

In[1693]:=

```
(*  
ЧМ ПЗ2  
Воложинец Архип  
гр.221703  
Вариант 3  
*)
```

In[1694]:=

```
(*Задание 1.1*)
```

In[1695]:=

```
f[i_, j_] := Which[i > j, 1, i == j, i + 1, i < j, 2]  
|условный оператор с множественными ветвями  
A = Array[f, {7, 7}]  
|массив
```

Out[1696]=

```
{ {2, 2, 2, 2, 2, 2, 2}, {1, 3, 2, 2, 2, 2, 2},  
  {1, 1, 4, 2, 2, 2, 2}, {1, 1, 1, 5, 2, 2, 2},  
  {1, 1, 1, 1, 6, 2, 2}, {1, 1, 1, 1, 1, 7, 2}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 8} }
```

In[1697]:=

```
g[i_] := 6 i - i^2  
B = B = Array[g, 7]  
|массив
```

Out[1698]=

```
{5, 8, 9, 8, 5, 0, -7}
```

In[1699]:=

```
{5, 8, 9, 8, 5, 0, -7}  
inversedA = Inverse[A]  
|обратная матрица
```

Out[1699]=

```
{5, 8, 9, 8, 5, 0, -7}
```

Out[1700]=

```
{ { {13/14, -1/2, -1/6, -1/12, -1/20, -1/30, -1/42}, {-1/14, 1/2, -1/6, -1/12, -1/20, -1/30, -1/42},  
    {-1/14, 0, 1/3, -1/12, -1/20, -1/30, -1/42}, {-1/14, 0, 0, 1/4, -1/20, -1/30, -1/42},  
    {-1/14, 0, 0, 0, 1/5, -1/30, -1/42}, {-1/14, 0, 0, 0, 0, 1/6, -1/42}, {-1/14, 0, 0, 0, 0, 0, 1/7} }
```

In[1701]:=

```
normMaximumA = Max[Table[Sum[Abs[A[[i, j]]], {j, 1, 7}], {i, 1, 7}]]  
|максимум |таблица |абсолютное значение
```

Out[1701]=

```
14
```

In[1702]:=

```
14 (*Норма максимум для матрицы A*)
```

Out[1702]=

```
14
```

In[1703]:=

$$\text{normMaximumInversedA} = \text{Max}\left[\text{Table}\left[\sum_{j=1}^7 \text{Abs}[\text{inversedA}[[i, j]]], \{i, 1, 7\}\right]\right]$$

[ма... [таблица j=1] абсолютное значение]

Out[1703]=

$$\frac{25}{14}$$

In[1704]:=

$$\frac{25}{14} \text{ (*Норма максимум для матрицы, обратной матрице A*)}$$

Out[1704]=

$$\frac{25}{14}$$

In[1705]:=

$$\text{condA} = \text{normMaximumA} * \text{normMaximumInversedA}$$

Out[1705]=

25

In[1706]:=

$$25 \text{ (*Число обусловленности*)}$$

Out[1706]=

25

In[1707]:=

$$X = \text{N}[\text{LinearSolve}[A, B]]$$

[... [решить линейные уравнения]

Out[1707]=

$$\{-1.60714, 1.39286, 1.89286, 1.55952, 0.809524, -0.190476, -1.35714\}$$

In[1708]:=

$$\{-1.607, 1.392, 1.892, 1.559, 0.809, -0.190, -1.357\}$$

(*Решение для матриц A и B*)

Out[1708]=

$$\{-1.607, 1.392, 1.892, 1.559, 0.809, -0.19, -1.357\}$$

In[1709]:=

$$\begin{aligned} B1 &= B \\ B2 &= B \\ B3 &= B \\ \text{temp} &= B[[7]] \end{aligned}$$

Out[1709]=

$$\{5, 8, 9, 8, 5, 0, -7\}$$

Out[1710]=

$$\{5, 8, 9, 8, 5, 0, -7\}$$

Out[1711]=

$$\{5, 8, 9, 8, 5, 0, -7\}$$

Out[1712]=

-7

In[1713]:=

```

B1[[7]] = temp + temp * 0.0001
(*Увеличиваем правую часть последнего уравнения на 0.01%*)
B2[[7]] = temp + temp * 0.001
(*Увеличиваем правую часть последнего уравнения на 0.1%*)
B3[[7]] =
temp + temp * 0.01(*Увеличиваем правую часть последнего уравнения на 1%*)

```

Out[1713]=

- 7.0007

Out[1714]=

- 7.007

Out[1715]=

- 7.07

In[1716]:=

```

X1 = 0.001 Round[ LinearSolve[A, B1] 1000]
      [округ... [решить линейные уравнения]
(*Нахождение решений для матриц A и B1*)
X2 = 0.001 Round[LinearSolve[A, B2] 1000]
      [округ... [решить линейные уравнения]
(*Нахождение решений для матриц A и B2*)
X3 = 0.001 Round[LinearSolve[A, B3] 1000]
      [округ... [решить линейные уравнения]
(*Нахождение решений для матриц A и B3*)

```

Out[1716]=

{-1.607, 1.393, 1.893, 1.56, 0.81, -0.19, -1.357}

Out[1717]=

{-1.607, 1.393, 1.893, 1.56, 0.81, -0.19, -1.358}

Out[1718]=

{-1.605, 1.395, 1.895, 1.561, 0.811, -0.189, -1.367}

In[1719]:=

```

pr1 = 0.00001 Round[condA *  $\frac{\text{Norm}[\text{Abs}[B - B1], 1]}{\text{Norm}[B + B - B1, 1]}$  100 000]
      [округлить]
(*Вычисление прогнозируемой предельной относительной погрешности для B1*)
pr2 = 0.0001 Round[condA *  $\frac{\text{Norm}[\text{Abs}[B - B2], 1]}{\text{Norm}[B + B - B2, 1]}$  10 000]
      [округлить]
(*Вычисление прогнозируемой предельной относительной погрешности для B2*)
pr3 = 0.001 Round[condA *  $\frac{\text{Norm}[\text{Abs}[B - B3], 1]}{\text{Norm}[B + B - B3, 1]}$  1000]
      [округлить]
(*Вычисление прогнозируемой предельной относительной погрешности для B3*)

```

Out[1719]=

0.00042

Out[1720]=

0.0042

Out[1721]=

0.042

In[1722]:=

absX1 = Norm[Abs[X1 - X], 1] (*Вычисление абсолютной погрешности X1*)
 норма _абсолютное значение

absX2 = 0.00001 Round[Norm[Abs[X2 - X], 1] 100 000]
 округ... _норма_ _абсолютное значение

(*Вычисление абсолютной погрешности X2*)

absX3 = 0.0001 Round[Norm[Abs[X3 - X], 1] 10 000]
 округ... _норма_ _абсолютное значение

(*Вычисление абсолютной погрешности X3*)

Out[1722]=

0.002

Out[1723]=

0.00271

Out[1724]=

0.0207

In[1725]:=

relX1 = 0.000001 Round[$\frac{\text{absX1}}{\text{Norm}[X1, 1]} 1\,000\,000$]
 округлить

(*Вычисление относительной погрешности X1*)

relX2 = 0.000001 Round[$\frac{\text{absX2}}{\text{Norm}[X2, 1]} 1\,000\,000$]
 округлить

(*Вычисление относительной погрешности X2*)

relX3 =
0.00001 Round[$\frac{\text{absX3}}{\text{Norm}[X3, 1]} 100\,000$] (*Вычисление относительной погрешности X3*)
 округлить

Out[1725]=

0.000227

Out[1726]=

0.000308

Out[1727]=

0.00235

In[1728]:=

(*Задание 1.2*)

In[1729]:=

$$f[i_, j_] := \frac{1}{i + j - 1}$$

A = Array[f, {7, 7}]

[массив]

Out[1730]=

$$\left\{ \left\{ 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7} \right\}, \left\{ \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8} \right\}, \right. \\ \left. \left\{ \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9} \right\}, \left\{ \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10} \right\}, \left\{ \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11} \right\}, \right. \\ \left. \left\{ \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11}, \frac{1}{12} \right\}, \left\{ \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11}, \frac{1}{12}, \frac{1}{13} \right\} \right\}$$

In[1731]:=

In[1732]:=

$$g[i_] := 3 i - 6$$

B = Array[g, 7]

[массив]

Out[1733]=

{-3, 0, 3, 6, 9, 12, 15}

In[1734]:=

inversedA = Inverse[A]

[обратная матрица]

Out[1734]=

```
{ {49, -1176, 8820, -29400, 48510, -38808, 12012},
  {-1176, 37632, -317520, 1128960, -1940400, 1596672, -504504},
  {8820, -317520, 2857680, -10584000, 18711000, -15717240, 5045040},
  {-29400, 1128960, -10584000, 40320000, -72765000, 62092800, -20180160},
  {48510, -1940400, 18711000, -72765000, 133402500, -115259760, 37837800},
  {-38808, 1596672, -15717240, 62092800, -115259760, 100590336, -33297264},
  {12012, -504504, 5045040, -20180160, 37837800, -33297264, 11099088} }
```

In[1735]:=

$$\text{normMaximumA} = \text{Max}\left[\text{Table}\left[\sum_{j=1}^7 \text{Abs}[A[i, j]], \{i, 1, 7\}\right]\right]$$

[ма... [таблица] [абсолютное значение]

(*Норма-максимум для матрицы A*)

$$\text{normMaximumInversedA} = \text{Max}\left[\text{Table}\left[\sum_{j=1}^7 \text{Abs}[\text{inversedA}[i, j]], \{i, 1, 7\}\right]\right]$$

[ма... [таблица] [абсолютное значение]

(*Норма-минимум для матрицы A*)

Out[1735]=

$$\frac{363}{140}$$

Out[1736]=

379964970

In[1737]:=

```
condA = normMaximumA * normMaximumInversedA
(*Нахождение числа обусловленности для массива A*)
```

Out[1737]=

$$\frac{1\,970\,389\,773}{2}$$

In[1738]:=

```
X = N[LinearSolve[A, B]] (*Решение для матриц A и B*)
[... решить линейные уравнения]
```

Out[1738]=

$$\{987., -46\,368., 510\,300., -2.2176 \times 10^6, 4.46985 \times 10^6, -4.19126 \times 10^6, 1.47748 \times 10^6\}$$

In[1739]:=

```
B1 = B
B2 = B
B3 = B
temp = B[[7]]
```

Out[1739]=

$$\{-3, 0, 3, 6, 9, 12, 15\}$$

Out[1740]=

$$\{-3, 0, 3, 6, 9, 12, 15\}$$

Out[1741]=

$$\{-3, 0, 3, 6, 9, 12, 15\}$$

Out[1742]=

15

In[1743]:=

```
B1[[7]] = temp + temp * 0.0001
(*Увеличиваем правую часть последнего уравнения на 0.01%*)
B2[[7]] = temp + temp * 0.001
(*Увеличиваем правую часть последнего уравнения на 0.1%*)
B3[[7]] =
temp + temp * 0.01 (*Увеличиваем правую часть последнего уравнения на 1%*)
```

Out[1743]=

15.0015

Out[1744]=

15.015

Out[1745]=

15.15

In[1746]:=

```

X1 = LinearSolve[A, B1] (*Решения для матриц A и B1*)
    [решить линейные уравнения]
X2 = LinearSolve[A, B2] (*Решения для матриц A и B2*)
    [решить линейные уравнения]
X3 = LinearSolve[A, B3] (*Решения для матриц A и B3*)
    [решить линейные уравнения]

```

Out[1746]=

```

{1005.02, -47 124.8, 517 868., -2.24787 × 106,
 4.52661 × 106, -4.24121 × 106, 1.49412 × 106}

```

Out[1747]=

```

{1167.18, -53 935.6, 585 976., -2.5203 × 106,
 5.03742 × 106, -4.69072 × 106, 1.64396 × 106}

```

Out[1748]=

```

{2788.8, -122 044., 1.26706 × 106,
 -5.24462 × 106, 1.01455 × 107, -9.18585 × 106, 3.14234 × 106}

```

In[1749]:=

```

pr1 = condA *  $\frac{\text{Norm}[\text{Abs}[B - B1], 1]}{\text{Norm}[B + B - B1, 1]}$ 
    (*Вычисление прогнозируемой предельной относительной погрешности для B1*)
pr2 = condA *  $\frac{\text{Norm}[\text{Abs}[B - B2], 1]}{\text{Norm}[B + B - B2, 1]}$ 
    (*Вычисление прогнозируемой предельной относительной погрешности для B2*)
pr3 = condA *  $\frac{\text{Norm}[\text{Abs}[B - B3], 1]}{\text{Norm}[B + B - B3, 1]}$ 
    (*Вычисление прогнозируемой предельной относительной погрешности для B3*)

```

Out[1749]=

```

30 788.3

```

Out[1750]=

```

307 970.

```

Out[1751]=

```

3.08839 × 106

```

In[1752]:=

```

absX1 = Norm[Abs[X1 - X], 1] (*Вычисление абсолютной погрешности X1*)
    [норма [абсолютное значение]
absX2 = Norm[Abs[X2 - X], 1] (*Вычисление абсолютной погрешности X2*)
    [норма [абсолютное значение]
absX3 = Norm[Abs[X3 - X], 1] (*Вычисление абсолютной погрешности X3*)
    [норма [абсолютное значение]

```

Out[1752]=

```

161 964.

```

Out[1753]=

```

1.61964 × 106

```

Out[1754]=

```

1.61964 × 107

```

In[1755]:=

$$\text{relX1} = \frac{\text{absX1}}{\text{Norm}[X1, 1]} \text{ (*Вычисление относительной погрешности X1*)}$$

$$\text{relX2} = \frac{\text{absX2}}{\text{Norm}[X2, 1]} \text{ (*Вычисление относительной погрешности X2*)}$$

$$\text{relX3} = \frac{\text{absX3}}{\text{Norm}[X3, 1]} \text{ (*Вычисление относительной погрешности X3*)}$$

Out[1755]=

0.0123865

Out[1756]=

0.111442

Out[1757]=

0.556381

In[1758]:=

(*Задание 2*)

In[1759]:=

$$A = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & -12 & 4 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 11 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 4 & 10 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & -3 \end{pmatrix}$$

Out[1759]=

{ {5, -2, 0, 0, 0}, {1, -12, 4, 0, 0},
 {0, 2, 11, 3, 0}, {0, 0, 4, 10, -1}, {0, 0, 0, 2, -3} }

In[1760]:=

B = {17, 23, 32, 25, -7}

Out[1760]=

{17, 23, 32, 25, -7}

In[1761]:=

firstdiag = {0, 1, 2, 4, 2} (*Выписываем поддиагональ*)

seconddiag = {5, -12, 11, 10, -3} (*Выписываем главную диагональ*)

thirddiag = {-2, 4, 3, -1, 0} (*Выписываем наддиагональ*)

Out[1761]=

{0, 1, 2, 4, 2}

Out[1762]=

{5, -12, 11, 10, -3}

Out[1763]=

{-2, 4, 3, -1, 0}

In[1764]:=

$$L = \left\{ \frac{2}{5}, 0, 0, 0, 0 \right\}$$

(*Назначаем первый элемент массива прогоночных коэффициентов L*)

$$M = \left\{ \frac{17}{5}, 0, 0, 0, 0 \right\}$$

(*Назначаем первый элемент массива прогоночных коэффициентов M*)

Out[1764]=

$$\left\{ \frac{2}{5}, 0, 0, 0, 0 \right\}$$

Out[1765]=

$$\left\{ \frac{17}{5}, 0, 0, 0, 0 \right\}$$

In[1766]:=

$$\text{findL}[i_] := -\frac{\text{thirddiag}[i]}{\text{seconddiag}[i] + \text{firstdiag}[i] * L[i-1]}$$

(*Функция для нахождения элементов массива L при $i \geq 2$ *)

$$\text{findM}[i_] := \frac{B[i] - \text{firstdiag}[i] * M[i-1]}{\text{seconddiag}[i] + \text{firstdiag}[i] * L[i-1]}$$

(*Функция для нахождения элементов массива M при $i \geq 2$ *)

In[1768]:=

$$L[[2]] = \text{findL}[2]$$

$$L[[3]] = \text{findL}[3]$$

$$L[[4]] = \text{findL}[4]$$

$$L[[5]] = \text{findL}[5]$$

Out[1768]=

$$\frac{10}{29}$$

Out[1769]=

$$-\frac{29}{113}$$

Out[1770]=

$$\frac{113}{1014}$$

Out[1771]=

$$0$$

In[1772]:=

M[[2]] = findM[2]**M[[3]] = findM[3]****M[[4]] = findM[4]****M[[5]] = findM[5]**

Out[1772]=

$$-\frac{49}{29}$$

Out[1773]=

$$\frac{342}{113}$$

Out[1774]=

$$\frac{1457}{1014}$$

Out[1775]=

$$\frac{2503}{704}$$

In[1776]:=

L

Out[1776]=

$$\left\{ \frac{2}{5}, \frac{10}{29}, -\frac{29}{113}, \frac{113}{1014}, 0 \right\}$$

In[1777]:=

$$\left\{ \frac{2}{5}, \frac{10}{29}, -\frac{29}{113}, \frac{113}{1014}, 0 \right\} (*\text{Массив прогоночных коэффициентов L}*)$$

Out[1777]=

$$\left\{ \frac{2}{5}, \frac{10}{29}, -\frac{29}{113}, \frac{113}{1014}, 0 \right\}$$

In[1778]:=

M

Out[1778]=

$$\left\{ \frac{17}{5}, -\frac{49}{29}, \frac{342}{113}, \frac{1457}{1014}, \frac{2503}{704} \right\}$$

In[1779]:=

$$\left\{ \frac{17}{5}, -\frac{49}{29}, \frac{342}{113}, \frac{1457}{1014}, \frac{2503}{704} \right\} (*\text{Массив прогоночных коэффициентов M}*)$$

Out[1779]=

$$\left\{ \frac{17}{5}, -\frac{49}{29}, \frac{342}{113}, \frac{1457}{1014}, \frac{2503}{704} \right\}$$

In[1780]:=

X = {0, 0, 0, 0, 0}

Out[1780]=

$$\{0, 0, 0, 0, 0\}$$

In[1781]:=

```

X[[5]] = M[[5]]
X[[4]] = L[[4]] * X[[5]] + M[[4]]
X[[3]] = L[[3]] * X[[4]] + M[[3]] (*Обратная прогонка*)
X[[2]] = L[[2]] * X[[3]] + M[[2]]
X[[1]] = L[[1]] * X[[2]] + M[[1]]

```

Out[1781]=

$$\frac{2503}{704}$$

Out[1782]=

$$\frac{2581}{1408}$$

Out[1783]=

$$\frac{3599}{1408}$$

Out[1784]=

$$-\frac{569}{704}$$

Out[1785]=

$$\frac{1083}{352}$$

In[1786]:=

```

N[X]
|численное приближение

```

Out[1786]=

```
{3.0767, -0.808239, 2.55611, 1.8331, 3.5554}
```

In[1787]:=

```

Test = N[LinearSolve[A, B]] (*Проверка*)
|... |решить линейные уравнения

```

Out[1787]=

```
{3.0767, -0.808239, 2.55611, 1.8331, 3.5554}
```

In[1788]:=

```
Test == X
```

Out[1788]=

```
True
```

In[1789]:=

```

True (*Решения совпадают. *)
|истина

```

Out[1789]=

```
True
```

In[1790]:=

```

(*Выражение |bi| ≥ |ai| + |ci| верно строго для всех i =
1,5 и хотя бы для одного i выполняется ai ≠
0 и ci ≠ 0 значит знаменатели всех прогоночных
коэффициентов не образуются в нуль и СЛАУ имеет единственное решение*)

```

In[1791]:=

```

(*Задание 3*)
(*При n = 10*)
(*Метод Зейделя*)
n = 10
f[i_, j_] := Which[i ≠ j, 1, i == j, 2 * n]
           |условный оператор с множественными ветвями
g[i_] := (2 * n - 1) * i + n *  $\frac{(n + 1)}{2}$  + (3 * n - 1) * (3 - 1)

```

Out[1791]=

10

In[1794]:=

```

A = Array[f, {n, n}] (*Задаем матрицу A по заданной функции*)
   |массив
B = Array[g, n] (*Задаем вектор-столбец B по заданной функции*)
   |массив

```

Out[1794]=

```

{{20, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 20, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 20, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 20, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 20, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 20, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 20, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 20, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 20, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 20}}

```

Out[1795]=

```

{132, 151, 170, 189, 208, 227, 246, 265, 284, 303}

```

```

In[1796]:=
diagA = DiagonalMatrix[Diagonal[A]] (*Главная диагональ*)
      [диагональная матрица] [диагональ]
upperTrianA = UpperTriangularize[A] - diagA (*Верхняя треугольная матрица*)
      [верхнетреугольная матрица]
lowerTrianA = LowerTriangularize[A] - diagA (*Нижняя треугольная матрица*)
      [нижнетреугольная матрица]

Out[1796]=
{{20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
 {0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
 {0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0},
 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0},
 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0},
 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20}}

Out[1797]=
{{0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1},
 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1},
 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1},
 {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1}}

Out[1798]=
{{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
 {1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
 {1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0}}

In[1799]:=
x = ConstantArray[0, n] (*Заполняем вектор неизвестных нулями*)
      [постоянный массив]

Out[1799]=
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}

In[1800]:=
xIncreasedAccuracy[x_] := Inverse[lowerTrianA + diagA].(B - upperTrianA.x)
      [обратная матрица]
      (*Задаем функцию для решения СЛАУ методом Зейделя в матричной форме*)

In[1801]:=
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      [численное приближение]

Out[1801]=
{6.6, 7.22, 7.809, 8.36855, 8.90012, 9.40512, 9.88486, 10.3406, 10.7736, 11.1849}

In[1802]:=
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      [численное приближение]

Out[1802]=
{2.40566, 3.59638, 4.75701, 5.88759,
 6.98821, 8.05906, 9.10035, 10.1124, 11.0954, 12.0499}

```

```

In[1803]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1803]=
{3.01769, 3.99662, 4.98464, 5.97979,
 6.98021, 7.98415, 8.98996, 9.99608, 11.001, 12.0035}

In[1804]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1804]=
{3.0042, 4.00382, 5.00286, 6.00171,
 7.00063, 7.99981, 8.99932, 9.99916, 10.9993, 11.9995}

In[1805]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1805]=
{2.9997, 3.99991, 5.00005, 6.00014, 7.00016, 8.00014, 9.0001, 10.0001, 11., 12.}

In[1806]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]] (*Здесь достигли требуемой точности (<0.001)*)
      |численное приближение
Out[1806]=
{2.99997, 3.99997, 4.99997, 5.99998, 6.99999, 8., 9., 10., 11., 12.}

In[1807]:=

In[1808]:=
  (*Потребовалось 6 итераций*)

In[1809]:=
  correctX = LinearSolve[A, B] (*Покажем, какое решение является верным*)
      |решить линейные уравнения
Out[1809]=
{3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12}

In[1810]:=

In[1811]:=
  (*Метод Якоби*)

In[1812]:=
  n = 10
  f[i_, j_] := Which[i ≠ j, 1, i == j, 2 * n]
      |условный оператор с множественными ветвями
  g[i_] := (2 * n - 1) * i + n *  $\frac{(n + 1)}{2}$  + (3 * n - 1) * (3 - 1)
Out[1812]=
10

```

In[1815]:=

A = Array[f, {n, n}] (*Задаем матрицу A по заданной функции*)

массив

B = Array[g, n] (*Задаем вектор-столбец B по заданной функции*)

массив

Out[1815]=

```
{ {20, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 20, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 20, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 20, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 20, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 20, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 20, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 20, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 20, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 20} }
```

Out[1816]=

```
{132, 151, 170, 189, 208, 227, 246, 265, 284, 303}
```

In[1817]:=

diagA = DiagonalMatrix[Diagonal[A]]

диагональная матрица диагональ

(*Находим диагональную матрицу матрицы A*)

reversedDiagA = Inverse[diagA]

обратная матрица

residualA = A - diagA (*Находим остаточную матрицу матрицы A*)

Out[1817]=

```
{ {20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 20} }
```

Out[1818]=

```
{ {1/20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 1/20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 1/20, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 1/20, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 1/20, 0, 0, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 1/20, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 1/20, 0, 0, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1/20, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1/20, 0}, {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1/20} }
```

Out[1819]=

```
{ {0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0} }
```

In[1820]:=

x = ConstantArray[0, n] (*Заполняем вектор неизвестных нулями*)

постоянный массив

Out[1820]=

```
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}
```

```

In[1821]:=
  xIncreasedAccuracy[x_] := reversedDiagA.(B - residualA.x)
  (*Задаем функцию для решения СЛАУ методом Якоби в матричной форме*)

In[1822]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1822]=
  {6.6, 7.55, 8.5, 9.45, 10.4, 11.35, 12.3, 13.25, 14.2, 15.15}

In[1823]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1823]=
  {1.4925, 2.49, 3.4875, 4.485, 5.4825, 6.48, 7.4775, 8.475, 9.4725, 10.47}

In[1824]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1824]=
  {3.684, 4.68388, 5.68375, 6.68363,
   7.6835, 8.68338, 9.68325, 10.6831, 11.683, 12.6829}

In[1825]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1825]=
  {2.69248, 3.69248, 4.69247, 5.69246,
   6.69246, 7.69245, 8.69244, 9.69244, 10.6924, 11.6924}

In[1826]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1826]=
  {3.1384, 4.1384, 5.1384, 6.1384, 7.1384, 8.1384, 9.1384, 10.1384, 11.1384, 12.1384}

In[1827]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1827]=
  {2.93772, 3.93772, 4.93772, 5.93772,
   6.93772, 7.93772, 8.93772, 9.93772, 10.9377, 11.9377}

In[1828]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1828]=
  {3.02803, 4.02803, 5.02803, 6.02803,
   7.02803, 8.02803, 9.02803, 10.028, 11.028, 12.028}

In[1829]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]

Out[1829]=
  {2.98739, 3.98739, 4.98739, 5.98739,
   6.98739, 7.98739, 8.98739, 9.98739, 10.9874, 11.9874}

```



```

In[1830]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1830]=
{3.00568, 4.00568, 5.00568, 6.00568,
 7.00568, 8.00568, 9.00568, 10.0057, 11.0057, 12.0057}

In[1831]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1831]=
{2.99745, 3.99745, 4.99745, 5.99745,
 6.99745, 7.99745, 8.99745, 9.99745, 10.9974, 11.9974}

In[1832]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1832]=
{3.00115, 4.00115, 5.00115, 6.00115,
 7.00115, 8.00115, 9.00115, 10.0011, 11.0011, 12.0011}

In[1833]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      |численное приближение
Out[1833]=
{2.99948, 3.99948, 4.99948, 5.99948,
 6.99948, 7.99948, 8.99948, 9.99948, 10.9995, 11.9995}

In[1834]:=
  x = N[xIncreasedAccuracy[x]] (*Здесь достигли требуемой точности (<0.001)*)
      |численное приближение
Out[1834]=
{3.00023, 4.00023, 5.00023, 6.00023,
 7.00023, 8.00023, 9.00023, 10.0002, 11.0002, 12.0002}

In[1835]:=

In[1836]:=
  (*Число итераций = 13*)

In[1837]:=
  correctX = LinearSolve[A, B] (*Покажем, какое решения является верным*)
      |решить линейные уравнения
Out[1837]=
{3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12}

In[1838]:=

  (* n = 20 *)

In[1839]:=
  (*Метод Зейделя*)

```

In[1840]:=

```

n = 20
f[i_, j_] := Which[i ≠ j, 1, i == j, 2 * n]
           |условный оператор с множественными ветвями
g[i_] := (2 * n - 1) * i + n *  $\frac{(n + 1)}{2}$  + (3 * n - 1) * (3 - 1)

```

Out[1840]=

20

In[1843]:=

```

A = Array[f, {n, n}] (*Задаем матрицу A по заданной функции*)
   |массив
B = Array[g, n] (*Задаем вектор-столбец B по заданной функции*)
   |массив

```

Out[1843]=

```

{{40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1},
 {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40}}

```

Out[1844]=

```

{367, 406, 445, 484, 523, 562, 601, 640, 679,
 718, 757, 796, 835, 874, 913, 952, 991, 1030, 1069, 1108}

```

In[1845]:=

```

diagA = DiagonalMatrix[Diagonal[A]] (*Главная диагональ*)
      |диагональная матрица |диагональ
upperTrianA = UpperTriangularize[A] - diagA (*Верхняя треугольная матрица*)
             |верхнетреугольная матрица
lowerTrianA = LowerTriangularize[A] - diagA (*Нижняя треугольная матрица*)
             |нижнетреугольная матрица

```


Out[1847]=

```
{ {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0} }
```

In[1848]:=

```
xIncreasedAccuracy[x_] := Inverse[lowerTrianA + diagA].(B - upperTrianA.x)
    [обратная матрица]
(*Задаем функцию для решения СЛАУ методом Зейделя в матричной форме*)
```

In[1849]:=

```
x = ConstantArray[0, n] (*Заполняем вектор неизвестных нулями*)
    [постоянный массив]
```

Out[1849]=

```
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}
```

In[1850]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]
```

Out[1850]=

```
{9.175, 9.92063, 10.6476, 11.3564, 12.0475, 12.7213,
 13.3783, 14.0188, 14.6434, 15.2523, 15.846, 16.4248, 16.9892,
 17.5395, 18.076, 18.5991, 19.1091, 19.6064, 20.0912, 20.5639}
```

In[1851]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
    [численное приближение]
```

Out[1851]=

```
{1.75421, 2.93338, 4.10123, 5.25761, 6.40236, 7.53533,
 8.65641, 9.76547, 10.8624, 11.9472, 13.0196, 14.0798, 15.1275,
 16.1628, 17.1856, 18.196, 19.1938, 20.1791, 21.1519, 22.1122}
```

In[1852]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      численное приближение
```

Out[1852]=

```
{3.07826, 4.04964, 5.02593, 6.00672, 6.99161, 7.9802,
 8.97211, 9.96694, 10.9643, 11.9639, 12.9653, 13.9682, 14.9721,
 15.9769, 16.9821, 17.9875, 18.9926, 19.9973, 21.0012, 22.0039}
```

In[1853]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      численное приближение
```

Out[1853]=

```
{3.00579, 4.00688, 5.00736, 6.00734, 7.00695, 8.00628,
 9.00543, 10.0045, 11.0035, 12.0025, 13.0015, 14.0007, 15.,
 15.9994, 16.999, 17.9987, 18.9985, 19.9985, 20.9986, 21.9987}
```

In[1854]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      численное приближение
```

Out[1854]=

```
{2.99889, 3.99909, 4.9993, 5.9995, 6.99969, 7.99985,
 8.99999, 10.0001, 11.0002, 12.0002, 13.0003, 14.0003, 15.0003,
 16.0003, 17.0002, 18.0002, 19.0001, 20.0001, 21.0001, 22.}
```

In[1855]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      численное приближение
```

Out[1855]=

```
{3., 3.99998, 4.99996, 5.99995, 6.99995, 7.99994, 8.99995,
 9.99995, 11., 12., 13., 14., 15., 16., 17., 18., 19., 20., 21., 22.}
```

In[1856]:=

In[1857]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]] (*Здесь достигли требуемой точности (<0.001)*)
      численное приближение
```

Out[1857]=

```
{3.00001, 4.00001, 5.00001, 6.00001, 7.00001, 8., 9.,
 10., 11., 12., 13., 14., 15., 16., 17., 18., 19., 20., 21., 22.}
```

In[1858]:=

```
(*Итераций 7*)
```

In[1859]:=

In[1860]:=

```
correctX = LinearSolve[A, B]
      решить линейные уравне
```

Out[1860]=

```
{3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22}
```

In[1861]:=

(*Метод Якоби*)

In[1862]:=

n = 20

f[i_, j_] := Which[i ≠ j, 1, i == j, 2 * n]

Условный оператор с множественными ветвями

$$g[i_] := (2 * n - 1) * i + n * \frac{(n + 1)}{2} + (3 * n - 1) * (3 - 1)$$

Out[1862]=

20

In[1865]:=

A = Array[f, {n, n}] (*Задаем матрицу A по заданной функции*)

массив

B = Array[g, n] (*Задаем вектор-столбец B по заданной функции*)

массив

Out[1865]=

```
{ {40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 40} }
```

Out[1866]=

```
{367, 406, 445, 484, 523, 562, 601, 640, 679,
 718, 757, 796, 835, 874, 913, 952, 991, 1030, 1069, 1108}
```

In[1867]:=

diagA = DiagonalMatrix[Diagonal[A]]

└─диagonalная мат... └─диagonalь

(*Находим диагональную матрицу матрицы A*)

reversedDiagA = Inverse[diagA]

└─обратная матрица

residualA = A - diagA(*Находим остаточную матрицу матрицы A*)

Out[1867]=

```
{ {40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40, 0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 40} }
```

Out[1868]=

$$\begin{aligned}
& \left\{ \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40}, 0 \right\}, \\
& \left\{ 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \frac{1}{40} \right\} \}
\end{aligned}$$

Out[1869]=

```
{ {0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1},
  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0} }
```

In[1870]:=

```
x = ConstantArray[0, n]
      [постоянный массив]
```

Out[1870]=

```
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}
```

In[1871]:=

```
xIncreasedAccuracy[x_] := reversedDiagA.(B - residualA.x)
```

In[1872]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      [численное приближение]
```

Out[1872]=

```
{9.175, 10.15, 11.125, 12.1, 13.075, 14.05, 15.025, 16., 16.975, 17.95,
 18.925, 19.9, 20.875, 21.85, 22.825, 23.8, 24.775, 25.75, 26.725, 27.7}
```

In[1873]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      [численное приближение]
```

Out[1873]=

```
{0.185625, 1.185, 2.18438, 3.18375, 4.18312, 5.1825,
 6.18188, 7.18125, 8.18063, 9.18, 10.1794, 11.1788, 12.1781,
 13.1775, 14.1769, 15.1763, 16.1756, 17.175, 18.1744, 19.1738}
```

In[1874]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      [численное приближение]
```

Out[1874]=

```
{4.3398, 5.33978, 6.33977, 7.33975, 8.33973, 9.33972,
 10.3397, 11.3397, 12.3397, 13.3397, 14.3396, 15.3396, 16.3396,
 17.3396, 18.3396, 19.3396, 20.3395, 21.3395, 22.3395, 23.3395}
```

In[1875]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1875]=

```
{2.36367, 3.36367, 4.36367, 5.36367, 6.36367, 7.36367,
 8.36367, 9.36367, 10.3637, 11.3637, 12.3637, 13.3637, 14.3637,
15.3637, 16.3637, 17.3637, 18.3637, 19.3637, 20.3637, 21.3637}
```

In[1876]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1876]=

```
{3.30226, 4.30226, 5.30226, 6.30226, 7.30226, 8.30226,
 9.30226, 10.3023, 11.3023, 12.3023, 13.3023, 14.3023, 15.3023,
16.3023, 17.3023, 18.3023, 19.3023, 20.3023, 21.3023, 22.3023}
```

In[1877]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1877]=

```
{2.85643, 3.85643, 4.85643, 5.85643, 6.85643, 7.85643,
 8.85643, 9.85643, 10.8564, 11.8564, 12.8564, 13.8564, 14.8564,
15.8564, 16.8564, 17.8564, 18.8564, 19.8564, 20.8564, 21.8564}
```

In[1878]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1878]=

```
{3.0682, 4.0682, 5.0682, 6.0682, 7.0682, 8.0682,
 9.0682, 10.0682, 11.0682, 12.0682, 13.0682, 14.0682, 15.0682,
16.0682, 17.0682, 18.0682, 19.0682, 20.0682, 21.0682, 22.0682}
```

In[1879]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1879]=

```
{2.96761, 3.96761, 4.96761, 5.96761, 6.96761, 7.96761,
 8.96761, 9.96761, 10.9676, 11.9676, 12.9676, 13.9676, 14.9676,
15.9676, 16.9676, 17.9676, 18.9676, 19.9676, 20.9676, 21.9676}
```

In[1880]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1880]=

```
{3.01539, 4.01539, 5.01539, 6.01539, 7.01539, 8.01539,
 9.01539, 10.0154, 11.0154, 12.0154, 13.0154, 14.0154, 15.0154,
16.0154, 17.0154, 18.0154, 19.0154, 20.0154, 21.0154, 22.0154}
```

In[1881]:=

x = N[xIncreasedAccuracy[x]]

└численное приближение

Out[1881]=

```
{2.99269, 3.99269, 4.99269, 5.99269, 6.99269, 7.99269,
 8.99269, 9.99269, 10.9927, 11.9927, 12.9927, 13.9927, 14.9927,
15.9927, 16.9927, 17.9927, 18.9927, 19.9927, 20.9927, 21.9927}
```

In[1882]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      ↳численное приближение
```

Out[1882]=

```
{3.00347, 4.00347, 5.00347, 6.00347, 7.00347, 8.00347,
 9.00347, 10.0035, 11.0035, 12.0035, 13.0035, 14.0035, 15.0035,
 16.0035, 17.0035, 18.0035, 19.0035, 20.0035, 21.0035, 22.0035}
```

In[1883]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      ↳численное приближение
```

Out[1883]=

```
{2.99835, 3.99835, 4.99835, 5.99835, 6.99835, 7.99835,
 8.99835, 9.99835, 10.9984, 11.9984, 12.9984, 13.9984, 14.9984,
 15.9984, 16.9984, 17.9984, 18.9984, 19.9984, 20.9984, 21.9984}
```

In[1884]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      ↳численное приближение
```

Out[1884]=

```
{3.00078, 4.00078, 5.00078, 6.00078, 7.00078, 8.00078,
 9.00078, 10.0008, 11.0008, 12.0008, 13.0008, 14.0008, 15.0008,
 16.0008, 17.0008, 18.0008, 19.0008, 20.0008, 21.0008, 22.0008}
```

In[1885]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]]
      ↳численное приближение
```

Out[1885]=

```
{2.99963, 3.99963, 4.99963, 5.99963, 6.99963, 7.99963,
 8.99963, 9.99963, 10.9996, 11.9996, 12.9996, 13.9996, 14.9996,
 15.9996, 16.9996, 17.9996, 18.9996, 19.9996, 20.9996, 21.9996}
```

In[1886]:=

```
x = N[xIncreasedAccuracy[x]] (*Достигли нужной точности*)
      ↳численное приближение
```

Out[1886]=

```
{3.00018, 4.00018, 5.00018, 6.00018, 7.00018, 8.00018,
 9.00018, 10.0002, 11.0002, 12.0002, 13.0002, 14.0002, 15.0002,
 16.0002, 17.0002, 18.0002, 19.0002, 20.0002, 21.0002, 22.0002}
```

In[1887]:=

```
(*Итераций 15*)
```

In[1888]:=

```
correctX = LinearSolve[A, B]
      ↳решить линейные уравне
```

Out[1888]=

```
{3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22}
```

In[1889]:=

```
(*Из двух методов решения систем более оптимизированным является метод
Зейделя, т.к. для нахождения ответа выполняется меньше итераций*)
```