

求解 $\min_{\vec{w}, \vec{b}} L(\vec{w}, \vec{b}; \vec{x}, \vec{y})$ 得到 KKT 条件中的 ①②③式

并结合 KKT 条件的 ④⑤式，代入 Dual problem 得到 16) 式：

$$\begin{cases} \min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^m \alpha_i \alpha_j y_i y_j k(\vec{x}_i, \vec{x}_j) - \sum_{i=1}^m \alpha_i & ① \\ \text{s.t.} \sum_{i=1}^m \alpha_i y_i = 0 & ② \\ 0 \leq \alpha_i \leq C & ③ \end{cases}$$

\therefore 只要满足 16) 式的 α 就是所求的解；并且假如所求的 α 都满足 KKT 对偶互补条件，那么 16) 式一定成立（因为 16) 式已经默认包含了 KKT 条件的 ①②③式，加上 KKT 对偶互补的 ④⑤⑥⑦⑧⑨式，则 KKT 成立， α 即为所求）

KKT 对偶互补成立 \Leftrightarrow

$$\begin{cases} \alpha_i = 0 & \Rightarrow y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) \geq 1 \\ \alpha_i = C & \Rightarrow y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) \leq -1 \\ 0 < \alpha_i < C & \Rightarrow y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) = 1 \end{cases}$$

SMO 算法

选 2 个 ~~α~~ 违反 KKT 对偶互补的 $\alpha: \alpha_1, \alpha_2$ ，固定其他的 α

对 16) 式求解 \min ，得到 $\alpha_{1, \text{new}}, \alpha_{2, \text{new}}$

更新 b 让 $\alpha_{1, \text{new}}, \alpha_{2, \text{new}}$ 满足 KKT 对偶互补

重复前面的步骤直到收敛。