

北航宇航学院 空气动力学(32学时)

主讲: 覃粒子

陈兵

qlz@buaa.edu.cn

Markchien@buaa.edu.cn

沙河主楼D510,13911744896 沙河主楼I

沙河主楼D519, 13683012881

2024年 春季学期



第九章 几个应用案例

- 进气道流动问题
- □ 旋转机械流动问题
- 机翼空气动力学特性

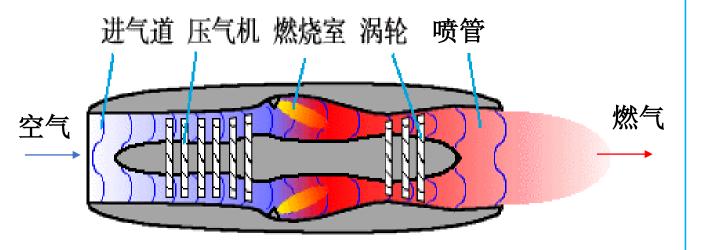


- 吸气式发动机简介
- 超声速进气道的压缩形式及作用
- 内压式超声速进气道流动问题
- 进气道的主要性能指标



9.1.1 吸气式发动机简介

> 最典型的吸气式发动机 (涡喷发动机)

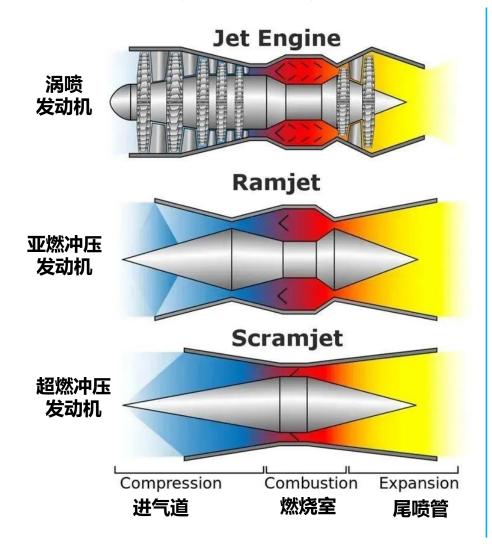


涡喷发动机原理

- 》就空气喷气发动机而言,涡轮喷气发动机的出现,解决了逾越"音障"问题, 实现了跨音速和超音速飞行。目前,涡轮喷气发动机,能够适用的上限飞行马 赫数为3.0左右。
- 随着飞行马赫数的进一步提高,涡轮喷气发动机遇到了新的问题:
 - ✓ 涡轮叶片所能承受的温度 (1800~2000K) 使燃烧室中的加热量受到 了限制
 - ✓ 压气机成了"多余"的部件。
- 》 冲压发动机是一种典型的吸气式发动机, 是空气喷气发动机在更高飞行速度领域发展的延伸!



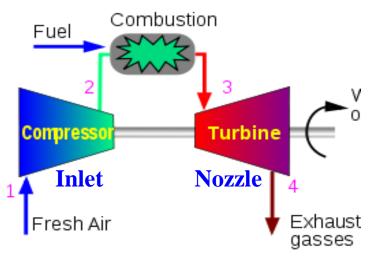
9.1.1 吸气式发动机简介



三种吸气式发动机

由三大部件组成:

一进气道(Inlet/intake) 燃烧室(Combustion chamber/ combustor) _ 尾喷管(Nozzle)



布莱顿 (Brayton) 循环

理想循环都是布莱顿循环:

▶ 1-2: 等熵压 (进气道)

▶ 2-3: 等压加热 (等截面 加热管流)

▶ 3-4: 等熵膨胀 (喷管)

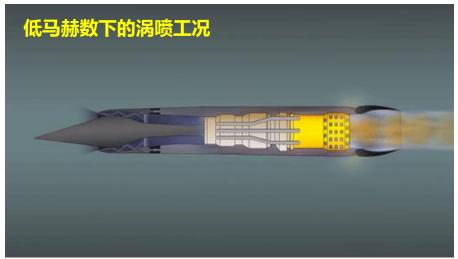
▶ 4-1: 等压散热

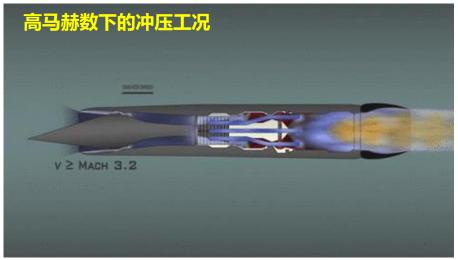


9.1.2 超声速进气道的压缩形式及作用

□ 初识进气道





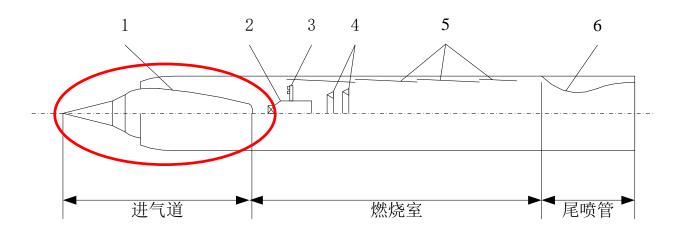


SR-71黑鸟及其组合循环发动机



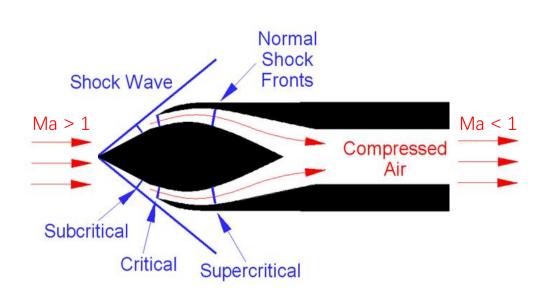
9.1.2 超声速进气道的压缩形式及作用

□ 初识进气道



1——中心锥; 2——预燃室; 3——喷嘴环; 4——火焰稳定器; 5——火焰筒; 6——尾喷管

典型亚燃冲压发动机剖面图



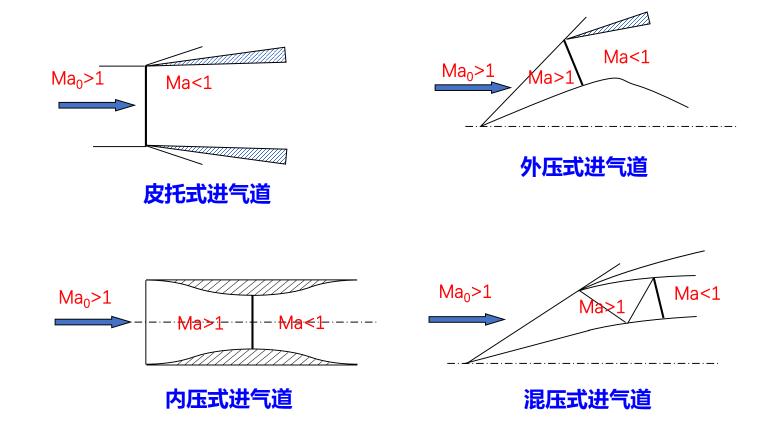
典型超声速进气道流动情况



9.1.2 超声速进气道的压缩形式及作用

□ 超声速进气道分类

>压缩形式:超声速压缩完成的部位不同分



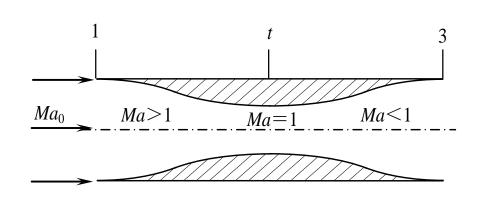
> 进气道的作用

- ✓ 冲压发动机属于典型的吸气 式动力系统,进气道是指发 动机流管中位于燃烧室入口 之前的部分,它担负着为发 动机从大气中引入满足发动 机要求的空气的任务
- ✓ 还起着将低压超声速来流
 速增压的作用,从而使进入
 燃烧室的空气流速与燃烧室
 中火焰传播的速度相适应



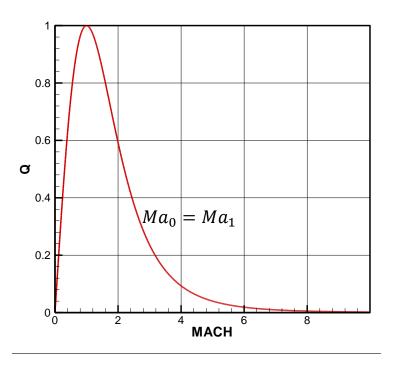
9.1.3 内压式超声速进气道流动问题

□ 最佳流动状态/设计状态



内压式进气道的最佳流动状态

设计马赫数,记为 $Ma_D = Ma_1$ $A_t/A_1 = q(Ma_1)$

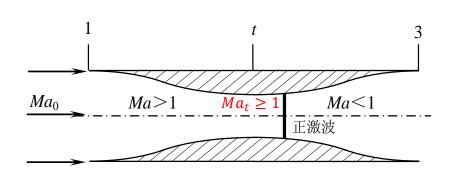


流量函数随马赫数的变化

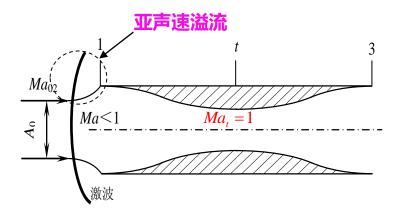


9.1.3 内压式超声速进气道流动问题

- 起动问题



内压式进气道——起动状态 喉道下游正激波

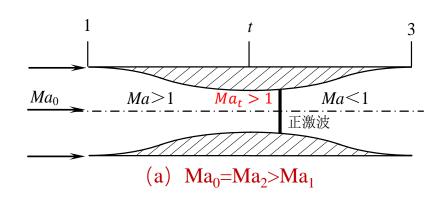


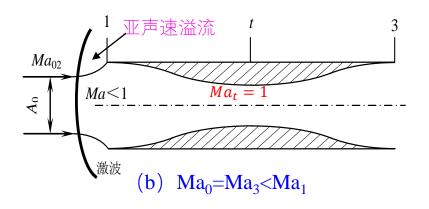
内压式进气道——不起动状态 正激波被推出进气道

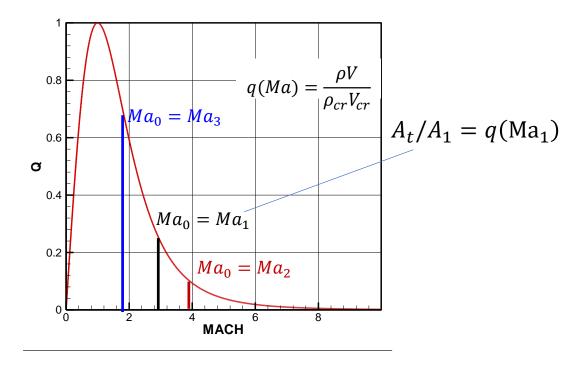


9.1.3 内压式超声速进气道流动问题

- 起动特性







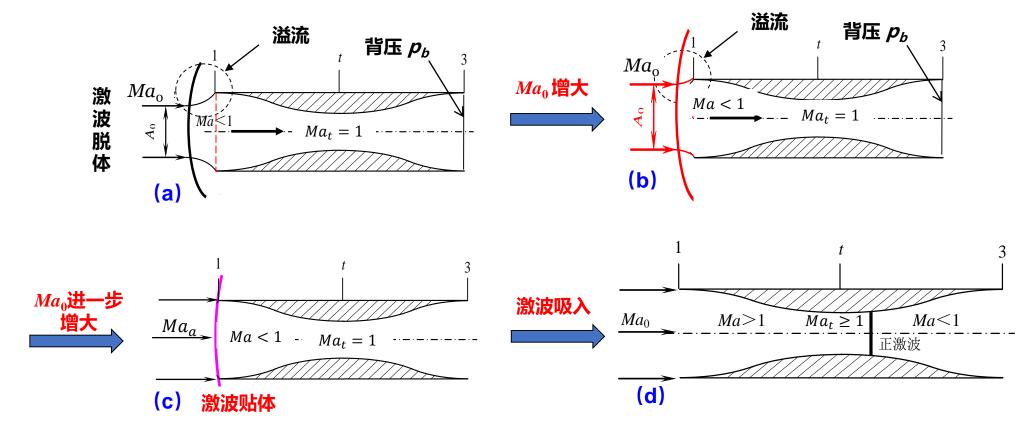
流量函数随马赫数的变化

内压式进气道的非设计状态



9.1.3 内压式超声速进气道流动问题

□ 起动措施——增大来流Ma

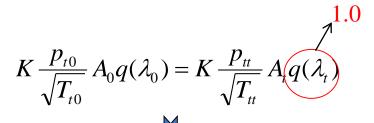


内压式进气道起动过程(增大Ma)



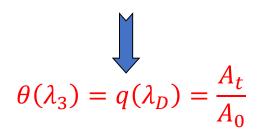
9.1.3 内压式超声速进气道流动问题

□ 起动措施——增大来流Ma

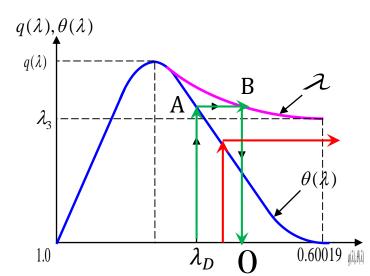


$$p_{tt} = \sigma(\lambda_0) p_{t0} \qquad T_{tt} = T_{t0}$$

$$\frac{A_t}{A_0} = \frac{q(\lambda_0)}{\sigma(\lambda_0)} \qquad q(\lambda)$$



激波贴体状态



设计马赫数和起动马赫数对照表

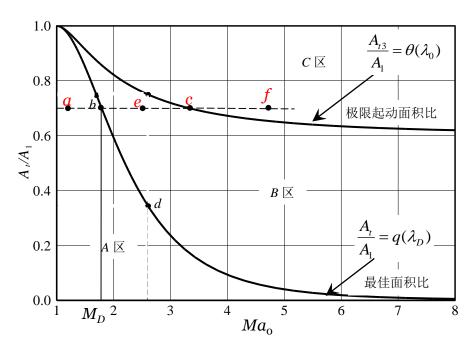
M_D	1.2	1.4	1.59	1.75	1.908	1.98
M_3	1.24	1.59	2.12	2.98	5.6	80

气动函数曲线

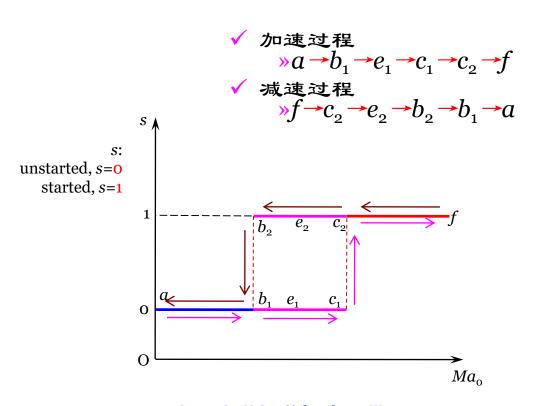


9.1.3 内压式超声速进气道流动问题

- 起动特性



内压式进气道起动曲线



内压式进气道起动迟滞环



9.1.4 进气道的主要性能指标

□ 总压恢复系数**σ**

$$\sigma = p_{t3}/p_{t0}$$

□ 流量捕获系数φ

$$p = \frac{m}{\dot{m}_c}$$

□ 阻力系数℃

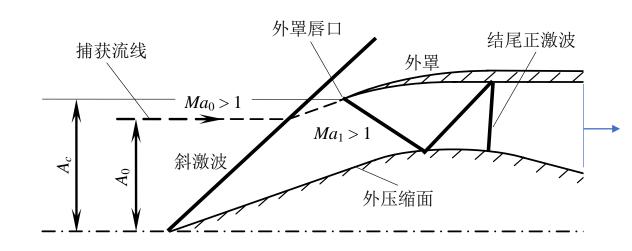
$$C_D = \frac{D}{A_0 \times \rho_0 V_0^2 / 2}$$

 \Box 压升 p_r

$$p_r = \frac{p_3}{p_0}$$

□温升ψ

$$\psi=rac{T_3}{T_0}$$



进气道质量捕获系数计算示意图



- 发动机中的旋转机械
- 动量矩方程
- 一个应用实例

动量矩守恒定律:流体与旋转机械(比如叶轮)作用问题



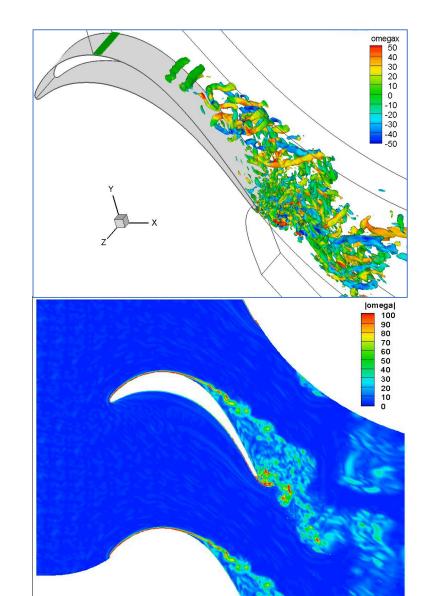
9.2.1 发动机中的旋转机械

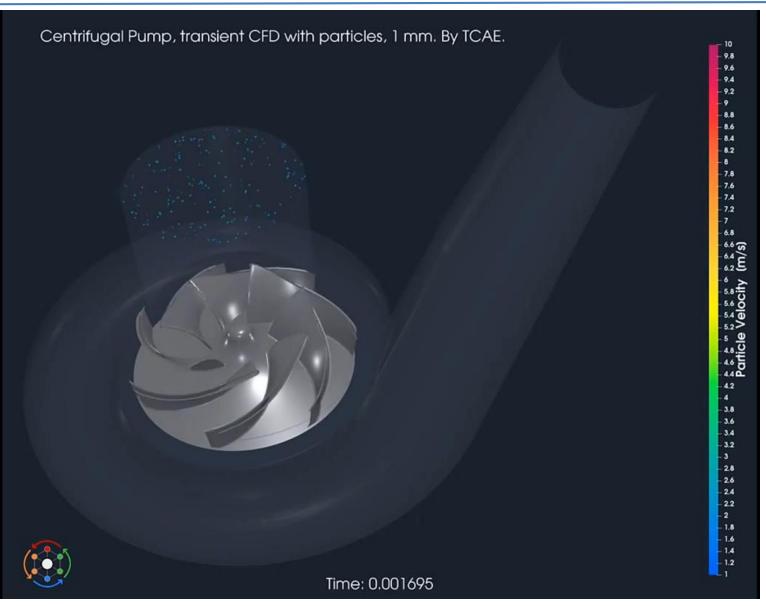






9.2.1 发动机中的旋转机械





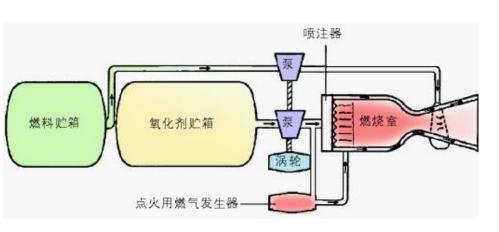
典型叶轮机械中流体流动

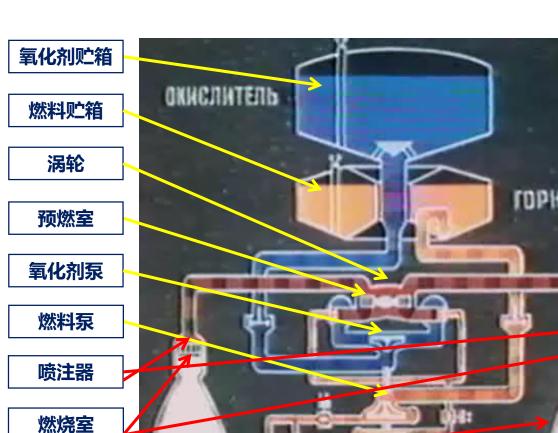


9.2.1 发动机中的旋转机械









喷管

大容器内 液体力学

管路流动

三维旋转 液体流动

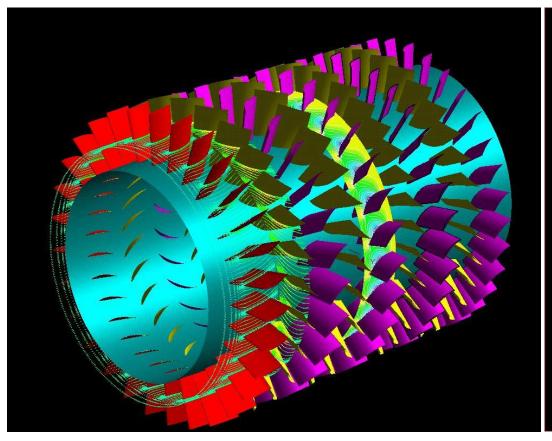
液体雾化 两相流动

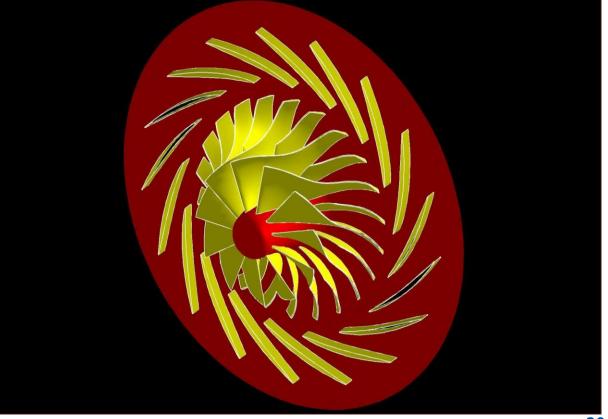
液滴蒸发 气相混合 反应流动



9.2.1 发动机中的旋转机械

- 动量定理解决流体与物体作用力的问题
- 动量矩定理比较适合于分析叶轮机械中的情况。







9.2.2 动量矩方程

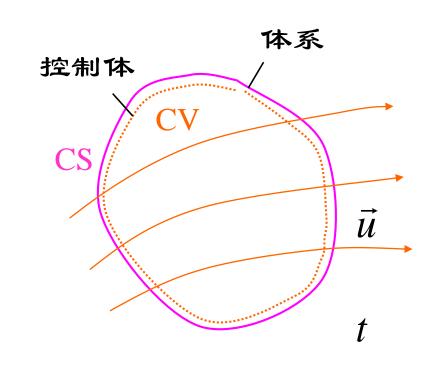
动量矩定理叙述为:

对于某瞬间占据空间体积τ的流体所构成的**体系**,体系对某轴的 **动量矩的时间变化率**,等于作用在该体系上**所有外力对于同一 轴的力矩的总和**

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{D}{Dt} \int_{\tau} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau$$

 \vec{r} 为**任一力矩中心**发出的矢径。

取上述**体系**在给定瞬间所占体积为**控制体**,用**雷诺输运定理**展开上 述方程。



流体体系和控制体



9.2.2 动量矩方程

体系的随流物理量,可以代表

质量m, 动量 \overrightarrow{m} 和能量E等.

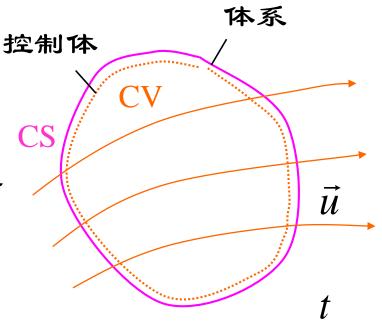
$$\frac{DN_s}{Dt} = \iiint_{CV} \frac{\partial}{\partial t} (\sigma \rho) d\tau + \oiint_{CS} \sigma \rho \vec{V} \cdot d\vec{S}$$

$$\sigma = \frac{dN}{dm}$$
 单位流体质量所具有的 N 值

$$N = m\vec{V} \times \vec{r}, \sigma = \vec{V} \times \vec{r};$$

将上式代入,即可得动量矩定理方程

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \iint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$



流体体系和控制体

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{D}{Dt} \int_{\tau} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau$$



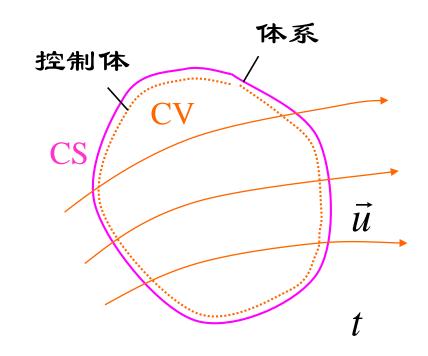
9.2.2 动量矩方程

动量矩定理:

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \iint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$

这说明:

作用于控制体内流体上的**所有外力矩之和**等于控制体内流体所具有的**动量矩随时间变化率**(体积分部分)加上**流出**控制面的**动量矩的通**量(面积分部分).



流体体系和控制体

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{D}{Dt} \int_{\tau} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau$$



9.2.2 动量矩方程

动量矩定理:

$$\sum_{i} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \iint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$

柱坐标系下的动量矩方程

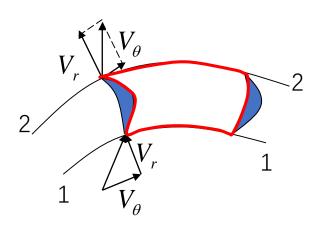
在分析叶轮机中的流动中,通常流动是以**Z轴为旋转轴**的,在圆柱坐标系中动量矩方程的Z轴分量为:

$$M_Z = \sum_{i} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho V_{\theta} r d\tau + \oiint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds$$

 M_z : 外力对z轴的合力矩;

 V_{θ} : 周向分速度;

V_r: 径向分速度.





9.2.2 动量矩方程——特殊情形简化

动量矩定理:
$$\sum \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \iint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$

1. 在定常流条件下:

控制体内流体动量矩的变化率等于零:

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \bigoplus_{\vec{c}S} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$

2. 对于理想流体

表面力只有正压力的作用,方程变为:

$$\iiint\limits_{CV} \rho(\vec{R} \times \vec{r}) d\tau + \iint\limits_{CS} (-pd\vec{S} \times \vec{r}) = \frac{\partial}{\partial t} \iiint\limits_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \oiint\limits_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$



9.2.2 动量矩方程——特殊情形简化

3.叶轮机械中—泵扬程的概念

考虑额定工况下的情况,属于**定常**运动.

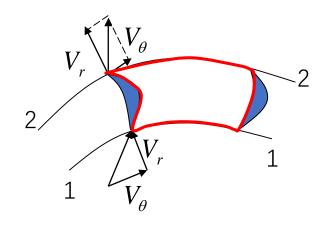
$$M_z = \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds$$

 M_z : 泵对工质的提供的有效力矩.

设进口面为 A_1 ,出口面为 A_2 ,则:

$$\begin{aligned} M_Z &= \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds \\ &= \int_{A2} \rho V_{\theta 2} r_2 V_{r2} ds - \int_{A1} \rho V_{\theta 1} r_1 V_{r1} ds \\ &= \dot{m} (V_{\theta 2} r_2 - V_{\theta 1} r_1) \end{aligned}$$

$$M_Z = \sum \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho V_{\theta} r d\tau + \oiint_{CS} \rho V_{\theta} r V_{r} ds$$



7



9.2.2 动量矩方程——特殊情形简化

3.叶轮机械中—泵扬程的概念

考虑额定工况下的情况,属于**定常**运动.

$$M_z = \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds$$

 M_z : 泵对工质的提供的有效力矩.

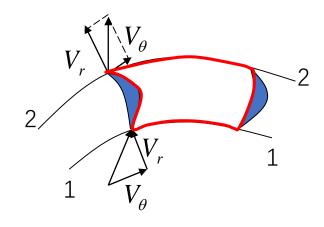
设进口面为 A_1 ,出口面为 A_2 ,则:

$$M_{z} = \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_{r} ds$$

$$= \int_{A2} \rho V_{\theta 2} r_{2} V_{r2} ds - \int_{A1} \rho V_{\theta 1} r_{1} V_{r1} ds$$

$$= \dot{m} (V_{\theta 2} r_{2} - V_{\theta 1} r_{1})$$

$$M_Z = \sum \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho V_{\theta} r d\tau + \oiint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds$$



7



9.2.2 动量矩方程——特殊情形简化

3.叶轮机械中—泵扬程的概念

$$M_z = \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds = \dot{m} (V_{\theta 2} r_2 - V_{\theta 1} r_1)$$

机械的有效功率为

$$M_z \omega = \dot{m} \omega (V_{\theta 2} r_2 - V_{\theta 1} r_1)$$
$$= \dot{m} (V_{\theta 2} u_2 - V_{\theta 1} u_1)$$

 u_1,u_2 在进出口位置叶轮本身的**圆周速度**

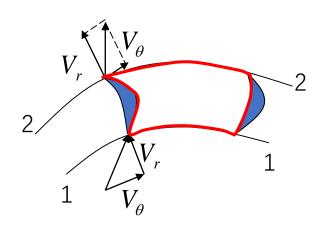
定义泵的扬程

有效功率与重量流量(前g)之比.

$$H = \frac{M_z \omega}{\dot{m}g} = \frac{V_{\theta 2} u_2 - V_{\theta 1} u_1}{g}$$

H表示泵对单位重量液体所做的功,相当于把液体提高H的高度.

$$M_Z = \sum_{i} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho V_{\theta} r d\tau + \oiint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds$$





9.2.2 动量矩方程——特殊情形简化

4.叶轮机械中—面积定律

考虑额定工况下的情况,属于定常运动.

$$M_z = \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_r ds$$

 M_z : 泵对工质的提供的有效力矩.

设进口面为 A_1 ,出口面为 A_2 ,则:

$$M_{z} = \iint_{CS} \rho V_{\theta} r V_{r} ds$$

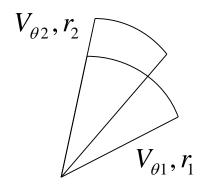
$$= \int_{A2}^{CS} \rho V_{\theta 2} r_{2} V_{r2} ds - \int_{A1} \rho V_{\theta 1} r_{1} V_{r1} ds$$

$$= \dot{m} (V_{\theta 2} r_{2} - V_{\theta 1} r_{1})$$

若外力矩为零,则

$$V_{\theta 2}r_2 - V_{\theta 1}r_1 = 0$$

如: 离心压气机扩压器、离心喷嘴



面积定律



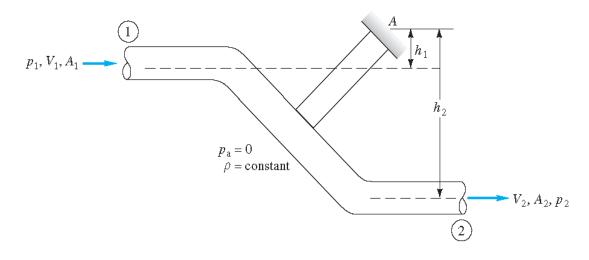
9.2.3 两个例子

【例题1】 如图,进出口平行的弯管通过支架固定于A点。 不可压流体从1截面流入,2截面流出。已知环境 压强 p_a =0。试求:支撑A点所承受的扭矩T(表 述成1、2截面参数及距离 h_1 和 h_2 的表达式)。

分析:

- 采用动量矩定理求解
- 由于流动为定常的,故**体积分**部分为o
- 划分控制体后,只需要计算**各部分力矩**,及控制面的**动量矩通**量。
- 注意: 各量的方向!

$$\sum_{\vec{r}} \vec{r} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \iint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$



例题1 弯管扭矩计算



9.2.3 两个例子

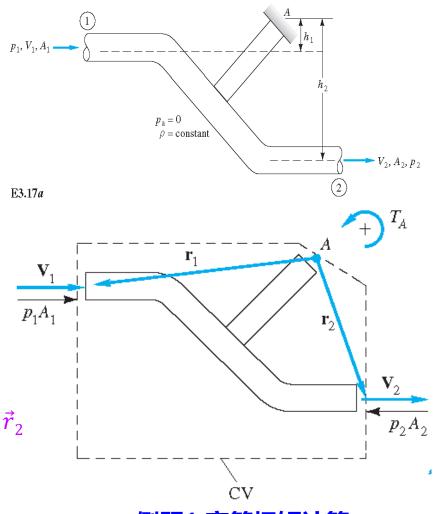
【例题1】 如图,进出口平行的弯管通过支架固定于A点。 不可压流体从1截面流入,2截面流出。已知环境 压强 p_a =0。试求:支撑A点所承受的扭矩T(表 述成1、2截面参数及距离 h_1 和 h_2 的表达式)。

解: 1. 流动为**定常**的,**忽略流体体积力**,可取如图控制体,将固体部件包于控制体内,管壁表面力对流体的力矩的和等效处理为 T_A

- 2、定义坐标系:取逆时针方向为力矩正方向;
- 3、由动量矩方程:

$$\vec{T}_A + (-p_1 A_1 \vec{n}_1) \times \vec{r}_1 + (-p_2 A_2 \vec{n}_2) \times \vec{r}_2 = (\rho_1 A_1 V_{n1}) \vec{V}_1 \times \vec{r}_1 + (\rho_2 A_2 V_{n2}) \vec{V}_2 \times \vec{r}_2$$

$$\vec{T}_A - (p_1 A_1) \vec{n}_1 \times \vec{r}_1 - (p_2 A_2) \vec{n}_2 \times \vec{r}_2 = (-\dot{m}) \vec{V}_1 \times \vec{r}_1 + (\dot{m}) \vec{V}_2 \times \vec{r}_2$$



例题1 弯管扭矩计算

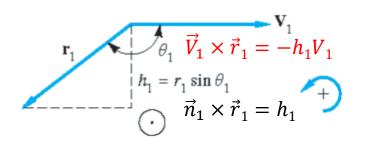
$$\sum \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \bigoplus_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$
31

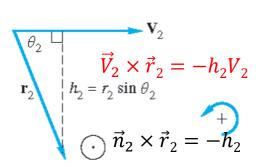


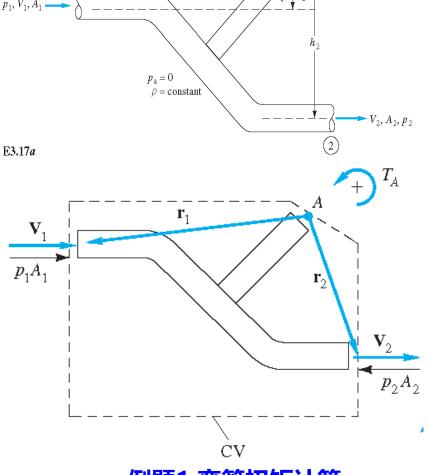
9.2.3 两个例子

【例题1】 如图,进出口平行的弯管通过支架固定于A点。 不可压流体从1截面流入,2截面流出。已知环境 压强 p_a =0。试求:支撑A点所承受的扭矩T(表 述成1、2截面参数及距离 h_1 和 h_2 的表达式)。

解: 3、由动量矩方程:







例题1 弯管扭矩计算

$$\sum \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \oiint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$
32



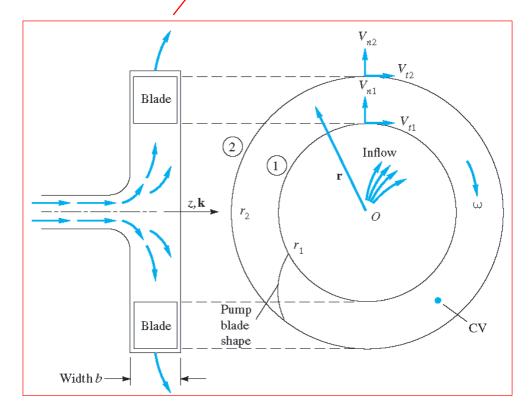
9.2.3 两个例子

- 【例题2】 如图所示离心泵,不可压流体沿轴向流入,经过泵叶片流出,涡轮旋转角速度为 ω 。进口速度为 V_1 、压力为 p_1 ,出口速度为 V_2 、压力为 p_2 。试求:
 - 1) 涡轮的扭矩 T_o ;
 - 2) 涡轮输入功率。

分析:

- 采用动量矩定理求解
- 由于流动为定常的,故**体积分**部分为o
- 划分控制体后,只需要计算**各部分力矩**,及表面的**动量矩通量**。

$$\sum_{\vec{r}} \vec{F} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{CV} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \iint_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$



例题2 离心泵流动



9.2.3 两个例子

- 【例题2】 如图所示离心泵,不可压流体沿轴向流入,经过泵叶片流出,涡轮旋转角速度为 ω 。进口速度为 V_1 、压力为 p_1 ,出口速度为 V_2 、压力为 p_2 。试求:
 - 1) 涡轮的扭矩 T_o ;
 - 2) 涡轮输入功率。
 - 解: 1. 流动为定常的,忽略流体体积力。可取面1和面2 所示的环形区域控制体
 - 2、定义坐标系: 取z坐标如图, z向力矩为正;
 - 3、由动量矩方程:

很显然,在1和2表面上,压力作用线均过圆心O, 其对O点的力矩为o,只需考虑动量矩通量部分

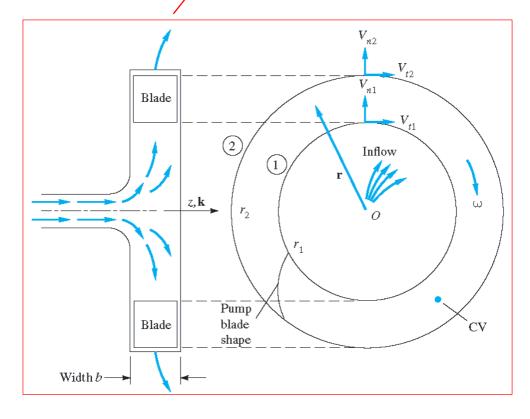
$$\vec{T}_{O} = (\dot{m}_{2})\vec{V}_{2} \times \vec{r}_{2} + (-\dot{m}_{1})\vec{V}_{1} \times \vec{r}_{1}$$

$$\downarrow \downarrow$$

$$T_{O} = (\rho_{2}V_{2n}2\pi r_{2}b)V_{t2}r_{2} - (\rho_{2}V_{2n}2r_{2}b)V_{t2}r_{2} + (\rho_{2}V_{2n}2r$$

$$T_{O} = (\rho_{2}V_{2n}2\pi r_{2}b)V_{t2}r_{2} - (\rho_{2}V_{2n}2\pi r_{2}b)V_{t1}r_{1}$$
$$= (\rho Q)V_{t2}r_{2} - (\rho Q)V_{t1}r_{1} = (\rho Q\omega)(r_{2}^{2} - r_{1}^{2})$$

$$\sum_{\vec{r}} \vec{r} \times \vec{r} = \frac{\partial}{\partial t} \iiint_{C} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) d\tau + \bigoplus_{CS} \rho(\vec{V} \times \vec{r}) (\vec{V} \cdot d\vec{S})$$



例题2 离心泵流动

$$P = \omega T_0 = (\rho Q \omega^2)(r_2^2 - r_1^2)$$

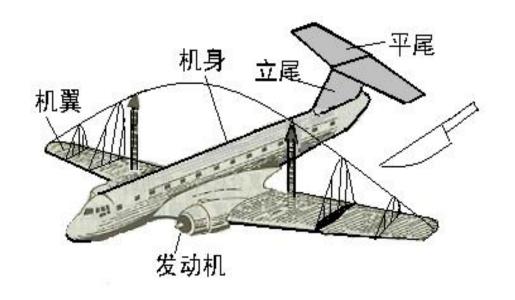


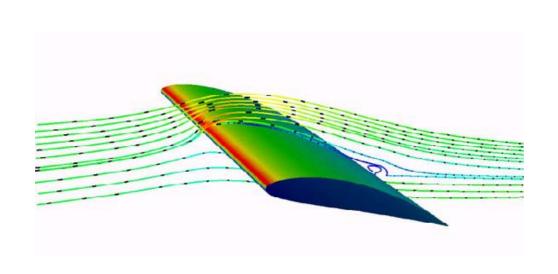
- 机翼几何参数
- 机翼空气动力学特性



9.3.1 机翼几何参数

- 机翼及翼型





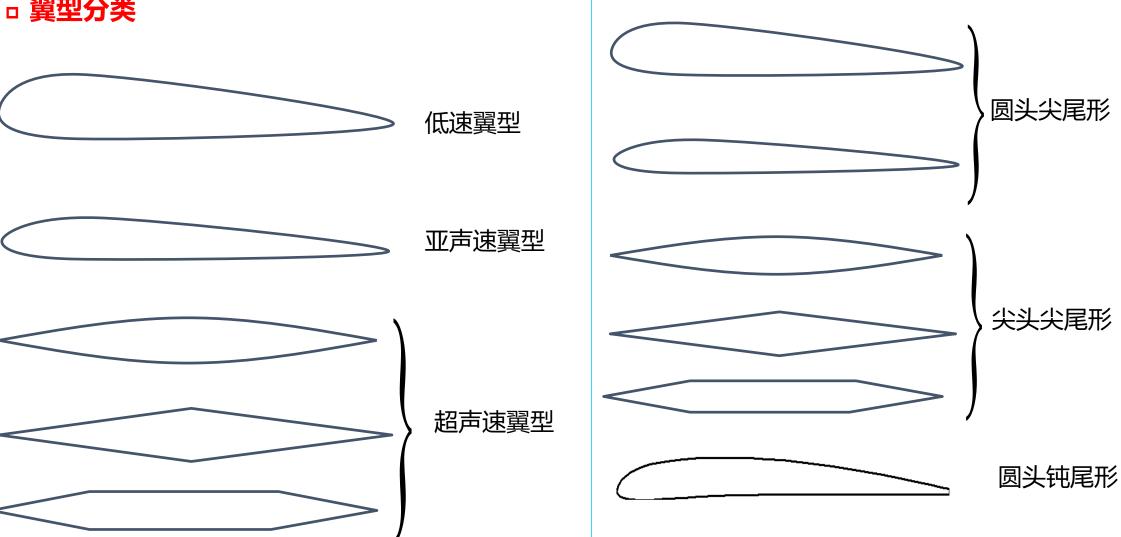
□ 机翼是飞机承受升力的主要部件

□ 平行于飞机对称面、在机翼展向任意位置切一刀,得到机翼剖面称作为**翼剖面**或**翼型**



9.3.1 机翼几何参数

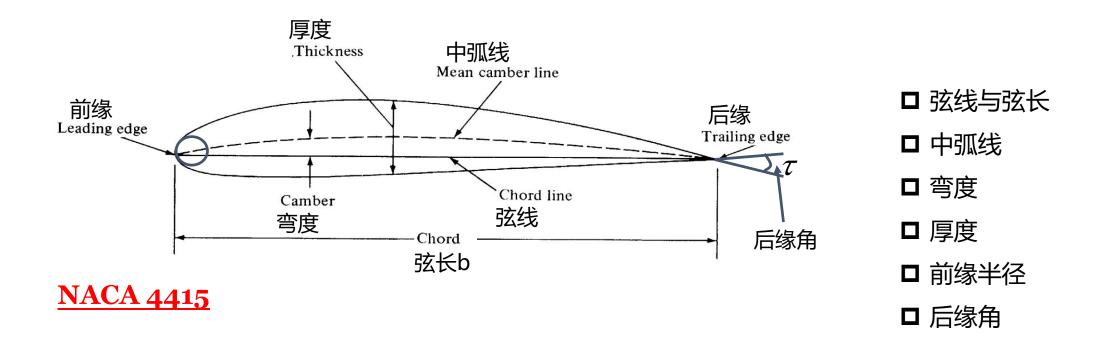
- 翼型分类





9.3.1 机翼几何参数

- 翼型主要几何参数

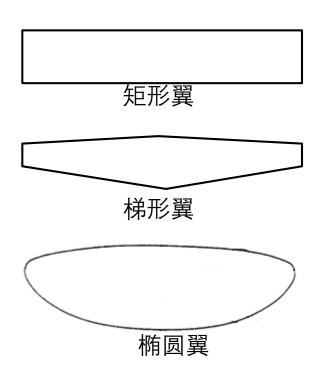


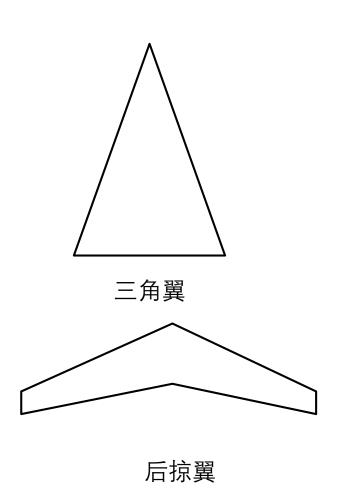
NACA翼型族



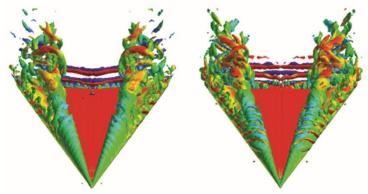
9.3.1 机翼几何参数

- 机翼的平面形状





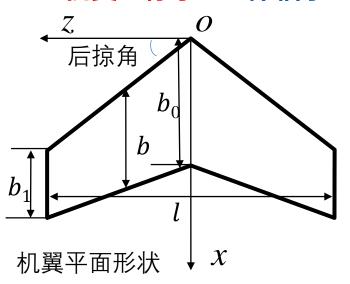


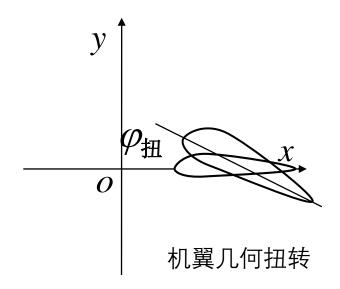


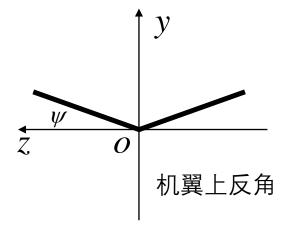


9.3.1 机翼几何参数

□ 机翼坐标系——体轴系







三个角

后掠角

上反角与下反角

几何扭转

- □ 翼展: 翼展是指机翼左右翼尖之间的 长度, 一般用*l*表示。
- □ 机翼面积: 是指机翼在oxz平面上的投影面积, 一般用S表示。
- □ 翼弦: 翼弦是指机翼沿机身方向的弦 长。一般用b表示

几何平均弦长 $\mathbf{b}_{\mathbf{p}\mathbf{j}}$ 定义为 $b_{pj}=$

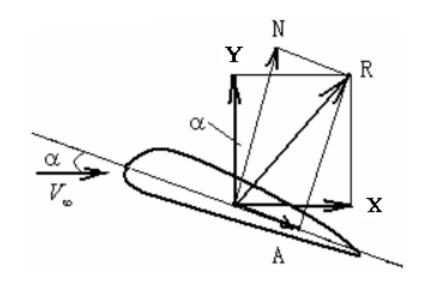
展弦比: $\lambda = \frac{l}{b_{pj}} = \frac{l^2}{S}$

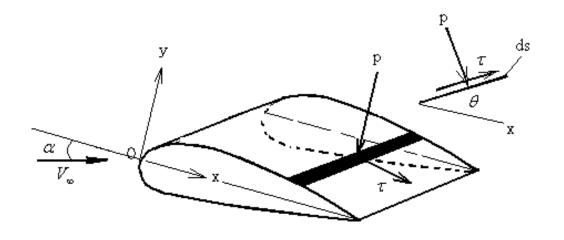
根梢比定义为 $\eta = rac{b}{b}$



9.3.2 机翼空气动力学特性

机翼的空气动力系数——风轴系坐标Oxyz





□ V_∞ 与对称平面处翼剖面(翼根剖面)弦线间的夹角定义为机翼的迎角α。



9.3.2 机翼空气动力学特性

机翼的空气动力系数

纵向绕流时作用在机翼上的空气动力仍是升力Y(垂直V。方向),阻力X(平行V。方向),纵向力矩Mz(绕过某参考点z轴的力矩)。定义机翼纵向绕流的无量纲气动系数为

阻力系数

$$C_{x} = \frac{X}{\frac{1}{2} \rho_{\infty} V_{\infty}^{2} S}$$

升力系数

$$C_{y} = \frac{Y}{\frac{1}{2}\rho_{\infty}V_{\infty}^{2}S}$$

纵向力矩力 (俯仰) 系数

$$m_z = \frac{M_z}{\frac{1}{2} \rho_\infty V_\infty^2 S b_A}$$

课后作业



- 1. 超声速进气道的压缩形式有哪些?
- 2. 文献调研题 (选做题, Word或者ppt文档):
 - 1) 简述液体火箭发动机涡轮泵的工作原理; 2) 简述螺旋桨的工作原理。

- 7.15 内压式超声速进气道的进口面积为 A_i,设计马赫数 Ma_d=1.6,喉道面积按在设计飞行状态下喉道为声速流动确定。为了使进气道起动,采用飞行加速法。若在起动过程中,除激波有总压损失外的流动是等熵的,问飞行马赫数至少加速到多大,激波才被吞入?
- 7. 16 内压式超声速进气道的设计马赫数 $Ma_d = 2.31$,飞行高度 $H = 18\,000\,\mathrm{m}$,已知进气道的面积比 $A_i/A_i = q(\lambda_d)$,且 $A_i = 0.15\,\mathrm{m}^2$ 。问:
- (1)在该高度以 $Ma_d=1.95$ 飞行时,进气道进口前的流动图形如何?若飞行马赫数加大到 $Ma_d=2.31$,流动图形有无变化?
 - (2)为了使进气道起动,喉道面积应放大到多大?
 - (3) 计算喉道面积放大后的喉道马赫数及通过进气道的流量。



THE END.

