

2019 年湖南娄底市直教师招聘考试模拟卷

数学专业知识

一、选择题（本大题共 8 题，每题 3 分，共 24 分）

1. 【答案】C. 解析：画 A 点关于河 C 的河岸 l 的对称点，设为 E，由对称性易得 A 点到 B 点的距离等从 E 点到 B 的距离，. 再由两点之间，直线最短可得 EB 为最短距离. 连接 EB，线段 EB 与河岸相交于 P 点，易得 $\triangle A'EP \sim \triangle B'BP$ ，对应边成比例，得 $A'P$ 为 10m， $B'P$ 为 20m，所以 AP 为 $10\sqrt{2}$ m， BP 为 $20\sqrt{2}$ m，即得 EB 为 $30\sqrt{2}$ m.

2. 【答案】B. 解析：设最大角为 x ，最小角为 y ，则第三个角的大小为 $180^\circ - (x + y)$ ，则有
$$\begin{cases} x - y = 180^\circ - (x + y) \\ x + y = 2 \times [180^\circ - (x + y)] \end{cases}, \text{ 即 } \begin{cases} x = 90^\circ \\ x + y = 120^\circ \end{cases}, \text{ 所以 } \begin{cases} x = 90^\circ \\ y = 30^\circ \end{cases}.$$

3. 【答案】D. 解析：由正方体的性质可得 AC 垂直于平面 BB_1D_1D ，因为 BE 在平面 BB_1D_1D 内，所以 A 正确. 因为平面 $ABCD \parallel$ 平面 $A_1B_1C_1D_1$ ，EF 在平面 $A_1B_1C_1D_1$ 内，所以 B 正确. 因为三棱锥 $A-BEF$ 的底面积为一定值，同时它的高也为一定值，故 C 正确，因此选 D

4. 【答案】B. 解析：第一次摸球有 3 种等可能事件，第二次摸球也是 3 种等可能事件，则一共有 3×3 种等可能事件，为负数有 3 种等可能，为零有一种等可能，为正数有 5 种等可能.

5. 【答案】A. 解析：有题意知方程 $m^2 - 3m - 2$ 的值为 2，解得 m 的值为 4 或 -1，又因为 $m+1$ 不为零，故解得 m 的值为 4.

6. 【答案】A. 解析：这是一个追赶问题，首先要求出时针与分针的速度. 分针的速度为 $360 \div 60 = 6$ (度/分)，时针的速度为 $360 \div (60 \times 12) = 0.5$ (度/分). 又易知分针比时针多走的路程为 270 度，所以有 $6t = 270 + 0.5t$ ，解得 t 约为 49.

7. 【答案】C. 解析：因为点 E 为 BC 的中点，所以 BE: AD=1: 2，又易得 $\triangle BEO \sim \triangle DAO$ ，所以 BO: DO=1: 2，EO: AO=1: 2. 又 $\triangle ABO \sim \triangle FDO$ ，所以 AO: FO=1: 2，故 AO: EF=2: 3.

8. 【答案】C. 解析：因为函数等于零有两个不同的解，所以①正确. 因为函数对称轴为 $x=1$ ，所以有 $\frac{b}{-2a}=1$ ，又因为函数相交于 y 轴的正方向，所以 $c>0$ ，则 $2a+b+c>0$ ，②③均为错误的. 把 $x=1$ 带入得 $a-b+c=0$ ，得 $b=-2a$ ， $c=-3a$ ，所以④正确.

二、填空题（本大题共 10 题，每题 2 分，共 20 分）

9. 【答案】1: 1. 解析：设 AB, AC 的中点分别是 M, N，连接 DM, ME 和 NF, NE，可证的 $\triangle MDE \cong \triangle NEF$ ，则得 ED=EF.

10.【答案】2:1. 解析: 在 AC 上取一点 E, 使 $AB=AE$, 则易得 $\triangle ABD \cong \triangle AED$, 所以 $\angle B = \angle AED$. 又因为 $AC=AB+BD$, 所以 $EC=BD=ED$, 所以 $\angle C = \angle EDC$, 又由三角形外角定理, 得 $\angle AED = \angle C + \angle EDC$, 则得 $\angle B = 2\angle C$.

11.【答案】22.5°. 解析: 由题有 $AE=\sqrt{2}BC$, 所以得 $\angle EAD = 45^\circ$, 则得 $\angle EAB = 45^\circ$, 则得 $\angle EBA = (180^\circ - 45^\circ) \div 2$, 则得 $\angle EBC = 90^\circ - \angle EBA$. 所以 $\angle EBC = 22.5^\circ$.

12.【答案】30 秒.

13.【答案】 2π . 解析: 有题意可知圆柱体底面半径为 1 分米, 高为 2 分米, 则体积为 2π .

14.【答案】 $\frac{35}{66}$. 解析: 形如 $\frac{a+b}{a \times b}$ (a, b 不为 0) 的分数可拆分为 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ 的形式, 再进行运算. 记住这个规律很容易得到此题答案.

15.【答案】 $\frac{\sqrt{997002}}{1997}$. 解析: 原式可化简为 $\frac{x-y}{xy(x+y)}$, 再将值带入求解, 容易求得结果.

16.【答案】 $x^2 - 10x + 10$. 解析: 有题意有 $\lambda + \gamma = 5$, $\lambda\gamma = 10$, 由根与系数的关系, 设所的一元二次方程为 $x^2 + bx + c$, 则 $-\frac{b}{2a} = 5$, $\frac{c}{a} = 10$, 又 a 为 1, 所以 b 为 -10, c 为 10.

17.【答案】 30° . 解析: 设 $BC=1$, 有题意易得 $\angle BEC = 70^\circ$, 由正弦定理, $\frac{1}{\sin 50^\circ} = \frac{AC}{\sin 80^\circ}$, $\frac{1}{\sin 70^\circ} = \frac{CE}{\sin 60^\circ}$, 又 $AE = AC - CE$, 则得 $AE = \frac{\sin 80^\circ}{\sin 50^\circ} - \frac{\sin 60^\circ}{\sin 70^\circ} = 0.363970234$, 在三角形 ADC 中, 同理可得 $ED = \frac{\sin 80^\circ}{\sin 40^\circ} - \frac{\sin 50^\circ}{\sin 70^\circ} = 0.716881417$, 由余弦定理, $AD = 0.684040286$, 再由正弦定理得到 $\sin \angle ADB = AE \times \frac{\sin 70^\circ}{AD} = 0.5$, 所以 $\angle ADB = 30^\circ$.

18.【答案】 $\sqrt{3}$. 解析: 由 $\triangle APE \sim \triangle ACB$, $\triangle BPF \sim \triangle BDA$, 得到 $\frac{AP}{AC} = \frac{PE}{CA}$, $\frac{PB}{DB} = \frac{PF}{DA}$, 带入数据很容易得出 $PE + PF = \sqrt{3}$.

三、计算题 (本大题共 4 题, 每题 5 分, 共 20 分)

19.【答案】 $\frac{5\sqrt{3}}{18} + 1$.

解析: 原式 $= -\frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{9} + 1 = \frac{5\sqrt{3}}{18} + 1$.

20.【答案】1.5 小时.

解析: 设快车开出 t 小时后与慢车相遇, 则有等式: $60(t+1) = 100t$, 解得 $t = 1.5$.

21. 【答案】1322.568 克.

解析: 由题意的水杯中水体积的变化便是铁块的体积大小, 所以铁块体积 $V=9\pi\times 6$, 又因为每立方厘米铁块重 7.8 克, 所以铁块质量 $m=V\times 7.8$, 解得 1322.568 克.

22. 【答案】(1) $m=\pm 2$, (2) $m=\frac{-3\pm 3\sqrt{5}}{2}$.

解析: 由 $x_1x_2=\frac{c}{a}=1$, 解得 $m=\pm 2$. 再由 $x_1+x_2=-\frac{b}{a}$, $x_1+x_2=-x_1x_2$, 解得 $m=\frac{-3\pm 3\sqrt{5}}{2}$.

四、解答题 (本大题共两题, 每题 8 分, 共 16 分)

23. 【答案】学生 12 岁, 老师 24 岁.

解析: 设学生, 老师今年的年龄分别是 x, y , 由题意

$$\begin{cases} y=x+x \\ y+x=36 \end{cases}, \text{ 解得 } x=12, y=24.$$

24. 【答案】 $2\sqrt{5}$.

解析: 设 P 点坐标为 $(2\cos t, 2\sin t)$, 由直线的点斜式方程可得过点 P 的圆 C 的切线 L 的方程为 $x\cos t+y\sin t-2=0$. 由点到直线的距离公式和直线斜率公式可得点 $A(-1, 0)$ 关于直线 L 的对称点 A_1 的坐标为 $(4\cos t+\cos 2t, 4\sin t+\sin 2t)$, 则 $|A_1B|^2=(4\cos t+\cos 2t-1)^2+(4\sin t+\sin 2t)^2=18-2\cos 2t$, 所以 $|A_1B|=18-2\cos 2t$, 由此易得 $|A_1B|_{\max}=2\sqrt{5}$.

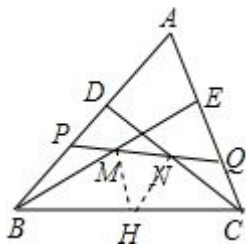
五、解答题 (本大题共 2 题, 每题 10 分, 共 20 分)

25. 【答案】90 个.

解析: 从后往前看, 第十天吃了剩下的 $\frac{1}{10}$, 还剩 $\frac{9}{10}$, 则第九天吃过后剩下 $9\div\frac{9}{10}$, 同理第八天吃过后剩下 $9\div\frac{9}{10}\div\frac{8}{9}\cdots\div\frac{1}{2}$, 结果为 90.

26. 【答案】见解析.

解析: 如图, 找到 BC 的中点 H , 连接 MH , NH , 如图所示: 因为 M, H 为 BE, BC 的中点, 所以 $MH\parallel EC$, 且 $MH=\frac{1}{2}EC$.



因为 N, H 为 CD, BC 的中点, 所以 $NH \parallel BD$, 且 $NH = \frac{1}{2} BD$.

因为 $BD = CE$, 所以 $MH = NH$, 所以 $\angle HMN = \angle HNM$;

因为 $MH \parallel EC$, 所以 $\angle HMN = \angle PQA$, (两直线平行, 内错角相等) 同理 $\angle HNM = \angle QPA$. 所以 $\triangle APQ$ 为等腰三角形, 所以 $AP = AQ$.