zu diesem Zweck zur Verfügung gestellt. Für genauere Informationen sei an dieser Stelle auf die Dokumentation von cancel verwiesen, hier lediglich ein Beispiel:

#### Beispiel:

#### 11 Schriftliches Rechnen

edumath lädt das Package xlop, durch welches schriftliche Rechnungen einfach gesetzt werden können. Es wird hierzu, sofern möglich, an die deutsche Notation angepasst. Für genauere Informationen sei an dieser Stelle auf die Dokumentation von xlop verwiesen, hier lediglich ein Beispiel:

Addition:

1 2,3

+ 4,5 6

 $\frac{+ 4,56}{16,86}$ 

Subtraktion:

 $\begin{array}{r}
1 \ 2, 3 \ 10 \\
- \ 14, 5 \ 6 \\
\hline
7, 7 \ 4
\end{array}$ 

Multiplikation:

$$\begin{array}{r}
1 \ 2,3 \\
\times \ 4,5 \ 6 \\
\hline
7 \ 3 \ 8 \\
6 \ 1 \ 5 \ 0 \\
\hline
4 \ 9 \ 2 \ 0 \ 0 \\
\hline
5 \ 6,0 \ 8 \ 8
\end{array}$$

Division:

Addition:

\[ \opadd{12,3}{4,56} \]

Subtraktion:

\[ \opsub{12,3}{4,56} \]

Multiplikation:

\[ \opmul{12,3}{4,56}

Division:

\[ \opdiv{408}{12} \]

# 12 Äquivalenzumformungen

\begin{aligntr}
 \Gleichung(en)\\
 \end{aligntr}

Diese Umgebung ermöglicht das einfache Setzen von Äquivalenzumformungen einer Gleichung (tr von engl. transformation). Wie in bekannten Umgebungen wie align muss hierzu vor Gleichheitszeichen ein & stehen. Die Beschreibung der Umformung wird durch das neue Macro \tr am Ende einer Zeile begonnen. Danach wird wie gewohnt der Zeilenumbruch durch \\ eingeleitet.

Die Sternvariante unterdrückt die automatische Nummerierung der Zeilen.

\tr

Dient der Einleitung der Beschreibung einer (Äquivalenz)Umformung (engl. *transformation*) einer Gleichung innerhalb von aligntr.

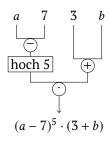
#### 13 Rechenbäume

Rechenbäume können mithilfe des Packages tizk-qtree erstellt werden. Dieses wird nach Bedarf durch die Option qtree geladen. Zusätzlich werden die TikZ-Styles bet (vom engl. binary expression tree – Binärer Rechenbaum) für das entsprechende tizkpicture, betroot für den Wurzelknoten (vom engl. root – Wurzel) und betr für rechteckige Knoten (vom engl. rectangular) definiert.

Weitere Informationen zur Erstellung derartiger Bäume erhält man in der Dokumentation von tikz-qtree.

Hinweis: tikz-qtree ist inkompatibel zum Package strukex, weswegen es nur optional geladen wird.

#### **Beispiel:**



```
\begin{tikzpicture}[bet,
  frontier/.style=
  {distance from root=14ex}]
  \Tree [
    .\node[betroot](betroot){}; [
      .$\cdot$
      [.\node[betr]{hoch 5};
        [.$-$ $a$ $7$ ]
      [.$+$ $3$ $b$ ]
    1
  1
  \draw[->] (betroot.north)
    -- (0, 0ex) node[below] {
    (a - 7)^5 \cdot (3 + b)
  };
\end{tikzpicture}
```

#### 14 Funktionen

```
\abs \{\langle Term \rangle\}
\abs *\{\langle Term \rangle\}
```

Mit diesen Makros kann der Betrag (vom engl. *absolute value*) eines  $\langle \textit{Term} \rangle$  angegeben werden. Hierbei skalieren in der normalen Variante die Betragsstriche automatisch. In der Sternvariante hingegen skalieren sie nicht.

#### Beispiel:

```
\norm \{\langle Term \rangle\}
\norm *\{\langle Term \rangle\}
```

Mit diesen Makros kann die Norm eines  $\langle Term \rangle$  angegeben werden. Hierbei skalieren in der normalen Variante die Normstriche automatisch. In der Sternvariante hingegen skalieren sie nicht.

#### Beispiel:

$$\left\|-\frac{1}{2}\right\|, \left\|-5\right\| \qquad \qquad \left|\begin{array}{c} \\ \\ \\ \\ \end{array}\right|$$

# 15 Lösungsformeln für Quadratische Gleichungen

```
 \begin{array}{ll} & \qquad \qquad \\ & \qquad \\ & \qquad \qquad \\ &
```

Das Makro \qf kann verwendet werden, um die sog. abc-Formel oder Mitternachtsformel (vom engl. quadratic formula) darzustellen. Hierbei sind  $\langle a \rangle$ ,  $\langle b \rangle$  und  $\langle c \rangle$  die entsprechenden Variablen der Formel und können beliebig angegeben werden.

Benötigt man eine flexiblere Gestaltung – z.B. um spätere Rechenschritte anzugeben – kann man \qfvar (vom engl. quadratic formula (variable)) verwenden. Hier werden die angegebenen Terme wie folgt ersetzt:

$$\frac{\langle Term_1 \rangle \pm \sqrt{\langle Term_2 \rangle}}{\langle Term_3 \rangle}$$

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
 \begin{align\*} \x\_{1/2} &= \qf{a}{b}{c} \\ x\_{3/4} = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \cdot 1 \cdot 3}}{2 \cdot 1} \\ x\_{5/6} = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3} \\ x\_{5/6} = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3} \\ \text{end{align\*}}

```
\qfr \{\langle p \rangle\}\{\langle q \rangle\} \qfrvar \{\langle Term_1 \rangle\}\{\langle Term_2 \rangle\}
```

Das Makro **\qfr** kann verwendet werden, um die sog. pq-Formel (vom engl. *quadratic formula, reduced*) darzustellen. Hierbei sind  $\langle p \rangle$  und  $\langle q \rangle$  die entsprechenden Variablen der Formel und können beliebig angegeben werden.

Benötigt man eine flexiblere Gestaltung – z.B. um spätere Rechenschritte anzugeben – kann man \qfrvar (vom engl. quadratic formula, reduced (variable)) verwenden. Hier werden die angegebenen Terme wie folgt ersetzt:

$$\langle Term_1 \rangle \pm \sqrt{\langle Term_2 \rangle}$$

#### Beispiel:

$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$
 \text{begin{align\*}} \times\_{-\{1/2\} &= \qfr{p}{q} \\ \times\_{3/4} = -\frac{1}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} - 2 \tag{5/6} &= \qfr{1}{2} \\ \times\_{5/6} = 1 \pm \sqrt{2} \\ \tag{5/6} \text{ } \text{end{align\*}}

# 16 Umgebungen für Sätze, Definitionen etc.

#### 16.1 Grundlegendes

Durch edumath können drei verschiedene Arten von Umgebungen für Sätze, Definitionen etc. (sog. Theorem-Umgebungen) erzeugt werden: im Stil von amsthm, umrahmte und/oder mit Hintergrundfarbe versehene Theoreme und Theoreme im Stil von thmbox. Die Erzeugung der jeweiligen Theorem-Umgebungen kann durch die Optionen amsthm, framedthm und thmbox gesteuert werden (s. Abschnitt 24.3).

Theoreme sind eingeteilt in "wichtige" (engl. *important*) und "unwichtige" (engl. *unimportant*) Theoreme, welche sich in ihrer Darstellung unterscheiden (s. Tabelle 2).

Auf Wunsch werden Theoreme ("kategorieweise") nummeriert. Dieses Verhalten kann über die Optionen thmimpnumbered (wichtige Theoreme) und thmunimpnumbered (unwichtige Theoreme) aktiviert werden.

Für Theoreme stehen eine Vielzahl weiterer Optionen zur Konfiguration ihrer Darstellung zur Verfügung. So lässt sich z. B. ihre Schrift gestalten, Farben anpassen und die Beschriftung der Umgebungen (Satz, Definition etc.) verändern. Hierzu sei an dieser Stelle auf Abschnitt 24.3 verwiesen.

Tabelle 2: "Wichtige" und "unwichtige" Theoremumgebungen

Wichtig		Unwichtig	
Umgebung	Bedeutung	Umgebung	Bedeutung
definition defitheo theorem calcrule	Definition Definition/Satz Satz Regel	example exampleexe hint remark solution	Beispiel Beispielaufgabe Hinweis Bemerkung Lösung

#### 16.2 amsthm Darstellung

```
\begin{definition} & \langle Name \rangle \end{bmatrix} \\ & \langle Inhalt \rangle \\ & Die amstrace \\ \end{definition}
```

\end{calcrule}

Die amsthm Darstellung ist sehr reduziert. Theorem-Umgebungen werden lediglich durch einen Absatzumbruch vom restlichen Inhalt getrennt und serifenlos und fett beschriftet – es findet sonst keine andere gestalterische Trennung statt. Optional können die Theoreme durch  $\langle Name \rangle$  benannt werden. Es folgen Beispiele der wichtigen Theorem-Umgebungen.

**Hinweis:** Aus technischen Gründen werden die Theoreme der folgenden Beispiele nummeriert. Standardmäßig ist dies nicht der Fall, sondern muss ggf. durch thmimpnumbered bzw. thmunimpnumbered aktiviert werden.

**Definition 1: Primzahl** Eine Primzahl ist eine natürliche Zahl, die größer als 1 und ausschließlich durch sich selbst und durch 1 teilbar ist.

**Definition/Satz 1: Gegenwahrscheinlichkeit** Zu jedem Ereignis E existiert ein *Gegenereignis*  $\overline{E}$ , das alle Ergebnisse enthält, die E nicht enthält. Es gilt:  $P(E) = 1 - P\left(\overline{E}\right)$ .

**Satz 1:** Innenwinkelsummensatz Die Summe der Innenwinkel eines Dreiecks beträgt 180°.

Regel 1 Für Zehnerpotenzen gilt:

```
a\cdot 10^p \pm b\cdot 10^p = (a\pm b)\cdot 10^p
```

```
\begin{definition}[Primzahl]
  Eine Primzahl ist eine natürliche
  Zahl, die größer als 1 und
  ausschließlich durch sich selbst
  und durch 1 teilbar ist.
\end{definition}
\begin{defitheo}[Gegenwahrscheinlichkeit]
  Zu jedem Ereignis $E$ existiert ein
  \emph{Gegenereignis} $\overline{E}$,
  das alle Ergebnisse enthält, die $E$ nicht
  enthält. Es gilt:
  P(E) = 1 - P\left(\left(\left(E\right)\right)\right).
\end{defitheo}
\begin{theorem}[Innenwinkelsummensatz]
  Die Summe der Innenwinkel eines Dreiecks
  beträgt $180^\circ$.
\end{theorem}
\begin{calcrule}
  Für Zehnerpotenzen gilt:
      a \cdot 10^p \pm b \cdot 10^p
      = (a \neq b) \cdot dot 10^{p}
\end{calcrule}
```

```
\begin{example}
                            [\langle Name \rangle]
               ⟨Inhalt⟩
       \end{example}
\begin{exampleexe}
                             [\langle Name \rangle]
               (Inhalt)
  \end{exampleexe}
                             \lceil \langle Name \rangle \rceil
        \begin{hint}
               (Inhalt)
           \end{hint}
                             [\langle Name \rangle]
     \begin{remark}
               (Inhalt)
        \end{remark}
                             [\langle Name \rangle]
  \begin{solution}
               ⟨Inhalt⟩
```

\end{solution}

Die unwichtigen Theorem-Umgebungen im Stile von amsthm werden lediglich durch einen (oder mehrere) eigenen Absatz und eine serifenlose Beschriftung gekennzeichnet.

**Hinweis:** Aus technischen Gründen fehlt das Beispiel zur example Umgebung.

```
Beispielaufgabe 1: Es gilt: \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1
Hinweis 1: An dieser Stelle muss x \neq 0 gelten!
Bemerkung 1 (Reelle Zahlen): Die Eigenschaft gilt für x \in \mathbb{R}.
Lösung 1: P(E) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{8}.
```

```
\begin{exampleexe}
  Es gilt: $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$
\end{exampleexe}

\begin{hint}
  An dieser Stelle muss $x \neq 0$ gelten!
\end{hint}

\begin{remark}[Reelle Zahlen]
  Die Eigenschaft gilt für $x \in \R$.
\end{remark}

\begin{solution}
  $P(E) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}
  = \frac{1}{8}$.
\end{solution}
```

## 16.3 Umrahmte Darstellung

```
\begin{definitionf} & \langle Name \rangle \\ & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \begin{definitionf} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \begin{defitheof} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \begin{theoremf} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \begin{theoremf} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \begin{calcrulef} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \begin{calcrulef} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \end{theoremf} \\ \begin{theoremf} & \langle Inhalt \rangle \\ \\ \end{theoremf} \\ \end{theorem} \\ \end{theoremf} \\ \end{theoremf} \\ \end{theoremf} \\ \end{theorem} \\ \end
```

\end{calcrulef}

In dieser Variante werden Theorem-Umgebungen eingerahmt und/oder mit Hintergrundfarbe dargestellt. Optional können die Theoreme durch  $\langle Name \rangle$  benannt werden. Die Farben von Rahmen und Hintergrund können durch die Optionen thmframefg und thmframebg angepasst werden. Es folgen Beispiele der wichtigen Theorem-Umgebungen.

**Hinweis:** Aus technischen Gründen werden die Theoreme der folgenden Beispiele nummeriert. Standardmäßig ist dies nicht der Fall, sondern muss ggf. durch thmimpnumbered bzw. thmunimpnumbered aktiviert werden.

**Definition 2: Primzahl** Eine Primzahl ist eine natürliche Zahl, die größer als 1 und ausschließlich durch sich selbst und durch 1 teilbar ist.

**Definition/Satz 2 : Gegenwahrscheinlichkeit** Zu jedem Ereignis E existiert ein  $Gegenereignis \overline{E}$ , das alle Ergebnisse enthält, die E nicht enthält. Es gilt:  $P(E) = 1 - P\left(\overline{E}\right)$ .

**Satz 2 : Innenwinkelsummensatz** Die Summe der Innenwinkel eines Dreiecks beträgt 180°.

**Regel 2** Für Zehnerpotenzen gilt:  $a \cdot 10^p \pm b \cdot 10^p = (a \pm b) \cdot 10^p$ 

```
\begin{definitionf}[Primzahl]
  Eine Primzahl ist eine natürliche
  Zahl, die größer als 1 und
  ausschließlich durch sich selbst
  und durch 1 teilbar ist.
\end{definitionf}
\begin{defitheof}[Gegenwahrscheinlichkeit]
  Zu jedem Ereignis $E$ existiert ein
  \emph{Gegenereignis} $\overline{E}$,
  das alle Ergebnisse enthält, die $E$ nicht
  enthält. Es gilt:
  P(E) = 1 - P\left(\left(\left(E\right)\right)\right).
\end{defitheof}
\begin{theoremf}[Innenwinkelsummensatz]
  Die Summe der Innenwinkel eines Dreiecks
  beträgt $180^\circ$.
\end{theoremf}
\begin{calcrulef}
  Für Zehnerpotenzen gilt:
      a \cdot 10^p \pm b \cdot 10^p
      = (a \neq b) \cdot dot 10^{p}
\end{calcrulef}
```

```
\begin{examplef}
                            [\langle Name \rangle]
               ⟨Inhalt⟩
      \end{examplef}
\begin{exampleexef}
                            [\langle Name \rangle]
                (Inhalt)
  \end{exampleexef}
                             [\langle Name \rangle]
        \begin{hintf}
                (Inhalt)
          \end{hintf}
                            [\langle Name \rangle]
     \begin{remarkf}
                (Inhalt)
        \end{remarkf}
                             [\langle Name \rangle]
  \begin{solutionf}
               ⟨Inhalt⟩
```

\end{solutionf}

Die unwichtigen Theorem-Umgebungen unterscheiden sich in dieser Darstellung dadurch von den wichtigen, dass ihre Beschriftung nicht fett gesetzt wird.

**Hinweis:** Auch technischen Gründen fehlt das Beispiel zur example Umgebung.

Beispielaufgabe 2: Es gilt:  $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$ 

Hinweis 2: An dieser Stelle muss  $x \neq 0$  gelten!

Bemerkung 2 (Reelle Zahlen): Die Eigenschaft gilt für  $x \in \mathbb{R}$ .

Lösung 2:  $P(E) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$ .

```
\begin{exampleexef}
  Es gilt: $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$
\end{exampleexef}

\begin{hintf}
  An dieser Stelle muss $x \neq 0$ gelten!
\end{hintf}

\begin{remarkf}[Reelle Zahlen]
  Die Eigenschaft gilt für $x \in \R$.
\end{remarkf}

\begin{solutionf}
  $P(E) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}
  = \frac{1}{8}$.
\end{solutionf}
```

#### 16.4 thmbox Darstellung

 $[\langle Name \rangle]$ 

```
(Inhalt)
  \end{definitionbs}
                               [\langle Name \rangle]
\begin{definitionbm}
                  (Inhalt)
  \end{definitionbm}
\begin{definitionbl}
                               [\langle Name \rangle]
                  (Inhalt)
   \end{definitionbl}
  \begin{defitheobs}
                               [\langle Name \rangle]
                  ⟨Inhalt⟩
  \end{defitheobs}
\begin{defitheobm}
                               \lceil \langle Name \rangle \rceil
                  ⟨Inhalt⟩
     \end{defitheobm}
  \begin{defitheobl}
                               [\langle Name \rangle]
                  (Inhalt)
     \end{defitheobl}
    \begin{theorembs}
                               [\langle Name \rangle]
                  (Inhalt)
       \end{theorembs}
    \begin{theorembm}
                               [\langle Name \rangle]
       \end{theorembm}
    \begin{theorembl}
                               [\langle Name \rangle]
                  ⟨Inhalt⟩
       \end{theorembl}
  \begin{calcrulebs}
                               [\langle Name \rangle]
                  (Inhalt)
     \end{calcrulebs}
   \begin{calcrulebm}
                               [\langle Name \rangle]
                  \langle Inhalt \rangle
     \end{calcrulebm}
  \begin{calcrulebl}
                               [\langle Name \rangle]
```

(Inhalt)

\end{calcrulebl}

\begin{definitionbs}

In der thmbox Darstellung stehen für jede Theorem-Umgebung drei Varianten zur verfügung, welche sich durch die Endung unterscheiden: \*bs (vom engl. boxed small), \*bm (vom engl. boxed

medium) und \*bl (vom engl.  $boxed\ large$ ), welche sich durch Anzahl der umrahmten Seiten den Umgebung unterscheiden (links; links und unten; links; unten und rechts). Optional können die Theoreme durch  $\langle Name \rangle$  benannt werden. Es folgen Beispiele der unterschiedlichen Umrandungen für Definitionen. Alle anderen Theorem-Umgebungen werden analog verwendet.

**Hinweis:** Auch technischen Gründen werden die Theoreme der folgenden Beispiele nummeriert. Standardmäßig ist dies nicht der Fall, sondern muss ggf. durch thmimpnumbered bzw. thmunimpnumbered aktiviert werden.

#### Beispiel:

 $[\langle Name \rangle]$ 

#### Definition 3 (Primzahl)

Eine Primzahl ist eine natürliche Zahl, die größer als 1 und ausschließlich durch sich selbst und durch 1 teilbar ist.

#### Definition 4 (Primzahl)

Eine Primzahl ist eine natürliche Zahl, die größer als 1 und ausschließlich durch sich selbst und durch 1 teilbar ist.

#### Definition 5 (Primzahl)

Eine Primzahl ist eine natürliche Zahl, die größer als 1 und ausschließlich durch sich selbst und durch 1 teilbar ist.

\begin{definitionbs}[Primzahl]
 Eine Primzahl ist eine natürliche
 Zahl, die größer als 1 und
 ausschließlich durch sich selbst
 und durch 1 teilbar ist.
\end{definitionbs}

\begin{definitionbm}[Primzahl]
 Eine Primzahl ist eine natürliche
 Zahl, die größer als 1 und
 ausschließlich durch sich selbst
 und durch 1 teilbar ist.
\end{definitionbm}

\begin{definitionbl}[Primzahl]
 Eine Primzahl ist eine natürliche
 Zahl, die größer als 1 und
 ausschließlich durch sich selbst
 und durch 1 teilbar ist.
\end{definitionbl}

```
⟨Inhalt⟩
      \end{examplebs}
                             [\langle Name \rangle]
    \begin{examplebm}
                (Inhalt)
      \end{examplebm}
   \begin{examplebl}
                             [\langle Name \rangle]
                (Inhalt)
      \end{examplebl}
                             [\langle Name \rangle]
\begin{exampleexebs}
                ⟨Inhalt⟩
  \end{exampleexebs}
                             [\langle Name \rangle]
\begin{exampleexebm}
                (Inhalt)
  \end{exampleexebm}
\begin{exampleexebl}
                             [\langle Name \rangle]
                (Inhalt)
  \end{exampleexebl}
                             [\langle Name \rangle]
        \begin{hintbs}
                 (Inhalt)
          \end{hintbs}
                             [\langle Name \rangle]
        \begin{hintbm}
                ⟨Inhalt⟩
          \end{hintbm}
        \begin{hintbl}
                             [\langle Name \rangle]
                ⟨Inhalt⟩
          \end{hintbl}
```

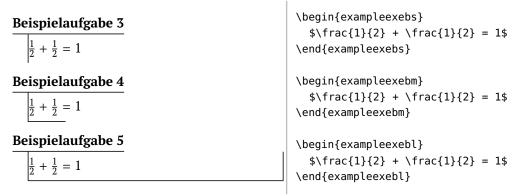
\begin{examplebs}

```
\begin{remarkbs}
                           [\langle Name \rangle]
              (Inhalt)
     \end{remarkbs}
  \begin{remarkbm}
                           [\langle Name \rangle]
              (Inhalt)
     \end{remarkbm}
  \begin{remarkbl}
                           [\langle Name \rangle]
              (Inhalt)
     \end{remarkbl}
                           [\langle Name \rangle]
\begin{solutionbs}
  \end{solutionbs}
                           [\langle Name \rangle]
\begin{solutionbm}
  \end{solutionbm}
                           [\langle Name \rangle]
\begin{solutionbl}
              (Inhalt)
```

\end{solutionbl}

Die unwichtigen Theorem-Umgebungen unterscheiden sich in dieser Darstellung nicht von den wichtigen Theorem-Umgebungen. Es folgen Beispiele der unterschiedlichen Umrandungen für Beispielaufgaben. Alle anderen Theorem-Umgebungen werden analog verwendet.

#### Beispiel:



#### 17 Elementare Geometrie

#### 17.1 Punkte

\sep

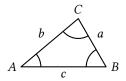
Bei der Angabe eines Punktes können durch \sep die im Deutschen gebräuchlichen, vertikalen Striche zur Trennung der Koordinaten verwendet werden.

#### Beispiel:

#### 17.2 Dreieck-Planfiguren

#### $\planfigur [\langle Maßstab \rangle] \{\langle Seiten \rangle\} \{\langle Winkel \rangle\}$

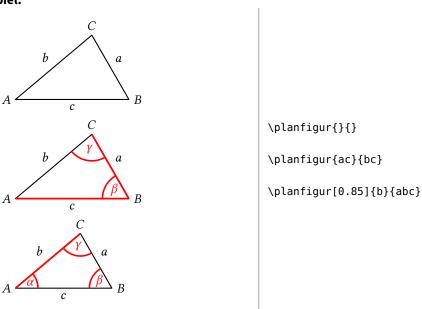
Die Planfigur einer geometrischen Figur wird verwendet, um gegebene Größen (Seiten und Winkel) zu visualisieren. In edumath können komfortabel Planfiguren von Dreiecken gezeichnet werden. Wie gehen hierbei von der folgenden Benennung aus:



Bei der Verwendung von **\planfigur** müssen zuerst die gegebenen  $\langle Seiten \rangle$  angegeben werden, z. B. {ac} für die Seiten a und c. Die Winkel werden in **\planfigur** ebenfalls durch Kleinbuchstaben benannt. So steht a für den Winkel an A, b für den an B und c für den an C.

Optional kann durch (*Maßstab*) angegeben werden, wobei 1,0 für 100 % steht.

#### Beispiel:



# 18 Polynomdivision

Um Polynomdivisionen auf verschiedene Arten einfach darstellen zu können, lädt edumath das Package polynom. In diesem werden verschiedene Makros zu diesem Zweck zur Verfügung gestellt. polynom wird entsprechend der deutschen Notation konfiguriert. Für genauere Informationen sei an dieser Stelle auf die Dokumentation von polynom verwiesen, hier lediglich ein Beispiel:

```
\left(\begin{array}{cc} 2x^2 - x - 10 \\ -2x^2 - 4x \\ \hline -5x - 10 \end{array}\right) : (x+2) = 2x - 5
                                                                                           \polylongdiv{2x^2-x-10}{x+2}
```

# 19 Analytische Geometrie

#### 19.1 Gauß'sches Eliminationsverfahren

Um das Gauß'sche Eliminationsverfahren in Lark setzen zu können, kann das Package gauss verwendet werden, welches standardmäßig durch edumath geladen wird. Detaillierte Informationen hierzu enthält die entsprechende Dokumentation. Zusätzlich werden jedoch einige Anpassungen getroffen und Umgebungen erstellt.

#### 19.1.1 Gleichungssystem

Erster Schritt beim Textsatz des Gauß'schen Eliminationsverfahren ist die Erstellung des Gleichungssystems. Hierzu stehen verschiedene Umgebungen zur Verfügung.

\begin{gmatrix} ⟨*Matrix*⟩ \end{gmatrix} \begin{gmatrix\*} ⟨*Matrix*⟩

\end{gmatrix\*}

[⟨Zeilenabstand⟩]

Diese Makros setzen Gleichungen ohne Zusätze analog zu matrix aus amsmath. Im schulischen Kontext eignen sie sich hauptsächlich dazu, Gleichungssysteme mit Angabe der Unbekannten zu setzen. Während sich gmatrix unverändert zu gauss verhält, wird in gmatrix\* der Spaltenabstand automatisch auf 2 pt verringert (was sich bei der Angabe von Rechenzeichen anbietet) und kann optional durch \( Zeilenabstand \) beliebig angepasst werden.

#### Beispiel:

```
]/
  \begin{gmatrix}
   1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6
  \end{gmatrix}
\]
1/
  \begin{gmatrix*}
    1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6
  \end{gmatrix*}
\1
17
  \begin{gmatrix*}
    ~ & 4x & + & 3y &=& & 10 \\
    - & 2x & - & 5y &=& - & 19
  \end{gmatrix*}
\]
```

```
\begin{gmatrixp*} [⟨Zeilenabstand⟩]
         (Matrix)
```

\end{gmatrixp\*}

Möchte man bei der Darstellung des Gauß'schen Eliminationsverfahren die Matrixschreibweise ohne Angabe der Unbekannten verwenden, kann man die Umgebung gmatrixp\* verwenden. Diese setzt den Abstand zwischen den Spalten auf 4 pt, was durch 〈Zeilenabstand〉 angepasst werden kann.

#### Beispiel:

\begin{gmatrixv\*} \data{matrix}

\end{gmatrixv\*}

[⟨Zeilenabstand⟩]

Analog zu gmatrixp\* kann durch gmatrixv\* ein Gleichungssystem gesetzt werden, welches links und rechts durch einen vertikalen Strich begrenzt ist.

#### **Beispiel:**

\mvsep

Es ist gängig, die rechte und linke Seite eines Gleichungssystems in der Matrixdarstellung durch eine vertikale Linie zu trennen. Hierzu kann \mvsep(vom engl. matrix vertical separator) verwendet werden. Es muss in einer eigenen Spalte für die Trennlinie verwendet werden, also von & eingeschlossen werden.

#### **Beispiel:**

\minusp

Beim Auftreten von negativen Einträgen in einer Matrix ist es häufig erwünscht, die Ziffern bündig untereinander zu setzen. In Anlehnung an \phantom erzeugt \minusp einen horizontalen Abstand von der Breite eines Minus (–).

#### Beispiel:

#### 19.1.2 Umformungen

Die Notation der Umformungen eines Gleichungssystems werden ausführlich in der Dokumentation des Packages gauss thematisiert. Deshalb beschränkt sich diese Dokumentation an dieser Stelle auf ein Beispiel:

#### **Beispiel:**

#### 19.2 Vektoren

```
\vec \{\langle Term \rangle\}
\vect \{\langle Spalte \rangle\}
```

Aufgrund der flexibleren und ansprechenderen Darstellung verwendet edumath für Vektorvariablen das Paket esvect. Durch \vec(vom engl. vector) können diese erstellt werden. Zusätzlich können Zeilenvektoren durch \vect erstellt werden. Hierbei müssen die Einträge des Vektors durch \\ getrennt werden.

#### Beispiel:

$$\vec{a} = \vec{AB} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$
 \$\vec{a} = \vec{AB} = \vec{1 \ 2 \ 3}\$

Bei der Arbeit mit Vektoren kann das Makro \minusp (s. Abschnitt 19.1.1) hilfreich sein, um bei negativen Komponenten Ziffern bündig untereinander zu setzen:

#### **Beispiel:**

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} -1\\2\\-3 \end{pmatrix}$$
 \$\vec{a} = \vect{-1 \\ \minusp 2 \\ -3}\$

# 19.3 Vektorfunktionen

```
\absvec \{\langle Term \rangle\}
\absvec *\{\langle Term \rangle\}
```

Setzt den  $\langle Term \rangle$  als Vektor in Betragsstriche. Hierbei skalieren in der normalen Variante die Betragsstriche automatisch. In der Sternvariante hingegen skalieren sie nicht.

$$\left| \vec{b} \right|, \left| \vec{b} \right|$$
 \[ \absvec{b}, \absvec\*{b}}

```
\absvect \{\langle Spalte \rangle\} \absvect *\{\langle Spalte \rangle\}
```

Durch **\absvect** kann auf einfache Weise der Betrag eines Vektors angegeben werden. Hierbei müssen die Einträge des Vektors durch \\ getrennt werden. In der Sternvariante skalieren die Betragsstriche im Vergleich zur normalen Variante nicht.

#### Beispiel:

$$\begin{vmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{vmatrix}$$
 \langle \left[ \absvect\{1 \\ 2 \\ 3\}, \absvect\{1 \\ 2 \\ 3\} \\ \]

```
\normvec \{\langle Term \rangle\}
\normvec *\{\langle Term \rangle\}
```

Setzt den  $\langle Term \rangle$  als Vektor in Normstriche. Hierbei skalieren in der normalen Variante die Normstriche automatisch. In der Sternvariante hingegen skalieren sie nicht.

#### Beispiel:

$$\left\| \vec{b} \right\|, \left\| \vec{b} \right\|$$
 \\normvec{b}, \normvec\*{b}

```
\normvect \{\langle Spalte \rangle\}
\normvect *\{\langle Spalte \rangle\}
```

Durch \normvect kann auf einfache Weise die Norm eines Vektors angegeben werden. Hierbei müssen die Einträge des Vektors durch \\ getrennt werden. In der Sternvariante skalieren die Normstriche im Vergleich zur normalen Variante nicht.

#### Beispiel:

#### 19.4 Vielfache – Lineare (Un)Abhängigkeit

#### $\vectmultsol {\langle Spalte \rangle}$

Häufig muss man überprüfen, ob zwei Vektoren Vielfache, also linear (un) abhängig voneinander sind. Die Notation einer solchen Überprüfung kann durch \vectmultsol (vom engl. vector multiple solution). Die Zeilen der Lösung müssen hierbei durch \voneinander getrennt werden.

#### 19.5 Geraden

\linepvar

```
[\langle Name \rangle][\langle St\"{u}tzvektor-Variable \rangle][\langle Richtungsvektor-Variable \rangle][\langle Parameter \rangle]
*[\langle Name \rangle][\langle St\"{u}tzvektor-Variable \rangle][\langle Richtungsvektor-Variable \rangle][\langle Parameter \rangle]
```

Durch \linepvar können Geraden in Parameterform mit Vektorvariablen einfach erstellt werden (vom engl. line, parametric (variable)). Optional können der  $\langle Name \rangle$  der Geraden und die Namen von  $\langle Stützvektor-Variable \rangle$ ,  $\langle Richtungsvektor-Variable \rangle$  und der  $\langle Parameter \rangle$  der Geraden angegeben werden.

In der Sternvariante werden die Variablennamen nicht automatisch durch \vec als Vektoren gesetzt, wodurch sie flexibler eingesetzt werden kann.

Verzichtet man auf die Angabe der Argumente, wird auf die Standardwerte der Optionen linepname, linepsupport, linepdir und lineppar zurückgegriffen (s. Abschnitt 24.4).

#### Beispiel:

```
\begin{array}{ll} g: \vec{x} = \vec{p} + r\vec{u} \\ g_1: \vec{x} = \vec{p} + r\vec{u} \\ g_2: \vec{x} = \vec{a} + r\vec{b} \\ g_3: \vec{x} = \vec{a} + s\vec{b} \\ g_4: \vec{x} = a + tb \\ \end{array} \qquad \begin{array}{ll} \langle \text{begin}\{\text{align*}\} \\ \langle \text{winepvar}[g_-1] \ \rangle \\ \langle \text{winepvar}[g_-2][a][b] \ \rangle \\ \langle \text{winepvar}[g_-3][a][b][s] \ \rangle \\ \langle \text{winepvar*}[g_-4][a][b][t] \\ \langle \text{end}\{\text{align*}\} \end{array}
```

\linepvec

```
[\langle Name \rangle ] [\langle Stützvektor \rangle ] [\langle Richtungsvektor \rangle ] [\langle Richtungsvektor - Variable ] [\langle Richtungsvektor - V
```

Sollen in einer Geradengleichung in Parameterform die Vektoren angegeben werden, kann **\linepvec** verwendet werden (vom engl. *line, parametric (vector)*). Es können der  $\langle Name \rangle$  der Geraden, der  $\langle St \ddot{u}tzvektor \rangle$ ,  $\langle Richtungsvektor \rangle$  und  $\langle Parameter \rangle$  der Geraden angegeben werden, wobei die Einträge der Vektoren durch  $\$  getrennt werden müssen.

In der Sternvariante können Namen für die  $\langle St \ddot{u}tzvektor-Variable \rangle$  und die  $\langle Richtungsvektor-Variable \rangle$  angegeben werden, aus welchen dann automatisch drei indizierte Einträge erstellt werden.

Ein Verzicht auf die Angabe von 〈Stützvektor〉 und 〈Richtungsvektor〉 ist möglich, jedoch in den meisten Fällen nicht dienlich. Grundsätzlich wird beim Verzicht aller Argumente auf die Standardwerte der Optionen linepname, linepsupport, linepdir und lineppar zurückgegriffen (s. Abschnitt 24.4).

$$g_1: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$$
 \\ \text{setlength}\{\jot\}\{5pt\}\\ \text{begin}\{\align\} + r \left(\frac{3}{4}\right)\\ \frac{3}{4} \\ \text{g}\_3: \vec{x} = \left(\frac{p}{p}\_1) + r \left(\frac{u}{u}\_2) \\ \text{g}\_3\right) \\ \text{g}\_3\right\{\text{linepvec}\\*[g\_2][1 \\ 2][3 \\ 4][s] \\ \text{k\linepvec}\\*[g\_2][1 \\ \text{linepvec}\\*[g\_3] \\ \text{k\linepvec}\\*[g\_4][a][b][t] \\ \text{end}\\*[align\\*\}

#### 19.6 Ebenen

#### **\planepvar \planepvar**

```
[\langle Name \rangle][\langle Stützvek.-Var. \rangle][\langle Spannvek_1-Var \rangle][\langle Spannvek_2-Var \rangle][\langle Param_1 \rangle][\langle Param_2 \rangle]
*[\langle Name \rangle][\langle St\"{u}tzvek.-Var. \rangle][\langle Spannvek_1-Var \rangle][\langle Spannvek_2-Var \rangle][\langle Param_1 \rangle][\langle Param_2 \rangle]
```

Durch \planepvar können Ebenen in Parameterform mit Vektorvariablen einfach erstellt werden (vom engl. plane, parametric (variable)). Optional können der  $\langle Name \rangle$  der Ebene und die Namen von  $\langle Stützvektor-Variable \rangle$ ,  $\langle Spannvektor_1-Variable \rangle$ ,  $\langle Spannvektor_2-Variable \rangle$  und die  $\langle Parameter_1 \rangle$  und  $\langle Parameter_2 \rangle$  der Ebene angegeben werden.

In der Sternvariante werden die Variablennamen nicht automatisch durch \vec als Vektoren gesetzt, wodurch sie flexibler eingesetzt werden kann.

Verzichtet man auf die Angabe der Argumente, wird auf die Standardwerte der Optionen planepname, planepsupport, planepdiri, planepdirii, planeppari und planepparii zurückgegriffen (s. Abschnitt 24.4).

#### Beispiel:

```
\begin{align*}
                                                     & \planepvar \\
E: \vec{x} = \vec{p} + r\vec{u} + s\vec{v}
                                                     & \planepvar[E_1] \\
E_1: \vec{x} = \vec{p} + r\vec{u} + s\vec{v}
                                                     & \planepvar[E_2][s][a][b] \\
                                                     & \planepvar[E_3][s][a][b]%
E_2: \vec{x} = \vec{s} + r\vec{a} + s\vec{b}
                                                           [\alpha][\beta] \\
E_3: \vec{x} = \vec{s} + \alpha \vec{a} + \beta \vec{b}
                                                     & \planepvar*[E_4][s][a][b]%
E_4: \vec{x} = s + \alpha a + \beta b
                                                           [\alpha][\beta]
                                                  \end{align*}
```

# **\planepvec**

```
\prootem [\langle Name \rangle] [\langle Stützvektor \rangle] [\langle Spannvektor_1 \rangle] [\langle Spannvektor_2 \rangle] [\langle Parameter_1 \rangle] [\langle Parameter_2 \rangle]
                       *[\langle Name \rangle][\langle Stützvek.-Var. \rangle][\langle Spannvek_1-Var \rangle][\langle Spannvek_2-Var \rangle][\langle Param_1 \rangle][\langle Param_2 \rangle]
```

Sollen in einer Ebenengleichung in Parameterform die Vektoren angegeben werden, kann **\planepvec** verwendet werden (vom engl. *plane, parametric (vector)*). Es können der  $\langle Name \rangle$  der Geraden, der  $\langle St \ddot{u}tz vektor \rangle$ ,  $\langle Spannvektor_1 \rangle$ ,  $\langle Spannvektor_2 \rangle$ ,  $\langle Parameter_1 \rangle$  und  $\langle Parameter_2 \rangle$  der Ebene angegeben werden, wobei die Einträge der Vektoren durch \\ getrennt werden müssen.

In der Sternvariante können Namen für die (Stützvektor-Variable), die (Spannvektor<sub>1</sub>-Variable) und die (Spannvektor2-Variable) angegeben werden, aus welchen dann automatisch drei indizierte Einträge erstellt werden.

Ein Verzicht auf die Angabe von  $\langle Stützvektor \rangle$ ,  $\langle Spannvektor_1 \rangle$  und  $\langle Spannvektor_2 \rangle$  ist möglich, jedoch in den meisten Fällen nicht dienlich. Grundsätzlich wird beim Verzicht aller Argumente auf die Standardwerte der Optionen planepname, planepsupport, planepdiri, planepdirii, planepparii zurückgegriffen (s. Abschnitt 24.4).

#### Beispiel:

$$E_1: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 5 \\ 6 \end{pmatrix}$$
 \setlength{\jot}{5pt}\\begin{align\*} & \plant \plant \left{1} \plant \left{2} \plant \left{3} \plant \left{4}\\ \text{2} \sigma\_{\delta} \plant \left{2} \plant \left{3} \plant \left{4} \plant \left{5} \plant \left{6} \\ \text{2} \plant \left{2} \plant \left{4} \plant \left{5} \plant \left{6} \plant \left{5} \plant \left{5} \plant \left{6} \plant \left{5} \plant \left{5} \plant \left{5} \plant \left{6} \plant \left{5} \plant \left{5} \plant \left{5} \plant \left{5} \plant \left{5} \pl

\planenvar
\planepvar

 $[\langle Name \rangle][\langle St\"{u}tzvektor-Variable \rangle][\langle Normalenvektor-Variable \rangle]$ \* $[\langle Name \rangle][\langle St\"{u}tzvektor-Variable \rangle][\langle Normalenvektor-Variable \rangle]$ 

Durch \planenvar können Ebenen in Normalenform mit Vektorvariablen einfach erstellt werden (vom engl. plane, normal (variable)). Optional können der  $\langle Name \rangle$  der Ebene und die Namen von  $\langle St \ddot{u}tzvektor-Variable \rangle$  und  $\langle Normalenvektor-Variable \rangle$  der Ebene angegeben werden.

In der Sternvariante werden die Variablennamen nicht automatisch durch \vec als Vektoren gesetzt, wodurch sie flexibler eingesetzt werden kann.

Verzichtet man auf die Angabe der Argumente, wird auf die Standardwerte der Optionen planenvarname, planenvarsupport und planenvarnormal zurückgegriffen (s. Abschnitt 24.4).

#### **Beispiel:**

\planenvec \planenvec

```
[\langle Name \rangle][\langle St\"{u}tzvektor \rangle][\langle Normalenvektor \rangle]
*[\langle Name \rangle][\langle St\ddot{u}tzvektor-Variable \rangle][\langle Normalenvektor-Variable \rangle]
```

Sollen in einer Ebenengleichung in Normalenform die Vektoren angegeben werden, kann **\planenvec** verwendet werden (vom engl. *plane, normal (vector)*). Es können der  $\langle Name \rangle$  der Geraden, der  $\langle St \ddot{u}tzvektor \rangle$  und der  $\langle Normalenvektor \rangle$  der Ebene angegeben werden, wobei die Einträge der Vektoren durch  $\backslash \backslash$  getrennt werden müssen.

In der Sternvariante können Namen für die  $\langle St \ddot{u}tzvektor-Variable \rangle$  und der  $\langle Normalenvektor-Variable \rangle$  angegeben werden, aus welchen dann automatisch drei indizierte Einträge erstellt werden.

Ein Verzicht auf die Angabe von 〈Stützvektor〉 und 〈Normalenvektor〉 ist möglich, jedoch in den meisten Fällen nicht dienlich. Grundsätzlich wird beim Verzicht aller Argumente auf die Standardwerte der Optionen planenvarname, planenvarsupport und planenvarnormal zurückgegriffen

(s. Abschnitt 24.4).

#### **Beispiel:**

$$E_1: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1\\2 \end{pmatrix}\right] \cdot \begin{pmatrix} 3\\4 \end{pmatrix} = 0$$
 \setlength\{\jot\}\{5pt\} \\ \text{begin\{align\*\}} \& \plant{language} \\ E\_2: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} a\_1\\p\_2\\p\_3 \right] \cdot \begin{pmatrix} a\_1\\n\_2\\n\_3 \right] = 0 \\ & \plant{language} \text{\text{language}} \\ E\_3: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} a\_1\\a\_2\\a\_3 \right] \cdot \begin{pmatrix} b\_1\\b\_2\\b\_3 \right] = 0 \\ & \plant{language} \\ \text{\text{language}} \\ \text{\text{\text{language}}} \\ \\ \text{\text{\text{language}}} \\ \\ \text{\text{\text{language}}} \\ \text{\text{\text{\text{language}}}} \\ \text{\text{\text{language}}} \\ \text{\text{\text{language}}

#### 20 Pfeileinschübe

\qRightarrow \qrightarrow \qLeftarrow \qleftarrow \qLeftrightarrow \qleftrightarrow

Fügt die entsprechenden Pfeile beidseitig umschlossen von einem Abstand entsprechend eines \quad ein:

#### **Beispiel:**

$$\begin{array}{lll} a & \Rightarrow & b & & & \\ a & \rightarrow & b & & & \\ a & \leftarrow & b & & & \\ a & \leftarrow & b & & & \\ a & \leftarrow & b & & & \\ a & \leftrightarrow & b & & & \\ a & \leftrightarrow & b & & \\ \end{array}$$

\qqRightarrow \qqrightarrow \qqLeftarrow \qqLeftarrow \qqLeftrightarrow \qqleftrightarrow

Fügt die entsprechenden Pfeile beidseitig umschlossen von einem Abstand entsprechend eines \qquad ein:

#### 21 Text- und Formeleinschübe

```
\qtext \{\langle Text \rangle\}
\qqtext \{\langle Text \rangle\}
```

Ermöglicht im Mathemodus das Einfügen eines  $\langle Text \rangle$ , der zu beiden Seiten von einem Abstand (bei \quad, bei \quad, bei \quad) umgeben ist.

#### Beispiel:

```
\qmath \{\langle Formel \rangle\} \qqmath \{\langle Formel \rangle\}
```

Ermöglicht im Text- und Mathemodus das Einfügen einer 〈Formel〉, der zu beiden Seiten von einem Abstand (bei \quad, bei \quad, bei \quad) umgeben ist.

#### **Beispiel:**

qund/ qqund/ qoder/ qqoder

Abkürzungen für \qtext{und}, \qqtext{und}, \qtext{oder} und \qqtext{oder}.

#### Beispiel:

# 22 Formatierung

\ds

Als Abkürzung für \displaystyle ermöglicht dieses Makro die Aktivierung des Displaystyles in einer Inline-Formel:

#### Beispiel:

$$\begin{tabular}{ll} Kein Displaystyle: $$\lim_{x\to 0}\int_x^0\frac{1}{t}\,dt & Kein Displaystyle: $$\lim_{x\to 0}\int_x^0\frac{1}{t}\,dt & \\ \begin{tabular}{ll} Displaystyle: $\lim_{x\to 0}\int_x^0\frac{1}{t}\,dt & \\ \begin{tabular}{$$

#### 23 Schriftarten

Standardmäßig nimmt edumath keinerlei Veränderungen der verwendeten Schriftarten im Formelsatz vor. Es besteht jedoch die Möglichkeit, einige Anpassungen mithilfe von Optionen vorzunehmen.

Für die (vorzugsweise) Verwendung von Serifenschriften steht die Option rmmathfont (vom engl. roman math font) zur Verfügung. Durch diese können die Schriftarten Libertine (rmmathfont=libertine) und Palatino (rmmathfont=palatino) geladen werden (s. Abschnitt 24.5).

Durch die Option sfmath wird die aktuelle serifenlose Schriftart zum Formelsatz verwendet. In beiden Fällen werden die Blackboard-Schriften der Schriftart *Palatino* geladen, da aktuell keine freie serifenlose Blackboard-Schrift mit linkem doppeltem Strich existiert (bzw. vom Autor gefunden wurde).

# 24 Optionen

Die Optionen von edumath werden thematisch gruppiert beschrieben. Neben dem links geschriebenen Namen der Option folgen mögliche Werte und rechtsbündig der Standardwert in Klammern.

#### 24.1 Hinweise zu Farboptionen

Farboptionen liegen meist in ein oder zwei Varianten vor. Eine Variante gibt die Vordergrundfarbe an und endet auf fg (vom engl. *foreground*), die andere auf bg (vom engl. *background*). Beispiele sind thmframefg und thmframebg.

Standardfarben oder durch Optionen übergebene Farben können durch Colorthemes überschrieben werden.

## 24.2 Grundlegendes

commasep

true, false (true)

Mithilfe dieser Option kann bestimmt werden, ob das Komma als Dezimaltrenner verwendet werden soll. Andernfalls geschieht dies durch einen Punkt.

Hinweis: Diese Option muss bereits mit dem Laden des Packages (\usepackage) angegeben werden.

amsoptions (Optionen) (intlimits)

Möchte man gezielt Optionen an das Package amsmath übergeben, sollte dies durch diese Option geschehen.

Hinweis: Diese Option muss bereits mit dem Laden des Packages (\u00basepackage) angegeben werden.

specialsets

true, false (true)

Durch diese Option kann die Erzeugung von Makros für spezielle Mengen  $(\mathbb{N}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}...)$  (de) aktivier twerden.

**Hinweis:** Diese Option muss bereits mit dem Laden des Packages (\u00basepackage) angegeben werden.

qtree

true, false (false)

tikz-qtree ist inkompatibel zum Package strukex, weswegen es durch diese Option manuell geladen werden kann.

Hinweis: Diese Option muss bereits mit dem Laden des Packages (\u00abserverage) angegeben werden.

#### 24.3 Umgebungen für Sätze, Definitionen etc.

amsthm framedthm thmbox

```
true, false (true)
true, false (true)
true, false (false)
```

Durch diese Optionen kann angegeben werden, ob gängige deutsche theorem-Umgebungen (*Satz*, *Definition*, *Beispiel*, ...) erstellt werden sollen. amsthm erzeugt Theoreme im Stil von amsthm, framedthm Theoreme, die umrahmt und farbig hinterlegt sein können. Beide Möglichkeiten werden durch das Package thmtools realisiert.

Durch die Option thmbox werden Theoreme im Stile von thmbox erzeugt.

**Hinweis:** Diese Optionen müssen bereits mit dem Laden des Packages (\usepackage) angegeben werden.

**Warnung:** thmbox erfordert zwingend nummerierte Theoreme. Deshalb müssen in diesem Fall thmimpnumbered und thmunimpnumbered manuell auf true gesetzt werden.

thmimpnumbered thmunimpnumbered

```
true, false (false)
true, false
```

Durch diese Optionen kann angegeben werden, ob wichtige Theoreme (thmimpnumbered) (vom engl. *important*) und/oder unwichtige Theoreme (thmunimpnumbered) (vom engl. *unimportant*) nummeriert werden sollen.

**Hinweis:** Diese Optionen müssen bereits mit dem Laden des Packages (\usepackage) angegeben werden.

thmlabelfg

 $\langle Farbe \rangle$  (black)

Durch diese Option kann die Farbe für die Theorembeschriftung (*Satz*, *Definition*, ...) angegeben werden.

**Hinweis:** *Diese Option kann durch Colorthemes überschrieben werden.* 

thmframefg
thmframebg

```
\langle \textit{Farbe} \rangle \hspace{1cm} (\textit{darkgray}) \\ \langle \textit{Farbe} \rangle \hspace{1cm} (\textit{lightgray} ! 60)
```

Durch diese Optionen können Rahmenfarbe (thmframefg) und die Hintergrundfarbe (thmframebg) von umrahmten Theoremen angegeben werden.

**Hinweis:** *Diese Optionen können durch Colorthemes überschrieben werden.* 

thmimplabelstyle thmimpnotestyle thmimpbodystyle

```
 \langle Format \rangle \qquad \qquad (\sffamily\bfseries) \\ \langle Format \rangle \qquad \qquad (\sffamily\bfseries) \\ \langle Format \rangle \qquad \qquad ()
```

Durch diese Optionen kann die Formatierung wichtiger (vom engl. *important*) Theoreme bestimmt werden: Beschriftung (thmimplabelstyle), Name (thmimpnotestyle) und ihr Inhalt (thmimpbodystyle).

**Hinweis:** Diese Optionen müssen bereits mit dem Laden des Packages (\usepackage) angegeben werden.

thmunimplabelstyle
thmunimpnotestyle
thmunimpbodystyle

planenvarnormal

```
 \langle Format \rangle \qquad \qquad (\sffamily \bfseries) \\ \langle Format \rangle \qquad \qquad (\sffamily) \\ \langle Format \rangle \qquad \qquad ()
```

Durch diese Optionen kann die Formatierung unwichtiger (vom engl. *unimportant*) Theoreme bestimmt werden: Beschriftung (thmunimplabelstyle), Name (thmunimpnotestyle) und ihr Inhalt (thmunimpbodystyle).

**Hinweis:** Diese Optionen müssen bereits mit dem Laden des Packages (\usepackage) angegeben werden.

thmdefinitionlabel ⟨Name⟩ (Definition) thmdefitheolabel ⟨Name⟩ (Definition/Satz) ⟨Name⟩ thmtheoremlabel (Satz) ⟨Name⟩ thmcalcrulelabel (Regel) ⟨Name⟩ thmexamplelabel (Beispiel) thmexampleexelabel ⟨Name⟩ (Beispielaufgabe)  $\langle Name \rangle$ thmhintlabel (Hinweis)  $\langle Name \rangle$ thmremarklabel (Bemerkung) thmsolutionlabel ⟨Name⟩ (Lösung)

Durch diese Optionen können die Beschriftungen der vordefinierten Theoreme angegeben werden.

#### 24.4 Analytische Geometrie

	•	
linepname	⟨Name⟩	(g)
linepsupport	⟨Stützvektor-Variable⟩	(p)
linepdir	⟨Richtungsvektor-Variable⟩	(u)
lineppar	⟨Parameter⟩	(r)
	Durch diese Optionen können die Standardwerte einer Geraden in Parameterform (	<b>\linepvar</b>
	und \linepvec) gesetzt werden.	
planepname	⟨Name⟩	(E)
planepsupport	⟨Stützvektor-Variable⟩	(p)
planepdiri	⟨Spannvektor₁-Variable⟩	(u)
planepdirii	⟨Spannvektor₂-Variable⟩	(∨)
planeppari	⟨Parameter₁-Variable⟩	(r)
planepparii	⟨Parameter₂-Variable⟩	(s)
	Durch diese Optionen können die Standardwerte einer Ebene in Parameterform (\planepv	
	und \lplanepvec) gesetzt werden.	
planenvarname	⟨Name⟩	(E)
planenvarsupport	⟨Stützvektor-Variable⟩	(p)

(n) Durch diese Optionen können die Standardwerte einer Ebene in Normalenform (\planenvar und \lplanenvec) gesetzt werden.

#### 24.5 Schriftarten

Durch diese Optionen kann die Schriftart des Formelsatzes manipuliert werden. Als serifenlose Schriftarten stehen *Libertine* (rmmathfont=libertine) und *Palatino* (rmmathfont=palatino) zur Verfügung.

Durch die Option sfmath wird die aktuelle serifenlose Schriftart zum Formelsatz verwendet.

**Hinweis:** Diese Optionen müssen bereits mit dem Laden des Packages (\usepackage) angegeben werden.

#### 25 Index

Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers underlined refer to the page were the implementation of the corresponding entry is discussed. Numbers in roman refer to other mentions of the entry.

```
Differential operator 7
Α
abc-Formel 11
                                               \diff 7
\abs 11
                                               \ds 30
Abstand 6
\absvec 23
                                               Ε
\absvect 24
                                               Ebene 26, 27
aligntr (environment) 9, 10
                                               \ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}
amsmath (package) 6, 31
                                               \edumathsetup 6
amsoptions (option) 6, 30
                                               Eliminationsverfahren, gauß'sches 21
amsthm (option) 12, 31
                                               esvect (package) 23
amsthm (package) 12-14, 31
                                               examplebl (environment) 18
Äquivalenzumformung 9
                                               examplebm (environment) 18
                                               examplebs (environment) 18
B
                                               example (environment) 13, 14
bet (option) 10
                                               exampleexebl (environment) 18
Betrag 11
                                               exampleexebm (environment) 18
Betrag, Vektor 23, 24
                                               exampleexebs (environment) 18
betroot (option) 10
                                               exampleexe (environment) 13, 14
betr (option) 10
                                               exampleexef (environment) 16
Bruch 8
                                               examplef (environment) 16
calcrulebl (environment) 17
                                               framedthm (option) 12, 31
calcrulebm (environment) 17
calcrulebs (environment) 17
calcrule (environment) 13
                                               gauß'sches Eliminationsverfahren 21
calcrulef (environment) 15
                                               gauss (package) 21, 23
cancel (package) 8
                                               Gerade 25
\c 7
                                               Gleichung 8, 9
commasep (option) 6, 30
                                               Gleichung, quadratisch 11, 12
\corr 7
                                               Gleichungssystem 8, 21
                                               gmatrix* (environment) 21
                                               gmatrix (environment) 21
Definition 12
                                               gmatrixp* (environment) 21, 22
definitional (environment) 17
                                               gmatrixv* (environment) 22
definitionbm (environment) 17
definitionbs (environment) 17
definition (environment) 13
                                               hintbl (environment) 18
definitionf (environment) 15
                                               hintbm (environment) 18
defitheobl (environment) 17
                                               hintbs (environment) 18
defitheobm (environment) 17
                                               hint (environment) 13, 14
defitheobs (environment) 17
                                               hintf (environment) 16
defitheo (environment) 13
defitheof (environment) 15
Dezimaltrenner 6
```

icomma (package) 6	planepname (option) 26, 27, <i>32</i>
\I 7	planepparii (option) 26, 27, <i>32</i>
imaginär 7	planeppari (option) 26, 27, <i>32</i>
Integral 7	planepsupport (option) 26, 27, 32
\iu 7	\planepvar $26, 27, 32$
	\planepvec 26
K	Planfigur 20
Komma 6	\planfigur 20
komplexe Zahlen 7	Polynomdivision 20
Kürzen 8	polynom (package) <mark>20</mark>
	pq-Formel 12
L	Punkt 19
\lightning 7	
lineare Abhängigkeit 24	Q
lineare Unabhängigkeit 24	\qf 11
linepdir (option) 25, 32	\qfr <u>12</u>
linepname (option) 25, 32	\qfrvar 12
lineppar (option) 25, 32	\qfvar <i>11</i>
linepsupport (option) 25, 32	\qLeftarrow 28
\linepvar 25, 32	\qleftarrow 28
\linepvec 25, 32	\qLeftrightarrow 28
\L 7	\qleftrightarrow 28
Lösungsmenge 8	\Q7
\lplanenvec 32	\qmath 29
\lplanepvec 32	\qoder 29
(4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (4)	\qqLeftarrow 28
М	\qqleftarrow 28
Matrix 22	\qqLeftrightarrow 28
Matrixschreibweise 22	\qqleftrightarrow 28
Mengen 7	\qqmath
\minusp 22, 23	\qqoder <del>29</del>
Mitternachtsformel 11	\qqRightarrow 28
\mvsep 22	\qqrightarrow 28
\iiivsep 22	\qqtext 29
N.	\qqund <i>29</i>
N	\qRightarrow 28
\N 7	\qrightarrow 28
Norm 11	\qtext 29
Norm, Vektor 24	qtree (option) 10, 31
Normalenform 27	quadratische Gleichung 11, 12
\norm 11	\qund 29
\normvec 24	·
\normvect 24	R
	Rechenbaum 10
P	remarkbl (environment) 19
Parameterform 25, 26	remarkbm (environment) 19
Pfeil 28	remarkbs (environment) 19
\planenvar 27, 32	remark (environment) 13, 14
planenvarname (option) 27, 32	remarkf (environment) 16
planenvarnormal (option) 27, 32	\R 7
planenvarsupport (option) 27, 32	\r 9
\planenvec 27	rmmathfont (option) 30, 32
planepdirii (option) 26, 27, 32	· ····································
planepdiri (option) 26, 27, <i>32</i>	

S	thmimpnumbered (option) 12, <i>31</i>
Satz 12	thmlabelfg (option) 31
schriftliches Rechnen 8	thmremarklabel (option) 32
\sepackage <u>30</u> - <u>33</u>	thmsolutionlabel (option) 32
\sep <i>19</i>	thmtheoremlabel (option) 32
sfmath (option) 30, 32, 33	thmtools (package) 31
\solset 8	thmunimpbodystyle (option) 32
solutionbl (environment) 19	thmunimplabelstyle (option) 32
solutionbm (environment) 19	thmunimpnotestyle (option) 32
solutionbs (environment) 19	thmunimpnumbered (option) 12, 31
solution (environment) 13, 14	tikz-qtree (package) 10, 31
solutionf (environment) 16	tizk-qtree (package) 10
specialsets (option) 8, 31	\tr
Streichung 8	
	U
Т	\usepackage <mark>6</mark>
Text 29	•
Theorem 12	V
theorembl (environment) 17	\vec <i>23</i>
theorembm (environment) 17	\vect 23
theorembs (environment) 17	\vectmultsol $24$
theorem (environment) 13, 31	Vektor 23
theoremf (environment) 15	Vektorbetrag 23, 24
thmbox (option) 12, 31	Vektornorm 24
thmbox (package) 12, 17, 31	Vielfache 24
thmcalcrulelabel (option) 32	
thmdefinitionlabel (option) 32	W
thmdefitheolabel (option) 32	Widerspruch 7
thmexampleexelabel (option) 32	widersprach i
thmexamplelabel (option) 32	V
thmframebg (option) 15, 30, 31	X
thmframefg (option) 15, 30, <i>31</i>	xlop (package) <mark>8</mark>
thmhintlabel (option) 32	
thmimpbodystyle (option) 31	Z
thmimplabelstyle (option) 31	Zahl, komplex 7
thmimpnotestyle (option) 31	\Z <b>7</b>