

- 满足(6)式的 $\vec{\alpha}$ 一定满足KKT条件, 尤其是对偶互补条件
从(5)式可知, KKT对偶互补条件为

$$\begin{cases} \alpha_i(1 - \xi_i - y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b)) = 0 \\ u_i \xi_i = 0 \\ -\xi_i \leq 0 \\ 1 - \xi_i - y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) \leq 0 \\ \alpha_i \geq 0 \\ u_i \geq 0 \end{cases}$$

• $\alpha_i = 0$ $\alpha_i + u_i = C \Rightarrow u_i = C \Rightarrow \xi_i = 0$
 \downarrow
 $1 - \xi_i - y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) \leq 0 \Rightarrow y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) \geq 1$

• $\alpha_i = C$ $\alpha_i + u_i = C \Rightarrow u_i = 0 \Rightarrow \xi_i \geq 0$
 \downarrow
 $1 - \xi_i - y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) = 0 \Rightarrow y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) \leq 1$

• $0 < \alpha_i < C$ $\alpha_i + u_i = C \Rightarrow u_i > 0 \Rightarrow \xi_i = 0$
 \downarrow
 $1 - \xi_i - y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) = 0 \Rightarrow y_i(\vec{w}^T \vec{x}_i + b) = 1$

即 $\alpha_i = 0$ 时, 对应样本点 \vec{x}_i 在软间隔之外. (正确分类的样本)

$\alpha_i = C$ 时 对应样本点 \vec{x}_i 在软间隔之内 (勉强或误分类的样本)

$\alpha_i > 0$ 且 $\alpha_i < C$ 对应的样本点 \vec{x}_i 是支持向量.

把(6)式中 $\langle \vec{x}_i, \vec{x}_j \rangle$ 用 $k(\vec{x}_i, \vec{x}_j)$ 替代, 表示 \vec{x}_i, \vec{x}_j 映射到高维后的内积. 从而得到核化的SVM. 这就是完整的线性不可分支持向量机.