Домашнее задание по теме "Штрафные функции, барьерные функции, методы внутренней точки"

Задание должно быть выполнено в IPython Notebook и представлять из себя отчет по проведенным экспериментам с кодом, визуализацией и выводами. Пример визуализации можете найти по ссылке.

1. Реализуйте метод штрафных функций, представленный на лекции, и примените его к задаче поиска минимума функции $f(x) = \frac{1}{2}x^TAx - b^Tx$, где

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0.4 \\ 0.4 & 2 \end{pmatrix}$$
, $b = (1,1)^T$ на множествах:

- $B_{1.5}((0,1)) = \{x : ||x (0,1)|| \le 1.5\}$
- $D = \{x : x \in [-0.3, 0.5] \times [0.3, 1.5]\}$
- $C_{1.5}((0,1)) = \{x : ||x (0,1)|| = 1.5\}$

Поэкспериментируйте с выбором начальной точки и оптимизационного алгоритма (попробуйте как минимум 2). Постройте графики скоростей сходимости, проанализируйте их. Визуализируйте работу алгоритма.