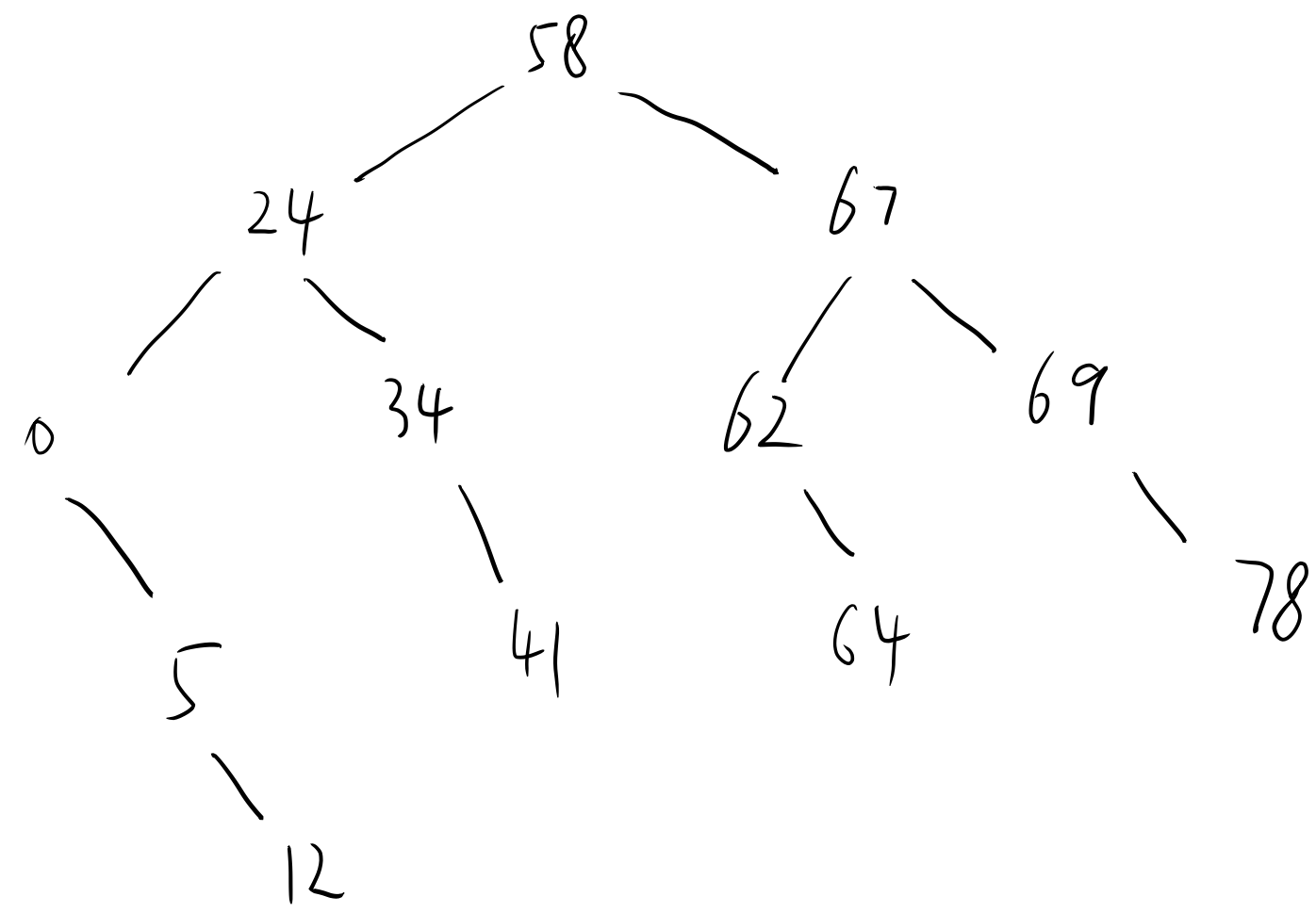


BST



插入: 最坏的情况无非是长这样  是个数字就能插进来

删除:

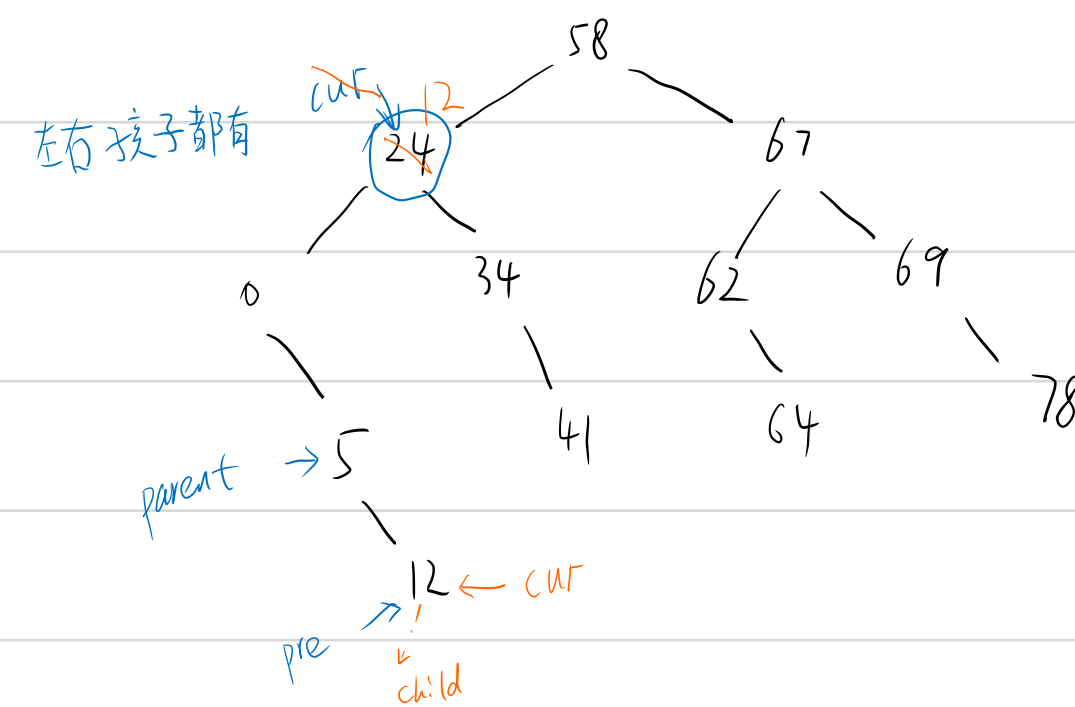
1. 没有孩子的节点 把父节点的地址域 `nullptr` > 可以写到一个里面
2. 有一个孩子的节点 孩子写入父节点地址域
3. 有两个孩子

找待删除节点的前驱节点(或后继节点)用前驱或者后继节点的值把待删除节点的值覆盖掉 然后直接删除前驱或者后继节点就可以了

前驱节点: 当前节点左子树中值最大的节点

后继节点: 当前节点右子树中值最小的节点

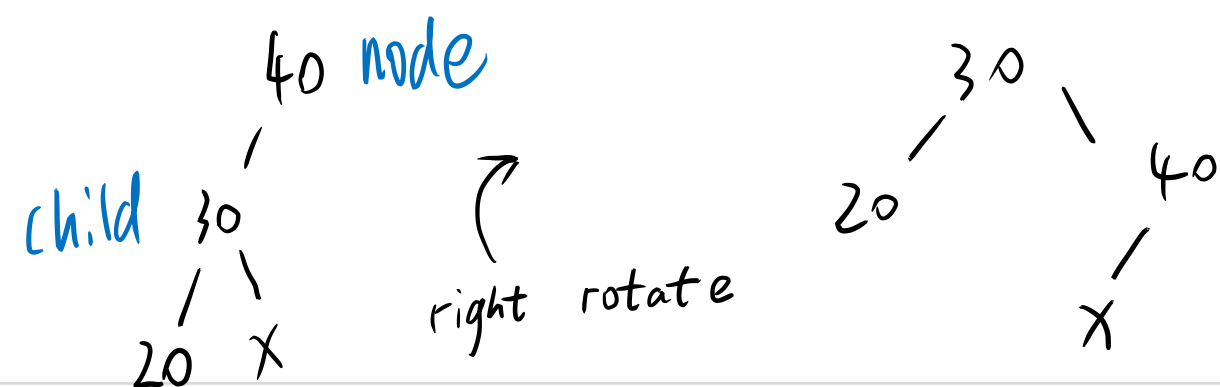
前驱/后继节点: 最多有一个孩子, 或者没有孩子, 回到情况 1/2



AVL

节点失衡的原因

1. 左孩子的左子树太高了



right rotate

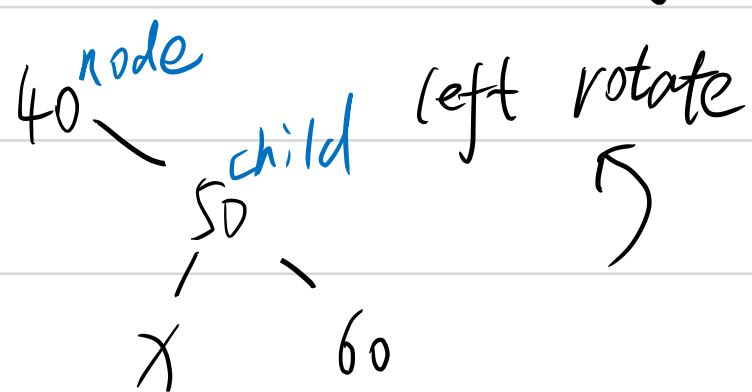
child = node → left

node → left = child → right

child → right = node

node 和 child 节点的高度值都要更新

2. 右孩子的右子树太高了



left rotate

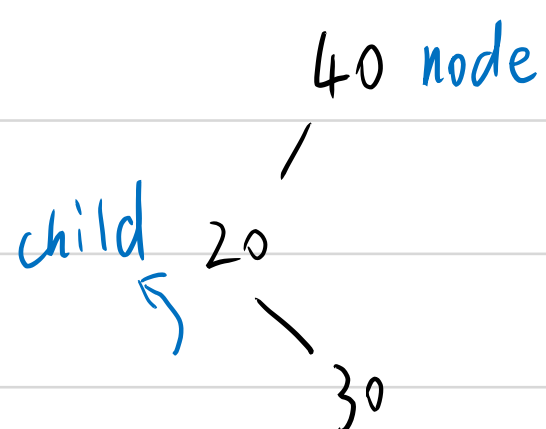
child = node → right

node → right = child → left

child → left = node

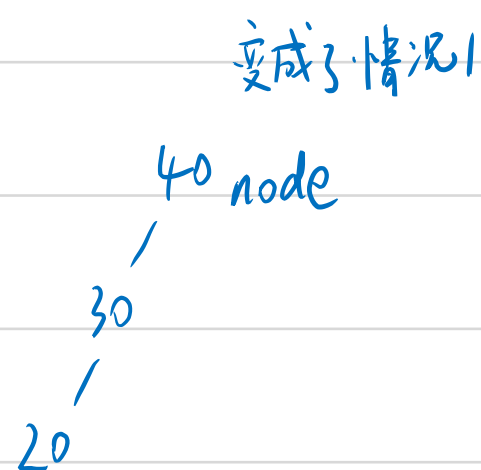
node 和 child 节点的高度值都要更新

3. 左孩子的右子树太高了



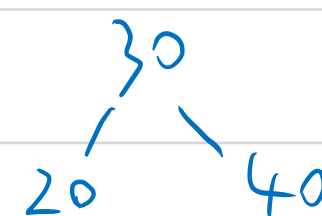
先 child 左旋

⇒

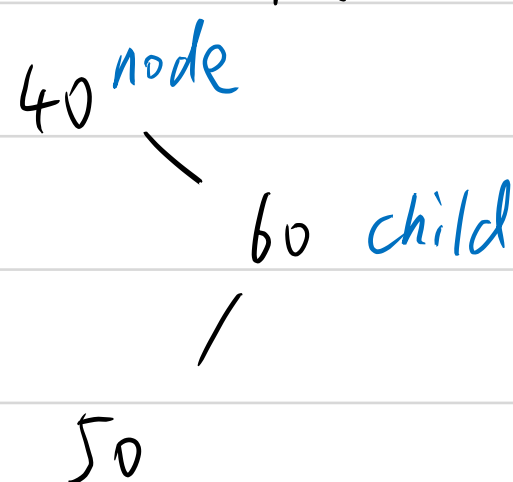


再 node 右旋

⇒

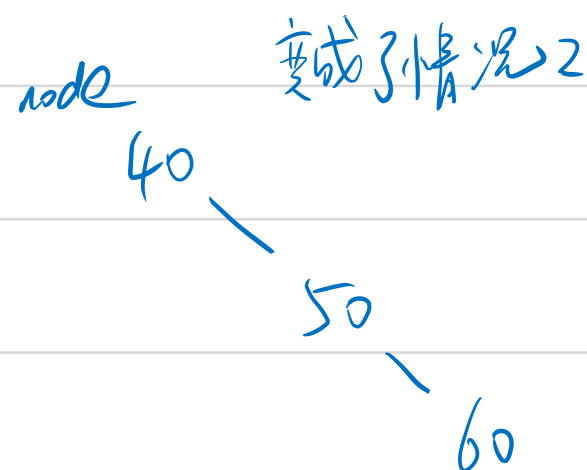


4. 右孩子的左子树太高



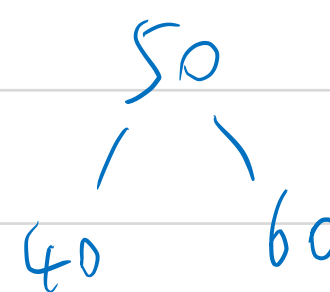
先 child 左旋

⇒



再 node 左旋

⇒



红黑树

删除的效率比 AVL 高一点
 $O(\log n)$

不是一颗平衡树，节点左右子树的高度差，长的不超过短的 2 倍

特点：

1. 树的每一个节点都有颜色，非黑即红

2. null 是黑色

3. root 是黑色

4. 不能出现连续的红色节点

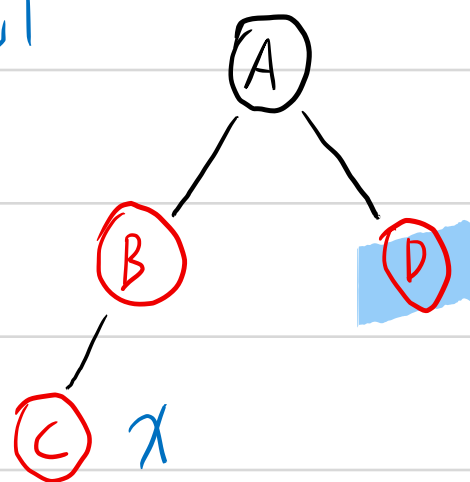
5. 从 root 根节点到每一个叶子节点的路径上，黑色节点的数量是相同的

插入

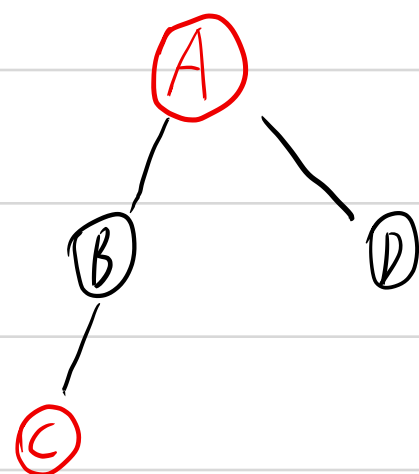
1. 空树 节点：黑色

2. 非空 插入叶子节点：红色
如果父节点黑色，插入完成
否则 调整如下：

情况 1

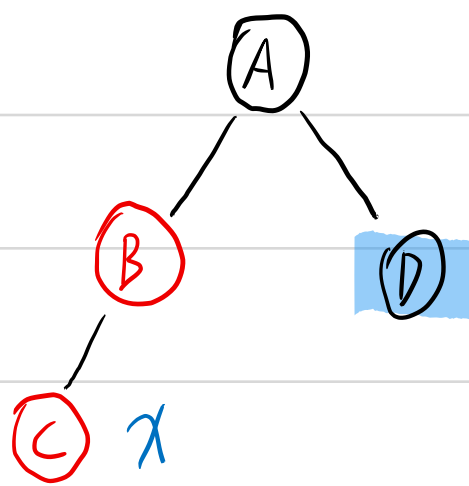


ABD 改颜色

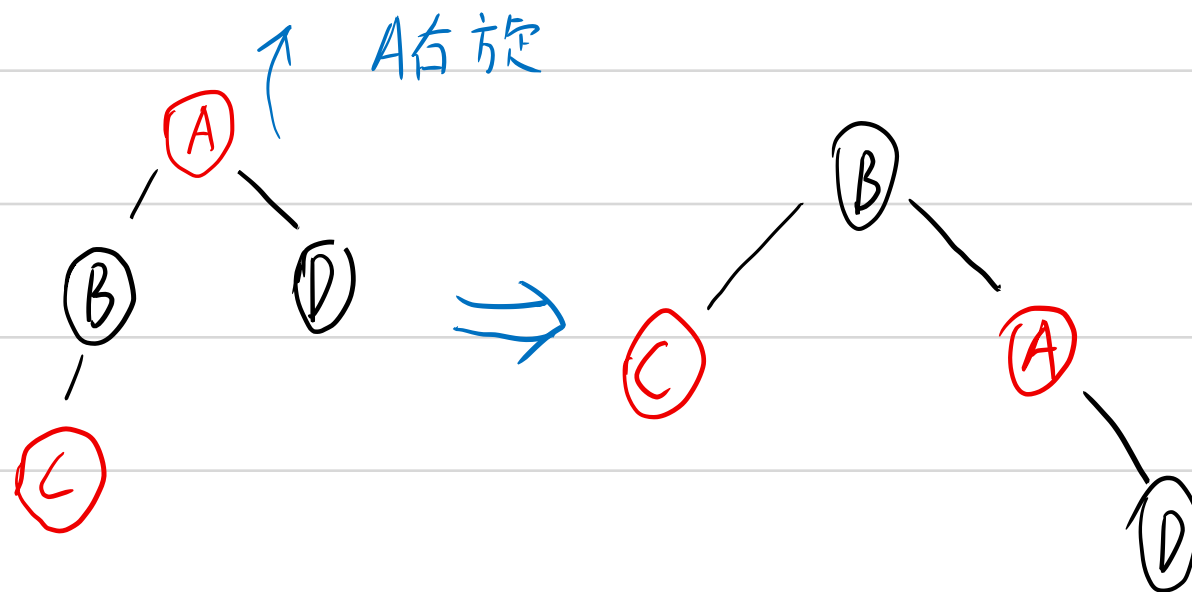


$x = A$ 继续调整
root.color = BLACK

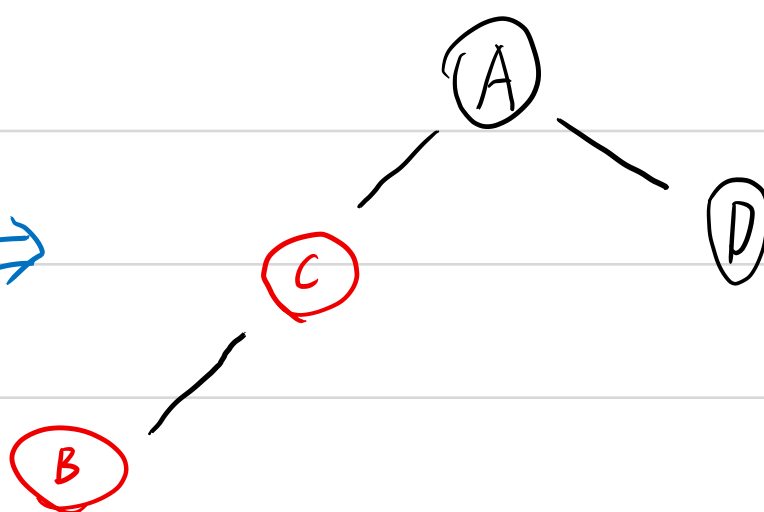
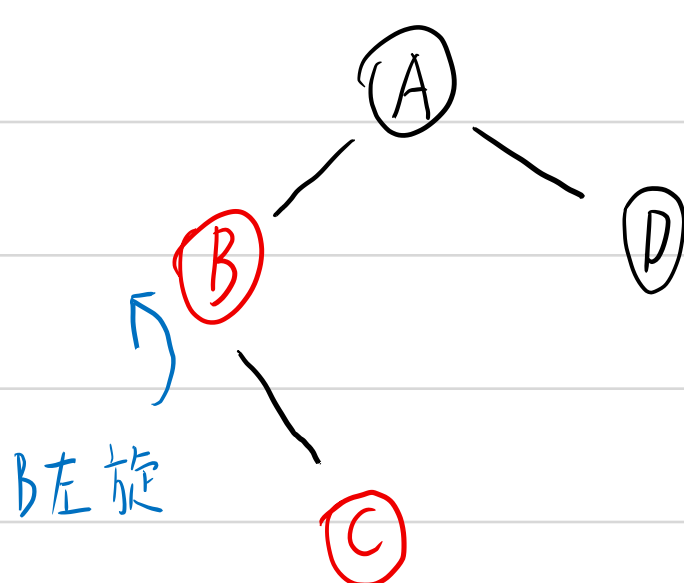
情况 2



ABD 先改颜色，但是
不符合



情况 3



情况 2



